

ROYAUME DU MAROC

Ministère de l'Éducation Nationale, de l'Enseignement Supérieur,
de la Formation des Cadres et de la Recherche Scientifique

Présidence du Concours National Commun
École Mohammadia d'Ingénieurs
EMI

Concours National Commun d'admission
aux Grandes Écoles d'Ingénieurs ou assimilées
Session 2006

ÉPREUVE DE CHIMIE

Filière **MP**

Durée 2 heures

Cette épreuve comporte 4 pages au format A4, en plus de cette page de garde
L'usage de la calculatrice est *autorisé*

L'énoncé de cette épreuve comporte 4 pages.
L'usage de la calculatrice est autorisé.

On veillera à une présentation claire et soignée des copies. Il convient en particulier de rappeler avec précision les références des questions abordées.

Le Cuivre

Le cuivre joue un rôle important dans l'industrie chimique et dans la vie quotidienne. On se propose dans ce problème de passer en revue quelques aspects de la chimie du cuivre. Aucune connaissance préalable de la chimie de cet élément n'est requise pour traiter le problème.

Si, au cours de l'épreuve, un candidat repère ce qui lui semble être une erreur d'énoncé, il le signale sur sa copie et poursuit sa composition en indiquant les raisons des initiatives qu'il est amené à prendre.

Dans les applications numériques, qui ne doivent pas être négligées, une attention particulière sera prêtée au nombre de chiffres à utiliser pour afficher les résultats. Ce nombre, qui dépend en général du niveau de précision recherché, ne doit en aucun cas dépasser le nombre de chiffres significatifs permis par les données. La valeur numérique de toute grandeur physique doit être accompagnée de son unité.

Données utiles

- Données générales
 - Nombre d'AVOGADRO : $N_A = 6,022 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$.
 - Charge élémentaire : $e = 1,6 \times 10^{-19} \text{ C}$.
 - Constante des gaz parfaits : $R \approx 8,314 \text{ J.K}^{-1}.\text{mol}^{-1}$.
 - $\frac{RT}{\mathcal{F}} \ln 10 \approx 0,06 \text{ V}$ à $T = 298 \text{ K}$, $\mathcal{F} = N_A e$ désignant la constante de FARADAY et \ln le logarithme népérien.
- Tous les gaz rencontrés dans le problème seront considérés parfaits.
- Masse volumique du cuivre : $\mu_{\text{Cu}} = 8,92 \times 10^3 \text{ kg.m}^{-3}$.
- Masse molaire atomique du cuivre : $M_{\text{Cu}} = 63,546 \text{ g.mol}^{-1}$.
- Enthalpies standard de formation (en kJ.mol^{-1}) et entropies standard absolues (en $\text{J.K}^{-1}.\text{mol}^{-1}$) à 298 K (g : gaz, s : solide) :

	$\text{O}_{2(\text{g})}$	$\text{Cu}_{(\text{s})}$	$\text{Cu}_2\text{O}_{(\text{s})}$	$\text{CuO}_{(\text{s})}$
$\Delta_f H^\circ$	—	—	−168	−157
S°	205	33,1	93,0	42,6

- Potentiels standard d'oxydoréduction en solution aqueuse à 298 K :

Couple	$\text{Cu}^{2+}/\text{Cu}^+$	Cu^+/Cu
$E^\circ (\text{V})$	0,16	0,52

- Constantes de formation successives de complexes en solution aqueuse à 298 K :

$\text{Cu}(\text{NH}_3)_2^+$		$\text{Cu}(\text{NH}_3)_4^{2+}$			
$\log K_{f1}$	$\log K_{f2}$	$\log K'_{f1}$	$\log K'_{f2}$	$\log K'_{f3}$	$\log K'_{f4}$
6, 1	4, 7	4, 1	3, 5	2, 9	2, 2

1^{ère} partie**Structure électronique**

Le numéro atomique du cuivre est $Z = 29$. L'élément cuivre possède deux isotopes naturels ^{63}Cu et ^{65}Cu .

