經過討論,我們決定分工如下:

- 1. 吳奇倫、簡國峻為 A 組, 分為 Label1 和 Label2 標記全部 100 比資料。
- 2. 李冠達、林文韜為 B 組, 分為 Label1 和 Label2 標記全部 100 比資料。
- 3. 黃允誠(我)負責計算四種組合的 Kappa 值,並從中挑選最高者作為我們組的繳交。四種組合: A 組 100 比、B 組 100 比、A 組前 50 比+B 組後 50 比、B 組前 50 比+A 組後 50 比

因此,我首先統計四組50筆資料各自在各標記類別四種情況的數量。

四組 50 筆資料: A 組前 50 比、A 組後 50 比、B 組前 50 比、B 組後 50 比

各標記類別:幼兒園、小學、中學、高中、大學、壯年、中年、老年

四種情況:a(同時標記)、b(只有 Label1 標記)、c(只有 Label2 標記)、d (同時不標記)

## A 組前 50 比

類別 情況	幼兒園	小學	中學	高中	大學	壯年	中年	老年
а	11	21	17	29	31	35	33	31
b	6	4	4	1	0	0	0	1
С	9	8	8	3	5	1	3	4
d	24	17	21	17	14	14	14	14

## A 組後 50 比

類別 情況	幼兒園	小學	中學	高中	大學	壯年	中年	老年
а	13	20	24	30	37	46	44	40
b	7	5	4	3	2	0	2	5
С	5	4	7	7	6	0	0	1
d	25	21	15	10	5	4	4	4

## B 組前 50 比

類別 情況	幼兒園	小學	中學	高中	大學	壯年	中年	老年
а	16	24	32	31	31	29	25	12
b	7	7	2	2	2	1	3	10
С	1	1	2	2	2	0	0	1
d	26	18	14	15	15	20	22	27

## B 組後 50 比

類別 情況	幼兒園	小學	中學	高中	大學	壯年	中年	老年
а	19	29	36	36	45	45	44	38
b	12	7	2	1	0	0	0	3
С	0	1	0	2	0	0	0	0
d	19	13	12	11	5	5	6	9

接著計算 Kappa 值(下 4 頁,最終 Kappa 值一律四捨五入到小數點後四位)

取 A 組 100 比:

$$\begin{split} P_{o(\text{MRB})} &= \frac{11+13+24+25}{100} = 0.73 \\ P_{e(\text{MRB})} &= \left(\frac{11+13+6+7}{100}\right) \left(\frac{11+13+9+5}{100}\right) + \left(\frac{9+5+24+25}{100}\right) \left(\frac{6+7+24+25}{100}\right) = 0.5312 \\ K_{(\text{MRB})} &= \frac{0.73-0.5312}{1-0.5312} = 0.4241 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o(\cancel{\nearrow}\cancel{P})} &= \frac{21 + 20 + 17 + 21}{100} = 0.79 \\ P_{e(\cancel{\nearrow}\cancel{P})} &= \left(\frac{21 + 20 + 4 + 5}{100}\right) \left(\frac{21 + 20 + 8 + 4}{100}\right) + \left(\frac{8 + 4 + 17 + 21}{100}\right) \left(\frac{4 + 5 + 17 + 21}{100}\right) = 0.5 \\ K_{(\cancel{\nearrow}\cancel{P})} &= \frac{0.79 - 0.5}{1 - 0.5} = 0.58 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o\left(\frac{\phi}{\mathcal{P}}\right)} &= \frac{17+24+21+15}{100} = 0.77 \\ P_{e\left(\frac{\phi}{\mathcal{P}}\right)} &= \left(\frac{17+24+4+4}{100}\right) \left(\frac{17+24+8+7}{100}\right) + \left(\frac{8+7+21+15}{100}\right) \left(\frac{4+4+21+15}{100}\right) = 0.4988 \\ K_{\left(\frac{\phi}{\mathcal{P}}\right)} &= \frac{0.77-0.4988}{1-0.4988} = 0.5411 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o\left(\vec{\beta}, \vec{p}\right)} &= \frac{29 + 30 + 17 + 10}{100} = 0.86 \\ P_{e\left(\vec{\beta}, \vec{p}\right)} &= \left(\frac{29 + 30 + 1 + 3}{100}\right) \left(\frac{29 + 30 + 3 + 7}{100}\right) + \left(\frac{3 + 7 + 17 + 10}{100}\right) \left(\frac{1 + 3 + 17 + 10}{100}\right) = 0.5494 \\ K_{\left(\vec{\beta}, \vec{p}\right)} &= \frac{0.86 - 0.5494}{1 - 0.5494} = 0.6893 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o\left(\cancel{\mathcal{A}}\cancel{\mathbb{P}}\right)} &= \frac{31+37+14+5}{100} = 0.87 \\ P_{e\left(\cancel{\mathcal{A}}\cancel{\mathbb{P}}\right)} &= \left(\frac{31+37+0+2}{100}\right) \left(\frac{31+37+5+6}{100}\right) + \left(\frac{5+6+14+5}{100}\right) \left(\frac{0+2+14+5}{100}\right) = 0.616 \\ K_{\left(\cancel{\mathcal{A}}\cancel{\mathbb{P}}\right)} &= \frac{0.87-0.616}{1-0.616} = 0.6615 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o(\#\#)} &= \frac{35+46+14+4}{100} = 0.99 \\ P_{e(\#\#)} &= \left(\frac{35+46+0+0}{100}\right) \left(\frac{35+46+1+0}{100}\right) + \left(\frac{1+0+14+4}{100}\right) \left(\frac{0+0+14+4}{100}\right) = 0.6984 \\ K_{(\#\#)} &= \frac{0.99-0.6984}{1-0.6984} = 0.9668 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o\left(\neq \neq \right)} &= \frac{33+44+14+4}{100} = 0.95 \\ P_{e\left(\neq \neq \right)} &= \left(\frac{33+44+0+2}{100}\right) \left(\frac{33+44+3+0}{100}\right) + \left(\frac{3+0+14+4}{100}\right) \left(\frac{0+2+14+4}{100}\right) = 0.674 \\ K_{\left(\neq \neq \right)} &= \frac{0.95-0.674}{1-0.674} = 0.8466 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o(\not \neq \not =)} &= \frac{31+40+14+4}{100} = 0.89 \\ P_{e(\not \neq \not =)} &= \left(\frac{31+40+1+5}{100}\right) \left(\frac{31+40+4+1}{100}\right) + \left(\frac{4+1+14+4}{100}\right) \left(\frac{1+5+14+4}{100}\right) = 0.6404 \\ K_{(\not \neq \not =)} &= \frac{0.89-0.6404}{1-0.6404} = 0.6941 \end{split}$$

