## Diagrammes potentiel-pH

# Table des matières

1	Pré	vision d'une réaction d'oxydo-réduction
	1.1	Calcul de la constante d'équilibre à partir des potentiels standards
	1.2	Prévision de la réaction oxydo-réduction à l'aide de l'échelle potentiel .
	1.3	Diagrammes de prédominance
2	Dia	gramme E-pH
	2.1	Conventions
	2.2	Diagramme E-pH de l'eau solvant
	2.3	Diagramme E-pH du fer
		2.3.1 Hypothèses
		2.3.2 Données thermodynamiques
		2.3.3 Recherche des D.P acido-basiques
		2.3.4 Mise en équation de chaque couple

# 1 Prévision d'une réaction d'oxydo-réduction

# 1.1 Calcul de la constante d'équilibre à partir des potentiels standards

Soit les couples  $OX_1/Red_1$  et  $OX_2/Red_2$ 

$$ightharpoonup OX_1 + n_1 e^- \rightleftharpoons Red_1; E_1 = E_1^0 + \frac{0,06}{n_1} \log \frac{[OX_1]}{[Red_1]}$$

$$ightharpoonup OX_2 + n_2 e^- \rightleftharpoons Red_2; E_2 = E_2^0 + \frac{0.06}{n_2} \log \frac{[OX_2]}{[Red_2]}$$

▶ Considérons la réaction entre  $OX_2$  et  $Red_1$ :

$$n_1OX_2 + n_2Red_1 \rightleftharpoons n_1Red_2 + n_2OX_1$$

La constante d'équilibre

$$k^{0} = \frac{[OX_{1}]_{eq}^{n_{2}}.[Red_{2}]_{eq}^{n_{1}}}{[OX_{2}]_{eq}^{n_{1}}.[Red_{1}]_{eq}^{n_{2}}}$$

à l'équilibre  $E_{1eq} = E_{2eq} \Rightarrow E_1^0 + \frac{0,06}{n_1} \log \frac{[OX_1]_{eq}}{[Red_1]_{eq}} = E_2^0 + \frac{0,06}{n_2} \log \frac{[OX_2]_{eq}}{[Red_2]_{eq}}$ 

en multipliant par  $n_1 n_2$ :  $n_1 n_2 E_1^0 + 0,06 \log \frac{[OX_1]_{eq}^{n_2}}{[Red_1]_{eq}^{n_2}} = n_1 n_2 E_2^0 + 0,06 \log \frac{[OX_2]_{eq}^{n_1}}{[Red_2]_{eq}^{n_1}}$ 

$$n_1 n_2 (E_2^0 - E_1^0) = 0,06 \log \left( \frac{[OX_1]_{eq}^{n_2} . [Red_2]_{eq}^{n_1}}{[OX_2]_{eq}^{n_1} . [Red_1]_{eq}^{n_2}} \right)$$

$$k^0 = 10 \frac{n_1 n_2 (E_2^0 - E_1^0)}{0,06}$$

 $n_1n_2$ : le nombre des électrons mise en jeu par la réaction bilan des deux couples

• Exemple

$$I_{2aq} + 2e^- \rightleftharpoons 2I_{aq}^- : E_2^0$$

$$\blacktriangleright S_4 O_{6aq}^{2-} + 2e^- \rightleftharpoons 2S_2 O_{3aq}^{2-} : E_1^0$$

▶ bilan : 
$$2S_2O_{3aq}^{2-} + I_{2aq} \rightleftharpoons S_4O_{6aq}^{2-} + 2I_{aq}^-$$
 :  $k^0$ ;  $2e^-$  mise en jeu

$$k^0 = 10 \frac{2(E_2^0 - E_1^0)}{0,06}$$

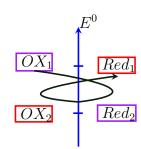
# 1.2 Prévision de la réaction oxydo-réduction à l'aide de l'échelle potentiel

Une réaction est favorisée thermodynamiquement  $(k^0 \ge 1)$  est une réaction qui se fait dans le sens de gamma

$$OX_1 + Red_2 \rightleftharpoons OX_2 + Red_1$$

la réaction est favorisée dans le sens 1 ( )