- 1.1. Quels sont les nombres de protons et de neutrons présents dans chacun des noyaux de ^{63}Cu et de ^{65}Cu ? On présentera les résultats sous forme d'un tableau.
- 1.2. Quelle est l'abondance relative de chacun de ces deux isotopes ?
- 1.3. Donner la configuration électronique du cuivre prévue par les règles de remplissage.
- 1.4. En réalité, la configuration électronique observée est : $[\text{Ar}] 3d^{10} 4s^1$. Expliquer cette anomalie de remplissage.
- 1.5. En déduire la position du cuivre (ligne et colonne) dans la table périodique des éléments. À quel bloc d'éléments appartient-il ? Comment s'appellent les éléments de ce bloc ?
- 1.6. Donner la configuration électronique des deux ions les plus courants du cuivre.

2^{ème} partie**Propriétés cristallographiques****2.1. Structure cristallographique du cuivre**

Le réseau cristallin du cuivre est du type cubique à faces centrées ou c.f.c.

- 2.1.1. Faire un schéma, en vue éclatée, de la maille conventionnelle du réseau c.f.c.
- 2.1.2. Calculer le nombre d'atomes de cuivre appartenant à cette maille.
- 2.1.3. Exprimer la masse volumique μ_{Cu} du métal cuivre et en déduire le paramètre a de la maille conventionnelle.
- 2.1.4. Représenter une face de la maille conventionnelle en précisant clairement le contact entre atomes de cuivre.
- 2.1.5. En déduire la valeur du rayon atomique R_{Cu} du cuivre.
- 2.1.6. Calculer la compacité C du réseau du cuivre. Commenter.

2.2. Cavités dans le réseau du cuivre

Le réseau C.F.C. présente des cavités octaédriques Ω et des cavités tétraédriques Θ .

- 2.2.1. Dessiner une cavité octaédrique en vue éclatée. Dessiner de même une cavité tétraédrique.

2.2.2. Indiquer les positions des sites octaédriques et tétraédriques dans une maille conventionnelle C.F.C.

2.2.3. Déterminer les nombres respectifs n_{Ω} des cavités octaédriques et n_{Θ} des cavités tétraédriques dans une maille conventionnelle C.F.C.

2.2.4. Calculer la valeur maximale R_{Ω} du rayon d'une sphère que l'on peut placer au centre d'une cavité octaédrique sans déformer le réseau. On exprimera le résultat en fonction de a avant d'effectuer l'application numérique. Commenter

2.2.5. Calculer de même la valeur maximale R_{Θ} du rayon d'une sphère que l'on peut placer au centre d'une cavité tétraédrique sans déformer le réseau. Commenter.

3^{ème} partie

Oxydation en phase sèche

On se propose d'étudier l'oxydation du cuivre métallique par l'oxygène de l'air supposé être sec. L'étude sera limitée à l'intervalle de température [500 K, 1300 K] dans lequel le cuivre et ses oxydes se trouvent à l'état solide. On se limitera à une étude thermodynamique sans se préoccuper des phénomènes cinétiques. On se placera enfin, dans le cadre de l'approximation d'ELLINGHAM.

3.1. Enthalpies libres standard de réaction

3.1.1. En quoi consiste l'approximation d'ELLINGHAM ?

3.1.2. Écrire l'équation de la réaction d'oxydation du cuivre métallique Cu en oxyde de cuivre Cu_2O pour une mole de dioxygène (réaction 1) et en déduire l'expression, en fonction de la température T , de son enthalpie standard de réaction $\Delta_r G_1^\circ(T)$. Calculer numériquement $\Delta_r G_1^\circ$ à 300 K.

3.1.3. Écrire de même la réaction d'oxydation de Cu_2O en CuO pour une mole de dioxygène (réaction 2) et en déduire l'expression, en fonction de la température T , de son enthalpie standard de réaction $\Delta_r G_2^\circ(T)$. Calculer numériquement $\Delta_r G_2^\circ$ à 300 K.

