
Formation des images dans les conditions de Gauss

Table des matières

1	Définitions	3
1.1	Système optique	3
1.2	Objet-Image	3
1.2.1	Objet	3
1.2.2	Image	3
1.2.3	Conjugaison objet-image	3
1.3	Stigmatisme - aplanétisme	4
1.3.1	Stigmatisme	4
1.3.2	Aplanétisme	5
2	Approximation de Gauss	5
2.1	Approximation de Gauss	5
2.2	Conclusion sur la formation des images	5
3	Systèmes centrés focaux	6
3.1	Foyer principal image-plan focal image	6
3.2	Foyer principal objet - plan focal objet	6
4	Miroir sphérique	7
4.1	Définitions	7
4.2	Stigmatisme	7
4.2.1	Stigmatisme rigoureux : centre C et sommet S	7
4.2.2	Stigmatisme approché : formule de conjugaison	8
4.3	Système centré focal	9
4.3.1	Foyer principal image F'	9
4.3.2	Foyer principal objet F	10
4.3.3	Vergence V	10
4.3.4	Plan focal-foyers secondaires	10
4.4	Modélisation et constructions	11
4.4.1	Modélisation	11
4.4.2	Rayons fondamentaux	11
4.4.3	Exemple de construction	12
4.5	Relations algébriques	12
4.5.1	Formule de Descartes avec origine au sommet S	12
4.5.2	Formule de Newton avec origine au foyer	12
4.5.3	Formule de Descartes avec origine au centre	13

5	Lentilles sphériques minces	13
5.1	Définitions	13
5.1.1	Dioptré sphérique	13
5.1.2	Lentille sphérique	14
5.1.3	Lentille sphérique mince	14
5.2	Stigmatisme	15
5.3	Système centré focal	15
5.3.1	Foyers principaux	15
5.3.2	Foyers secondaires-plans focaux	16
5.3.3	Dimètre apparent d'un objet ou d'une image à l'infini	17
5.4	Construction des images	17
5.4.1	Cas d'une lentille convergente	17
5.4.2	Cas d'une lentille divergente	18
5.5	Relation de conjugaison	18
5.5.1	Formule de Descartes avec origine au centre optique O	18
5.5.2	Formule de Newton avec origines aux foyers	19
5.6	Lentilles minces accolées	19
5.6.1	Vergence du système	19
5.6.2	Intérêt du dispositif	20

1 Définitions

1.1 Système optique

Il s'agit d'un ensemble de dioptré (surface réfractante) et de miroir (surface réfléchissante) fournissant une représentation d'un système de points lumineux . Le système optique est dit centré s'il présente un axe de révolution (Δ) définissant l'axe optique du système. On peut distinguer entre :

- ▶ **Système dioptrique** : Système ne comportant que des dioptrés
- ▶ **Système catoptrique** : Système ne comportant que des miroirs
- ▶ **Système catadioptrique** : Système comportant des dioptrés et des miroirs

1.2 Objet-Image

1.2.1 Objet

C'est un ensemble de rayons lumineux entrant dans le système optique

- ▶ **Objet primaire** : Il émet spontanément la lumière (lampes, étoile...)
- ▶ **Objet secondaire** : Il diffuse la lumière (livre , tableau...)
- ▶ **Objet ponctuel** : Ses dimensions sont infiniment petites par rapport à la distance d'observation.
- ▶ **Objet étendu** : Cas des dimensions finies (on traite les objets étendus comme un ensemble des objets ponctuels)
- ▶ **Objet réel** : S'il est placé avant la face d'entrée du système optique
- ▶ **Objet virtuel** : S'il n'est pas placé avant la face d'entrée du système optique

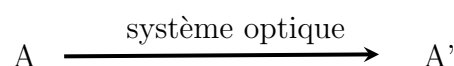
1.2.2 Image

C'est l'intersection des rayons lumineux émergeant du système optique

- ▶ **Image ponctuelle** : Ses dimensions sont inférieures au pouvoir de résolution d'un récepteur optique (oeil : cellules rétinienne de quelques μm)
- ▶ **Image étendue** : Cas contraire
- ▶ **Image réelle** : S'elle est située après la face de sortie du système optique
- ▶ **Image virtuelle** : S'elle est située avant la face de sortie du système optique

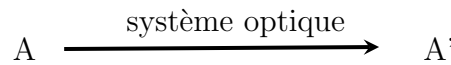
1.2.3 Conjugaison objet-image

Si tout rayon lumineux issu d'un point objet A émerge d'un système optique en passant par un point image A', on dit que A et A' sont conjugués : A' est l'image conjuguée de A par le système optique .



1.3 Stigmatisme - aplanétisme

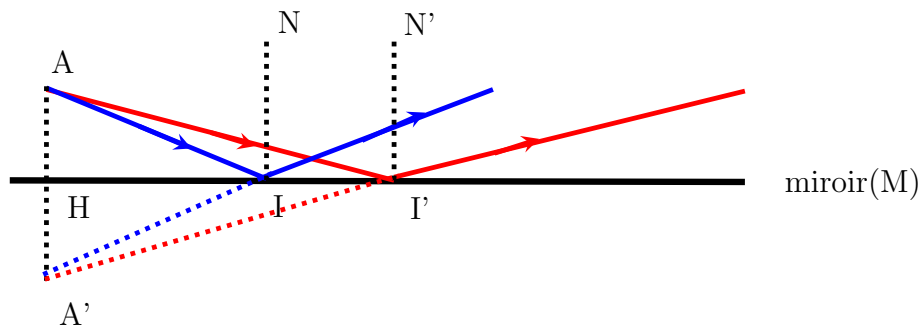
1.3.1 Stigmatisme



Un système optique est rigoureusement stigmatique pour le couple (A, A') si tout rayon incident passant par A se transforme en un rayon émergent passant par A' .

• Exemples

► Miroir plan : stigmatisme rigoureux

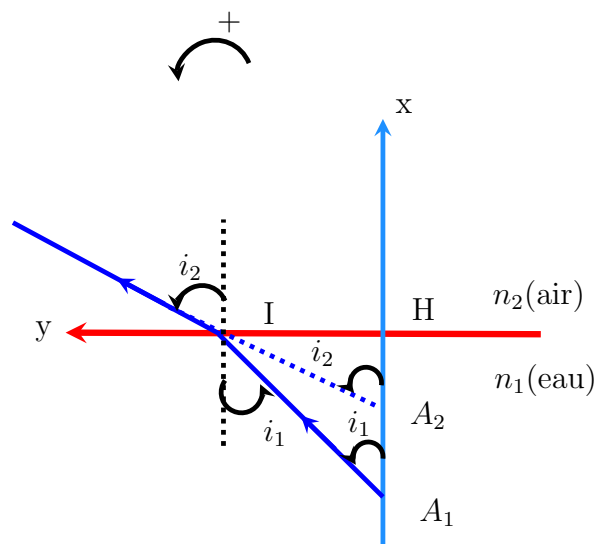


Tout rayon incident passant par A correspond à un rayon émergent passant par A' : le miroir présente un stigmatisme rigoureux.