• Exemple

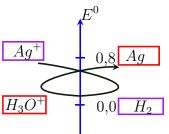


le métal d'argent n'est pas attaqué par les ions  $H_3O^+$  car la réaction n'est pas favorisée thermodynamiquement

la réaction favorisée thermodynamiquement est

$$Ag^{+} + \frac{1}{2}H_{2}(g) \to Ag(s) + H^{+}$$

$$k^{0} = 10 \frac{1.(0, 8 - 0, 0)}{0.06} = 2.15.10^{13}$$



# 1.3 Diagrammes de prédominance

- ightharpoonup A prédomine devant B si [A] > [B]
- ▶ A est majoritaire sur B si [A] > 10[B]
- Considérons le couple OX/Red

$$OX + ne^- \rightleftharpoons Red$$

$$E = E^0 + \frac{0.06}{n} \log \frac{[OX]}{[Red]}$$

- $\blacktriangleright \ \mbox{si} \ [OX] > [Red] \Rightarrow E > E^0 : OX$  prédomine devant le Red
- ▶ si  $[OX] > 10[Red] \Rightarrow E > E^0 + \frac{0.06}{n}$ : OX est majoritaire
- $\blacktriangleright \mbox{ si } [Red] > [OX] \Rightarrow E < E^0 : Red prédomine devant l'<math display="inline">OX$
- ▶ si  $[Red] > 10[OX] \Rightarrow E < E^0 \frac{0.06}{n}$ : Red est majoritaire

• Exemple  $n^{\circ}1 : Fe^{3+}/Fe^{2+} : E^{0} = 0,77V$ 

$$\underbrace{ \left[ Fe^{2+} \right] > 10 [Fe^{3+}] \left[ Fe^{2+} \right] > \left[ Fe^{3+} \right] \left[ Fe^{3+} \right] > \left[ Fe^{2+} \right] }_{E^{0} - \frac{0,06}{n}} \qquad E^{0} \qquad E^{0} + \frac{0,06}{n}$$

• Exemple n°2 : couple  $Br_2/Br^-$  :  $E^0 = 1,08V$  $Br_2 + 2e^- \rightleftharpoons 2Br^-$  :  $E = E^0 + \frac{0,06}{2} \log \frac{[Br_2]}{[Br^-]^2}$ 

les coefficients stoechiométriques sont différentes pour OX et Red. Dans ce cas on utilise la concentration totale en élement de brome introduite .

$$C_0 = [Br^-] + 2[Br_2]$$

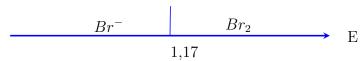
la frontière entre les deux formes correspond à  $[Br^0] = [Br^{-I}]$  donc

In frontiere entre les deux formes correspond a 
$$[Br^{-}] = 2[Br_{2}] = \frac{C_{0}}{2}$$
  $E = E^{0} + \frac{0.06}{2} \log \left(\frac{\frac{C_{0}}{4}}{\frac{C_{0}^{2}}{4}}\right) = E^{0} + 0.03 \log \frac{1}{C_{0}}$ 

$$E = E^0 + 0.03 \log \frac{1}{C_0}$$

Le choix de  $C_0$  permet de déterminer les domaines de prédominance

• Si  $C_0 = 10^{-3} mol.l^- \Rightarrow E = 1,08 + 0,09 = 1,17V$ 



• Exemple n°3:  $Fe^{2+}/Fe(s)$ :  $E^0 = -0.44V$  $Fe^{2+} + 2e^- \rightleftharpoons Fe(s)$ 

Soit  $C_0$  la concentration totale en élement de fer ,à la limite  $C_0 = [Fe^{2+}] \Rightarrow E = E^0 + \frac{0,06}{2} \log \frac{[Fe^{2+}]}{1} = E^0 + \frac{0,06}{2} \log C_0$ 

