统计信号处理 Project2

袁宜桢

April 10, 2023

1 设计检测器

一下两个检测器可以单独使用, 也可以酌情联合使用

1.1 角动量

1.1.1 Intuition

显而易见,如果是静止的 IMU,它必然不会动,那么我们可以检测其三个角动量的值是否均为 0,然后将其概率联合起来就可以知道是否在运动了

$$P(x; A, H_1) = \frac{1}{(2\pi\sigma^2)^{N/2}} \exp(-\frac{1}{2\sigma^2} \sum (x - A)^2)$$

$$\frac{\partial \ln P(x; A, H_1)}{\partial A} = \frac{1}{\sigma^2} \sum (x - A)^2 = 0$$

$$A = \overline{x}$$

$$L(x) = \frac{P(y^{\omega} = 0)}{P(y^{\omega} \neq 0)} > 1$$

$$\frac{\frac{1}{(2\pi\sigma^2)^{N/2}} \exp(-\frac{1}{2\sigma^2} \sum x^2)}{\frac{1}{(2\pi\sigma^2)^{N/2}} \exp(-\frac{1}{2\sigma^2} \sum (x - \overline{x})^2)} > 1$$

$$-\frac{1}{2\sigma^2} (\sum x^2 - \sum (x - \overline{x})^2) > 0$$

$$\sum 2x\overline{x} - \overline{x}^2 < 0$$

$$\frac{N\overline{x}^2}{2\sigma^2} < 0$$

就判给 H₀

乍一看很离谱,但是实际上,如果 $A=\overline{x}=0$ 的话 $H_1=H_0$ 。按照老师说的可以给予惩罚项,但是我觉得也可以通过 $\frac{\overline{x}^2}{\sigma^2}$ 来求出 Z 值从而获得概率来计算

1.2 三个角速度的处理方式

然而我们一共有三个角速度,我们不应该采用投票制来决定是否是静止,而应该采用最大值(如果采用投票制,我把一个手机绕着某个轴精确的 狂转,由于另外两个轴都是静止的,所以还是会被视作静止,这很明显是不 合理的)

1.3 力的绝对值是否等于 g

这个方法更加简单一些,直接将三个值合并,计算其模长,若绝对值接近g,则判静止,否则判动,一样,和角速度一样输出一个概率,最后通过概率判断

1.4 结合

如果是静止的,则两个都应该符合要求,如果是动的,则两个至少有一个不符合要求,所以只需要判断两个的结果是否都判断成静的,如果是则是静,否则就是动。也就是说两个判断器如果有一个动的概率超过了 50, 我们即认定为动

2 实验

所使用的移动数据来源于 https://www.cvl.isy.liu.se/research/datasets/gopro-imu-dataset/。下载并打开文件夹后,有几个场景,这里选用的是 Playground1。静态数据采用蒙特卡洛仿真获得。

考虑到我有两个检测器, 我将分开研究他们的门限

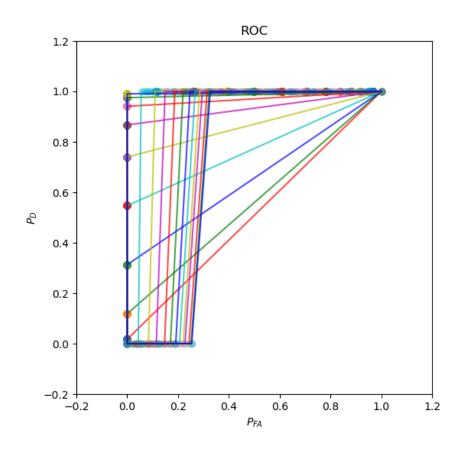
2.1 每个角度设门限下调整受力门限获得的 P_D 和 P_{FA}

每条线的角度门限都一样,然后不断调整力量门限从而获得该线上的数据,由于数据过多,无法具体标注。最左上角的线是将角度 sigma 设置成

$\frac{10}{3}\sigma$ 获得的

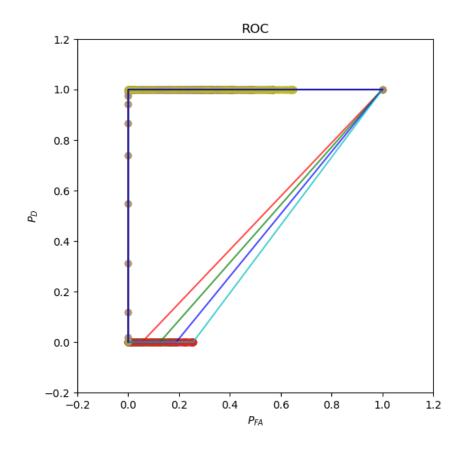
 P_D 不足的线的 sigma 都小于最优值,这也很合理,当门限很严格时,False Alert 会很少,但同时也会有很多静止的物体被检测为动的