La relation de conjugaison pour un miroir plan

$$\overline{HA} + \overline{HA'} = 0$$

► Dioptre plan : stigmatisme approché



- Le rayon A_1H orthogonal à (D)
- Le rayon A_1I incliné de i_1 par rapport à A_1H
- Les rayons réfractés correspondants se coupent au point A_2 .

$$\tan i_2 = \frac{\overline{HI}}{\overline{A_2H}} \text{ et } \tan i_1 = \frac{\overline{HI}}{\overline{A_1H}} \text{ donc}$$

$$\overline{HA_2} = \overline{HA_1} \frac{\tan i_1}{\tan i_2}$$

• **Résultat** : La position A_2 dépend de l'inclinaison i_1 du rayon incident A_1I , donc il n'existe pas de stigmatisme rigoureux dans le cas d'un dioptre plan .

• **Cas des faibles incidences** :

Supposons que les rayons incidents , issus de A_1 soient faiblement inclinés par rapport à la direction A_1H : $\tan i_1 \approx \sin i_1 \approx i_1$ et $\tan i_2 \approx \sin i_2 \approx i_2$

$$\frac{\overline{HA_2}}{\overline{HA_1}} \approx \frac{n_2}{n_1}$$

Tous les rayons réfractés semblent passer par le même point A_2 , on dit qu'il ya stigmatisme approché .

• **Remarque** : L'image observée n'est pas rigoureusement ponctuelle mais de faible dimension au voisinage de A_2 .

1.3.2 Aplanétisme

- ▶ Le système optique présente un aplanétisme pour un couple de point A et A' de l'axe optique, si tout petit objet AB plan perpendiculaire à l'axe Δ a une image $A'B'$ plan et perpendiculaire à Δ .
- ▶ Le système présente un stigmatisme pour le couple de point A et A' et quelque soit le point B du plan orthogonal en A à Δ proche de A, il existe un point B' du plan orthogonal à Δ en A' telque le système est stigmatique pour B et B' .
- **Exemples** :
- ▶ Miroir plan est stigmatique et aplanétique, c'est le seul système optique présentant ces deux propriétés de façon rigoureuse .
- ▶ Dioptre plan : stigmatisme et aplanétisme approché .

2 Approximation de Gauss

2.1 Approximation de Gauss

Cette approximation consiste à ne prendre en compte que les rayons paraxiaux :

- ▶ Les rayons peu inclinés par rapport à l'axe optique : l'angle α du rayon avec l'axe optique est faible .
- ▶ Les rayons peu écarté de l'axe optique : la distance entre le point de contact du rayon lumineux avec la surface du système optique et l'axe optique est petite devant la longueur caractéristique de la courbure (rayon de courbure) .
- ▶ **En pratique** : Pour réaliser les conditions de Gauss il suffit d'utiliser un diaphragme à l'entrée qui limite l'inclinaison et la surface de contact avec le système optique .
- **Remarque** : Il ne faut pas prendre l'ouverture du diaphragme trop petit à cause du phénomène de diffraction .

2.2 Conclusion sur la formation des images

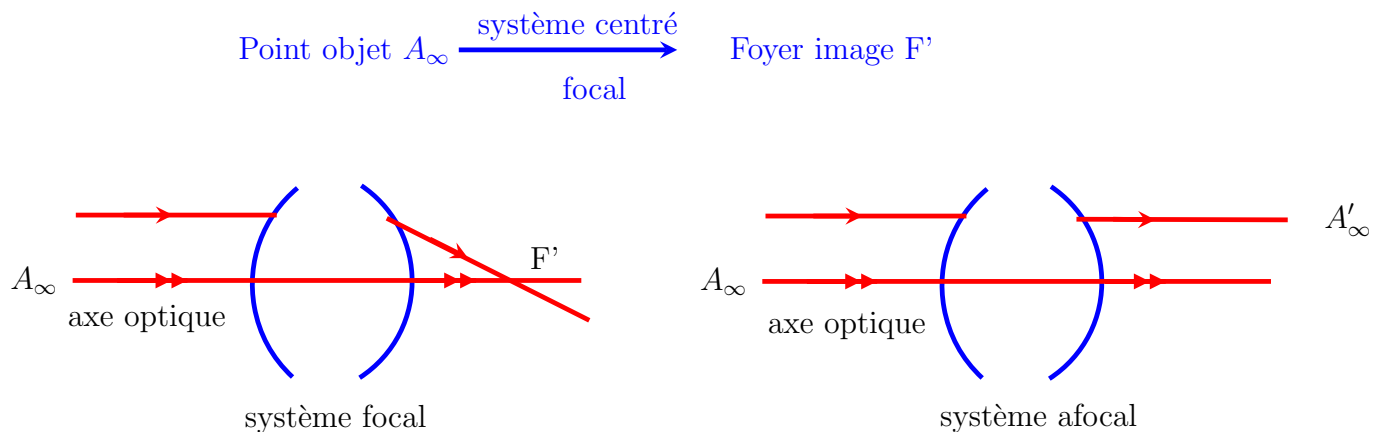
Les facteurs agissant sur la dimension de l'image d'un objet ponctuel, donnée par un système centré sont :

- Aberrations géométriques, dues au système optique lui-même, en absence du stigmatisme rigoureux
- Structure granulaire du récepteur
- Nature ondulatoire de la lumière, provoquant des phénomènes de diffraction en cas d'ouverture trop faible.

3 Systèmes centrés focaux

3.1 Foyer principal image-plan focal image

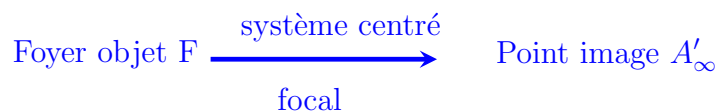
- Foyer image principal F' : c'est l'image d'un point objet situé à l'infini sur l'axe optique
- Si le foyer principal image F' se situe à une distance finie le système est dit **focal**, et dans le cas contraire (F' se situe à l' ∞) le système est dit **afocal**.



