# 单目车道距离检测原理

### 重要概念介绍

### 1.消失点(Vanishing Point)

机器视觉的消失点检测是计算机视觉领域的一项技术,用于检测图像或视频中的消失点。消失点是指在透视投影下,平行线在无限远处相交的点。在一个图像中,如果存在直线或平行线,它们在远处相交或趋于相交的位置,这个位置就是消失点。

消失点代表了场景中的一个共同收敛点,即视觉上的远处焦点。在透视投影中,平行线在远处似乎会汇聚到一个点上。这个点就是消失点。

#### 受RANSAC算法启发的算法来寻找消失点

步骤	描述
1	在图像中检测直线
2	对检测到的直线进行过滤(通过所在区域,角度等条件)
3	对于每个直线组合,计算它们的交点的坐标。 根据交点的坐标,计算该点到每条直线的距离的误差(损失)。误差是指该点与每条直线之间距离平方的和的平方根。 累积计算误差。
4	具有最小误差的交点选为消失点。因此,每张图像应该只有一个计算得到的消失点。

#### e.g.(红色点为消失点)



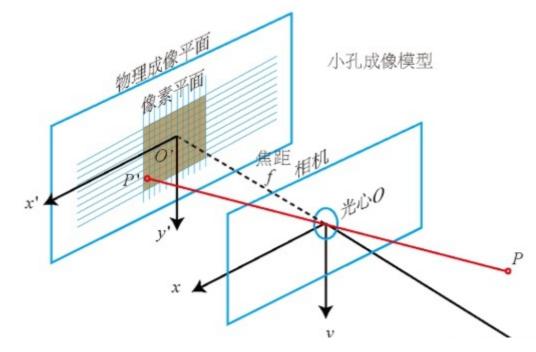
#### 2. 光心

摄像机光心是一个虚拟的点,位于摄像机镜头的中心,与成像传感器平面平行。它是**光线通过摄像机镜头时的交汇点**,也是图像的中心

光心是位于摄像机坐标系 (Camera Coordinate System) 的概念。

摄像机坐标系是一种相对于摄像机本身定义的坐标系,用于描述摄像机内部光学元件和成像传感器之间的关系。

在摄像机坐标系中,光心通常位于坐标原点 (0,0,0) 或者原点附近的某个位置,具体位置取决于摄像机的设计和制造。



#### 3.光心到消失点的物理意义

在真实世界中,从光心到消失点的射线是一条平行于路面的射线,且方向与**路面前进方向一致**,与道路线上**垂直点对构成的线段垂直** 

#### 相机内参矩阵

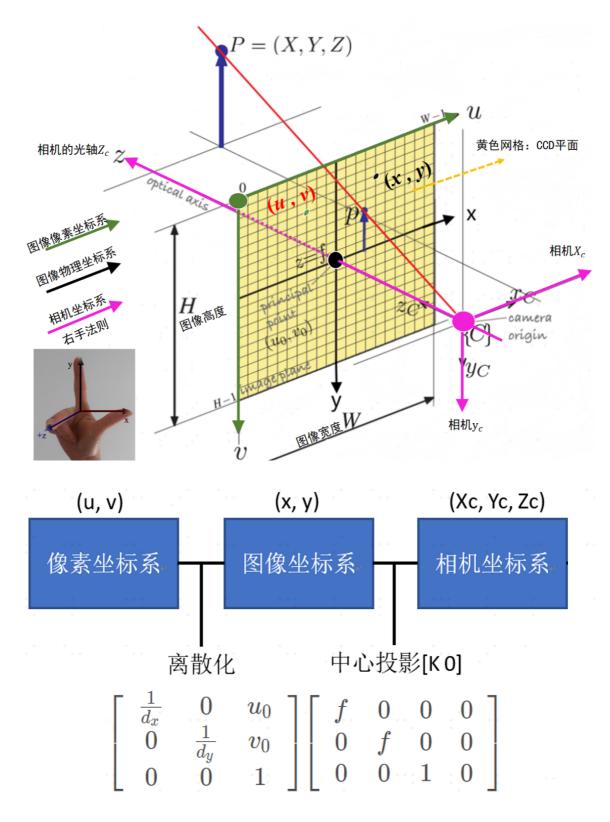
相机内参矩阵(Intrinsic Matrix),也称为内部参数矩阵或相机矩阵,是在摄像机标定和计算机 视觉中常用的重要概念之一。这个矩阵包含了摄像机的内部参数,用于描述摄像机的内部几何属性和成像特性。相机内参矩阵通常表示为K,它是一个3x3的矩阵,其主要元素包括:

