

# 第6章 储能元件



6.1 电容元件

6.2 电感元件

6.3 电容、电感元件的串联与并联





# ● 重点:

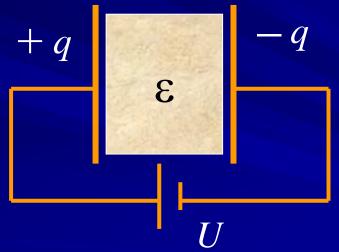
- 1. 电容元件的特性
- 2. 电感元件的特性
- 3. 电容、电感的串并联等效



# 6.1 电容元件

电容器

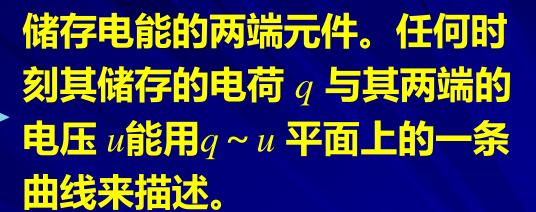
今益」在外电源作用下,正负电极上分别带上等量异号电荷,撤去电源,电极上的电荷仍可长久地聚集下去,是一种储存电能的部件。



注意 电导体由绝缘材料分开就可以产生电容。

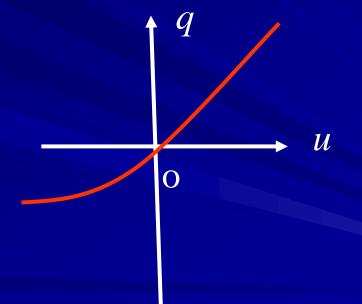
#### 1. 定义

电容元件



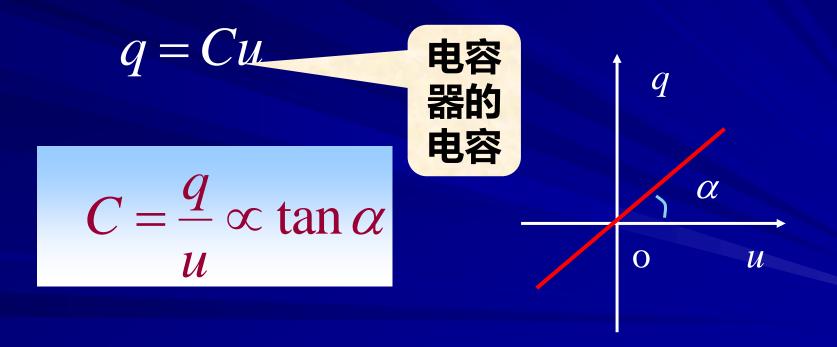
$$f(u,q) = 0$$



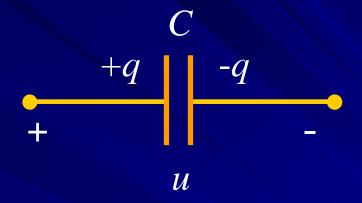


#### 2.线性时不变电容元件

任何时刻,电容元件极板上的电荷q与电压 u成正比。 $q\sim u$ 特性曲线是过原点的直线。







#### • 单位

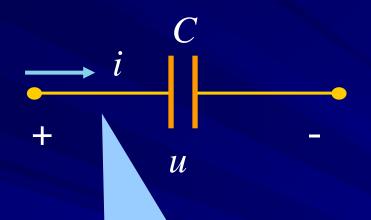
F (法拉),常用μF, pF等表示。

$$1F=10^6 \mu F$$

$$1 \mu F = 10^6 pF$$



# 3. 电容的电压 电流关系

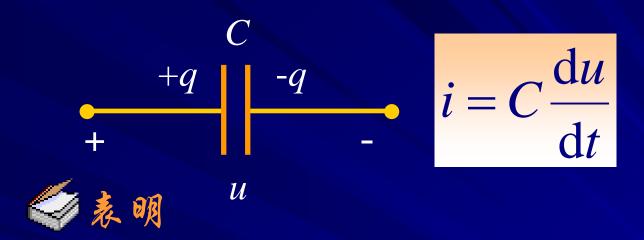


电容元件VCR 的微分形式

u、i 取关联 参考方向

$$i = \frac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}Cu}{\mathrm{d}t} = C\frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}t}$$

