# ROYAUME DU MAROC

Ministère de l'Éducation Nationale Enseignement Secondaire et Technique Ministère de l'Enseignement Supérieur, de la Formation des Cadres et de la Recherche Scientifique

# Concours National Commun d'Admission aux Grandes Écoles d'Ingénieurs

Session 2000

ÉPREUVE DE CHIMIE

Durée 2 heures

Concours MP

#### L'énoncé de cette épreuve comporte 4 pages. L'usage de la calculatrice est **autorisé**.

On veillera à une présentation claire et soignée des copies. Il convient en particulier de rappeler avec précision les références des questions abordées.

En plus de son rôle primordial dans notre vie, l'eau a une importance capitale en chimie. Ce sujet propose d'aborder quelques propriétés physico-chimiques de l'eau. Il se compose de 3 parties largement indépendantes entre elles et pouvant être traitées dans un ordre quelconque.

## Données numériques

- Données générales :
  - Charge élémentaire  $e \approx 1, 6 \times 10^{-19} \text{ C.}$
  - Constante des gaz parfaits  $R \approx 8,314 \text{ J.K}^{-1}.\text{mol}^{-1}$ .
  - $\frac{RT}{F}\ln 10 \approx 0,06~{
    m V}$  à 298 K, où F désigne la constante de FARADAY et  $\ln$  le logarithme népérien.
  - $-1 pm = 10^{-12} m$ , (pm : picomètre).
  - $1D = \frac{1}{3}10^{-29} C.m$ , (D : debye).
- Masses molaires atomiques  $(g.mol^{-1})$ :

Élément	H	C	N	0	Cl	Ca	Zn
Masse molaire	1,01	12, 0	14, 0	16, 0	35, 5	40, 1	65, 4

• Enthalpies standard de formation, entropies standard absolues et capacités calorifiques standard à 298 *K* (*g* : gaz, *l* : liquide) :

	$H_{2(g)}$	$O_{2(g)}$	$H_2O_{(l)}$	$N_{2(g)}$
$\Delta_r H_f^{\circ} \left( kJ.mol^{-1} \right)$	-	-	-286	-
$S^{\circ}\left(J.K^{-1}.mol^{-1}\right)$	132	205	69, 9	ı
$c_p^{\circ} \left(J.K^{-1}.mol^{-1}\right)$	28, 3	31, 2	75, 5	29, 7

- Chaleur latente de vaporisation de l'eau sous pression atmosphérique :  $L_v \approx 40,7 \; \mathrm{kJ.mol^{-1}}$ .
- $pK_a\left(NH_4^+/NH_3\right)\approx 9, 2.$
- Potentiels standard d'oxydoréduction (solution aqueuse à 298~K) :

$$\begin{array}{c|cccc} \textbf{Couple Oxydant/R\'educteur} & Zn^{2+}/Zn & 2H^+/H_2 \\ \hline & E^{\circ}\left(V\right) & -0.76 & 0.00 \\ \end{array}$$

- Composition molaire de l'air :  $\{\frac{1}{5}O_2, \frac{4}{5}N_2\}$ .
- Tous les gaz rencontrés dans le problème seront considérés parfaits.

