## Przykładowe pytania do egzaminu z RPIS

- 1.18 w księgarni badanie wydatków na książki, 40 studentów wybranych losowo:
- a) badanie pełne
- b) cecha statystyczna to wydatek na książki
- c) jednostką statystyczną jest student
- 1.19 wszystkim student Akademii Ekonomicznej zadano pytanie dotyczące motywów wyboru studiów:
- a) jednostką statystyczną jest kierunek studiów
- b) badana cecha ma charakter jakościowy
- c) przeprowadzono badanie częściowe
- **1.20** w przedsiębiorstwie P wylosowano 20 pracowników pracujących na tym samym stanowisku. badanie statystyczne dotyczące wydajności (w szt./godz.)
- a) jednostką pomiaru jest szt./godz.
- b) przeprowadzono badanie częściowe
- c) badaną cechą jest wydajność
- **1.21** wśród pracowników Urzędu Miejskiego przeprowadzono badanie ankietowe dotyczące zadowolenia z wykonywanej pracy. Ankietowani mieli do wyboru liczby od 1 do 10, 10 to pełne zadowolenie z wykonywanej pracy:
- a) badana cecha miała charakter jakościowy
- b) zastosowano porządkową skalę pomiarową
- c) jednostką statystyczną był Urząd Miejski
- 1.22 spośród kiosków ruch na terenie miasta M wylosowano 30 obiektów. zbadano dzienny obrót w piątek (w PLN):
- a) przeprowadzono badanie częściowe
- b) jednostką pomiaru był kiosk RUCH
- c) cecha statystyczna to dzienny obrót w piątek
- 2.56 dla 50 baków w PL oszacowano kwartyle zysku netto na poziomie: 1,3%, 8,6% i 18,9%
- a) miara względna zmienności zysków netto dla połowy banków wynosi 8.8% mediany
- b) miara względna zmienności netto dla połowy banków wynosi 102,3% mediany
- c) miara względna zmienności zysków netto dla połowy banków wynosi 102.3% średniej arytmetycznej
- **2.57** pracownik kontroli jakości zakładu X bada każdego dnia 20 elementów, w ciągu 100 dni było: 28 dni nie było wadliwego, 48 dni wadliwych 1, 20 dni wadliwych 2, 4 dni wadliwych 3 elementy:
- a) przeciętna liczba elementów wadliwych w ciągu dnia wynosi 1 sztukę
- b) przeciętna liczba elementów wadliwych w ciągu dnia wynosi 1%
- c) najczęściej w ciągu dnia występuje 1 element wadliwy
- **2.58** jedną z konkurencji testu sprawnościowego wśród młodzieży jest skok w dal. otrzymano następujące wyniki w grupie 40 studentów:
- a) połowa badanych studentów skoczyła poniżej 3,875
- b) zakres zmienności w długości skoku wynosi 0m
- c) studenci skakali w dal najczęściej na odległość 3,9 m
- **2.59** w pewnym przedsiębiorstwie produkcyjnym znajduje się 6-pomieszczeniowy magazyn, których powierzchnia składowa charakteryzuje: średnia arytmetyczna 70, odchylenie standardowe 17,76 i moment centralny rzędu trzeciego 580
- a) większość pomieszczeń magazynowych ma powierzchnię składową większą niż 70 m
- b) przeciętna powierzchnia składowa wynosi 70m
- c) zmienność powierzchni składowej jest na poziomie 586% średniej powierzchni składowej
- 2.60 wędkarz złowił w ciągu pewnego dnia ryby o długości: 21, 18, 23, 24, 19
- a) odchylenie standardowe wynosi 5,2
- b) średnia długości wynosi 21 cm
- c) cecha statystyczna to liczba złowionych ryb przez wędkarza w ciągu dnia