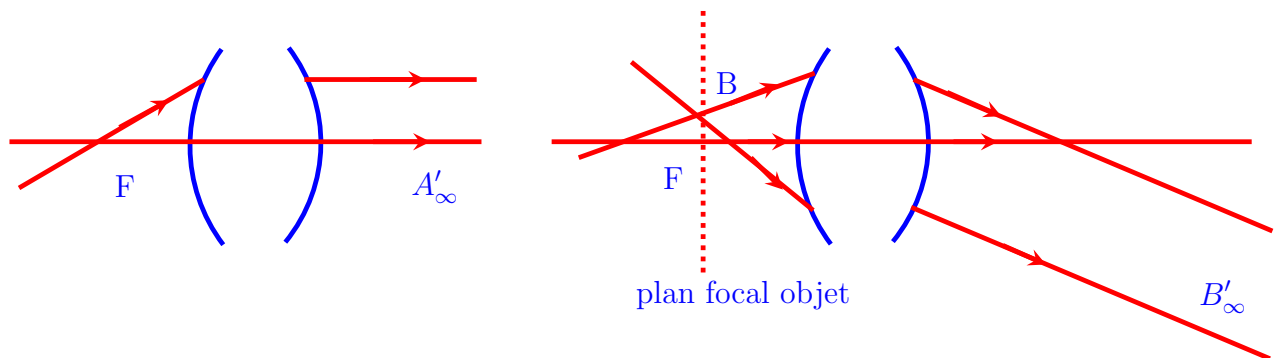
- **Remarque** : F' pourra être réel ou virtuel.
- **Exemples** :
 - Le miroir plan et le dioptre plan sont des systèmes afocaux.
 - miroir plan : $\overline{HA} + \overline{HA'} = 0$ si A_∞ alors A'_∞
 - dioptre plan : $\frac{\overline{HA}}{n_1} = \frac{\overline{HA'}}{n_2}$ si A_∞ alors A_∞
 - Les miroirs sphériques, les lentilles sont des systèmes focaux.
- **Plan focal image** : il s'agit d'un plan perpendiculaire à l'axe optique et passant par le foyer principal image.

3.2 Foyer principal objet - plan focal objet

- Foyer principal objet F : C'est le point de l'axe optique dont l'image est à l'infini sur l'axe optique.



- **Plan focal objet** : C'est un plan perpendiculaire à l'axe optique et passant par le foyer principal objet F .



4 Miroir sphérique

4.1 Définitions

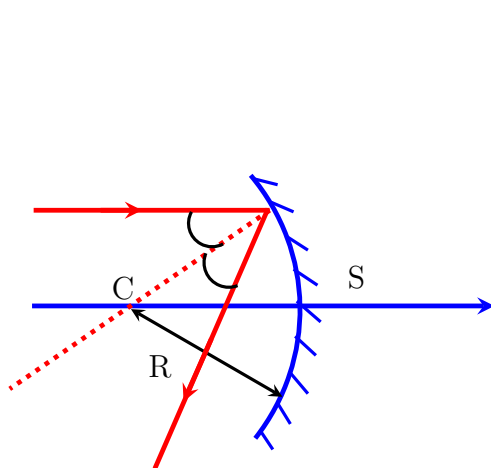
Un miroir sphérique correspond à une portion de surface sphérique réfléchissante de centre C . L'axe optique passant par le centre C coupe la surface du miroir en son sommet S .

- On oriente positivement l'axe optique xx' dans le sens de la lumière incidente.
- On définit le rayon algébrique d'un miroir par

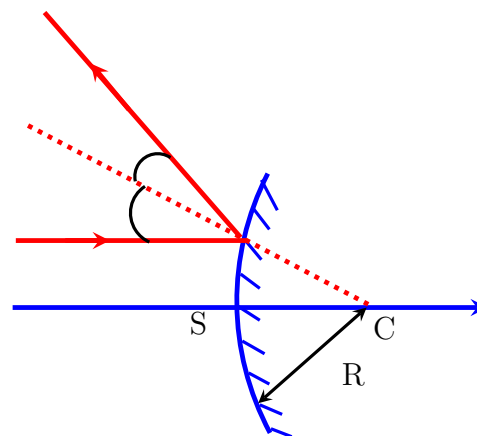
$$R = \overline{SC}$$

- Le miroir plan est un cas particulier d'un miroir sphérique pour lequel le rayon de courbure est infini $R = \infty$

- ▶ **Miroir concave** : le rayon R vérifie $R = \overline{SC} < 0$
- ▶ **Miroir convexe** : le rayon R vérifie $R = \overline{SC} > 0$



Miroir concave $R < 0$



Miroir convexe $R > 0$

4.2 Stigmatisme

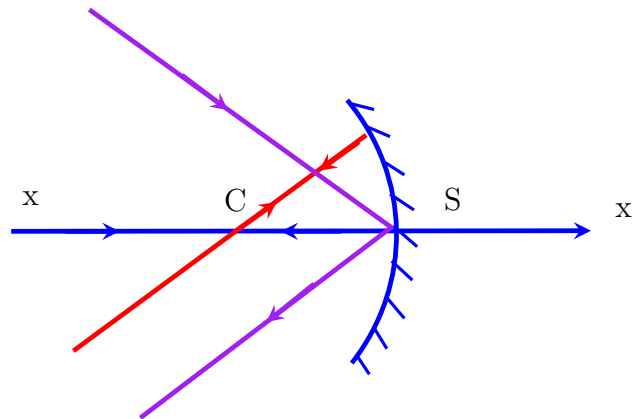
4.2.1 Stigmatisme rigoureux : centre C et sommet S

- ▶ Tout rayon incident passant par C arrive selon la normale au miroir sphérique et repasse par C après réflexion : il y a **stigmatisme rigoureux pour le point C** .

$C \xrightarrow{\text{miroir sphérique}} C$ (stigmatisme rigoureux)

- Tout rayon incident en S sur le miroir est réfléchi symétriquement par rapport à l'axe optique et semble provenir de S : il y a **stigmatisme rigoureux pour S**.

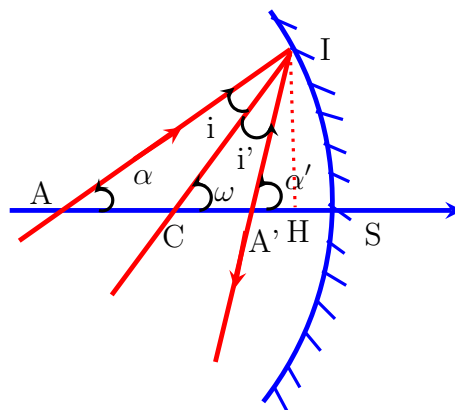
$S \xrightarrow{\text{miroir sphérique}} S$ (stigmatisme rigoureux)



Conclusion : Pour un miroir sphérique il y a **stigmatisme rigoureux** pour le **centre C** et le **sommet S**.

4.2.2 Stigmatisme approché : formule de conjugaison

Stigmatisme approché : Pour des points distincts de S et C il y a **stigmatisme approché** si on travaille dans les conditions de Gauss (rayons paraxiaux).