- 1. **焦距(Focal Length)**: 通常用fx和fy表示,它们代表了成像传感器上像素的大小和相机光心到成像平面的距离。焦距决定了图像中物体的视角和透视效果。fx和fy通常相等,表示成像传感器是正方形的,但在某些情况下也可以不相等以处理非正方形像素。
- 2. **主点(Principal Point)**:通常用cx和cy表示,它们表示成像传感器上光心(光学中心)在像素坐标系中的位置。主点的坐标通常与成像传感器的中心对齐,因此通常接近图像中心。
- 3. 相机内参矩阵K的形式:

$$K = egin{bmatrix} f_x & 0 & u_0 \ 0 & f_y & v_0 \ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

### 4.图像像素坐标系to相机坐标系

转换过程



故有

$$egin{aligned} z_c egin{bmatrix} u \ v \ 1 \end{bmatrix} = K egin{bmatrix} x_c \ y_c \ z_c \end{bmatrix} \Rightarrow egin{bmatrix} u \ v \end{bmatrix} = K egin{bmatrix} rac{x_c}{z_c} \ rac{y_c}{z_c} \end{bmatrix} = egin{bmatrix} rac{x_c}{z_c} f_x + u_0 \ rac{y_c}{z_c} f_y + v_0 \end{bmatrix} \end{aligned}$$

### 5.像素坐标对应真实世界坐标 (方向)

由上关系式

$$egin{bmatrix} u \ v \end{bmatrix} = egin{bmatrix} rac{x_c}{z_c} f_x + u_0 \ rac{y_c}{z_c} f_y + v_0 \end{bmatrix}$$

已知像素坐标对应真实世界坐标,故可知从**光心**到此点的方向,将此方向设为

$$\left\{egin{array}{l} x=at \ y=bt \ \Rightarrow \ z=ct \end{array}
ight. 
ight. \left\{egin{array}{l} x=rac{a}{c}t \ y=rac{b}{c}t \ z=t \end{array}
ight.$$

故有

$$egin{cases} rac{a}{c} = rac{x}{z} \ rac{b}{c} = rac{y}{z} \end{cases} 
otag is cases = egin{cases} u \ v \end{bmatrix} = egin{bmatrix} rac{x_c}{z_c} f_x + u_0 \ rac{y_c}{z_c} f_y + v_0 \end{bmatrix} \Rightarrow egin{bmatrix} rac{a}{c} = rac{u - u_0}{f_x} \ rac{b}{c} = rac{v - v_0}{f_y} \end{cases}$$

综上有像素坐标对应真实世界方向

$$\left\{egin{array}{l} x=rac{u-u_0}{f_x}\cdot t\ y=rac{v-v_0}{f_y}\cdot t\ z=t \end{array}
ight.$$

### 构建方法

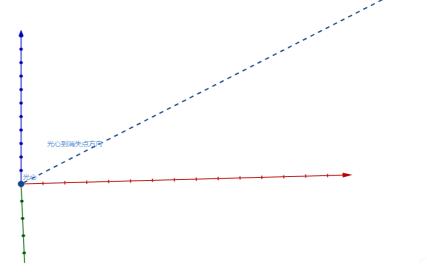
#### step1.计算消失点

得到消失点

### step2.计算消失点方向

根据像素坐标对应真实世界坐标 (方向) 的关系, 求得消失点方向

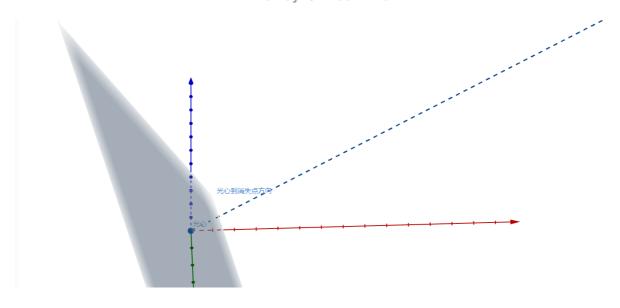
光心到消失点方向:射线
$$\left( 光心, C \right)$$
  
= X =  $\left( 0, 0, 0 \right) + \lambda \left( 2.17, -0.49, 1.06 \right)$ 



step3.计算以消失点方向为法向且经过光心的平面 e.g.