- **2.62** miarami przecietnymi sa:
- a) średnia arytmetyczna, odchylenie standardowe, modalna
- b) średnia arytmetyczna, modalna, mediana
- c) średnia arytmetyczna, mediana, rozstęp
- 2.63 współczynnik zmienności:
- a) pozwala porównać zmienność cech statystycznych wyrażonych w różnych jednostkach miary
- b) wskazuje kierunek i siłę asymetrii
- c) może być wyznaczony na podstawie średniej arytmetycznej i odchylenia standardowego
- **2.64** w rozkładzie asymetrycznym lewostronnie:
- a) większość obserwacji przyjmuje wartości większe od średniej arytmetycznej
- b) większość obserwacji przyjmuje wartości mniejsze od średniej arytmetycznej
- c) obserwacji większych od średniej arytmetycznej jest tyle samo co obserwacji mniejszych od średniej
- **2.65** odchylenie ćwiartkowe jest miarą zmienności:
- a) dla wszystkich obserwacji w próbie
- b) dla połowy obserwacji w próbie
- c) w której wykorzystujemy kwartyl pierwszy i kwartyl trzeci
- 2.67 mediana jest:
- a) miarą przeciętną pozycyjną
- b)wartością środkową
- c) wartością najczęściej występującą w danej zbiorowości statystycznej
- 2.68 odchylenie standardowe cechy X:
- a) jest względną miarą zmienności
- b) określa o ile przeciętnie wartości cechy X różnią się od średniej arytmetycznej
- c) określa o ile procent wartości cechy X różnią się od średniej arytmetycznej
- 2.69 w rozkładzie asymetrycznym prawostronnie:
- a) wartość modalnej jest mniejsza od średniej arytmetycznej
- b) większość obserwacji przyjmuje wartości większe od średniej arytmetycznej
- c) większość obserwacji przyjmuje wartości mniejsze od średniej arytmetycznej
- 2.70 rozstęp jest miarą zmienności:
- a) dla wszystkich obserwacji w próbie
- b) dla połowy obserwacji w próbie
- c) w której wykorz. wart. największą i najmniejszą
- 2.72 kwartyl trzeci
- a) jest miarą zmienności
- b) jest miarą przeciętną pozycyjną
- c) dzieli zbiorowość tak, że 25% jednostek ma wartości nie mniejsze niż Q, a 75% nie większe niż Q
- 2.73 współczynnik zmienności jest:
- a) bezwzględną miarą zmienności
- b) względną miarą zmienności
- c) miarą koncentracji
- **2.74** odchylenie przeciętne jest miarą zmienności:
- a) dla wszystkich obserwacji w próbie
- b) dla połowy obserwacji w próbie
- c) w której wykorzystujemy wartość bezwzględną odchyleń obserwacji od ich średniej arytmetycznej

- **2.77** współczynnik koncentracji:
- a) jest miarą dla wszystkich obserwacji w próbie
- b) jest miarą dla połowy obserwacji w próbie
- c) może być wyznaczony na podstawie momentu centralnego rzędu czwartego i odchylenia standardowego
- 3.86 kwadrat współczynnika korelacji liniowej r:
- a) to współczynnik zbieżności
- b) to współczynnik determinacji
- c) określa jaki % zmian zmiennej objaśnianej został wyjaśniony zmianami zmiennej objaśniającej
- 3.87 współczynnik zbieżności:
- a) może przyjmować tylko wartości od <0, 1>
- b) może przyjmować tylko wartości <-1,0>
- c) wskazuje, jaka część zmienności cechy objaśnianej niej jest związana ze zmiennością cechy objaśniającej
- 3.88 jeżeli współczynnik korelacji liniowej dwóch zmiennych jest równy -1 to stwierdzamy, że:
- a) 2 zmienne nie są ze sobą skorelowane
- b) współczynnik determinacji wynosi 100%
- c) istnieje doskonała relacja ujemna
- 3.89 jeżeli współczynnik korelacji liniowej dwóch zmiennych jest równy 0 to stwierdzamy, że:
- a) 2 zmienne nie sa ze soba skorelowane
- b) współczynnik determinacji wynosi 100%
- c) istnieje doskonała relacja ujemna
- 3.90 współczynnik korelacji liniowej r:
- a) wskazuje jaki procent zmian zmiennej objaśnianej został wyjaśniony zmianami zmiennej objaśniającej
- b) może przyjmować tylko wartości dodatnie
- c) można stwierdzić, że przyjmuje wartości <-1,1>
- **3.91** współczynnik kierunkowy w prostej regresji wskazuje:
- a) o ile przeciętnie zmieni się wartość zmiennej objaśnianej jeżeli wartość zmiennej objaśniającej wzrośnie o jednostkę
- b) w ilu procentach zmienność zmiennej objaśnianej została wyjaśniona zmiennością zmiennej objaśniającej
- c) w ilu procentach zmienność zmiennej objaśnianej nie została wyjaśniona zmiennością zmiennej objaśniającej
- 3.92 dla cechy statystycznej X:
- a)  $cov(X,Y) = Sx^2$
- b) r(X,Y) = -1
- c) cecha X nie jest skorelowana ze sobą
- **3.93** dla dwóch zmiennych obliczono współczynnik korelacji liniowej r = -0,90, a zatem:
- a) zmienne te nie są skorelowane
- b) kierunki zmian wartości obu zmiennych są takie same
- c) korelacja jest silna
- **3.94** jeżeli dla dwóch zmiennych obliczono współczynnik korelacji liniowej oraz wyznaczono prostą regresji to:
- a) znaki współczynników korelacji i regresji są takie same
- b) znaki współczynników korelacji i regresji są przeciwne
- c) współczynnik regresji jest równy współczynnikowi korelacji liniowej
- 3.95 współczynnik korelacji wielorakiej R<sub>3 12</sub>
- a) przyjmuje wartości tylko z przedziału <0,1>
- b) określa wspólny wpływ 1 i 2 cechy na 3
- c) określa zależność między 1 i 2 cechą, z pominięciem wpływu 3  $\,$

