Университет ИТМО

Факультет программной инженерии и компьютерной техники

Лабораторная работа №3

по «Алгоритмам и структурам данных» Базовые задачи / Timus

Выполнил:

Студент группы Р3211

Болорболд А.

Преподаватели:

Косяков М.С.

Тараканов Д.С.

Санкт-Петербург 2024

1. Пояснение к применённому алгоритму:

Чтобы решать эту задачу, надо использовать некоторые свойства структур данных. Очередь операции составляется с помощью таких действий, как pop_front(), front() и top(). Число всего операции определяется тем, находится ли машинка (которым хочет играть Петя) в конце набора.

Исходный код:

```
#include <iostream>
   int input[p];
       nodes[input[i]].pop front();
```

2. Оценка сложности по времени:

Здесь по идее сложность по времени должна составлять O(n), но здесь надо учитывать некоторые нюансы, связанные с операциями структурами данных.

Рассмотрим первую структуру: неупорядоченный набор. Все операции (вставка, нахождение, размер) занимают постоянное время (O(1)). Разве что операции удаления занимают O(<число удаляемых элементов>), но в любом случае они не превосходит O(n). Та же самая история со списком.

Потом рассмотрим вторую структуру: приоритетная очередь. Если бы очередь построилась из n элементов сразу, то операция занял бы O(n). Если бы очередь построилась из n элементов по одному, то операция занял бы O(n*logn). В нашем алгоритме наблюдается второй сценарий, поэтому в итоге сложности по времени должна составлять **O(n*logn)**.

3. Оценка сложности по памяти:

Здесь нет ничего особого на самом деле, все структуры занимают **O(n)**.

Задача №10 «Гоблины и очереди»

1. Пояснение к применённому алгоритму:

Это по моему мнению очень хорошая задача для понимания таких структур, как очереди. Каждому гоблину (символу) соответствует своя операция. Здесь создаются 2 очереди: для зашедших к шаманам и для ждущих. Если разница между размерами очередей равна 2, то гоблин, стоящий в самом позади первой очереди, переходит на вторую, а если разница равен -1, то происходит обратное.

Исходный код:

```
#include <deque>
#include <iostream>
int main() {
    int n;
    std::cin >> n;

    std::deque<std::string> q1;
    std::deque<std::string> q2;

    for (int i = 0; i < n; i++) {
        char action;
        std::cin >> action;
        if(action == '-') {
            std::cout << q1.front() << std::endl;
            q1.pop_front();
        } else {
            std::string number;
            std::cin >> number;
            if(action == '+') {
```

2. Оценка сложности по времени:

Опять преследуем тому же исследованию. Здесь используется очередь с двойным концом (್್ರ), где всякие операций обычно занимает O(1). Раз только операции вставки (в этом задаче ключевая) занимает O(n), но здесь операции вставки только в концах, благодаря которому занимает O(1). В итоге, сложность алгоритма по времени должна составлять **O(n)**.

3. Оценка сложности по памяти:

Сложность по памяти составляет **O(n)** для хранения самих гоблинов. Для операции в алгоритме, связанных с очередями, не требуется вспомогательной памяти.

Задача №11 «Менеджер памяти-I»

1. Пояснение к применённому алгоритму:

Что-то вроде задачи №3 «Конфигурационный файл». Здесь пошла реализация собственных функции, где я просто совместил операций двух мапов в одну. Потом я сохранил изначальное начало, размер и конец, после чего произошли операции непосредственно с самим «запросом». Не использовать мапы для решения таких задач — это то, чего я делаю делать в далёком будущем.

Исходный код:

```
#include <iostream>
#include <map>
#include <vector>

std::map<int,int> blocks_ends;
std::multimap<int,int> blocks_sz_start;

void remove_by_sz(const std::map<int, int>::iterator& it) {
    auto it_sizes = blocks_sz_start.find(it -> second - it -> first);
    while (it_sizes -> second != it -> first) it_sizes++;
    blocks_sz_start.erase(it_sizes);
```

```
std::vector<std::pair<int,int>> memory table(m, {0,0});
                int new end = after block -> second;
```

```
} else {
    auto it = blocks_sz_start.lower_bound(query);
    if(it == blocks_sz_start.end()) {
        memory_table[i] = std::make_pair(-1,query);
        std::cout << -1 << std::endl;
    } else {
        std::cout << it -> second << std::endl;
        int new_start = it -> second + query;
        int new_end = it -> first + it -> second;
        memory_table[i] = std::make_pair(it -> second, query);
        remove(it);
        insert({new_start,new_end});
    }
}
return 0;
}
```

2. Оценка сложности по времени:

Операции с мапами стабильно составляют O(logn) из-за красно-чёрного дерева, операции с мультимапами (тот же мап, но здесь нет ограничения уникальности ключа) составляют O(n). В общем, сложность алгоритма по времени должна составлять **O(n)**.

