## 四元数到旋转向量的转换

假设四元数为 $q=[q_0,q_1,q_2,q_3]$ ,  $q_0$ 为实部,  $q_1,q_2,q_3$ 为虚部, 旋转向量 $\theta n$  的旋转轴  $n=[n_x,n_y,n_z]^T$ , 旋转角度 $\theta$ , 旋转向量到四元数的转换公式:

$$q = \left[\cos\frac{\theta}{2}, n\sin\frac{\theta}{2}\right] \tag{35}$$

四元数到旋转向量的转换公式:

$$heta = 2 \arccos q_0$$
 (36)  
 $[n_x, n_y, n_z]^T = [q_1, q_2, q_3]^T / \sin \frac{\theta}{2}$ 

## Sim3的逆变换矩阵

假设Sim3的变换矩阵为:

$$Sim3 = \begin{bmatrix} sR & t \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \tag{37}$$

那么,它的逆变换矩阵为:

$$(Sim3)^{-1} = \begin{bmatrix} sR & t \\ 0 & 1 \end{bmatrix}^{-1} = \begin{bmatrix} \frac{1}{s}R^T & -\frac{1}{s}R^Tt \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$
(38)

## 参考

论文: Closed-form solution of absolute orientation using unit quaternions

《全网最详细的ORB-SLAM2精讲:原理推导+逐行代码分析》(点击可跳转课程详情)

