

# Optimisation d'un électrofiltre sec

#### HARRAK NAJWA

18683

Encadré par : Mohammed EL ABDALLAOUI

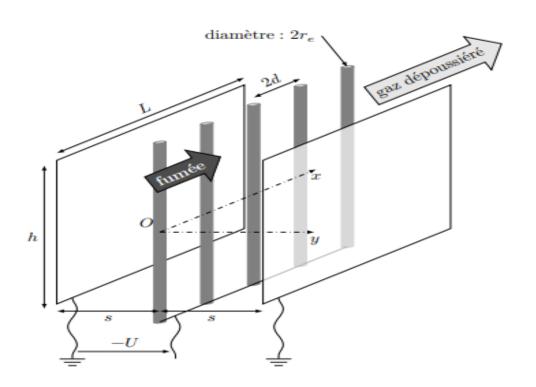
1

## Plan de la présentation :

- Introduction à l'électrofiltre
- Etude du comportement de la particule dans l'électrofiltre
- Types d'écoulement du gaz dans l'électrofiltre et expressions du rendement de l'électrofiltre
- Méthode des opérateurs de Lagrange pour l'optimisation
- Paramètres influençant l'efficacité de l'électrofiltre
- Expérience
- Conclusion

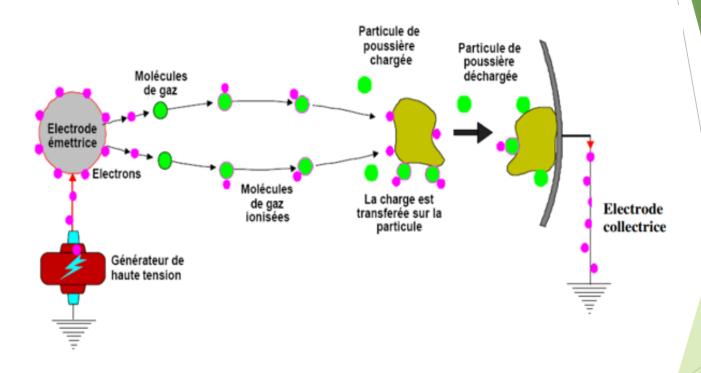
### Introduction l'électrofiltre

## L'électrofiltre:



## Etude du comportement de la particule dans l'électrofiltre

#### Processus de la charge d'une particule



ionisation

migration

collecte

#### Les forces que subit la particule

-La force	-L'expression
La poussée d'Archimède	$\overrightarrow{F_a} = -\rho_g. \frac{4.\pi. r_p^3}{3}.\overrightarrow{g}$
Le poids	$\overrightarrow{F_g} = m_p . \overrightarrow{g}$
La force de trainée	$\overrightarrow{F_d} = -3. \pi. \eta_g. d_p. \overrightarrow{w}$
La force électrostatique	$\overrightarrow{F_e} = q_s \overrightarrow{E}$

 $\vec{w}$ : la vitesse de la particule (m/s),

η<sub>g</sub>: viscosité dynamique du gaz (Pa/s),

**m**<sub>p</sub>: masse de la particule (g).

ρ<sub>g</sub>: masse volumique du gaz (kg/m³),

g: accélération (m/s²)

#### L'évolution de la charge d'une particule (description de WHITE)

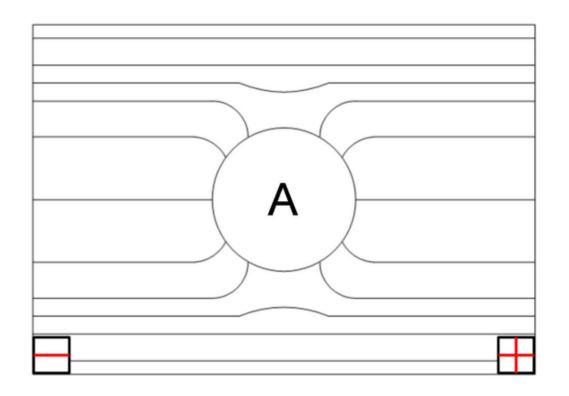
$$\frac{dq_p}{dt} = \frac{\rho \cdot \mu \cdot q_p^s}{4 \cdot \varepsilon_0} \cdot \left(1 - \frac{q_p}{q_p^s}\right)^2 \quad pour \quad q_p < q_p^s$$

$$q_p^s = 3 \cdot \pi \cdot \varepsilon_0 \cdot \frac{\varepsilon_r}{\varepsilon_r + 2} \cdot E \cdot d_p^2$$