取 B 組 100 比:

$$\begin{split} P_{o(幼兒園)} &= \frac{16+19+26+19}{100} = 0.8 \\ P_{e(幼兒園)} &= \left(\frac{16+19+7+12}{100}\right) \left(\frac{16+19+1+0}{100}\right) + \left(\frac{1+0+26+19}{100}\right) \left(\frac{7+12+26+19}{100}\right) = 0.4888 \\ K_{(幼兒園)} &= \frac{0.8-0.4888}{1-0.4888} = 0.6088 \end{split}$$
 
$$P_{o(\cancel{4}\cancel{4}\cancel{4})} &= \frac{24+29+18+13}{100} = 0.84 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o(\sqrt{\mathcal{P}})} &= \frac{24 + 29 + 18 + 13}{100} = 0.84 \\ P_{e(\sqrt{\mathcal{P}})} &= \left(\frac{24 + 29 + 7 + 7}{100}\right) \left(\frac{24 + 29 + 1 + 1}{100}\right) + \left(\frac{1 + 1 + 18 + 13}{100}\right) \left(\frac{7 + 7 + 18 + 13}{100}\right) = 0.517 \\ K_{(\sqrt{\mathcal{P}})} &= \frac{0.84 - 0.517}{1 - 0.517} = 0.6687 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o\left(\neq \mathcal{P}\right)} &= \frac{32 + 36 + 14 + 12}{100} = 0.94 \\ P_{e\left(\neq \mathcal{P}\right)} &= \left(\frac{32 + 36 + 2 + 2}{100}\right) \left(\frac{32 + 36 + 2 + 0}{100}\right) + \left(\frac{2 + 0 + 14 + 12}{100}\right) \left(\frac{2 + 2 + 14 + 12}{100}\right) = 0.588 \\ K_{\left(\neq \mathcal{P}\right)} &= \frac{0.94 - 0.588}{1 - 0.588} = 0.8544 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o\left(\vec{\beta}, \phi\right)} &= \frac{31 + 36 + 15 + 11}{100} = 0.93 \\ P_{e\left(\vec{\beta}, \phi\right)} &= \left(\frac{31 + 36 + 2 + 1}{100}\right) \left(\frac{31 + 36 + 2 + 2}{100}\right) + \left(\frac{2 + 2 + 15 + 11}{100}\right) \left(\frac{2 + 1 + 15 + 11}{100}\right) = 0.584 \\ K_{\left(\vec{\beta}, \phi\right)} &= \frac{0.93 - 0.584}{1 - 0.584} = 0.8317 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o\left(\cancel{\mathcal{L}}^{\cancel{\#}}\right)} &= \frac{^{31+45+15+5}}{^{100}} = 0.96 \\ P_{e\left(\cancel{\mathcal{L}}^{\cancel{\#}}\right)} &= \left(\frac{^{31+45+2+0}}{^{100}}\right) \left(\frac{^{31+45+2+0}}{^{100}}\right) + \left(\frac{^{2+0+15+5}}{^{100}}\right) \left(\frac{^{2+0+15+5}}{^{100}}\right) = 0.6568 \\ K_{\left(\cancel{\mathcal{L}}^{\cancel{\#}}\right)} &= \frac{^{0.96-0.6568}}{^{1-0.6568}} = 0.8834 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o\left(\#\#\right)} &= \frac{29+45+20+5}{100} = 0.99 \\ P_{e\left(\#\#\right)} &= \left(\frac{29+45+1+0}{100}\right) \left(\frac{29+45+0+0}{100}\right) + \left(\frac{0+0+20+5}{100}\right) \left(\frac{1+0+20+5}{100}\right) = 0.62 \\ K_{\left(\#\#\right)} &= \frac{0.99-0.62}{1-0.62} = 0.9737 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o\left(\neq \neq\right)} &= \frac{25+44+22+6}{100} = 0.97 \\ P_{e\left(\neq \neq\right)} &= \left(\frac{25+44+3+0}{100}\right) \left(\frac{25+44+0+0}{100}\right) + \left(\frac{0+0+22+6}{100}\right) \left(\frac{3+0+22+6}{100}\right) = 0.5836 \\ K_{\left(\neq \neq\right)} &= \frac{0.97-0.5836}{1-0.5836} = 0.928 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o\left(\cancel{\cancel{z}}\ne\right)} &= \frac{12+38+27+9}{100} = 0.86 \\ P_{e\left(\cancel{\cancel{z}}\ne\right)} &= \left(\frac{12+38+10+3}{100}\right) \left(\frac{12+38+1+0}{100}\right) + \left(\frac{1+0+27+9}{100}\right) \left(\frac{10+3+27+9}{100}\right) = 0.5026 \\ K_{\left(\cancel{\cancel{z}}\ne\right)} &= \frac{0.86-0.5026}{1-0.5026} = 0.7185 \end{split}$$

取 A 組前 50 比+B 組後 50 比:

$$\begin{split} P_{o(\text{MRB})} &= \frac{11+19+24+19}{100} = 0.73 \\ P_{e(\text{MRB})} &= \left(\frac{11+19+6+12}{100}\right) \left(\frac{11+19+9+0}{100}\right) + \left(\frac{9+0+24+19}{100}\right) \left(\frac{6+12+24+19}{100}\right) = 0.5044 \\ K_{(\text{MRB})} &= \frac{0.73-0.5044}{1-0.5044} = 0.4552 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o\left(\sqrt{\mathcal{P}}\right)} &= \frac{21 + 29 + 17 + 13}{100} = 0.8 \\ P_{e\left(\sqrt{\mathcal{P}}\right)} &= \left(\frac{21 + 29 + 4 + 7}{100}\right) \left(\frac{21 + 29 + 8 + 1}{100}\right) + \left(\frac{8 + 1 + 17 + 13}{100}\right) \left(\frac{4 + 7 + 17 + 13}{100}\right) = 0.5198 \\ K_{\left(\sqrt{\mathcal{P}}\right)} &= \frac{0.8 - 0.5198}{1 - 0.5198} = 0.5835 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o\left(\neq^{2}\right)} &= \frac{17+36+21+12}{100} = 0.86 \\ P_{e\left(\neq^{2}\right)} &= \left(\frac{17+36+4+2}{100}\right) \left(\frac{17+36+8+0}{100}\right) + \left(\frac{8+0+21+12}{100}\right) \left(\frac{4+2+21+12}{100}\right) = 0.5198 \\ K_{\left(\neq^{2}\right)} &= \frac{0.86-0.5198}{1-0.5198} = 0.7085 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o\left(\vec{\beta}, \phi\right)} &= \frac{29 + 36 + 17 + 11}{100} = 0.93 \\ P_{e\left(\vec{\beta}, \phi\right)} &= \left(\frac{29 + 36 + 1 + 1}{100}\right) \left(\frac{29 + 36 + 3 + 2}{100}\right) + \left(\frac{3 + 2 + 17 + 11}{100}\right) \left(\frac{1 + 1 + 17 + 11}{100}\right) = 0.568 \\ K_{\left(\vec{\beta}, \phi\right)} &= \frac{0.93 - 0.568}{1 - 0.568} = 0.838 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o(\cancel{\cancel{L}}\cancel{P})} &= (31+45+14+5)/100 = 0.95 \\ P_{e(\cancel{\cancel{L}}\cancel{P})} &= \left(\frac{31+45+0+0}{100}\right) \left(\frac{31+45+5+0}{100}\right) + \left(\frac{5+0+14+5}{100}\right) \left(\frac{0+0+14+5}{100}\right) = 0.6612 \\ K_{(\cancel{\cancel{L}}\cancel{P})} &= \frac{0.95-0.6612}{1-0.6612} = 0.8524 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o\left(\#\#\right)} &= \frac{35+45+14+5}{100} = 0.99 \\ P_{e\left(\#\#\right)} &= \left(\frac{35+45+0+0}{100}\right) \left(\frac{35+45+1+0}{100}\right) + \left(\frac{1+0+14+5}{100}\right) \left(\frac{0+0+14+5}{100}\right) = 0.686 \\ K_{\left(\#\#\right)} &= \frac{0.99-0.686}{1-0.686} = 0.9682 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o\left(\neq \neq \right)} &= \frac{33 + 44 + 14 + 6}{100} = 0.97 \\ P_{e\left(\neq \neq \right)} &= \left(\frac{33 + 44 + 0 + 0}{100}\right) \left(\frac{33 + 44 + 3 + 0}{100}\right) + \left(\frac{3 + 0 + 14 + 6}{100}\right) \left(\frac{0 + 0 + 14 + 6}{100}\right) = 0.662 \\ K_{\left(\neq \neq \right)} &= \frac{0.97 - 0.662}{1 - 0.662} = 0.9112 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o(\not \neq \not =)} &= \frac{31 + 38 + 14 + 9}{100} = 0.92 \\ P_{e(\not \neq \not =)} &= \left(\frac{31 + 38 + 1 + 3}{100}\right) \left(\frac{31 + 38 + 4 + 0}{100}\right) + \left(\frac{4 + 0 + 14 + 9}{100}\right) \left(\frac{1 + 3 + 14 + 9}{100}\right) = 0.6058 \\ K_{(\not \neq \not =)} &= \frac{0.92 - 0.6058}{1 - 0.6058} = 0.7971 \end{split}$$

取 B 組前 50 比+A 組後 50 比:

$$\begin{split} P_{o(\text{MRB})} &= \frac{16+13+26+25}{100} = 0.8 \\ P_{e(\text{MRB})} &= \left(\frac{16+13+7+7}{100}\right) \left(\frac{16+13+1+5}{100}\right) + \left(\frac{1+5+26+25}{100}\right) \left(\frac{7+7+26+25}{100}\right) = 0.521 \\ K_{(\text{MRB})} &= \frac{0.8-0.521}{1-0.521} = 0.5825 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o\left(\sqrt{\mathcal{P}}\right)} &= \frac{24 + 20 + 18 + 21}{100} = 0.83 \\ P_{e\left(\sqrt{\mathcal{P}}\right)} &= \left(\frac{24 + 20 + 7 + 5}{100}\right) \left(\frac{24 + 20 + 1 + 4}{100}\right) + \left(\frac{1 + 4 + 18 + 21}{100}\right) \left(\frac{7 + 5 + 18 + 21}{100}\right) = 0.4988 \\ K_{\left(\sqrt{\mathcal{P}}\right)} &= \frac{0.83 - 0.4988}{1 - 0.4988} = 0.6608 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o\left(\neq \mathcal{P}\right)} &= \frac{32 + 24 + 14 + 15}{100} = 0.85 \\ P_{e\left(\neq \mathcal{P}\right)} &= \left(\frac{32 + 24 + 2 + 4}{100}\right) \left(\frac{32 + 24 + 2 + 7}{100}\right) + \left(\frac{2 + 7 + 14 + 15}{100}\right) \left(\frac{2 + 4 + 14 + 15}{100}\right) = 0.536 \\ K_{\left(\neq \mathcal{P}\right)} &= \frac{0.85 - 0.536}{1 - 0.536} = 0.6767 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o\left(\vec{\beta}, \phi\right)} &= \frac{31 + 30 + 15 + 10}{100} = 0.86 \\ P_{e\left(\vec{\beta}, \phi\right)} &= \left(\frac{31 + 30 + 2 + 3}{100}\right) \left(\frac{31 + 30 + 2 + 7}{100}\right) + \left(\frac{2 + 7 + 15 + 10}{100}\right) \left(\frac{2 + 3 + 15 + 10}{100}\right) = 0.564 \\ K_{\left(\vec{\beta}, \phi\right)} &= \frac{0.86 - 0.564}{1 - 0.564} = 0.6789 \end{split}$$