 P_{FA} 不足的线的 sigma 太大了,导致当很多动的被检测成静的的时候,静的物体依然被检测成动的(考虑到力量门限的调整)



2.2 每个受力门限下调整角度门限获得的 P_D 和 P_{FA}

当调整受力门限时,同理,太小的门限将会导致识别能力太差,但是太大的受力门限好像没有问题,可能时因为即使受力门限很大时,依然有角度的门限来确保检测的正确性

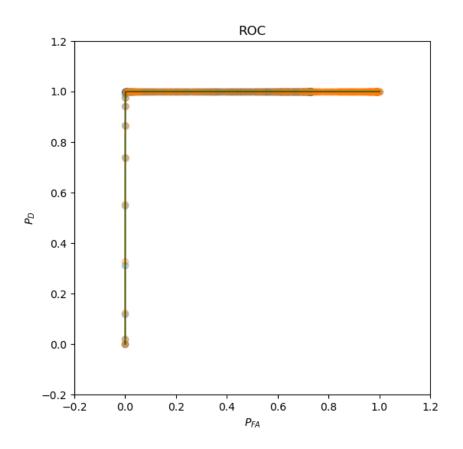


2.3 参数选定

接下来的所有参数均被锁定在 Force Sigma=4.0276, Degree Sigma=0.03977, 如果需要调整(画 ROC 曲线),则锁定 Degree Sigma,调整 ForceSigma

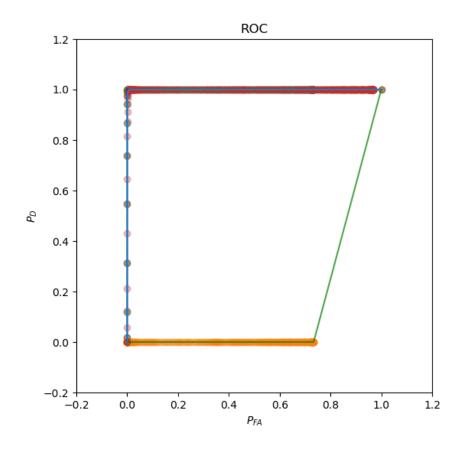
2.4 IMU 运动状态

我们测试了两种镜头,一种是手持的(Apple3)一种是胸前的镜头(Playground1),结果均能近乎完美检测



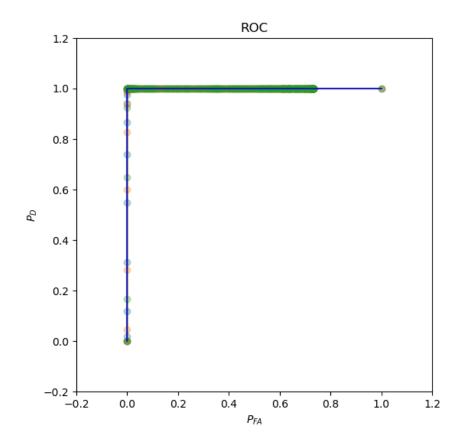
2.5 噪声对性能影响

我们测试了不同角度 sigma(0.03977,0.03977*2) 和不同噪声水平 (0.01193,0.01193*2) 数据。其中除了 Degree Sigma=0.03977 和噪声水平为 0.01193*2 时以外,结果均接近完美。这也符合我们的预期,用小的 degree 容忍度来判断大 noise 的数据效果肯定不会好



2.6 窗口对性能的影响

我们测试了窗口为 2 和窗口为 5 时的检测结果(并非采用严格的滑动窗口,而是直接将最近的 2/5 个数据平均),结果接近完美

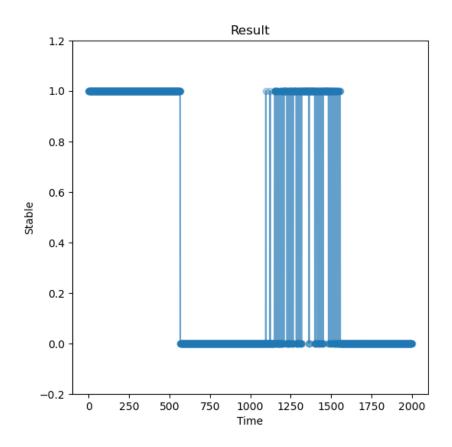


2.7 总结

可能是 IMU 本身的检测性能太好,或者我们的运动幅度太大,从而导致检测任务过于简单

3 Final Test

最终结果如图所示



可能是老师的手比较稳,所以有一个区块检测不那么明显,在这种情况下可以联合用户的其他数据来进行判断,也可以增大检测窗,或者用 Support Vector Machine 来找出最合适的值

但是其实这次的目的已经完成了,我们只需要将确保是静止的检测为静止 即可,我们的目标是校准,不是精确判断是否静止,处于这种考虑,可以将 两个门限进一步调低