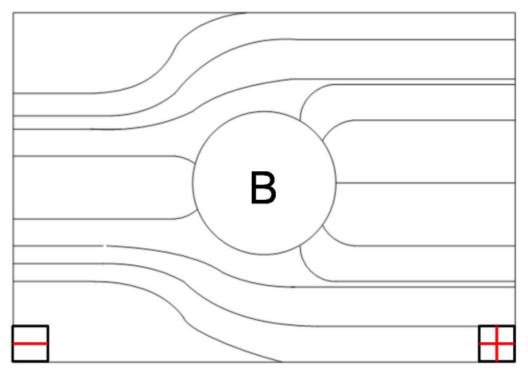
 $\rho$  la densité d'ions  $\mu$  est la mobilité ionique.

 $\varepsilon_r$  la permittivité relative des particules.

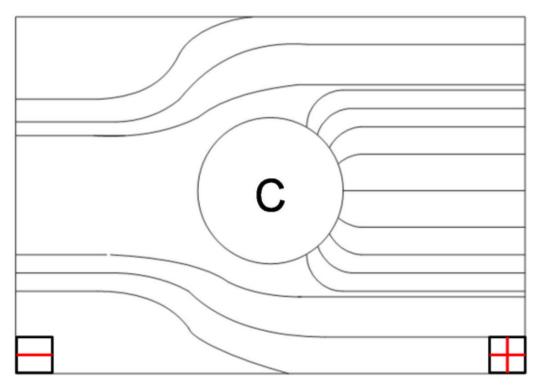
$$\begin{cases} q_p(t) = q_p^s \cdot \left(\frac{t}{t + \tau_p}\right) \\ \tau_q = \frac{4 \cdot \varepsilon_0}{\rho \cdot \mu} \end{cases}$$



(a) Particule non chargée

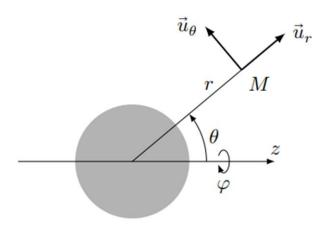


(b) Particule partiellement chargée



(c) Particule avec charge de saturation

#### Le champ électrique totale dans l'éléctrofiltre :



$$\overrightarrow{E}_t = \overrightarrow{E} + E \frac{\varepsilon_r - 1}{\varepsilon_r + 2} \frac{a^3}{r^3} \left( 2\cos\theta \, \overrightarrow{u}_r + \sin\theta \, \overrightarrow{u}_\theta \right) + \overrightarrow{E}_1$$

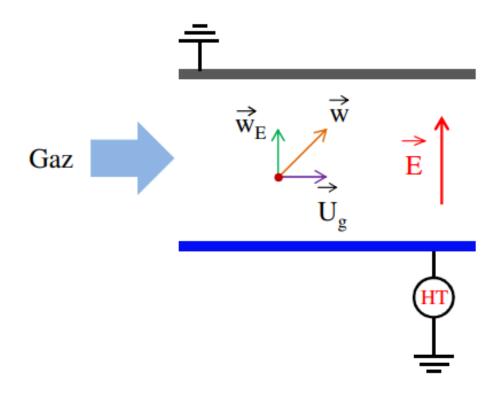


Schéma explicatif du mouvement d'une particule chargée entre deux plaques parallèles

# Vitesse de migration des particules chargées

Le principe fondamental de la dynamie

$$\begin{split} m_p \cdot \frac{d \overrightarrow{w}}{dt} &= \overrightarrow{F_e} + \overrightarrow{F_f} \\ \\ \frac{d w_E}{dt} &+ \frac{3 \cdot \pi \cdot \eta_g \cdot d_p}{m_p \cdot cu} \cdot w_E - \frac{q_p}{m_p} \cdot E = 0 \end{split}$$

En considérant la condition initiale w(t = 0) = 0,

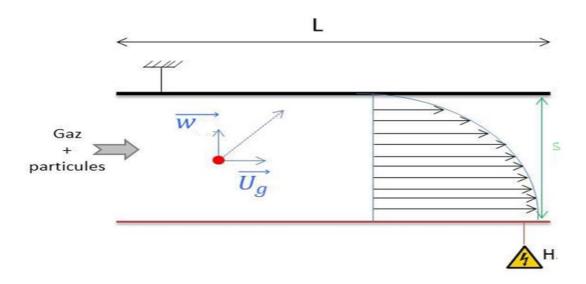
$$w_E(t) = w_{th} \left[ 1 - exp \left( -\frac{t}{\tau_p} \right) \right]$$

