

Lab1 datalab

notes: 这个 Lab 源自 CMU 的 CSAPP 中的 datalab，源实验中的 `bits.c` 只有 13 个 test，我发现提供的压缩包的源文件也只有 13 个 test，因此我按照 13 个 test 进行实验

姓名：李宇哲

学号：SA25011049

1.1 Environment Setup

在我的 wsl 下进行实验，具体机器配置如下：

```
innerpeace@innerpeace: ~/csapp/lab/lab1 ➤ uname -a
Linux innerpeace 6.6.87.2-microsoft-standard-WSL2 #1 SMP PREEMPT_DYNAMIC Thu Jun 5 18:30:46 UTC 2025 x86_64 x86_64 x86_64 GNU/Linux
```

一些相关 编译环境版本

- gcc: 12.3.0
- GNU Make: 4.3

其他信息并不重要

1.2 Coding and Solution explanation

1.2.1 bitXor

可以用德摩根律轻松解决这个问题

$$A \oplus B = \overline{(AB)} \cap \overline{(AB)}$$

```
1 int bitXor(int x, int y) {
2     return ~(~x&~y)&~(x&y);
3 }
```

1.2.2 tmin

求有符号数二进制补码最小值

```
1 int tmin(void) {
2     return 0x1<<31;
3 }
```

1.2.3 isTmax

在移位操作 illegal 下，可以利用的性知识，tmax可以+1移除得到 tmin，tmin的一个性知识 相反数和本身相等

同时用这种逻辑的时候需要排除 -1，因为 $-1 + 1 = 0 = \sim(-1)$

```
1 int isTmax(int x) {
2     int y = x + 1;
3     return !(~(x ^ y)) & !!y;
4 }
```

1.2.4 allOddBits

可以设计一个掩码 `0xAAAAAAA`，同时因为不让用 `==`，可以用 `a==b <=> !(a^b)`，来实现这个逻辑

```
1 int allOddBits(int x) {  
2     int a = 0xAA;  
3     int b = a << 8 | a;  
4     int c = b << 16 | b;  
5     return !((x & c) ^ c);  
6 }
```

1.2.5 negate

取反+1秒了

```
1 int negate(int x) {  
2     return ~x + 1;  
3 }
```

1.2.6 isAsciiDigit

本质上就是为了实现 `0x30 <= x <= 0x39`，可以理解为一个范围，确定 `0x3x`

- 先确定高四位是0011
- 然后再确定低4位，可以用-A是否为负数判断是否是0-9，1000就超了

```
1 int isAsciiDigit(int x) {  
2     int t = !((x >> 4) ^ 3);  
3     int lower = 0xF & x;  
4     int minus = ~0xA + 1;  
5     int mask = 0x80 << 24;  
6     int result = !!((lower + minus) & mask);  
7     return t & result;  
8 }
```

1.2.7 conditional

本质上就是实现一个mux，x非0选y，否则选z，用逻辑表达式

$(y \& (x)) \mid (z \& (\sim x))$

```
1 int conditional(int x, int y, int z) {  
2     int a = !!x;  
3     int b = ~a + 1;  
4     return (b & y) | (~b & z);  
5 }
```

1.2.8 isLessOrEqual

有符号数的比较大小，可以先判断符号位，区分两种符号不同的情况，然后将 $y - x$ 做正负判断

```
1 int isLessOrEqual(int x, int y) {
2     int a = x >> 31 & 0x1;
3     int b = y >> 31 & 0x1;
4     int c1 = a & ~b;
5     int c2 = ~a & b;
6     int e = (y + (~x + 1)) >> 31 & 0x1;
7     return c1 | (!c2 & !e);
8 }
```

1.2.9 logicalNeg

- 0的相反数还是0
- 其他数和其相反数一正一负，负数算术右移31位可以得到最低位为1

因此，将一个数x和其相反数取或，结果右移31位，为1说明证书不为0，否则为0

这里用算术移位而不能用逻辑移位，因为 $-1 + 1 = 0$ ，算术位移可以让最高位为1的数变成全1

```
1 int logicalNeg(int x) {
2     return ((x | (~x + 1)) >> 31) + 1;
3 }
```

1.2.10 howManyBits

一个正数，最少的位数可以由从左往右第一位为1的数决定，一个负数，最少用的位数由从左往右第一个为0的数决定。

所以一个naive的实现思路是

- 先提取符号位，将负数转换成正数同一处理
- 用一种类似二分查找的思路，查找高16位，8位，4位，2位是否有1，有1则右移，并累加计数器，最后+1表示计数器

```
1 int howManyBits(int x) {
2     int b16, b8, b4, b2, b1, b0;
3     int flag = x >> 31;
4     x = (flag & ~x) | (~flag & x);
5     b16 = !(x >> 16) << 4;
6     x = x >> b16;
7     b8 = !(x >> 8) << 3;
8     x = x >> b8;
9     b4 = !(x >> 4) << 2;
10    x = x >> b4;
11    b2 = !(x >> 2) << 1;
12    x = x >> b2;
13    b1 = !(x >> 1);
14    x = x >> b1;
15    b0 = x;
```

```
16     return b16 + b8 + b4 + b2 + b1 + b0 + 1;
17 }
```