On prend  $C_0^2 = 10^{-2} mol. l^{-1}$ 



• Exemple n°4: couple  $H_3O^+/H_2(g): E^0 = 0,00V$ 

$$H_3O^+ + e^- \rightleftharpoons \frac{1}{2}H_2 + H_2O : E = E^0 + 0,06\log\frac{[H_3O^+]}{(P_{H_2})^{\frac{1}{2}}}$$

On fixe  $P_{H_2} = P^0 = 1bar$  et pH = 0

$$\begin{array}{c|c} & & & H^+ \\ \hline & 0.00 & & & \end{array}$$

# 2 Diagramme E-pH

#### 2.1 Conventions

Le but d'un diagramme E-pH, ou diagramme de Pourbaix, est de déterminer dans le plan (E,pH) la forme prédominante d'un élement en solution aqueuse .

- $\blacktriangleright$  La pression des éspèces à l'état gazeux est fixée à une pression arbitraire de tracé  $P_0=P^0=1bar$
- La concentration de chacune des formes dissoutes dans son domaine de prédominance acido-basique ou rédox est égale à une concentration  $C_0$  fixé dite de tracé.
- Les ségments frontières entre une forme en solution, et une forme solide correspondent à la limite de d'apparition de la phase solide , la forme dissoute ayant la concentration  $C_0$  de tracé.

## 2.2 Diagramme E-pH de l'eau solvant

- ▶ les couples mis en jeu  $H_2O/H_2$  :  $E_1^0 = 0,00V$  et  $O_2/H_2O$  :  $E_2^0 = 1,23V$
- $\blacktriangleright$  couple  $H_2O/H_2$  soit  $H^{+I}/H^0$  équivalent en milieu acide au couple  $H_3O^+/H_2$  où  $H^+/H_2$

$$H_3O^+ + e^- \rightleftharpoons \frac{1}{2}H_2(g) + H_2O$$

$$H^+ + e^- \rightleftharpoons \frac{1}{2}H_2(g)$$

$$E_1 = E_1^0 + 0,06 \log \frac{h}{\sqrt{P_{H_2}}}$$

▶ On choisit  $P_{H_2} = P^0 = 1bar$  soit  $E_1 = E_1^0 - 0.06pH$  avec  $E_1^0 = 0.00V$ 

$$E_1 = -0.06pH$$

 $\blacktriangleright\,$ le couple  $O_2/H_2O$  où  $O^0/O^{-II}$  s'écrit en milieu acide

$$\boxed{\frac{1}{2}O_2(g) + 2H^+ + 2e^- \rightleftharpoons H_2O}$$

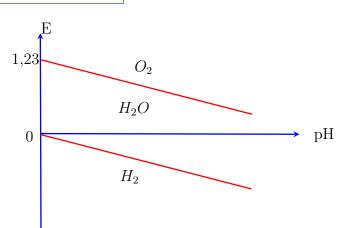
$$E_2 = E_2^0 + \frac{0.06}{2} \log(\sqrt{P_{O_2}}.h^2)$$

$$E_2 = E_2^0 - 0,06pH = 1,23 - 0,06pH$$

- l'eau a une grande zone de stabilité thermodynamique . Elle ne peut se dismuter
- $H_2$  et  $O_2$  ont des domaines de prédominance disjoints donc la réaction

$$\boxed{\frac{1}{2}O_2 + H_2 \to H_2O}$$

est totale



- Tout couple redox dont le potentiel appartient au domaine de stabilité thermodynamique de l'eau est stable dans l'eau
- Tout couple redox dont le potentiel est à l'extérieur du domaine de stabilité de l'eau doit soit oxyder l'eau en  $O_2$ , soit la réduire en  $H_2$ .
- Exemples
  - ▶  $Fe^{3+}/Fe^{2+}$  :  $E^0=0,77V$  $Fe^{3+}$  et  $Fe^{2+}$  ont des domaines de prédominance communs avec l'eau
  - ▶ les métaux alcalins sont des réducteurs trés forts  $Na^+/Na: E^0 = -2,71V \Rightarrow$  domaine de pédominance de  $H_2$