On travaille dans le cadre des rayons paraxiaux, les angles sont faibles ($\tan \theta \approx \theta$)

- triangle AIC

$$\alpha + (-i) + \pi - \omega = \pi$$

$$(-i) = \omega - \alpha$$

- triangle A'IC

$$\pi - \alpha' + i' + \omega = \pi$$

$$i' = \alpha' - \omega$$

la loi de réflexion :

$$2\omega = \alpha + \alpha' \text{ car } (-i) = i'$$

$$\tan \alpha \approx \alpha = \frac{\overline{HI}}{\overline{AH}}; \tan \alpha' \approx \alpha' = \frac{\overline{HI}}{\overline{A'H}}; \tan \omega \approx \omega = \frac{\overline{HI}}{\overline{CH}}$$

$$2\frac{\overline{HI}}{\overline{CH}} = \frac{\overline{HI}}{\overline{AH}} + \frac{\overline{HI}}{\overline{A'H}}$$

Pour les rayons paraxiaux $H \approx S$

$$2\frac{\overline{HI}}{\overline{CS}} = \frac{\overline{HI}}{\overline{AS}} + \frac{\overline{HI}}{\overline{A'S}}$$

On obtient la formule de conjugaison de Descartes

$$\frac{1}{\overline{SA}} + \frac{1}{\overline{SA'}} = \frac{2}{\overline{SC}} \text{ origine au sommet S}$$

Conclusion : La position A' ne dépend que de A dans les conditions de Gauss : il y a stigmatisme approché : A et A' sont deux points conjugués .

Objet A $\xrightarrow{\text{miroir sphérique}}$ image A' ; objet A' $\xrightarrow{\text{miroir sphérique}}$ image A

• **Remarque** : La formule établie s'étend algébriquement à tout miroir sphérique convexe ou concave .

4.3 Système centré focal

4.3.1 Foyer principal image F'

C'est l'image d'un point objet à l'infini A_∞ sur l'axe optique (faisceau lumineux parallèle à l'axe optique).

objet A_∞ $\xrightarrow{\text{miroir sphérique}}$ image F'

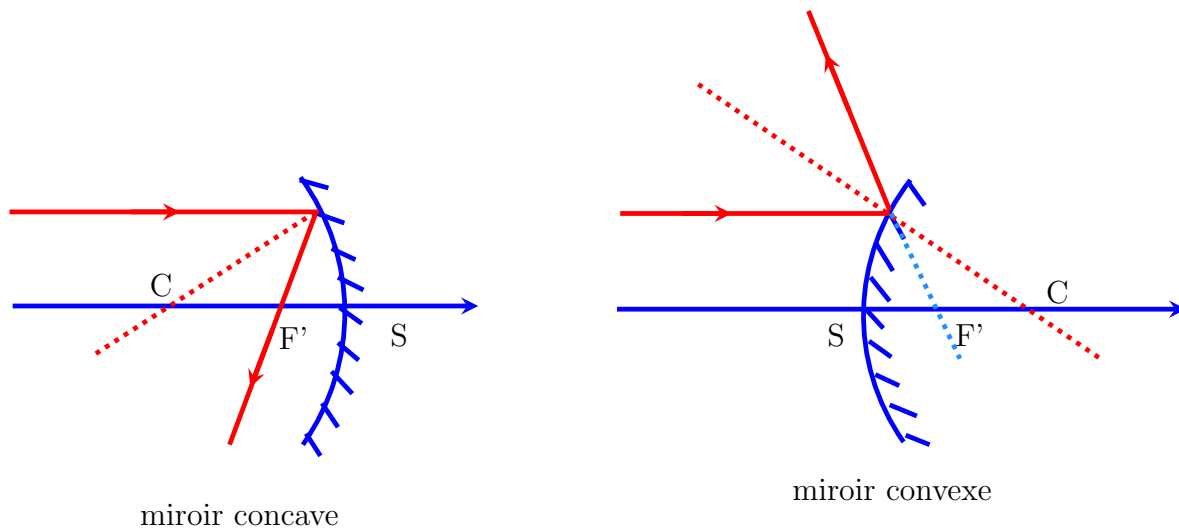
La relation de conjugaison au sommet

$$\frac{1}{\overline{SA_\infty}} + \frac{1}{\overline{SF'}} = \frac{2}{\overline{SC}} \text{ avec } \frac{1}{\overline{SA_\infty}} = 0$$

$$\overline{SF'} = \frac{\overline{SC}}{2}$$

donc F' est le milieu de SC

F' est réel pour un miroir concave ($\overline{SF'} < 0$) et virtuel pour un miroir convexe ($\overline{SF'} > 0$)



4.3.2 Foyer principal objet F

D'après le principe du retour inverse de la lumière, tout rayon issu de F' a une image à l'infini sur l'axe. Donc le foyer objet principal F est confondu avec le foyer principal image F' , on parle par la suite simplement du foyer principal F .

$$F = F'$$

Conclusion : Pour un miroir concave et convexe, le foyer principal F est donné par :

$$\overline{SF} = \frac{\overline{SC}}{2} = \frac{R}{2}$$

4.3.3 Vergence V

On définit la vergence du miroir sphérique par

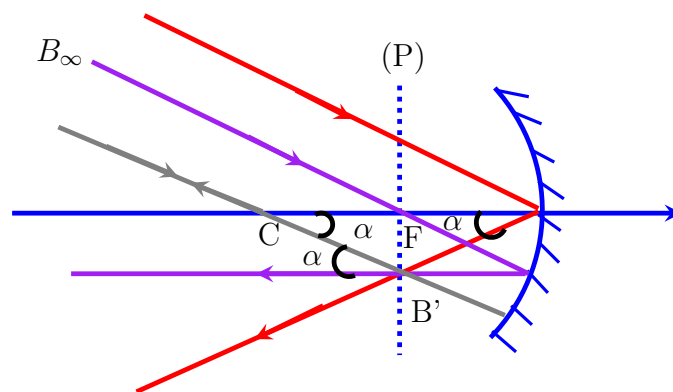
$$V = \frac{1}{f'} = \frac{1}{\overline{SF'}} = \frac{2}{R}$$

V en dioptrie (δ) ou m^{-1}

- le miroir concave est convergent : $V < 0$, F et F' sont réels
- le miroir convexe est divergent : $V > 0$, F et F' sont virtuels

4.3.4 Plan focal-foyers secondaires

- **Plan focal** : plan perpendiculaire à l'axe optique et passant par le foyer principal F
- **Foyer secondaire** : c'est l'image d'un point B_∞ situé à l'infini en dehors de l'axe optique, cette image se trouve dans le plan focal B' .
- **Réciproquement** : tout point dans le plan focal son image est situé à l'infini.