- 3.98 współczynnik fi Yule'a:
- a) jest równy zeru, gdy cechy są niezależne
- b) przyjmuje maksymalną wartość = 1 tylko dla macierzy o wymiarach 2xk
- c) przyjmuje maksymalną wartość równą 1 dla macierzy o dowolnych wymiarach rxk
- 3.99 współczynnik rang Q Kendalla:
- a) można wykorzystać, gdy badane cechy są wyrażone w skali nominalnej
- b) można wykorzystać, gdy badane cechy są wyrażone na skali porządkowej
- c) przyjmuje wartości z przedziału <-1,1>
- 3.100 współczynnik C Pearsona:
- a) przyjmuje wartość zero gdy cechy są niezależne
- b) przyjmuje maksymalną wartość = 1 gdy w tablicy niezależ. liczb. kolumn i wierszy jest nieskończenie duża
- c) można wyznaczyć, opierając się na współczynniku fi Yule'a
- **5.82** jeżeli X jest zmienną losową to dla dowolnej stałej c prawdziwe są równości:
- a) E(cX) = c
- b)  $D^2(c+X) = c^2+D^2(X)$
- c)  $D^2(c) = 0$
- **5.88** jeżeli X jest zmienną losową to dla dowolnej stałej c prawdziwe są równości:
- a) E(c+X) = c+E(X)
- b)  $D^2(cX) = D^2(X)$
- c) E(c) = c
- **5.90** dystrybuanta:
- a) przyjmuje wartości <0,1>
- b) jest funkcją co najmniej prawostronnie ciągłą
- c) jest funkcją niemalejącą
- 6.56 rozkładami dyskretnymi są rozkłady:
- a) jednostajny, Poissona
- b) jednopunktowy, jednostajny
- c) dwumianowy, Poissona
- **6.57** Zmienna losowa Y ma rozkład Poissona, a zatem:
- a) lambda = np.
- b)  $E(Y) = lambda, D^2(y) = lambda$
- c) rozkład Poissona jest granicznym rozkładem rozkładu dwupunktowego
- **6.58** w twierdzeniu Chinczyna zakładamy, że:
- a) zmienne losowe muszą być niezależne
- b) zmienne losowe muszą mieć rozkład normalny
- c) zmienne losowe muszą mieć taką samą wartość oczekiwaną
- **6.59** jeżeli zmienna losowa X ma rozkład normalny N(10,5) to:
- a) P(X<10) = 0.5
- b) P(X=0) = 0
- c) E(X) = 10, D(X) = 5
- **6.60** integralne twierdzenia graniczne dotyczą zbieżności ciągu:
- a) funkcji gęstości
- b) dystrybuant
- c) wartości oczekiwanych

**6.61** jeżeli fi jest dystrybuantą zmiennej losowej U o rozkładzie normalnym standaryzowanym to zachodzi:

- a) P(a < U < b) = fi(b) fi(a)
- b) P(U < b) = 1 fi(b)
- c) fi(0) = 0.5

6.62 rozkładami ciągłymi są rozkłady

- a) jednostajny, normalny
- b) jednostajny, normalny, standaryzowany
- c) dwumianowy, Poissona

6.66 w centralnym twierdzeniu granicznym Lindeberga-Levy'ego zakładamy, że:

- a) zmienne losowe muszą być niezależne
- b) zmienne losowe mogą mieć różne rozkłady
- c) zmienne losowe mogą mieć różne odchylenia standardowe

**6.76** zmienna losowa X<sub>n</sub> – B(n,p) dla n>30 ma rozkład:

- a) N (np.,npq)
- b) B (np,  $\sqrt{npq}$ )
- c) N (np,  $\sqrt{npq}$ )

**7.65** estymacja statystyczna jest to:

- a) ocena wartości nieznanych parametrów rozkładu bądź ich funkcji, które charakteryzują rozkład badanej cechy w próbie losowej pobranej z populacji generalnej
- b) ocena wartości nieznanych parametrów rozkładu bądź ich funkcji, które charakteryzują rozkład badanej cechy w populacji generalnej na podstawie próby losowej pobranej z tej populacji
- c) jedna z form wnioskowania statystycznego