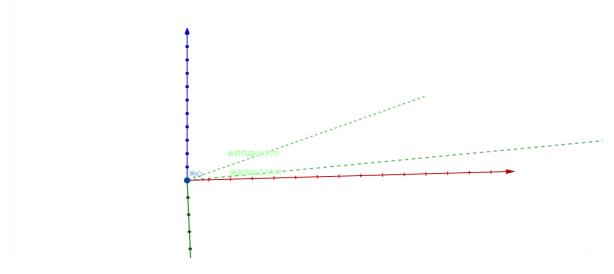
与消失点方向垂直平面:垂直平面

$$= 2.17x - 0.49y + 1.06z = 0$$



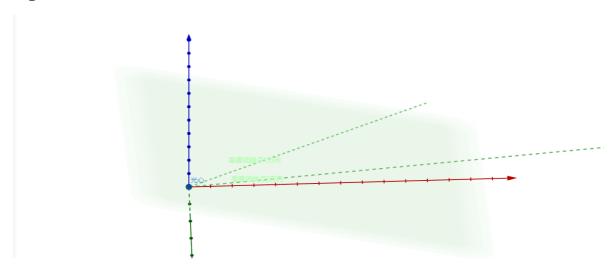
# step4.计算一组垂直点对方向

根据像素坐标对应真实世界坐标 (方向) 的关系, 求得垂直点对方向



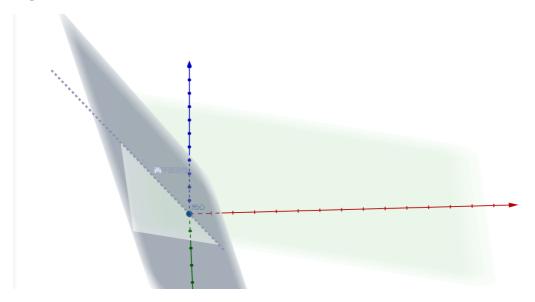
step5.计算一组垂直点对方向所构成共面

e.g.



# step6.求两平面交线

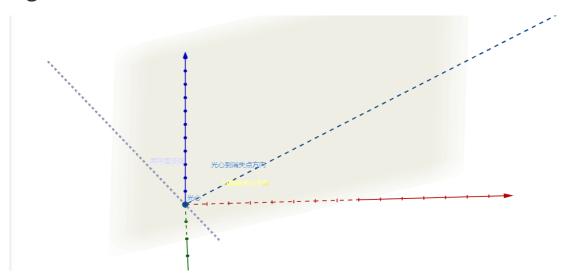
经分析,step3与step4所作平面都是垂直于路面前进方向的平面,故可知两平面的交线必然平行于路平面



### step7.求交线与消失点方向线共面

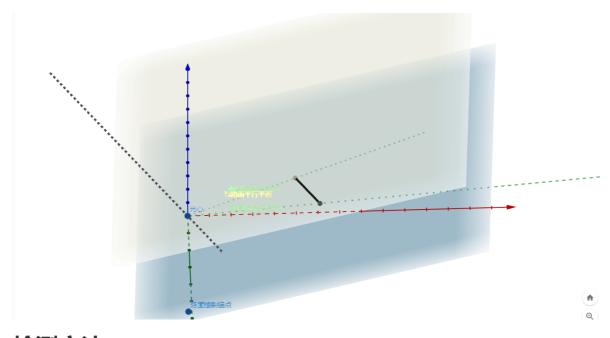
经分析,step6所求交线与消失点方向射线都经过光心且平行于路平面,故两线所在共面必然平行于路平面

## e.g.



## step8.求路平面方程

经step7,求得一与路平面平行的平面方程,故距离求解路平面方程仅差一常量参数D,假设D常量得到路平面方程,求一组垂直点对的方向与此平面的交点,当两交点之间的距离为真实的两点间距时,反求得D,故路平面方程得解



# 检测方法

当模型构建完成,即得到路平面方程,求出所求像素点对应方向,再求该方向射线与路平面得交点

