

33 位线性反馈移位寄存器 C 语言实现：

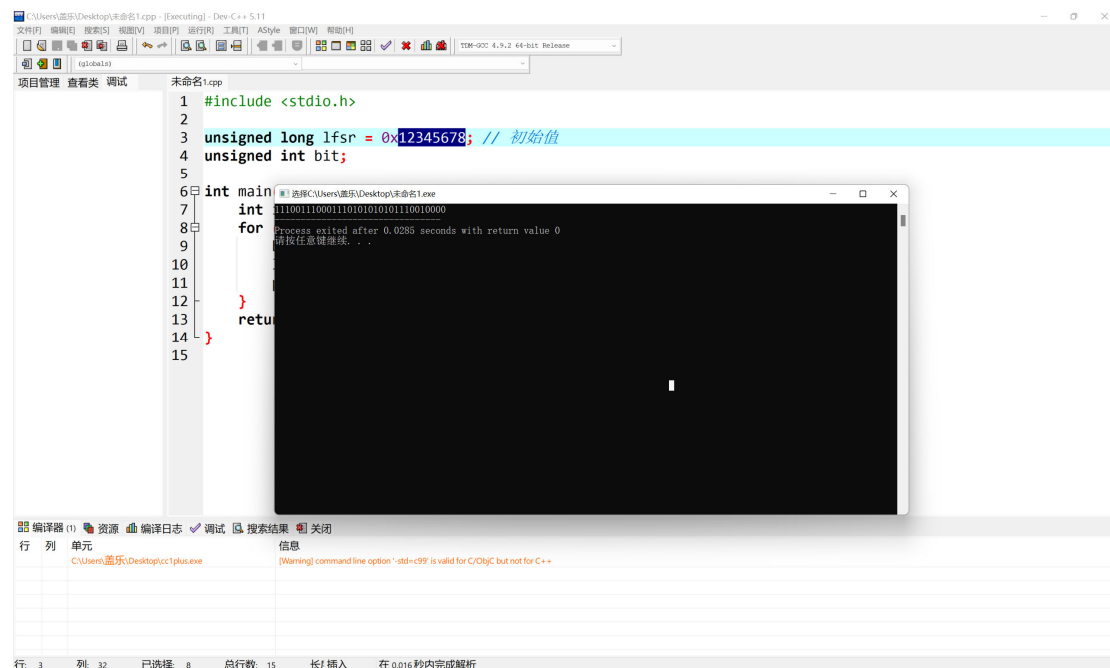
其中初始值为 0x12345678;

多项式为 $x^0 + x^2 + x^3 + x^{31}$.

```
#include <stdio.h>

unsigned long lfsr = 0x12345678; // 初始值
unsigned int bit;

int main() {
    int i;
    for (i = 0; i < 33; i++) {
        bit = ((lfsr >> 0) ^ (lfsr >> 2) ^ (lfsr >> 3) ^ (lfsr >> 31))
        & 1; // 抽头
        lfsr = (lfsr >> 1) | (bit << 31); // 更新状态
        printf("%d", bit); // 输出
    }
    return 0;
}
```



首先，定义了一个 `unsigned long` 类型的变量 `lfsr` 并初始化为 `0x12345678`。这个变量将用来存储 LFSR 的状态。

然后，定义了一个 `unsigned int` 类型的变量 `bit`，这个变量将用来存储 LFSR 的抽头。

在 `main` 函数中，使用了一个 `for` 循环，循环次数为 33 次。在每次循环中，首先通过一个表达式来抽取 LFSR 的抽头。这个表达式是：

`bit = ((lfsr >> 0) ^ (lfsr >> 2) ^ (lfsr >> 3) ^ (lfsr >> 31)) & 1;`

这个表达式中，使用了位运算符 \gg 和 \wedge 来实现了 LFSR 的抽头。其中， \gg 用来移位， \wedge 用来异或。最后，使用 $\& 1$ 来取最低位。这个表达式的结果就是 LFSR 的抽头。

接着，更新 LFSR 的状态。lfsr = (lfsr \gg 1) 将 LFSR 的状态右移一位，即舍弃最低位。然后，使用 $\ll 31$ 来将抽头左移到最高位。最后，使用 $|$ 来将两部分结合在一起，得到新的 LFSR 状态。最后，输出 LFSR 的抽头。

对于含二次交叉项的 LFSR。其矩阵表达式如下：

$$\begin{pmatrix} s_{n-1} \\ s_{n-2} \\ \vdots \\ s_0 \end{pmatrix}_t = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & \cdots & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & \cdots & 0 & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} s_{n-1} \\ s_{n-2} \\ \vdots \\ s_1 \\ s_0 \end{pmatrix}_{t-1} + \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ \vdots \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} (s_k s_{k+1})^2$$

其中， s_0, s_1, \dots, s_{n-1} 为 LFSR 的状态向量， n 为 LFSR 的阶数， k 为二次交叉项的位置。

矩阵表达式中的第一个矩阵运算，表示移位操作，使得状态向量中的元素向右移动一位。第二个矩阵运算表示异或操作，即将 s_k 与 s_{k+1} 的平方作为输入，异或到最后一位。