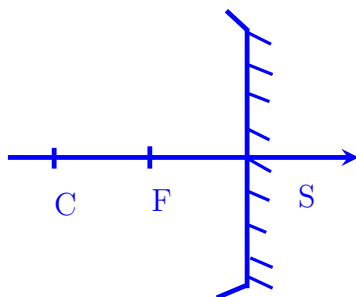
- α : diamètre apparent de l'objet

$$\tan \alpha \approx \alpha_{rad} = \frac{FB'}{CF} = \frac{A'B'}{f'}$$

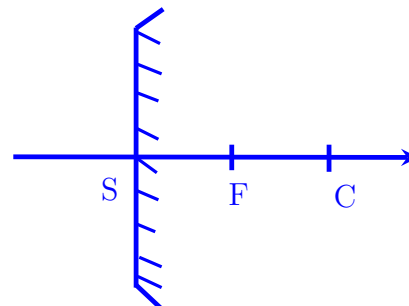
4.4 Modélisation et constructions

4.4.1 Modélisation

Dans toute la suite on va travailler dans les conditions de Gauss, donc on va confondre le miroir avec son plan tangent en S d'où la représentation suivante du miroir .



Miroir concave



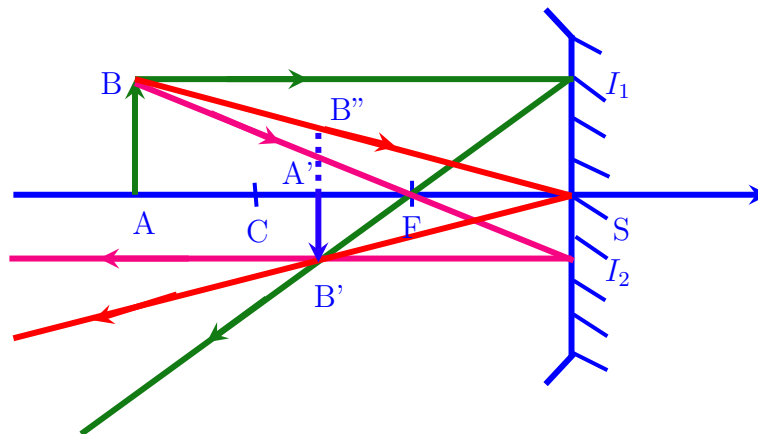
Miroir convexe

4.4.2 Rayons fondamentaux

Pour construire l'image d'un objet AB perpendiculaire à l'axe optique, il faut prendre deux rayons lumineux parmi les quatre .

- le rayon passant par B et le centre C revient sur lui même
- le rayon passant par B et le sommet S revient symétriquement à l'axe optique
- le rayon issu de l'infini parallèle à l'axe optique passant par B revient en passant par le foyer F
- le rayon passant par B et F (foyer objet) revient parallèlement à l'axe optique

4.4.3 Exemple de construction



On définit le grandissement γ par

$$\gamma = \frac{\overline{A'B'}}{\overline{AB}}$$

- $\gamma < -1$: image renversée et plus grande que l'objet
- $\gamma = -1$: image renversée et égale à l'objet
- $\gamma = 1$: image droite et égale à l'objet
- $\gamma > 1$: image droite et plus grande que l'objet
- $\gamma < 1$: image droite plus petite que l'objet

4.5 Relations algébriques

4.5.1 Formule de Descartes avec origine au sommet S

La relation de conjugaison au sommet : $\frac{1}{\overline{SA}} + \frac{1}{\overline{SA'}} = \frac{2}{\overline{SC}} = \frac{1}{\overline{SF'}}$

Le grandissement $\gamma = \frac{\overline{A'B'}}{\overline{AB}}$

dans le triangle SAB : $\frac{\overline{A'B''}}{\overline{AB}} = \frac{\overline{SA'}}{\overline{SA}}$ avec $\overline{A'B'} = -\overline{A'B''}$

$$\gamma = \frac{\overline{A'B'}}{\overline{AB}} = -\frac{\overline{A'B''}}{\overline{AB}} = -\frac{\overline{SA'}}{\overline{SA}}$$

c'est la formule de Descartes avec origine au sommet S

4.5.2 Formule de Newton avec origine au foyer

Les triangles ABF et SFI_2 sont semblables ,d'après le Théorème de Thalès :

$$\frac{\overline{AB}}{\overline{SI_2}} = \frac{\overline{FA}}{\overline{FS}}$$

Les triangles I_1FS et $A'B'F$ sont semblables : et $F = F'$

$$\frac{\overline{A'B'}}{\overline{SI_1}} = \frac{\overline{FA'}}{\overline{FS}} = \frac{\overline{F'A'}}{\overline{F'S}}$$

comme $\overline{AB} = \overline{SI_1}$ et $\overline{A'B'} = \overline{SI_2}$

$$\frac{\overline{A'B'}}{\overline{AB}} = \frac{\overline{F'A'}}{\overline{F'S}} = \frac{\overline{FS}}{\overline{FA}}$$

$$\boxed{\overline{FA} \cdot \overline{F'A'} = \overline{FS} \cdot \overline{F'S} = f \cdot f' = f^2 = f'^2 = \frac{R^2}{4}}$$

c'est la formule de Newton avec origine au foyer

$$\boxed{\gamma = \frac{\overline{A'B'}}{\overline{AB}} = -\frac{f}{\overline{FA}} = -\frac{\overline{F'A'}}{f'}}$$

4.5.3 Formule de Descartes avec origine au centre

$$\overline{FA} = \overline{FC} + \overline{CA} = -\frac{\overline{CS}}{2} + \overline{CA} = f + \overline{CA}$$

$$\overline{F'A'} = \overline{F'C} + \overline{CA'} = -\frac{\overline{CS}}{2} + \overline{CA'} = f' + \overline{CA'}$$

$$\overline{FA} \cdot \overline{F'A'} = (\overline{CA} + f) \cdot (\overline{CA'} + f') = \overline{CA} \cdot \overline{CA'} + \overline{CA} \cdot f' + f \cdot \overline{CA'} + f f' = f f'$$

en divisant sur $\overline{CA} \cdot \overline{CA'} \cdot f'$ on trouve la formule de Descartes avec origine au centre

$$\boxed{\frac{1}{\overline{CA}} + \frac{1}{\overline{CA'}} = -\frac{1}{f'} = \frac{2}{\overline{CS}}}$$

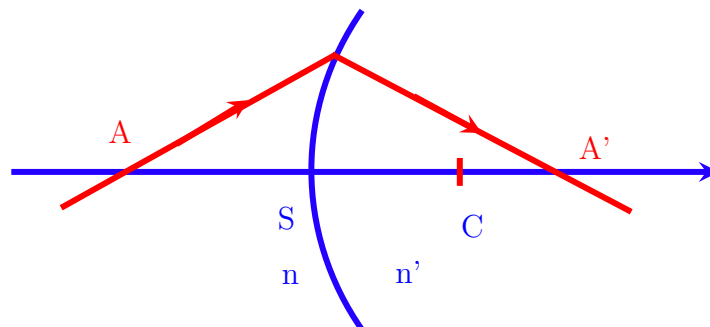
$$\boxed{\gamma = \frac{\overline{A'B'}}{\overline{AB}} = \frac{\overline{CA'}}{\overline{CA}}}$$

5 Lentilles sphériques minces

5.1 Définitions

5.1.1 Dioptre sphérique

Elle s'agit d'une portion de sphère de centre C et de rayon R séparant deux milieux linéaires homogènes transparents isotropes (MLHTI) d'indices différents n et n'.