1.2.11 floatScale2

这个算法就是将浮点数*2

单精度: 32 bits



1 8-bits

23-bits

对情况进行分类

- exp = 255, *2 没有一, return本身
- exp = 0, 表示 非规格化, 只需要 frac 左移 1 位
- exp不属于以上两种情况, exp + 1即可

可以先通过 mask 将符号位 sign, exp 和 frac 分离, 然后在具体讨论

```
1 unsigned floatScale2(unsigned uf) {
2     unsigned exp = (uf & 0x7f800000) >> 23;
3     unsigned sign = (uf >> 31) & 0x1;
4     unsigned frac = uf & 0x007fffff;
5     if (exp == 0xff) {
6         return uf;
7     }
8     else if (exp == 0) {
9         frac <= 1;
10    return (sign << 31) | (exp << 23) | frac;
11 }
12 else {
13     exp = exp + 1;
14     return (sign << 31) | (exp << 23) | frac;
15 }
16 }
```

1.2.12 floatFloat2Int

这个函数要做的是将一个 32 bit 的浮点数 转换为相应的 int, 对于 NaN 和 INF, 返回 0x80000000

bias 为 127, 我们可以先计算 $E = exp - bias$

$E < 0$, 直接返回0

$exp = 255$, 返回特殊值

其他情况用公式正常输出

$$V = (-1)^s \times M \times 2^E$$

```

1 int floatFloat2Int(unsigned uf) {
2     unsigned con = 0x80000000u;
3     int sign = (uf >> 31) & 0x1;
4     unsigned exp = (uf & 0x7f800000) >> 23;
5     unsigned frac = uf & 0x7fffff;
6     int E = exp - 127;
7     if (E < 0)
8         return 0;
9     else if (E >= 31)
10        return con;
11    else {
12        frac = frac | 1 << 23;
13        if (E < 23)
14            frac = frac >> (23 - E);
15        else
16            frac = frac << (E - 23);
17    }
18    if (sign)
19        return -frac;
20    else
21        return frac;
22 }
```

1.2.13 floatPower2

先给指数 x 确定一个范围

- $x > 127$, 返回NaN
- $x < -148$, 返回0
- $x \geq -126$, 规格数
- 非规格化数

```

1 unsigned floatPower2(int x)
2 {
3     // if too large, return INF
4     if (x > 127)
5         return 0xFF << 23;
6     else if (x < -148)
7         return 0;
8     else if (x >= -126)
9     {
10         int exp = x + 127;
11         return exp << 23;
12     }
13     else
14     {
15         int t = 148 + x;
16         return (1 << t);
17     }
18 }
```

1.3 Evaluation

根据 readme 的要求，可以通过

```
1 | make btest
```

编译，并通过

```
1 | ./btest # 测试正确性  
2 | ./dlc bits.c # 测试语法正确性
```

而后 readme 还提到，可以通过

```
1 | ./driver.pl
```

一键测试，测试结果如下

```
● innerpeace@innerpeace ~ /csapp/lab/lab1 ➤ ./driver.pl  
1. Running './dlc -z' to identify coding rules violations.  
  
2. Compiling and running './btest -g' to determine correctness score.  
gcc -O -Wall -m32 -lm -o btest bits.c btest.c decl.c tests.c  
btest.c: In function 'test_function':  
btest.c:334:23: warning: 'arg_test_range' may be used uninitialized [-Wmaybe-uninitialized]  
  334 |     if (arg_test_range[2] < 1)  
      |         ~~~~~~  
btest.c:299:9: note: 'arg_test_range' declared here  
  299 |     int arg_test_range[3]; /* test range for each argument */  
      |         ~~~~~~  
  
3. Running './dlc -Z' to identify operator count violations.  
  
4. Compiling and running './btest -g -r 2' to determine performance score.  
gcc -O -Wall -m32 -lm -o btest bits.c btest.c decl.c tests.c  
btest.c: In function 'test_function':  
btest.c:334:23: warning: 'arg_test_range' may be used uninitialized [-Wmaybe-uninitialized]  
  334 |     if (arg_test_range[2] < 1)  
      |         ~~~~~~  
btest.c:299:9: note: 'arg_test_range' declared here  
  299 |     int arg_test_range[3]; /* test range for each argument */  
      |         ~~~~~~  
  
5. Running './dlc -e' to get operator count of each function.  
  
Correctness Results      Perf Results  
Points Rating Errors Points Ops      Puzzle  
1       1     0      2     7      bitXor  
1       1     0      2     1      tmin  
1       1     0      2     7      isTmax  
2       2     0      2     7      allOddBits  
2       2     0      2     2      negate  
3       3     0      2     12     isAsciiDigit  
3       3     0      2     8      conditional  
3       3     0      2     17     isLessOrEqual  
4       4     0      2     5      logicalNeg  
4       4     0      2     36     howManyBits  
4       4     0      2     17     floatScale2  
4       4     0      2     16     floatFloat2Int  
4       4     0      2     10     floatPower2  
  
Score = 62/62 [36/36 Corr + 26/26 Perf] (145 total operators)
```

可以看到我通过了所有测试点，并且每个测试点的操作都是规范的，并没有超出限制的 operator 的使用范围和数量。