**7.66** estymator jest:

- a) zmienną losową
- b) zawsze zmienną losową o rozkładzie normalnym
- c) pewną statystyką z próby służącą do oszacowania nieznanej wartości pewnego parametru populacji

**7.71** estymatorem nieobciążonym wariancji  $\sigma^2$  w populacji jest:

a) 
$$S^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2$$

b) 
$$\overline{S}^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (X_i - \overline{X})^2$$

c) 
$$S_*^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (X_i - \mu)^2$$

**7.72** średnia z próby  $\bar{X}$  jest estymatorem:

- a) zgodnym i nieobciążonym średniej μ badanej zmiennej X w populacji w przypadku dowolnego rozkładu tej zmiennej
- b) zgodnym i nieobciążonym średniej  $\mu$  badanej zmiennej X w populacji tylko wówczas, gdy zmienna ta ma rozkład normalny
- c) zgodnym, nieobciążonym i najefektywniejszym średniej  $\mu$  badanej zmiennej X w populacji tylko wówczas, gdy zmienna ta ma rozkład normalny

**7.73** średnia z próby  $\bar{X}$  jest estymatorem:

- a) zgodnym i nieobciążonym wartości średniej w populacji
- b) efektywniejszym niż mediana
- c) takim, że wariancja dąży do 0 przy n->∞

**7.74** wraz ze wzrostem współczynnika ufności 1-α:

- a) zmniejsza się precyzja przedziałowej estymacji
- b) zwiększy się precyzja przedziałowej estymacji
- c) długość przedziału ufności maleje

- 7.75 współczynnik ufności wynosi 0,97
- a) wiarygodność przedziału ufności wynosi 97%
- b) przedział ufności zawiera 0,97 nieznanej wartości parametru
- c)  $\alpha = 0.97$
- **7.76** jeżeli przy stałym poziomie ufności 1-α zwiększa się liczebność próby to:
- a) zmniejsza się precyzja przedziałowej estymacji
- b) zwiększa się precyzja przedziałowej estymacji
- c) długość przedziału ufności maleje
- 7.77 przedział ufności dla wartości średniej zmiennej X o rozkładzie  $N(\mu, \sigma)$  w populacji ( $\sigma$  nieznane) wyznaczony na podstawie małej próby ma długość:
- a)  $\frac{2t_{\alpha}\tilde{S}}{\bar{z}}$
- b)  $\frac{2t_{\alpha}S}{\sqrt{n-1}}$ c)  $\frac{2u_{\alpha}S}{\sqrt{n-1}}$
- 7.78 przedział ufności dla odchylenia standardowego zmiennej X o rozkładzie N(μ, σ) w populacji, wyznaczony na podstawie dużej próby:
- a) jest oparty na rozkładzie F-Snedecora
- b) jest oparty na rozkładzie normalnym
- c) jest oparty na rozkładzie t-Studenta i n-1 stopniach swobody
- 7.79 estymacja przedziałowa wskaźnika struktury p na podstawie dużej próby opiera się na:
- a) rozkładzie chi-kwadrat o n-1 stopniach swobody
- b) rozkładzie normalnym
- c) rozkładzie t-Studenta
- **7.80** do estymacji przedziałowej wartości średniej zmiennej X o rozkładzie  $N(\mu, \sigma)$  w populacji ( $\sigma$  nieznane) na postawie małej próby konieczna jest znajomość:
- a) poziomu istotności α
- b) wariancji  $S^2$  lub  $\overline{S^2}$
- c) współczynnik ufności 1- α
- 7.81 Estymacja przedziałowa wartości średniej zmiennej X o rozkładzie  $N(\mu, \sigma)$  w populacji ( $\sigma$  nieznane) na postawie małej próby opiera się na:
- a) rozkładzie normalnym
- b) rozkładzie t-Studenta o n-2 stopniach swobody
- c) rozkładzie t-Studenta o n-1 stopniach swobody
- 7.86 wśród wylosowanych 200 studentów w Chrzanowie było 50 mężczyzn:
- a) najlepsze oszacowanie punktowe procentu studiujących mężczyzn w Chrzanowie wynosi 75%
- b) najlepsze oszacowanie punktowe procentu studiujących kobiet w Chrzanowie wynosi 25%
- c) próba jest dostatecznie dużo do oszacowania przedziałowego procentu studiujących kobiet w Chrzanowie
- **8.49** wnioskowanie statystyczne o słuszności sformułowanej hipotezy nazywamy:
- a) estymacją hipotezy
- b) sprawdzianem hipotezy
- c) weryfikacją hipotezy
- 8.50 hipoteza statystyczna to:
- a) każde przypuszczenie dotyczące postaci rozkładu określonej zmiennej losowej
- b) każde przypuszczenie dotyczące charakterystyki rozkładu określonej zmiennej losowej
- c) przypuszczenie o niezależności 2 zmiennych losowych