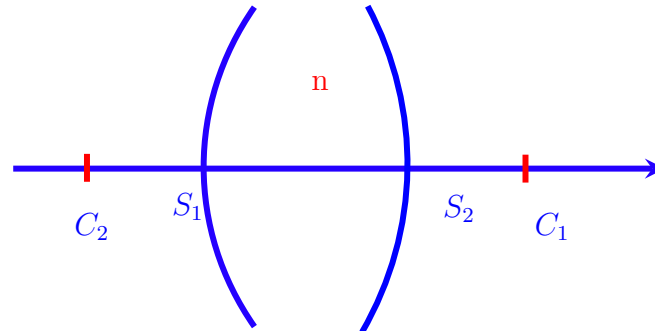
5.1.2 Lentille sphérique

Elle s'agit d'une portion de MLHTI limitée par deux dioptrés sphériques (ou une sphérique et l'autre plan) de même axe de révolution (l'axe optique du système centré)

Les rayons des deux dioptrés sphériques sont algébriques .

$$R_1 = \overline{S_1C_1} \text{ et } R_2 = \overline{S_2C_2}$$

- Les deux milieux extrêmes correspondant généralement à l'air .



$$R_1 = \overline{S_1C_1} > 0 \text{ et } R_2 = \overline{S_2C_2} < 0$$

5.1.3 Lentille sphérique mince

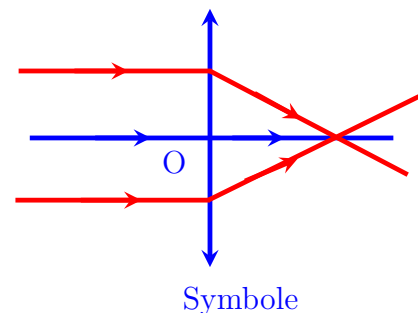
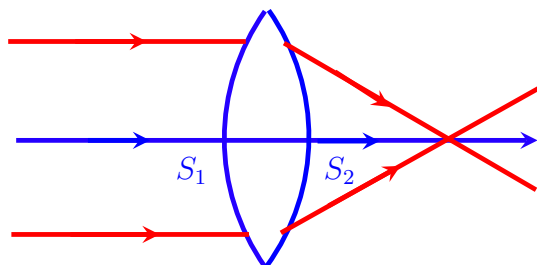
Une lentille est qualifiée de mince lorsque son épaisseur $e = S_1S_2$ est faible devant les valeurs absolues des rayons de courbure des deux dioptrés qui la composent ainsi qu'à la distance $d = C_1C_2$

$$e \ll |R_1|; e \ll |R_2|; e \ll |d|$$

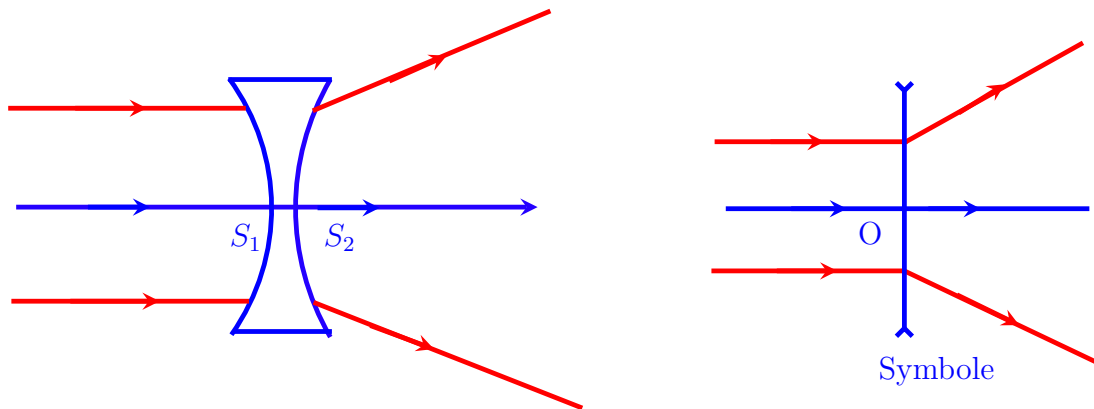
Les sommets S_1 et S_2 sont quasi confondus en un point O appelé **centre optique** de la lentille : $S_1 \approx S_2 = O$

On peut distinguer entre deux types de lentilles

- **Lentilles convergentes** : Elles referment les faisceaux lumineux
Pratiquement : Elles sont des lentilles à **bords minces**



- **Lentilles divergentes** : Elles ouvrent les faisceaux lumineux
Pratiquement : Elles sont des lentilles à **bords épais**



5.2 Stigmatisme

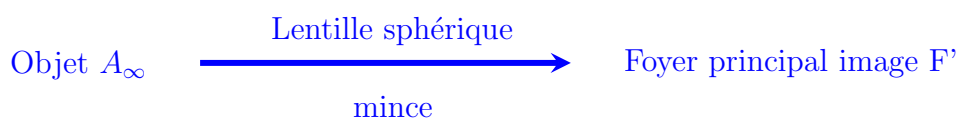
Dans le cadre des rayons paraxiaux

- On peut associer à tout point objet A de l'axe optique, une image ponctuelle A' sur l'axe optique (stigmatisme approché).
- L'image $A'B'$ d'un objet AB perpendiculaire sur l'axe optique est aussi perpendiculaire à l'axe optique (stigmatisme approché dans le plan transverse = aplanétisme approché).

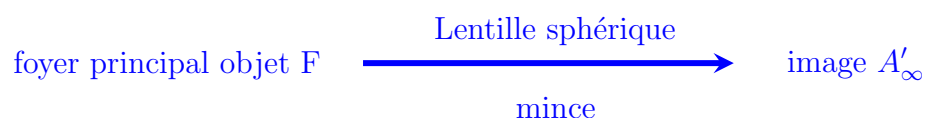
5.3 Système centré focal

5.3.1 Foyers principaux

- **Foyer principal image F'** : C'est l'image d'un point objet situé à l'infini sur l'axe optique.

