"101"

En OCaml, los valores de tipo *string* ("cadenas de caracteres") son como "arrays" (secuencias indexadas) de caracteres (valores de tipo *char*). El índice del primer carácter es 0 y el del último es (n-1) si la cadena tiene longitud n (i.e. contiene n caracteres).

Si <s> es una expresión de tipo *string*, <s>. [i] representa el i-ésimo carácter de la cadena. La función *String.length* sirve para obtener el número de caracteres de un string.

```
# let s = "abcd";;
val s : string = "abcd"
# String.length s;;
- : int = 4
# s.[1];;
- : char = 'b'
# ("aei" ^ "ou").[3];;
- : char = 'o'
```

La función String.sub sirve para obtener una copia de un segmento de un string.

```
# String.sub "abcd" 1 2;;
- : string = "bc"
```

Consideraremos que un string "representa un número natural en binario" si no es vacío y contiene sólo los caracteres '0' y '1'.

Escriba en un archivo *binarystr.ml* las definiciones en OCaml que se piden en el resto de este enunciado. Utilice recursividad y manténgase dentro del paradigma funcional.

Defina una función $binstr_of_int : int -> string$ tal que, para cualquier int $n \ge 0$, $binstr_of_int n$ sea la representación binaria de n. Así, por ejemplo, se debería tener:

Defina también una función *int_of_binstr : string -> int* de modo que si s representa un número natural binario *int_of_binstr s* sea el valor de tipo *int* que le corresponde. En Ocaml, los valores de tipo *int* se representan con *Sys.int_size* bits (Lo más probable es que en su

equipo *Sys.int_size* sea 63). Puesto que un string puede tener muchos más que estos caracteres, la función que se pide debe devolver su "valor" módulo 2^{Sys.int_size}.

```
# int of binstr "101" = 0b101;;
- : bool = true
# int_of_binstr "101";;
-: int = 5
# int_of_binstr "0100";;
-: int = 4
# int_of_binstr "10000000";;
-: int = 128
# int_of_binstr "11111111";;
-: int = 255
# int of binstr (binstr of int 123456789);;
-: int = 123456789
# let max = String.make (Sys.int size - 1) '1';;
val max : string =
 # max_int = int_of_binstr max;;
- : bool = true
# let min = "1" ^ String.make (Sys.int size - 1) '0';;
val min : string =
 # min_int = int_of_binstr min;;
- : bool = true
# let minus_one = String.make Sys.int_size '1';;
val minus_one : string =
 # -1 = int_of_binstr minus_one;;
- : bool = true
# let zero = "1" ^ String.make Sys.int_size '0';;
val zero : string =
 # 0 = int_of_binstr zero;;
- : bool = true
# int_of_binstr ("1" ^ String.make 300 '0' ^ "1");;
-: int = 1
# int_of_binstr ("1" ^ String.make 10_000 '0' ^ "101");;
-: int = 5
# int_of_binstr ("1" ^ String.make 300_000 '0' ^ "101");;
-: int = 5
```

Si la evaluación de la última expresión provoca un error de ejecución o tarda en ejecutarse (digamos más de 1 segundo en el compilador interactivo *ocaml*) debería considerar la posibilidad de mejorar la definición de la función *int_of_binstr* (tenga en cuenta que un valor de tipo *string* podría tener teoricamente miles de millones de caracteres).

Defina *int_of_binstr'* : *string* -> *int* como una nueva versión de la función anterior que ignore los espacios en blanco dentro del string. (Sugerencia: para esta definición puede ser útil el uso de las funciones *String.contains* y *String.index*)

```
# int_of_binstr' "01011001 11110000";;
- : int = 23024
# int_of_binstr' "0101 1001 1111 0000";;
- : int = 23024
# int_of_binstr' "0 1 0 1 1 0 0 1 1 1 1 1 0 0 0 0 0";;
- : int = 23024
# int_of_binstr' " 01 01 10 01 11 11 00 00 ";;
- : int = 23024
```