#### 1<sup>ère</sup> partie

#### Étude de quelques propriétés structurales

- 1.1. Donner la structure électronique de l'oxygène dans son état fondamental.
- 1.2. Donner le schéma de LEWIS de la molécule d'eau  $H_2O$  ainsi que celle du peroxyde d'hydrogène ou « eau oxygénée »  $H_2O_2$ ; on précisera dans chaque cas les doublets liants et non liants.
- 1.3. Quels sont les nombres d'oxydation de l'oxygène et de l'hydrogène dans  $H_2O$  puis dans  $H_2O_2$ ? Expliquer.
- 1.4. Déterminer la géométrie de la molécule d'eau en utilisant la méthode V.S.E.P.R.
- **1.5**. Dans la molécule d'eau, l'angle valentiel  $\widehat{HOH}$  vaut  $104^{\circ}47'$ .
- 1.5.1. Calculer la valeur des angles valentiels dans le cas d'une molécule à géométrie tétraédrique parfaite; on pourra considérer comme exemple celui de la molécule de méthane  $CH_4$ .
- **1.5.2**. Comparer la valeur de l'angle valentiel  $\widehat{HOH}$  dans  $H_2O$  à celle calculée en 1.5.1. pour la géométrie tétraédrique parfaite. Interpréter.
- 1.6. Dans la molécule d'eau, l'atome d'oxygène et les deux atomes d'hydrogène portent des charges électriques partielles.
  - 1.6.1. Quelle est l'origine de ce phénomène?
- **1.6.2**. Soit  $+\delta e$  (e étant la charge élémentaire et  $\delta > 0$ ) la charge partielle portée par l'un des deux atomes d'hydrogène. Quelle est la charge partielle portée par l'atome d'oxygène?
- 1.6.3. Pour déterminer l'ordre de grandeur de  $\delta$  on admet que le moment dipolaire  $\vec{\mu}$  de la molécule d'eau est due à la seule présence des charges partielles sur l'oxygène et sur les deux hydrogènes : on ne tient pas compte de la contribution des doublets non liants au moment dipolaire. Exprimer  $\delta$  en fonction de la longueur l des liaisons O-H, de l'angle valentiel  $\alpha$  et du module  $\mu$  du moment dipolaire.
  - **1.6.4**. Application numérique : Calculer  $\delta$  sachant que l=96~pm,  $\alpha=104^{\circ}47'$  et  $\mu=1,85~D$ .

## 2ème partie

#### Principe du chalumeau oxhydrique

Le chalumeau oxhydrique utilise l'énergie dégagée par la réaction de combustion du dihydrogène dans le dioxygène dont le bilan s'écrit :

$$2 H_{2(q)} + O_{2(q)} \rightleftharpoons 2 H_2 O_{(l)}$$
 (1)

 $H_2$  et  $O_2$  sont à l'état gazeux,  $H_2O$  est liquide.

- **2.1**. Calculer pour l'équilibre (1), à 298 K, l'enthalpie standard de réaction  $\Delta_r H^{\circ}$  ainsi que l'entropie standard de réaction  $\Delta_r S^{\circ}$ .
- **2.2**. En déduire, à 298K, l'enthalpie libre standard  $\Delta_r G^\circ$  et la constante d'équilibre  $K_1$ . Conclusion.

- 2.3. La réaction ne se produit pas spontanément à  $298\,K.$  Pourquoi? Comment peut-on l'amorcer?
- 2.4. Sous pression constante  $p=10^5$  Pa, un chalumeau reçoit, à  $298\,K$ , du dihydrogène  $H_2$  mélangé à deux fois le volume *d'air* nécessaire à sa combustion. Calculer, en négligeant les variations des capacités calorifiques avec la température, la température  $T_f$  de flamme d'un tel chalumeau en admettant que  $10\,\%$  de l'énergie libérée est perdue par rayonnement. On considérera que  $N_2$  est inerte dans ces conditions.
- 2.5. Du point de vue écologique, quel est l'avantage du chalumeau oxhydrique par rapport, par exemple, au chalumeau oxyacétylénique qui utilise la réaction de combustion de l'acétylène  $C_2H_2$  dans le dioxygène?

#### 3ème partie

#### Détermination expérimentale de la dureté d'une eau de robinet

Une eau est dite dure si elle ne mousse pas quand on y dissout du savon. La dureté est due à la présence dans l'eau de sels calciques et magnésiques qui décomposent les savons alcalins solubles et les transforment en sels insolubles. Lorsqu'on ajoute du savon à une eau contenant les ions  $Ca^{2+}$  et/ou  $Mg^{2+}$  la mousse ne se produit pas avant que la totalité des ions  $Ca^{2+}$  et  $Mg^{2+}$  n'ait été précipitée par une quantité correspondante de savon.

# 3.1. Le degré hydrotimétrique (°HT)

La dureté D d'une eau est proportionnelle à la masse de savon de Marseille qu'il faut ajouter à 1 litre de cette eau pour obtenir une mousse persistante par agitation. D est égal à 1 °HT lorsque cette masse de savon vaut  $100\ mg$ : cette quantité de savon, ajoutée à une solution contenant suffisamment d'ions  $Ca^{2+}$ , permet la précipitation de  $10\ mg$  de  $CaCO_3$ .

Montrer que  $D\approx 10^4\frac{c}{c_0}$ ; où c est la somme des concentrations molaires volumiques en  $Ca^{2+}$  et  $Mg^{2+}$  exprimées en  $mol.L^{-1}$  et  $c_0=1\,mol.L^{-1}$ .