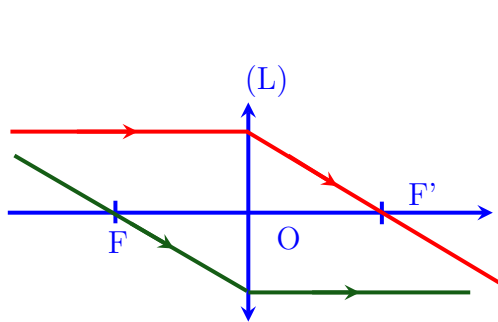


- **Foyer principal objet F** : C'est le point de l'axe dont l'image se trouve à l'infini sur cet axe

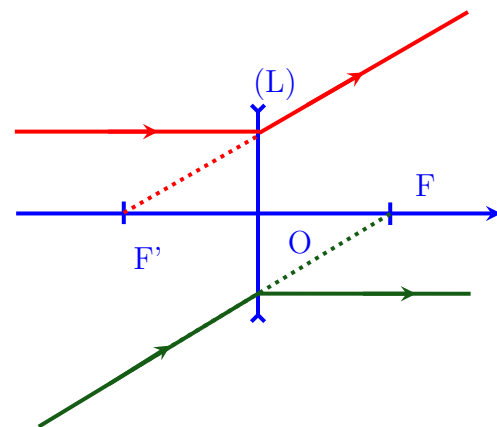


On peut vérifier que ces deux foyers sont

- réels pour une lentille convergente
- virtuels pour une lentille divergente
- symétriques l'un de l'autre par rapport au centre optique O



Lentille convergente



Lentille divergente

- **Distances focales** : On définit les distances focales objet et image par des grandeurs algébriques :

$$\text{distance focale objet} = f = \overline{OF}$$

$$\text{distance focale image} = f' = \overline{OF'}$$

- lentille convergente : $f < 0$ et $f' > 0$
- lentille divergente : $f > 0$ et $f' < 0$
- **Vergence d'une lentille** : Elle est définie comme étant la grandeur

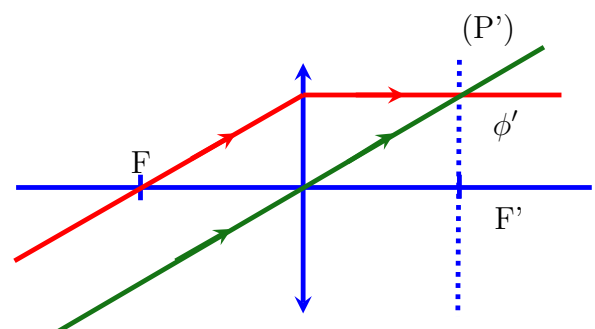
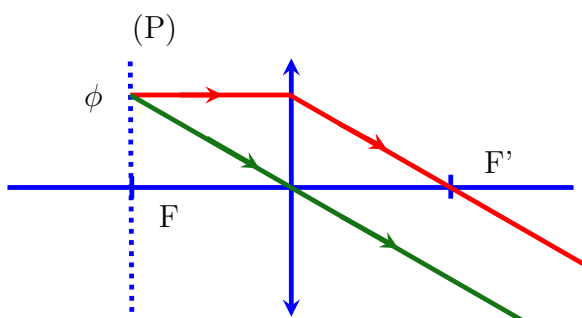
$$V = \frac{1}{f'} = -\frac{1}{f}$$

Lentille convergente : $V > 0$

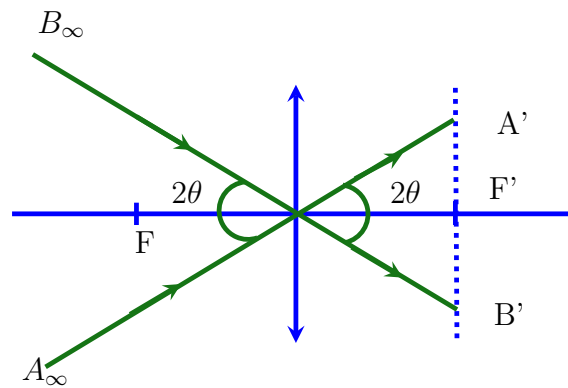
Lentille divergente : $V < 0$

5.3.2 Foyers secondaires-plans focaux

- **Plan focal objet** : plan perpendiculaire à l'axe optique et passant par F
- **Foyer secondaire Objet** ϕ : un point ϕ du plan focal objet ou son image à travers une lentille est rejetée à l'infini .
- **plan focal image** : plan perpendiculaire à l'axe optique et passant par F'
- **Foyer secondaire image** ϕ' : un point du plan focal image