$$Na + H_2O \to Na^+ + HO^- + \frac{1}{2}H_2(g)$$

▶ le difluor est un oxydant trés fort  $F_2/F^-: E^0 = 2,87V \Rightarrow$  domaine de prédominance de  $O_2$ 

$$F_2 + H_2O \to 2HF + \frac{1}{2}O_2(g)$$

### 2.3 Diagramme E-pH du fer

#### 2.3.1 Hypothèses

ightharpoonup On se limite aux n.o:0,+II,+III

$$\begin{array}{cccc}
0 & +II & +III \\
Fe(s) & Fe^{2+} & Fe^{3+} \\
Fe(OH)_2(s) & Fe(OH)_3(s)
\end{array}$$

▶ Chaque forme en solution dans son D.P soit égale à une même concentration  $C_0$ : concentration de tracé

$$C_0 = [Fe^{3+}] = [Fe^{2+}] = 10^{-1} mol. l^{-1}$$
 (choix arbitraire)

#### 2.3.2 Données thermodynamiques

- ▶ les potentiels normaux des couples :  $Fe^{3+}/Fe^{2+}$  :  $E_1^0=0,77V$  et  $Fe^{2+}/Fe(s)$  :  $E_2^0=-0,44V$
- ▶ produits de solubilité des hydroxydes :  $Fe(OH)_2(s) : pk_s = 15$  et  $Fe(OH)_3(s) : pk'_s = 38$

#### 2.3.3 Recherche des D.P acido-basiques

 $ightharpoonup Fe^{2+}/Fe(OH)_2(s)$ : s'il n'y a pas de trace de précipité :  $C_0=[Fe^{2+}]=0,1mol.l^{-1}$ 

$$Fe(OH)_2(s) \rightleftharpoons Fe^{2+} + 2HO^- : Q = [Fe^{2+}].[HO^-]^2$$

début de précipitation pour  $Q = k_s = [Fe^{2+}]_{eq}.[HO^{-}]_{eq}^2$ 

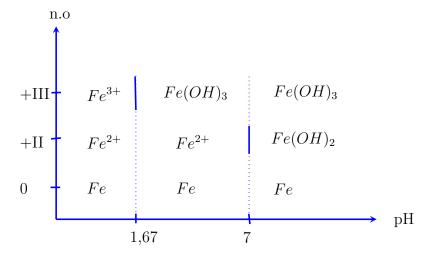
$$k_s = C_0 \cdot \frac{k_e^2}{h^2} \Rightarrow h^2 = C_0 \frac{k_e^2}{k_s} \Rightarrow h^2 = 10^{-14} \text{ donc } pH = 7$$

ightharpoonup couple  $Fe^{3+}/Fe(OH)_3(s)$ :

$$Fe(OH)_3(s) \rightleftharpoons Fe^{3+} + 3HO^- : Q = [Fe^{2+}][HO^-]$$

début de précipitation pour  $Q = k_s' = [Fe^{3+}]_{eq}[HO^-]_{eq}^3$ 

$$h^3 = C_0 \frac{k_e^3}{k_e'} = 10^{-5} \Rightarrow pH = 1,67$$



#### Mise en équation de chaque couple

### ightharpoonup Couple II/0

$$Fe^{2+} + 2e^{-} \rightleftharpoons Fe(s)$$

$$E = E_2^0 + 0,03\log[Fe^{2+}]$$

- si pH < 7:  $[Fe^{2+}] = C_0 = 10^{-1} mol.l^{-1}$  donc E = -0, 44 0, 03 = -0, 47 E = -0, 47V si pH < 7
- si  $pH \geqslant 7$ :  $[Fe^{2+}] = \frac{k_s}{\omega^2} = \frac{k_s}{k^2}h^2 = 10^{13}h^2$  $E = E_2^0 + 0.03 \log(10^{13}h^2) = -0.44 + 0.03 \log(10^{13}h^2)$  $E = -0.05 - 0.06pH \text{ si } pH \geqslant 7$
- On peut vérifier la continuité du potentiel pour pH = 7: E(7) = -0.47VEn fait  $Fe^{II}$  existe sous la forme  $Fe(OH)_2$ :  $Fe(OH)_2/Fe(s)$  de  $E_3^0$  inconnu