Pour déterminer la dureté D d'une eau on réalise un dosage complexométrique des ions  $Ca^{2+}$  et  $Mg^{2+}$  par une solution titrée d'E.D.T.A qui forme des complexes stables avec des cations métalliques  $(Mg^{2+}, Ca^{2+}, Zn^{2+}...)$ . Le dosage volumétrique est conduit en présence d'un indicateur coloré de complexation. L'indicateur utilisé est le noir ériochrome T (N.E.T.). À pH compris entre 8 et 11, il est bleu foncé en absence d'ions métalliques et rouge en présence de cations bivalents  $(Mg^{2+}, Ca^{2+}, Zn^{2+}...)$ .

# 3.2. Étalonnage de la solution d'E.D.T.A.

L'E.D.T.A. est l'acide éthylène diamine tétracétique, c'est un tétracide que l'on symbolisera dans toute la suite par  $H_4Y$  et dont les  $pK_a$  valent respectivement : 1, 9 ; 2, 5 ; 6, 3 et 11.

- **3.2.1.** Quelle est la forme prédominante de l'E.D.T.A. au cours du dosage sachant qu'il est réalisé en présence d'un tampon pH=9,5? On tracera le diagramme de prédominance de l'E.D.T.A.
- **3.2.2**. Écrire alors la réaction de dosage d'un cation bivalent  $M^{2+}$  par l'E.D.T.A. sachant qu'une mole de  $M^{2+}$  réagit avec une mole d'E.D.T.A.

Pour déterminer avec précision la concentration molaire volumique  $c_1$  de la solution d'E.D.T.A., on réalise un dosage préliminaire de cette solution par une solution étalon de  $\mathbb{Z}n^{2+}$ .

- **3.2.3**. La solution étalon d'ions  $Zn^{2+}$  est obtenue par attaque d'une masse  $m=1,010\,g$  de zinc métallique par une solution concentrée d'acide chlorhydrique. Écrire la réaction décrivant l'attaque du zinc et calculer sa constante d'équilibre. Conclusion.
- **3.2.4.** Après dissolution complète du zinc on place la solution obtenue dans une fiole jaugée de  $500 \, mL$  et on complète avec de l'eau distillée jusqu'au trait de jauge. Calculer la concentration molaire volumique  $c_2$  de la solution étalon ainsi préparée.
- **3.2.5.** Dans un erlenmeyer, on place  $v_1=10,0\,mL$  de solution d'E.D.T.A.,  $5\,mL$  de tampon pH=9,5 et quelques milligrammes de N.E.T. On ajoute ensuite, à l'aide d'une burette, la solution étalon de  $Zn^{2+}$ . Le virage de l'indicateur coloré est observé pour un volume  $v_2=14,35\,mL$ . En déduire le titre exact de la solution d'E.D.T.A.

# 3.3. Dosage de l'eau du robinet

On place dans un erlenmeyer,  $v=80\,mL$  d'eau à doser,  $20\,mL$  de tampon pH=9,5 et quelques milligrammes de N.E.T. On verse ensuite, à l'aide d'une burette, la solution d'E.D.T.A. jusqu'au changement de couleur de l'indicateur. Soit  $v_{1e}$  le volume de la solution titrante versé à l'équivalence.

- **3.3.1.** Déterminer la concentration totale c de l'eau en ions  $Ca^{2+}$  et  $Mg^{2+}$  sachant que  $v_{1e}=3,3\,mL$ .
  - 3.3.2. En déduire sa dureté D.

#### 3.4. Préparation du tampon pH

Le tampon pH=9,5 utilisé dans le dosage complexométrique est un tampon ammoniacal obtenu par dissolution, sans variation de volume, d'une masse m de chlorure d'ammonium  $(NH_4^+,Cl^-)$  dans un volume  $v=1\,L$  d'ammoniaque de concentration  $c=1\,mol.L^{-1}$ .

- **3.4.1**. Qu'appelle-t-on solution tampon?
- **3.4.2.** Calculer la masse m de chlorure d'ammonium à ajouter pour obtenir 1 litre de solution tampon pH=9,5.
  - **3.4.3**. Déterminer le pouvoir tampon  $\pi$  (en  $mol.L^{-1}$ ) de cette solution.

FIN DE L'ÉPREUVE