5.3.3 Dimètre apparent d'un objet ou d'une image à l'infini



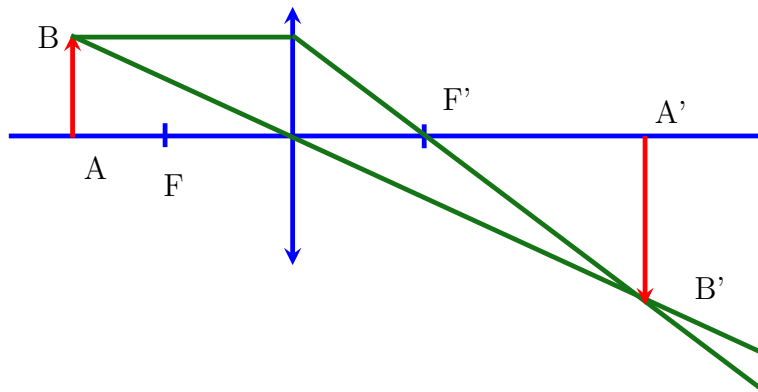
$$\alpha = 2\theta = \frac{A'B'}{f'}$$

α est appelé **diamètre apparent**
 Dans le cas où l'image à l'infini

$$\alpha' = 2\theta' = \frac{AB}{|f|}$$

5.4 Construction des images

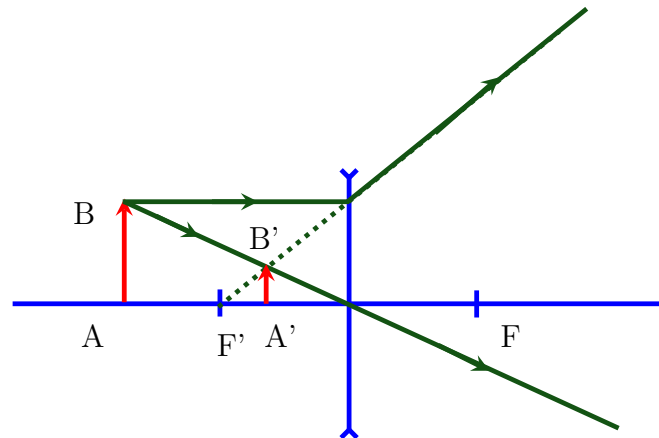
5.4.1 Cas d'une lentille convergente



le grandissement

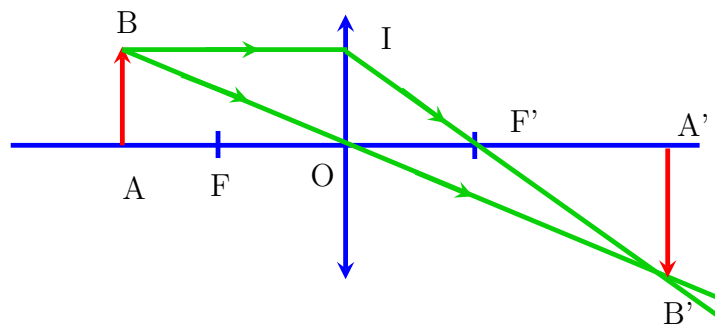
$$\gamma = \frac{\overline{A'B'}}{\overline{AB}}$$

5.4.2 Cas d'une lentille divergente



5.5 Relation de conjugaison

5.5.1 Formule de Descartes avec origine au centre optique O



le grandissement $\gamma = \frac{\overline{A'B'}}{\overline{AB}} = \frac{\overline{OA'}}{\overline{OA}}$

triangle OIF' et A'B'F' sont semblables : $\frac{\overline{A'B'}}{\overline{OI}} = \frac{\overline{F'A'}}{\overline{F'O}}$

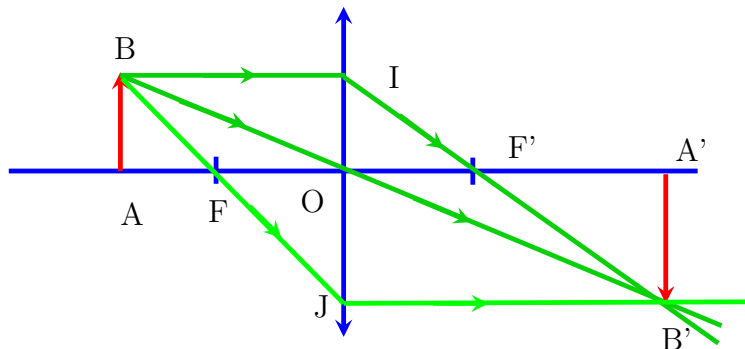
$\overline{OI} = \overline{AB}$ et $\overline{F'A'} = \overline{OA'} - \overline{OF'}$

$$\frac{\overline{A'B'}}{\overline{AB}} = \frac{\overline{OF'} - \overline{OA'}}{\overline{OA'}} = \frac{\overline{OA'}}{\overline{OA}} \Rightarrow 1 - \frac{\overline{OA'}}{\overline{OA}} = \frac{\overline{OA'}}{\overline{OF'}}$$

En divisant par $\overline{OA'}$ on obtient :

$$\boxed{\frac{1}{\overline{OA'}} - \frac{1}{\overline{OA}} = \frac{1}{\overline{OF'}} = \frac{1}{f'}}$$

5.5.2 Formule de Newton avec origines aux foyers



$$\gamma = \frac{\overline{A'B'}}{\overline{AB}}$$

les triangles IF'O et A'B'F' :

$$\frac{\overline{A'B'}}{\overline{OI}} = \frac{\overline{F'A'}}{\overline{F'O}} \text{ et } \frac{\overline{OJ}}{\overline{AB}} = \frac{\overline{FO}}{\overline{FA}}$$

$$\overline{OI} = \overline{AB} \text{ et } \overline{OJ} = \overline{A'B'} \Rightarrow \gamma = \frac{\overline{F'A'}}{\overline{F'O}} = \frac{\overline{FO}}{\overline{FA}}$$

$$\boxed{\overline{FA} \cdot \overline{F'A'} = \overline{FO} \cdot \overline{F'O} = f \cdot f' = -f'^2}$$

5.6 Lentilles minces accolées

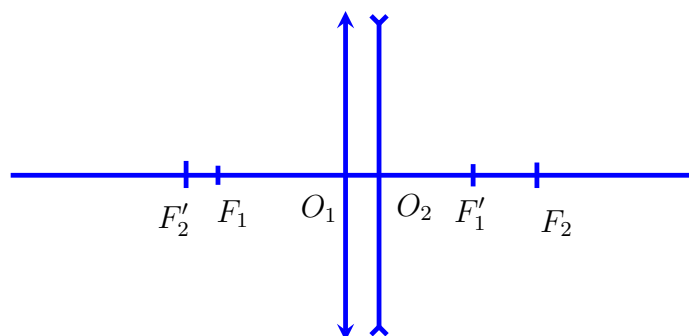
5.6.1 Vergence du système

• **Définition** : les deux lentilles minces quelconques (O_1, f'_1) et (O_2, f'_2) sont dites accolées lorsque

$$\boxed{O_1 O_2 \ll |f'_1| \text{ et } O_1 O_2 \ll |f'_2|}$$

On note O le centre optique commun des deux lentilles $O \approx O_1 \approx O_2$

• **Exemple**



• Relation de conjugaison du système



avec L_1 : la lentille convergente

L_2 : la lentille divergente

► Pour L_1 : $\frac{1}{\overline{OA_1}} - \frac{1}{\overline{OA}} = \frac{1}{f'_1}$ (1)

► Pour L_2 : $\frac{1}{\overline{OA'}} - \frac{1}{\overline{OA_1}} = \frac{1}{f'_2}$ (2)

$$(1) + (2) \Rightarrow \frac{1}{\overline{OA'}} - \frac{1}{\overline{OA}} = \frac{1}{f'_1} + \frac{1}{f'_2} = V_1 + V_2 = V$$

Conclusion : le système de deux lentilles est équivalent à une lentille de vergence V telque

$$V = V_1 + V_2$$

5.6.2 Intérêt du dispositif

- On peut mesurer la distance focale d'une lentille divergente ($f'_2 < 0$) en l'accolant avec une lentille convergente ($f'_1 > 0$) telque $f'_1 < |f'_2|$ ce qui permet de rendre le système convergent $V = \frac{1}{f'_1} + \frac{1}{f'_2} = \frac{1}{f'_1} - \frac{1}{|f'_2|} > 0$

- En accolant une lentille convergente en crown et une lentille divergente en flint (autre variété de verre) on peut réaliser un achromat convergent (dépourvu d'aberration chromatiques) : f' peu dépendre de λ .