

## Тренировочная работа в формате ОГЭ

### по МАТЕМАТИКЕ

Дата: \_\_\_\_\_ 2025 года

Вариант \_\_\_\_\_

Выполнена: ФИО \_\_\_\_\_ класс \_\_\_\_\_

### Инструкция по выполнению работы

Работа состоит из двух частей, включающих в себя 25 заданий. Часть 1 содержит 19 заданий, часть 2 содержит 6 заданий с развёрнутым ответом.

На выполнение работы по математике отводится 3 часа 55 минут (235 минут).

Ответы к заданиям 7 и 13 запишите в виде одной цифры, которая соответствует номеру правильного ответа.

Для остальных заданий части 1 ответом является число или последовательность цифр. Если получилась обыкновенная дробь, ответ запишите в виде десятичной.

Решения заданий части 2 и ответы к ним запишите на отдельном листе бумаги. Задания можно выполнять в любом порядке. Текст задания переписывать не надо, необходимо только указать его номер.

Сначала выполняйте задания части 1. Начать советуем с тех заданий, которые вызывают у Вас меньше затруднений, затем переходите к другим заданиям. Для экономии времени пропускайте задание, которое не удаётся выполнить сразу, и переходите к следующему. Если у Вас останется время, Вы сможете вернуться к пропущенным заданиям.

При выполнении части 1 все необходимые вычисления, преобразования выполняйте в черновике. **Записи в черновике, а также в тексте контрольных измерительных материалов не учитываются при оценивании работы.**

Если задание содержит рисунок, то на нём непосредственно в тексте работы можно выполнять необходимые Вам построения. Рекомендуем внимательно читать условие и проводить проверку полученного ответа.

При выполнении работы Вы можете воспользоваться справочными материалами, выданными вместе с вариантом КИМ, и линейкой.

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются.

Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов.

После завершения работы проверьте, чтобы ответ на каждое задание был записан под правильным номером.

***Желаем успеха!***

**6** 40,81

**7** 3

**8** 125

**9** -10,6

**10** 0,94

**11** 321

**12** 15

**13** 3

**14** -60

**15** 15

**16** 24

**17** 49

**18** 2

**19** 1

**20** **Решение.**

Из равенства  $\frac{4a - 5b + 6}{5a - 4b + 6} = 3$  следует, что:

$$3 \cdot (5a - 4b + 6) = 4a - 5b + 6 \Leftrightarrow 15a - 12b + 18 = 4a - 5b + 6 \Leftrightarrow 11a - 7b = -12.$$

Тогда:  $11a - 7b + 21 = -12 + 21 = 9$ .

Ответ: 9.

**21** Решение.

Пусть  $x$  км/ч – скорость первого автомобиля, тогда скорость второго автомобиля  $x - 30$  км/ч.

	$v$ (км/ч)	$t$ (ч)	$S$ (км)
Первый автомобиль	$x$	$\frac{540}{x}$	540
Второй автомобиль	$x - 30$	$\frac{540}{x - 30}$	540

Так как первый автомобиль приехал на 3 часа раньше второго, то его время в пути на 3 часа меньше. Следовательно:

$$\begin{aligned} \frac{540}{x - 30} - \frac{540}{x} = 3 &\Leftrightarrow \frac{540x - 540(x - 30)}{x(x - 30)} = 3 \Leftrightarrow \frac{540 \cdot 30}{x(x - 30)} = 3 \Leftrightarrow \\ &\Leftrightarrow \begin{cases} 3x(x - 30) = 540 \cdot 30, \\ x - 30 \neq 0, \\ x \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 - 30x - 5400 = 0, \\ x \neq 30, \\ x \neq 0. \end{cases} \end{aligned}$$

Решим первое уравнение последней системы:

$$x^2 - 30x - 5400 = 0; \quad D = (-30)^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-5400) = 22500; \quad \begin{cases} x = \frac{30 + 150}{2} = 90, \\ x = \frac{30 - 150}{2} = -60. \end{cases}$$

Корень  $x = -60$  не подходит по смыслу задачи, так как  $x > 0$ . Поэтому скорость первого автомобиля, равна 90 км/ч.

Ответ: 90 км/ч.

**22** Решение.

Область определения функции:  $1 - x \neq 0 \Leftrightarrow x \neq 1$ .

Упростим заданную функцию:

$$y = \frac{(x^2 + 6,25)(x - 1)}{1 - x} = -\frac{(x^2 + 6,25)(x - 1)}{x - 1} = -(x^2 + 6,25) = -x^2 - 6,25, \quad x \neq 1.$$

Следовательно, графиком исходной функции является парабола  $y = -x^2 - 6,25$ , с выколотой точкой, ветви которой направлены вниз. Найдём вершину параболы:

$$x_B = -\frac{b}{2a} = -\frac{0}{2 \cdot (-1)} = 0.$$

Для построения графика функции  $y = -x^2 - 6,25$  возьмём значения  $x = -2$ ,  $x = -1$ ,  $x = 0$ ,  $x = 1$  и  $x = 2$ :

$$y(-2) = -(-2)^2 - 6,25 = -4 - 6,25 = -10,25;$$

$$y(-1) = -(-1)^2 - 6,25 = -1 - 6,25 = -7,25;$$

$$y(0) = -0^2 - 6,25 = -6,25;$$

$$y(1) = -1^2 - 6,25 = -1 - 6,25 = -7,25;$$

$$y(2) = -2^2 - 6,25 = -4 - 6,25 = -10,25.$$

$x$	-2	-1	0	1	2
$y$	-10,25	-7,25	-6,25	-7,25	-10,25

График исходной функции, с выколотой точкой  $(1; -7,25)$ , изображён на рис. 1.

Графиком функции  $y = kx$  является множество прямых проходящих через точку  $(0; 0)$ .

Прямая  $y = kx$  будет иметь с графиком построенной функции одну общую точку в следующих случаях:

1) если прямая  $y = kx$  пересекает график параболы  $y = -x^2 - 6,25$  в двух точках, одна из которых является выколотой точкой с координатами  $(1; -7,25)$ . Для нахождения углового коэффициента  $k$  подставим координаты этой точки в уравнение прямой  $y = kx$ :

$$-7,25 = k \cdot 1 \Leftrightarrow k = -7,25.$$

На рис. 2 это случай (1).

2) если прямая  $y = kx$  касается графика параболы  $y = -x^2 - 6,25$ . При этом точка касания  $x \neq 1$ . Для этого система уравнений  $\begin{cases} y = -x^2 - 6,25, \\ y = kx \end{cases}$  должна иметь одно решение.

Следовательно, квадратное уравнение:

$$-x^2 - 6,25 = kx \Leftrightarrow x^2 + kx + 6,25 = 0$$

должно иметь одно решение, что реализуется, если его дискриминант равен нулю:

$$D = k^2 - 4 \cdot 1 \cdot 6,25 = 0 \Leftrightarrow k^2 = 25 \Leftrightarrow k = \pm 5.$$

Так как прямая  $y = kx$  проходит через точку  $x = 1$  при  $k = -7,25$ , то при  $k = \pm 5$  она будет касаться параболы в точках отличных от  $x = 1$ . На рис. 2 случаи касания (2) и (3).

Следовательно, при  $k = -7,25$ ,  $k = -5$  и  $k = 5$  прямая  $y = kx$  будет иметь с графиком заданной функции ровно одну общую точку.

Ответ:  $-7,25$ ;  $-5$ ;  $5$ .