- **8.51** hipoteza zerowa postaci H0:  $\sigma_1^2 = \sigma_2^2$  to przykład:
- a) hipotezy nieparametrycznej, bo występują w niej dwa parametry
- b) hipotezy parametrycznej
- c) hipotezy o równości dwóch wariancji
- **8.52** test statystyczny:
- a) to reguła postępowania, za pomocą której, na podstawie wyników próby losowej, budujemy przedział ufności
- b) to reguła postępowania, za pomocą której, na podstawie wyników próby losowej, decydujemy o przyjęciu lub odrzuceniu sprawdzanej hipotezy
- c) to reguła postępowania, za pomocą której, na podstawie wartości odpowiednich charakterystyk opisowych z populacji, decydujemy o przyjęciu lub odrzuceniu sprawdzanej hipotezy
- **8.53** błąd I rodzaju to:
- a) w teście istotności zakładany poziom istotności α
- b) odrzucenie sprawdzanej hipotezy zerowej wtedy, kiedy jest ona prawdziwa
- c) przyjęcie sprawdzanej hipotezy wtedy, kiedy jest ona fałszywa
- 8.54 błąd II rodzaju to:
- a) przyjęcie sprawdzanej hipotezy wtedy, kiedy jest ona prawdziwa
- b) odrzucenie sprawdzanej hipotezy zerowej wtedy, kiedy jest ona prawdziwa
- c) przyjęcie sprawdzanej hipotezy wtedy, kiedy jest ona fałszywa
- **8.55** przy danej n-elementowej próbie losowej zmniejszanie prawdopodobieństwa α popełnienia błędu I rodzaju:
- a) powoduje zmniejszenie prawdopodobieństwa β popełnienia błędu II rodzaju
- b) powoduje wzrost prawdopodobieństwa β popełnienia błędu II rodzaju
- c) nie ma wpływu na prawdopodobieństwa β popełnienia błędu II rodzaju
- 8.56 za pomocą testu istotności:
- a) możemy odrzucić H0, gdy wartość odpowiedniej statystyki testowej należy do obszaru krytycznego
- b) możemy przyjąć H1, gdy odrzucimy sprawdzaną H0
- c) możemy przyjąć H0, gdy wartość odpowiedniej statystyki testowej nie należy do obszaru krytycznego
- **8.57** posługując się testem istotności:
- a) uwzględniamy tylko błąd 1 rodzaju
- b) uwzględniamy tylko błąd drugiego rodzaju
- c) możemy jedynie stwierdzić, że brak jest podstaw do odrzucenia H0, gdy wartość odpowiedniej statystyki testowej nie należy do obszaru krytycznego
- 8.58 jednym z etapów weryfikacji hipotezy statystycznej za pomocą testu istotności jest:
- a) budowa obszaru krytycznego
- b) budowa przedziału ufności
- c) ustalenie wartości krytycznej
- **8.59** na budowę obszaru krytycznego w teście istotności ma wpływ:
- a) postać hipotezy alternatywnej
- b) rozkład wybranej statystyki testowej
- c) wybrany poziom istotności
- **8.60** poziom istotności to:
- a) prawdopodobieństwo α popełnienia błędu I rodzaju
- b) prawdopodobieństwo β popełnienia błędu II rodzaju
- c) prawdopodobieństwo odrzucenia prawdziwej hipotezy
- **8.61** wartość prawdopodobieństwa testowego p-value:
- a) obliczamy na podstawie wartości krytycznej
- b) obliczamy na podstawie wyznaczonej wartości statystyki testowej
- c) obliczamy na podstawie wyznaczonej wartości statystyki testowej i założonego poziomu istotności

- 8.62 jeżeli wartość prawdopodobieństwa testowego p-value jest większa od założonego poziomu istotności  $\alpha$ , to:
- a) H0 odrzucamy
- b) H0 przyjmujemy
- c) stwierdzamy, że nie ma podstaw do odrzucenia H0
- **8.63** test nieparametryczny to:
- a) test dla współczynników regresji liniowej
- b) test niezależności X²
- c) test zgodności X<sup>2</sup>