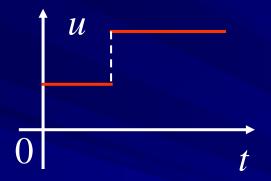




- ①某一时刻电容电流 *i* 的大小取决于电容电压 *u* 的变化率,而与该时刻电压 *u* 的大小无关。电容是动态元件;
- ②当u为常数(直流)时, i=0。电容相当于开路, 电容有隔断直流作用;

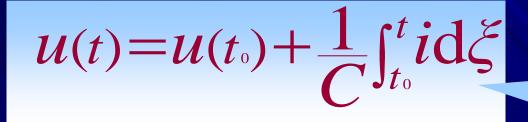


# ③实际电路中通过电容的电流 *i* 为有限值,则电容电压 *u* 必定是时间的连续函数。



$$\frac{du}{dt} \to \infty \quad i \to \infty$$

$$u(t) = \frac{1}{C} \int_{-\infty}^{t} i(\xi) d\xi = \frac{1}{C} \int_{-\infty}^{t_0} i(\xi) d\xi + \frac{1}{C} \int_{t_0}^{t} i(\xi) d\xi$$
$$= u(t_0) + \frac{1}{C} \int_{t_0}^{t} i d\xi$$



电容元件 VCR的积 分形式



- ①某一时刻的电容电压值与-∞到该时刻的所有电流值有关,即电容元件有记忆电流的作用,故称电容元件为记忆元件。





①当电容的 u, i 为非关联方向时, 上述微分 和积分表达式前要冠以负号:

$$i = -C \frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}t}$$

$$i = -C \frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}t} \qquad u(t) = -(u(t_0) + \frac{1}{C} \int_{t_0}^t i \, \mathrm{d}\xi)$$

②上式中u(t0)称为电容电压的初始值,它反 映电容初始时刻的储能状况, 也称为初始 状态。



#### 4.电容的功率和储能

- 功率  $p = ui = u \cdot C \frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}t}$



- ①当电容充电, p>0,电容吸收功率。
- ②当电容放电, p < 0, 电容发出功率。

## 一表明

电容能在一段时间内吸收外部供给的能 量转化为电场能量储存起来,在另一段时间内 又把能量释放回电路, 因此电容元件是储能元 件,它本身不消耗能量。



#### • 电容的储能

$$W_{C} = \int_{-\infty}^{t} Cu \frac{du}{d\xi} d\xi = \frac{1}{2} Cu^{2}(\xi) \Big|_{-\infty}^{t}$$
$$= \frac{1}{2} Cu^{2}(t) - \frac{1}{2} Cu^{2}(-\infty) = \frac{1}{2} Cu^{2}(t)$$

#### $M_t$ 到 t 电容储能的变化量:

$$W_{C} = \frac{1}{2}Cu^{2}(t) - \frac{1}{2}Cu^{2}(t_{0})$$



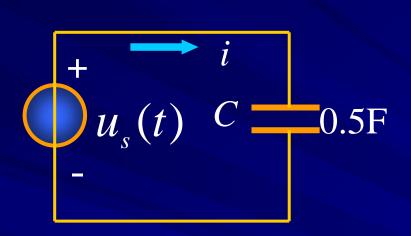
$$\mathbf{W}_{\mathrm{C}}(\mathbf{t}) = \frac{1}{2} C u^2(t) \ge 0$$

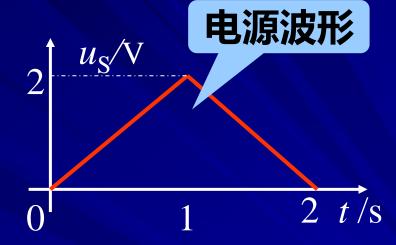


- ① 电容的储能只与当时的电压值有关, 电容电压不能跃变, 反映了储能不能跃变;
- ② 电容储存的能量一定大于或等于零。



## 例 求电容电流i、功率P(t)和储能W(t)





#### 解

#### $u_S(t)$ 的函数表示式为:

$$u_{s}(t) = \begin{cases} 0 & t \leq 0 \\ 2t & 0 \leq t \leq 1s \\ -2t + 4 & 1 \leq t \leq 2s \\ 0 & t \geq 2s \end{cases}$$