 $w_{th}$ : la vitesse théorique de migration  $w_{th} = \frac{q_s \cdot E}{3 \cdot \pi \cdot \eta_g \cdot d_p} \cdot Cu$ 

$$\tau_p$$
: Le temps de relaxation  $\tau_p = \frac{m_p.Cu}{3.\pi.\eta_q.d_p} = \frac{\rho_p.d_p^2.Cu}{18.\eta_q}$ 

# Types d'écoulement du gaz dans l'électrofiltre et expressions du rendement

### L'écoulement laminaire

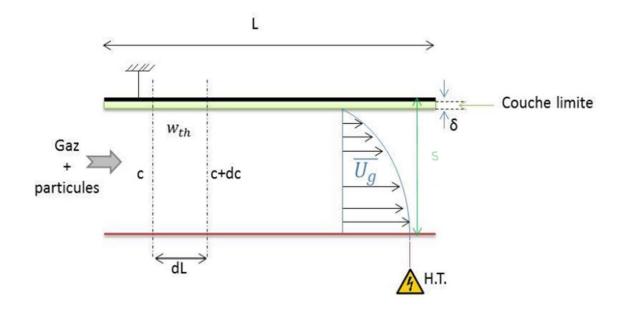


> Toutes les particules suivent la même trajectoire déterminée par le flux gazeux el le champ électrique

### L'expression du rendement:

$$\eta = \frac{wL}{\bigcup_{g} S}$$

### L'écoulement turbulent



Le gaz soumis à :

- des perturbations
- des mouvements de conduction
- des tourbillons

#### L'expression du rendement:

#### Hypothèses du modèle de DEUTCH ANDERSEN:

- Grace au brassage turbulent du gaz, la densité volumique C ne dépend que de x.
- > Malgré les turbulences, on peut définir une vitesse moyenne d'écoulement.
- $\triangleright$  Lorsque Q atteint  $Q_{\lim}$  , celle-ci reste maintenue .
- > Toutes les particules ont le même diamètre et donc elles ont la même vitesse théorique de migration.

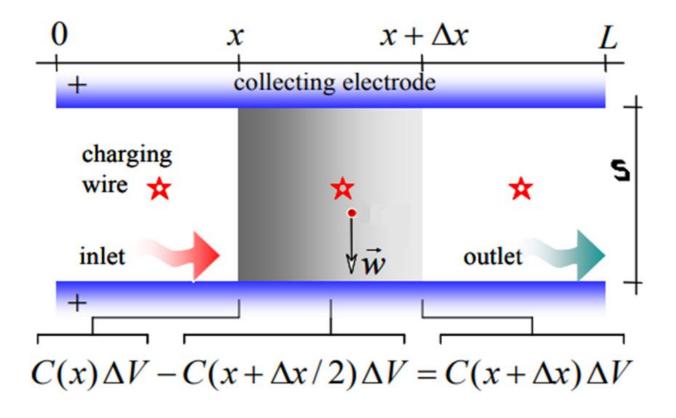


schéma explicatif de la conservation de la matière dans un électrofiltre

#### La conservation de la matière:

$$2\left[C(x) - C(x + \Delta x)\right]h \ U_g S \ \Delta t = C\left(x + \frac{\Delta x}{2}\right)h 2\Delta x \ w \Delta t$$

$$\frac{\mathrm{d}C(x)}{\mathrm{d}x} = -\frac{w}{sU_g} C(x)$$

$$C(x) = C_0 e^{-\frac{xw}{sU_g}}$$

$$\eta = \frac{C_0 - C_L}{C_0} = \frac{L\omega}{1 - e^{-\frac{L\omega}{SUg}}}$$

#### Amélioration du modèle de DEUTCH:

$$\eta = 1 - exp\left(-\frac{A_c}{Q}\omega_{av}\right)$$

$$\eta_{ovr} = 1 - \frac{c_{outT}}{c_{inT}}$$

$$\eta_{ovr} = 1 - \frac{1}{C_{inT}} \sum_{i=1}^{i=m} C_{in}(d_i) \exp\left[-\frac{A_c}{Q} \omega_{av}(d_i)\right]$$

$$A_c = 2hL$$

$$Q = U_g sh$$

# Modèle mathématique pour la prédiction du rendement

$$\eta_N = 1 - (1 - \eta_1)^N$$

 $\eta_1 = L$ 'efficacité de collecte pour 1 électrode  $\eta_N = L$ 'efficacité de collecte pour N électrode

