Übung zu Mathematik I für Informatik

Blatt 1

- 1. a) $\{64, 100\}, \{64\}, \{100\}, \emptyset, b)$ 334, c) 0
- 2. Wegen $x \leq y$ ist

$$x - y < 0$$

Wegen x, y > 0 ist auch x + y > 0; die Ungleichung bleibt daher erhalten, wenn man beide Seiten mit x + y mulitipliziert:

$$(x-y)(x+y) \le 0 \cdot (x+y) \implies x^2 - y^2 \le 0$$

Addition von y^2 auf beiden Seiten der Ungleichung liefert das Ergebnis.

3. Sei

$$M := \{ x \in \mathbb{R} \mid \frac{2x - x^2}{1 - x} \le 0 \}.$$

- 1. Fall: $x = 0 \Rightarrow x \in M$
- 2. Fall: 0 < x < 1, Division durch x > 0 und Multiplikation mit 1 x > 0 liefern

$$2-x < 0 \Leftrightarrow x > 2$$

Wegen x < 1 tritt dieser Fall nicht ein.

3. Fall: x > 1, Division durch x > 0 und Multiplikation mit 1 - x < 0 liefern

$$2 - x \ge 0 \Leftrightarrow x \le 2$$

Dieses ist für alle x mit $1 < x \le 2$ erfüllt.

4. Fall: x < 0, Division durch x < 0 und Multiplikation mit 1 - x > 0 liefern

$$2-x \geq 0 \Leftrightarrow x \leq 2$$

Dieses ist für alle x mit x < 0 erfüllt.

Insgesamt folgt

$$M = (-\infty, 0] \cup (1, 2].$$

4. Die Mengen $M,\,N$ und $M\cap N$ besitzen die Gestalt:





