

### 第三章 复习要点 By Y-J Ma , 2017-04-13

#### 一 物质波，德布罗意波，粒子的波动性

$$\lambda = \frac{h}{p} ; \quad v = \frac{E}{h} \quad (1)$$

物质波实验验证 --- 戴维逊-革末实验。观察电子在晶体上的散射，看到了布拉格衍射以及干涉效应。从而证实了电子的波动性。

#### 二 海森堡不确定关系（测不准原理）

粒子在客观上不能同时具有确定的坐标位置和相应的动量。如果坐标的不确定范围是 $\Delta q$ ，动量的不确定范围是 $\Delta p$ ，那么

$$\Delta p \times \Delta q \geq \hbar/2 \quad (2)$$

$$\text{类似地 } \Delta p_x \times \Delta x \geq \hbar/2 \quad \Delta p_\phi \times \Delta \phi \geq \hbar/2 \quad \Delta E \times \Delta t \geq \hbar/2 \quad (3)$$

#### 三 波函数

具有确定能量的自由粒子的波函数  $\psi = \psi_0 e^{\frac{i}{\hbar}(\vec{p} \cdot \vec{r} - Et)}$  平面单色波

波函数的物理意义（波恩的统计解释）：单位体积内发现一个粒子的几率。（几率密度）

波函数的三个基本条件：单值性、有界性、连续性

不符合这三个基本条件的函数，即使有伟大的数学意义，也不能代表物理实在。

另外，波函数归一性： $\oint \psi \psi^* d\tau = 1$

#### 四 定态薛定谔方程

势函数  $V$  与时间无关，只是坐标的函数  $\Leftrightarrow$  定态  $\Leftrightarrow$  能量、角动量、几率密度 不随时间改变  
定态薛定谔方程：

$$-\frac{\hbar^2}{2m} \nabla^2 U + VU = EU \quad (4)$$

知道方程中各个字母的意义，本课程暂不要求 利用它解题。

能够从自由粒子波函数出发，推导出一些物理量对应的力学量算符。

#### 五 薛定谔方程应用举例

A 一维无限深势阱（一维无限高势垒）：粒子只能存在于势阱中，粒子能量不能连续取值

B 隧道效应（一维有限高势垒）：粒子能量低于势垒高度但粒子也有几率存在于势垒的另一侧。

C 一维谐振子： $E_n = \left(n + \frac{1}{2}\right) \hbar \omega \quad n = 0, 1, 2, \dots \dots \quad (5)$  依量子力学，不存在静止的简谐振子。

B 的一个应用：扫描隧道显微镜

一个概念：宇称，用于描述波函数空间对称性。波函数为偶（奇）时，宇称为正（负）。

## 六 量子力学对氢原子的描述

$n$  为主量子数,  $n$  确定, 则能级确定。能级公式与玻尔模型结论相同,  $E_n = -\frac{2\pi^2 m e^4 Z^2}{(4\pi\epsilon_0)^2 n^2 h^2}$   $n = 1, 2, 3, \dots$

$l$  称为轨道角动量量子数。轨道角动量  $P_l = \sqrt{l(l+1)} \hbar$   $l = 0, 1, 2, \dots$  ⑥

$m$  称为轨道角动量磁量子数, 表征着轨道角动量在  $Z$  轴的分量。  $P_{l, z} = m \hbar$   $m = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$  ⑦

$n$ 、 $l$ 、 $m$  的约束关系: 给定  $n$ , 则  $l = 0, 1, 2, \dots, n-1$ ; 给定  $l$ , 则  $m = l, l-1, \dots, -l$

氢原子的电子云关于  $z$  轴对称 (与  $\phi$  无关)

基态时氢原子的电子云呈现球形

$\sum_{m=-l}^l \theta \theta^* = \text{常数}$ , 与  $\theta$  无关。电子云之和 呈现出球对称。