$$Fe(OH)_2(s) + 2e^- + 2H^+ \rightleftharpoons Fe(s) + 2H_2O$$

$$E = E_3^0 + \frac{0,06}{2}\log h^2 = E_3^0 - 0,06pH$$

$$E_2^0 = -0,05V$$

## ▶ couple *III/II*

$$Fe^{3+} + e^{-} \rightleftharpoons Fe^{2+}$$

$$E = E_1^0 + 0.06 \log \frac{[Fe^{3+}]}{[Fe^{2+}]}$$

$$E = E_1^0 = 0,77V$$

• si  $pH \le 1,67: [Fe^{3+}] = [Fe^{2+}] = C_0 = 10^{-1} mol. l^{-1}$   $E = E_1^0 = 0,77V$ •  $1,67 \le pH \le 7: [Fe^{2+}] = C_0 = 10^{-1} mol. l^{-1}$   $[Fe^{3+}] = \frac{k_s'}{\omega^3} = \frac{k_s'}{k_e^3} h^3 = 10^4 h^3$ 

$$E = E_1^0 + 0,06 \log \frac{10^4 h^3}{10^{-1}}$$

$$E = 1,07 - 0,18pH$$

le couple  $Fe^{III}/Fe^{II}$  correspond à  $Fe(OH)_3/Fe^{2+}$ 

$$Fe(OH)_3(s) + e^- + 3H^+ \rightleftharpoons Fe^{2+} + 3H_2O$$

$$Fe(OH)_3(s) + e^- + 3H^+ \rightleftharpoons Fe^{2+} + 3H_2O$$

$$E = E_4^0 + 0,06 \log \frac{h^3}{[Fe^{2+}]} = E_4^0 + 0,06 - 0,18pH$$

$$E_4^0 = 1,01V$$

• si  $pH \geqslant 7$ :  $[Fe^{2+}] = \frac{k_s}{\omega^2} = 10^{13}h^2$  et  $[Fe^{3+}] = \frac{k_s'}{\omega^3} = 10^4h^3$  $E = 0.77 + 0.06 \log(10^{-9}h)$ 

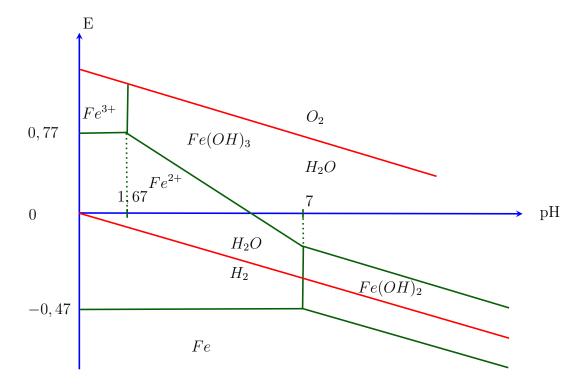
$$E = 0,23 - 0,06pH$$

le couple  $Fe^{III}/Fe^{II}$  correspond au couple  $Fe(OH)_3(s)/Fe(OH)_2(s)$ 

$$Fe(OH)_3(s) + H^+ + e^- \rightleftharpoons Fe(OH)_2(s) + H_2O$$

$$E = E_5^0 + 0,06 \log h = E_5^0 - 0,06 pH$$

$$E_5^0 = 0,23V$$



- $Fe^{II}$  et  $Fe^{III}$  ont des D.P recouvrant partiellement le domaine de stabilité de l'eau
- le domaine de Fe(s) est extérieur au domaine de stabilité de l'eau, le fer est donc attaqué par l'eau (corrosion)
- $\triangleright$  Plus générale le diagramme E pH fait apparaître trois domaines
  - immunité : domaine de stabilité thermodynamique du métal
  - corrosion : oxydation du métal sous forme ionique soluble
  - passivité: métal oxydé en surface, le film d'oxyde protégeant ensuite d'une attaque en profondeur  $(Fe_2O_3)$