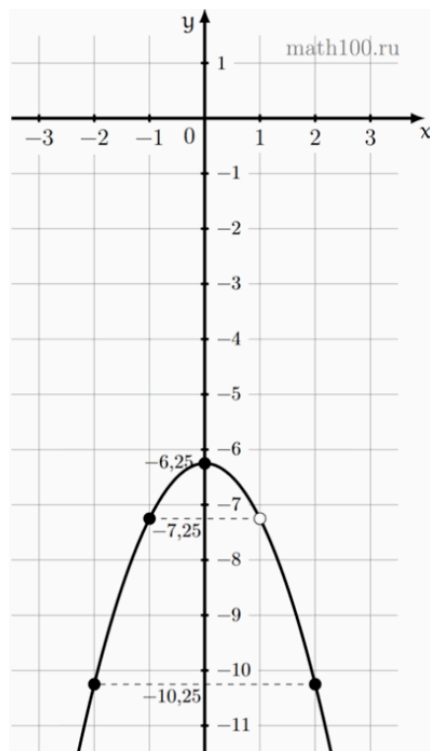


Рис. 1

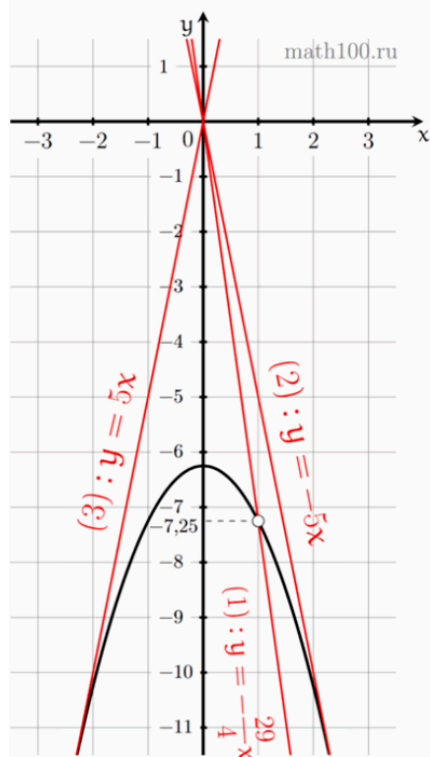
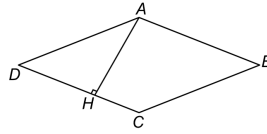


Рис. 2

**Решение.**

Введем буквенные обозначения, как показано на рисунке ниже.



$AHD$  — прямоугольный треугольник. Из условия нам известно, что  $DH = 21$ , и сторона ромба равна  $21 + 8 = 29$ . У ромба все стороны равны, поэтому  $AD = 29$ .

Тогда по теореме Пифагора получим:

$$AH^2 = AD^2 - DH^2,$$

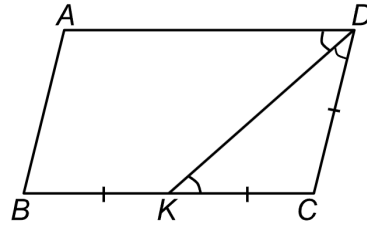
$$AH = \sqrt{AD^2 - DH^2},$$

$$AH = \sqrt{29^2 - 21^2} =$$

$$= \sqrt{400} = 20.$$

**Решение.**

Введем буквенные обозначения, как показано на рисунке ниже.



Из условия нам известно, что

$$BC = 2CD,$$

а точка  $K$  — середина стороны  $BC$ . Получаем, что

$$KC = CD = \frac{1}{2}BC.$$

Следовательно,  $KC = CD$ .

Треугольник  $KCD$  — равнобедренный, так как две его стороны равны. У равнобедренного треугольника углы при основании равны, поэтому

$$\angle CKD = \angle CDK.$$

Если две параллельные прямые пересечены третьей прямой, то внутренние накрест лежащие углы равны.

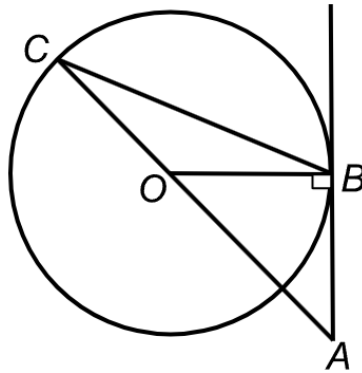
Нам известно, что  $AB \parallel CD$ , а  $DK$  — секущая, получаем, что

$$\angle DKC = \angle KDA.$$

Следовательно,  $DK$  — биссектриса, так как она делит угол  $ADC$  на два равных угла.

**Решение.**

Введем буквенные обозначения, как показано на рисунке ниже.



Проведем радиус к точке касания  $B$ .

Касательной к окружности является прямая, проходящая через точку окружности и перпендикулярная радиусу, проведенному в эту точку.

Следовательно,

$$OB \perp AB.$$

$ABO$  — прямоугольный треугольник. Из условия нам известно, что  $AB = 15$ , а диаметр окружности равен 16, следовательно,

$$OB = \frac{1}{2} \cdot 16 = 8.$$

Тогда по теореме Пифагора получим:

$$\begin{aligned} AO^2 &= AB^2 + BO^2, \\ AO &= \sqrt{AB^2 + BO^2}, \\ AO &= \sqrt{15^2 + 8^2} = \\ &= \sqrt{289} = 17. \end{aligned}$$

Следовательно,

$$\begin{aligned} AC &= CO + AO, \\ AC &= 8 + 17 = 25. \end{aligned}$$