3.2. Températures d'oxydation

On se propose d'étudier la stabilité de Cu, Cu_2O et CuO dans l'air, en fonction de la température. On donne la pression atmosphérique $P_0 = 1$ bar.

3.2.1. Exprimer les affinités chimiques \mathcal{A}_1 de la réaction (1) et \mathcal{A}_2 de la réaction (2) en fonction de la température T et de la pression partielle $P(\text{O}_2)$ de dioxygène.

3.2.2. Calculer, dans les conditions de l'étude, la température T_1 en dessous de laquelle le cuivre métallique Cu s'oxyde en Cu_2O dans l'air sous $P_0 = 1$ bar.

3.2.3. Calculer de même la température T_2 en dessous de laquelle Cu_2O s'oxyde en CuO dans l'air sous $P_0 = 1$ bar.

3.2.4. En déduire le diagramme d'existence stable, en fonction de la température, de Cu, Cu_2O et CuO , supposés solides, en présence d'air sous une pression de 1 bar.

3.2.5. Que se passe-t-il lorsqu'une plaque de cuivre est placée dans l'air supposé sec.

3.3. Pressions d'oxydation

On se propose d'étudier l'influence de la pression partielle de dioxygène sur la stabilité de Cu, Cu₂O et CuO à $T = 300$ K.

3.3.1. Calculer la valeur P_1 de la pression partielle de dioxygène au dessus de laquelle le cuivre métallique Cu s'oxyde en Cu₂O.

3.3.2. Calculer de même la valeur P_2 de la pression partielle de dioxygène au dessus de laquelle Cu₂O s'oxyde en CuO.

3.3.3. En déduire le diagramme d'existence stable de Cu, Cu₂O et CuO, supposés solides, en fonction de $P(\text{O}_2)$ à 300 K.

3.3.4. Que se passe-t-il lorsqu'une plaque de cuivre est placée dans l'air supposé sec.

4^{ème} partie

Le cuivre en solution aqueuse

En solution aqueuse, les ions cuivre (I), ou ions cuivreux, et les ions cuivre (II), ou ions cuivriques, sont hydratés. Pour simplifier, on les notera, par commodité, Cu^+ et Cu^{2+} respectivement. Dans cette partie, on se propose d'étudier une méthode de stabilisation des ions cuivreux Cu^+ en solution aqueuse.

4.1. Montrer que les ions cuivreux sont instables dans l'eau. Pour cela on écrira la réaction de dismutation des ions Cu^+ et on calculera sa constante d'équilibre K_1° à $T = 298$ K.

4.2. En présence d'ammoniac, les ions du cuivre donnent des complexes amminés que l'on note de façon simplifiée : $\text{Cu}(\text{NH}_3)_n^+$ et $\text{Cu}(\text{NH}_3)_p^{2+}$.

4.2.1. Établir le diagramme de prédominance des complexes amminés du cuivre (I) en fonction de $p\text{NH}_3 = -\log[\text{NH}_3]$.

4.2.2. En déduire, qu'aux concentrations usuelles d'ammoniac ($0 < p\text{NH}_3 < 2$), le cuivre (I) se trouve de façon prépondérante sous la forme $\text{Cu}(\text{NH}_3)_2^+$.

4.2.3. Montrer de même que le cuivre (II) se trouve de façon prépondérante sous la forme $\text{Cu}(\text{NH}_3)_4^{2+}$.

4.3. Écrire l'équation de la demi-réaction rédox correspondant au couple $\text{Cu}(\text{NH}_3)_2^+/\text{Cu}$ et en déduire le potentiel rédox standard de ce couple à 298 K.

4.4. Déterminer de même, à 298 K, le potentiel rédox standard du couple $\text{Cu}(\text{NH}_3)_4^{2+}/\text{Cu}(\text{NH}_3)_2^+$.

4.5. Les ions cuivre (I) sont-ils stables en solution aqueuse ammoniacale à 298 K ? Justifier la réponse en calculant la constante d'équilibre K_2° de la réaction de dismutation correspondante.

FIN DE L'ÉPREUVE