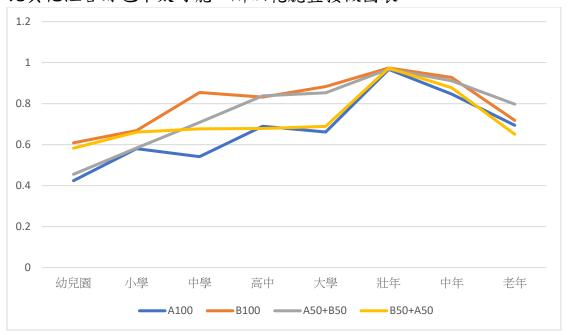
$$\begin{split} P_{o\left(\cancel{\mathcal{A}}\cancel{\mathcal{P}}\right)} &= \frac{^{31+37+15+5}}{^{100}} = 0.88 \\ P_{e\left(\cancel{\mathcal{A}}\cancel{\mathcal{P}}\right)} &= \left(\frac{^{31+37+2+2}}{^{100}}\right) \left(\frac{^{31+37+2+6}}{^{100}}\right) + \left(\frac{^{2+6+15+5}}{^{100}}\right) \left(\frac{^{2+2+15+5}}{^{100}}\right) = 0.6144 \\ K_{\left(\cancel{\mathcal{A}}\cancel{\mathcal{P}}\right)} &= \frac{^{0.88-0.6144}}{^{1-0.6144}} = 0.6888 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o(\#\#)} &= \frac{29 + 46 + 20 + 4}{100} = 0.99 \\ P_{e(\#\#)} &= \left(\frac{29 + 46 + 1 + 0}{100}\right) \left(\frac{29 + 46 + 0 + 0}{100}\right) + \left(\frac{0 + 0 + 20 + 4}{100}\right) \left(\frac{1 + 0 + 20 + 4}{100}\right) = 0.63 \\ K_{(\#\#)} &= \frac{0.99 - 0.63}{1 - 0.63} = 0.973 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o\left(\neq \neq\right)} &= \frac{25+44+22+4}{100} = 0.95 \\ P_{e\left(\neq \neq\right)} &= \left(\frac{25+44+3+2}{100}\right) \left(\frac{25+44+0+0}{100}\right) + \left(\frac{0+0+22+4}{100}\right) \left(\frac{3+2+22+4}{100}\right) = 0.5912 \\ K_{\left(\neq \neq\right)} &= \frac{0.95-0.5912}{1-0.5912} = 0.8777 \end{split}$$

$$\begin{split} P_{o\left(\cancel{\cancel{z}}\ne\right)} &= \frac{12+40+27+4}{100} = 0.83 \\ P_{e\left(\cancel{\cancel{z}}\ne\right)} &= \left(\frac{12+40+10+5}{100}\right) \left(\frac{12+40+1+1}{100}\right) + \left(\frac{1+1+27+4}{100}\right) \left(\frac{10+5+27+4}{100}\right) = 0.5136 \\ K_{\left(\cancel{\cancel{z}}\ne\right)} &= \frac{0.83-0.5136}{1-0.5136} = 0.6505 \end{split}$$

這時我才忽然驚覺,有八個類別所以有八個 Kappa 值,打從一開始根本不存在甚麼 Kappa 值最高的組合......而從這 32 個數值中直接看出哪一種的八個 Kappa 值綜合起來 比其他組合好也不太可能,所以乾脆直接做圖表:



從這個圖表順便可以看出我們組在極端的情況(幼兒園、老年)共識較低。

這個在統計數量的時候就有感覺了,而我也認為應該不只我們組,大部分都會有這樣的情況:在中間地帶的認定會比較容易有共識,或至少產生交集,但在極端的地方就很容易有人覺得有涵蓋到,而有人覺得沒有。

那看圖表就可以看出,整體來說單純取 B 組 100 比的資料 Kappa 值比較高。 注意這邊並不是說「A 組的組員標得不好、B 組標得比較好」,Kappa 值反應的是兩人的共識程度,由於我們 A 組跟 B 組中都確實是兩人分開獨立標記,因此這單純是 A 組的組員剛好共識較低。

最終決定以 B 組的 100 比標記作為我們繳交的標記資料。

Kappa 值如下(四捨五入到小數點後四位)

幼兒園:0.6088

小學 : 0.6687

中學 : 0.8544 高中 : 0.8317

大學 : 0.8834

**壯年** : 0.9737

中年 : 0.928

老年 : 0.7185