3. Оценка сложности по памяти:

Для хранения самих блоков сложность алгоритма по памяти должна составлять **O(n)**. Почти все операции, связанные с мапами, требуют константной вспомогательной памяти.

Задача №12 «Минимум на отрезке»

1. Пояснение к применённому алгоритму:

Здесь применяется техника «скользящего окна». Оттуда просто находится минимум в каждом отрезке. В принципе задачу можно решать просто через массивы, но тогда нет смысла просто не использовать структуры данных.

Из-за того, что у меня возникли ряд проблемы с предыдущими решениями, я решил перейти к секретному оружию — использование deque для решения данной задачи.

Здесь я создал двустороннюю очередь с емкостью k, который хранит только полезные элементы текущего окна из k элементов. Элемент полезен, если он находится в текущем окне и больше, чем все остальные элементы справа от него в текущем окне. Потом постепенно обрабатываются все элементы массива один за другим и сохраняются в двустороннюю очередь, чтобы он содержал полезные элементы текущего окна, и эти полезные элементы сохраняются в отсортированном порядке. Элемент, стоящий в самом начале двусторонней очереди, является самым большим, а элемент, стоящий позади двусторонней очереди, является самым маленьким в текущем окне.

Исходный код:

2. Оценка сложности по времени:

По ощущению кажется, что здесь квадратичная сложность. Но можно наблюдать, что каждый элемент вектора добавляется и вытаскивается только 1 раз. Поэтому здесь на самом деле 2*n операций, и в итоге сложность алгоритма по времени должна составлять **O(n)**.

3. Оценка сложности по памяти:

Из-за самих значений в векторе сложность алгоритма по памяти должна составлять **O(n)**. Важен здесь ещё тот факт, что при работе двусторонней очереди используется ещё и вспомогательная память **O(k)**.

В итоге: **O(n+k)**.

Задача №1494 «Монобильярд»

1. Пояснение к применённому алгоритму:

Довольно простая задача, здесь используются свойства стека. Так как Чичиков забивает бильярдные шарики в лузу по порядку, уместнее всего использовать стек. Этого должен проверять ревизор: если шарик не соответствует тому, что должно было быть, то сразу же оборвётся цикл проверки, из-за которого из стека прекратится процесс вытаскивания шариков из стека, вследствие которого можно выявить, жульничал ли Чичиков или нет.

Исходный код:

```
#include <array>
#include <iostream>
#include <set>
#include <stack>
#include <unordered_set>

int main() {
    int n, p = 0;
    std::cin >> n;
    int balls[n];
    for(int i = 0; i < n; ++i) {
        std::cin >> balls[i];
    }
    std::stack<int> st;
    for(int i = 1; i <= n; i++) {
        st.push(i);
        while(!st.empty() && balls[p] == st.top()) {
            p++;
            st.pop();
        }
    }
    while(p < n) {
        if(balls[p] == st.top()) {
            p++;
            st.pop();
        } else {
            break;
        }
    }
    (st.empty()) ? std::cout << "Not a proof" : std::cout << "Cheater";
        return 0;
}</pre>
```

2. Оценка сложности по времени:

Все операции со стеком в алгоритме занимает O(1). Так как здесь нет какого-то нюанса с структурами данных, который может мешать нормальному оцениванию сложности по времени, алгоритм должен занимать **O(n)** времени.

3. Оценка сложности по памяти:

Стек — линейный тип данных, поэтому для хранения шариков сложность по памяти должна составлять **O(n)**.

Задача №1628 «Белые полосы»

1. Пояснение к применённому алгоритму:

Читаем координаты занятых ячеек и записываем их в вектор в виде пары координат, потом добавляем в вектор ячейки, формирующие границы календаря. Сортируем вектор так, чтобы ячейки шли по порядку своего расположения в строках (слева-направо, сверху-вниз). Проходим по порядку вектор, считая все свободные "серии" длиной > 1, и сохраняя в неупорядоченный набор все одиночные свободные дни. Далее сортируем вектор по порядку расположения в столбцах (сверху-вниз, слева-направо). Опять проходим по нему, считая все свободные "серии" длиной > 1, а, встречая одиночный свободный день, проверяем, был ли он одиночным при прошлом проходе, если да — это изолированный свободный день, и его считаем как "серии" длиной 1.

Исходный код:

```
bool horizontal comparator(std::pair<int, int> p1, std::pair<int, int> p2)
```

2. Оценка сложности по времени:

Опять же, посмотрим сложности операции, связанные с структурами данных.

S = n + m (измерения календаря) + k (неудачные дни).

O(S) — чтение

O(S*logS) — сортировка (introsort)

O(S) — проход по вектору

В итоге сложность алгоритма по времени должна составлять $O(S^*logS)$.

3. Оценка сложности по памяти:

Здесь используется вектор, поэтому сложности алгоритма по памяти должна составлять **O(n)**.