## Méthode des opérateurs de Lagrange pour l'optimisation:

### <u>La méthode de Lagrange :</u> <u>optimisation sous contrainte</u>

$$\begin{array}{lll} \textit{Max}\, F(X) & X = \{x_1, x_2, \dots x_n\} \\ \text{soumis à des contraintes d'égalité} \,\, g_k(X) = 0 & k = 1, 2, \dots m \\ \\ \begin{cases} \frac{\partial F(X)}{\partial x_1} - \sum_{k=1}^m \lambda_k \frac{\partial g_k(X)}{\partial x_1} & = & 0 \\ \vdots & & & \\ \frac{\partial F(X)}{\partial x_n} - \sum_{k=1}^m \lambda_k \frac{\partial g_k(X)}{\partial x_n} & = & 0 \\ g_1(X) & = & 0 \\ \vdots & & & \\ g_m(X) & = & 0 \\ \end{cases}$$

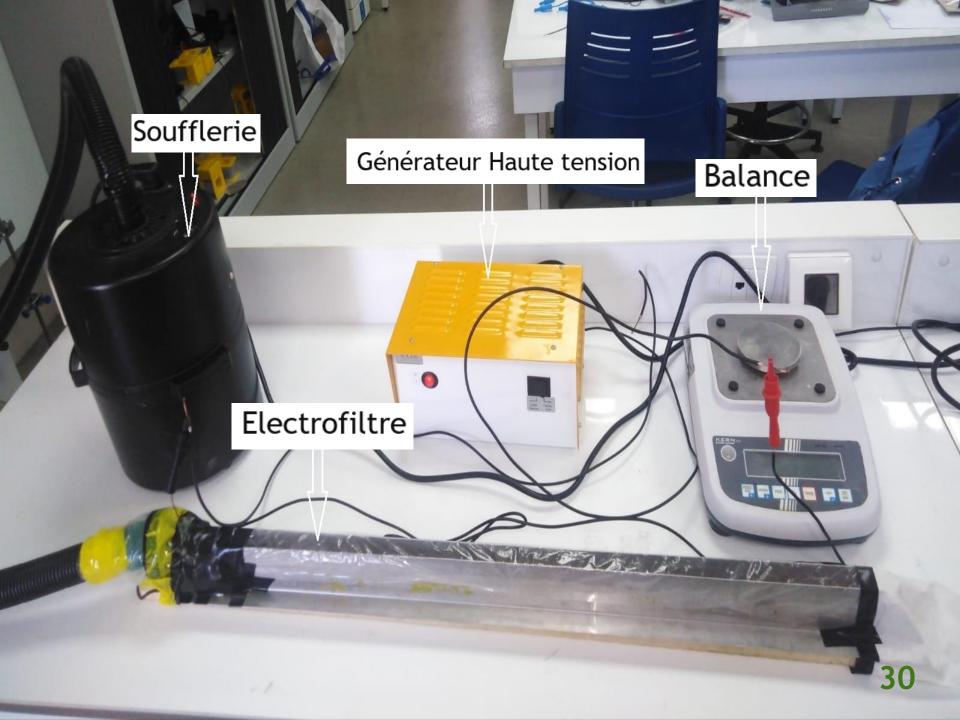
# Paramètres influençant l'efficacité de l'électrofiltre:

## Paramètres influençant l'efficacité de l'électrofiltre:

- La contre émission
- Le réentrainement
- Les effets électro-hydrodynamiques

## **Expérience**





## conclusion

### Références des figures

Page 1: https://bemrecycling.com/la-pollution-industrielle-impacts-sur-lhomme-et-lenvironnement/

Page 4,12: Epreuve centrale psi physique -chimie 1 2017

Page 6: La faisabilité de l'électrofiltration d'une atmosphère chargée en poussières de bois: Etude expérimentale et numérique, Thèse, Brahim Benamar

Page 9,10,11,13: Optimisation électrique et géométrique d'un électrofiltre à barrière diélectrique en configuration fil-tube carré, Thèse, Rabah Gouri.

Page 16,18: Optimisation des performances d'un procédé industriel d'électrofiltration alimenté par hautes puissances pulsées, thèse, Sounia Souakri

Page 20: Performance calculations of electrostatic precipitators, these, Dejan M. Petković

Pages 29,30: prises par mon téléphone

### Merci pour votre attention