储能允件

$$u_{s}(t) = \begin{cases} 0 & t \leq 0 \\ 2t & 0 \leq t \leq 1s \\ -2t + 4 & 1 \leq t \leq 2s \\ 0 & t \geq 2s \end{cases}$$
解得电流

$$i(t) = C \frac{\mathrm{d}u_{\mathrm{S}}}{\mathrm{d}t} = \begin{cases} 1 & 0 \le t < 1\mathrm{S} \\ -1 & 1 \le t < 2\mathrm{S} \\ 0 & t \ge 2\mathrm{S} \end{cases}$$

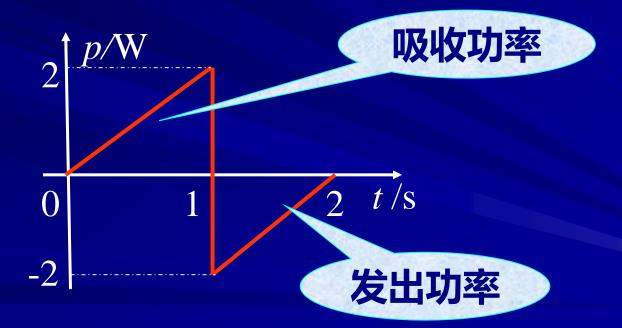
t < 0

返回上页下页





$$p(t) = u(t)i(t) = \begin{cases} 0 & t \le 0 \\ 2t & 0 \le t \le 1s \\ 2t - 4 & 1 \le t \le 2s \\ 0 & t \ge 2s \end{cases}$$

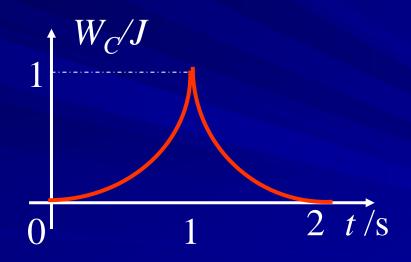


返回上页下页





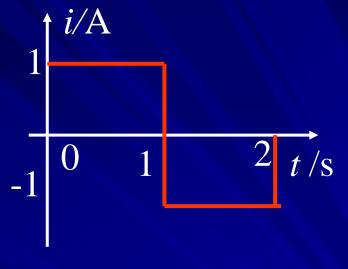
$$W_{\rm C}(t) = \frac{1}{2}Cu^{2}(t) = \begin{cases} 0 & t \le 0\\ t^{2} & 0 \le t \le 1s\\ (t-2)^{2} & 1 \le t \le 2s\\ 0 & t \ge 2s \end{cases}$$



## 若已知电流求电容电压,有

$$i(t) = \begin{cases} 0 & t < 0 \\ 1 & 0 \le t < 1s \\ -1 & 1 \le t < 2s \\ 0 & t \ge 2s \end{cases}$$

$$0 \le t \le 1s \quad u_{-}(t) = \frac{1}{2} \int_{0}^{0} 0 dt$$



$$0 \le t \le 1$$
s  $u_c(t) = \frac{1}{C} \int_{-\infty}^{0} 0 d\xi + \frac{1}{C} \int_{0}^{t} 1 d\xi = 0 + 2t = 2t$ 

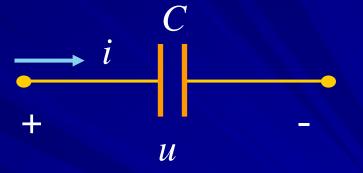
$$1 \le t \le 2s$$
  $u_c(t) = u(1) + \frac{1}{0.5} \int_1^t (-1) d\xi = 4 - 2t$ 

$$2 \le t \qquad u_C(t) = u(2) + \frac{1}{0.5} \int_2^t 0 d\xi = 0$$

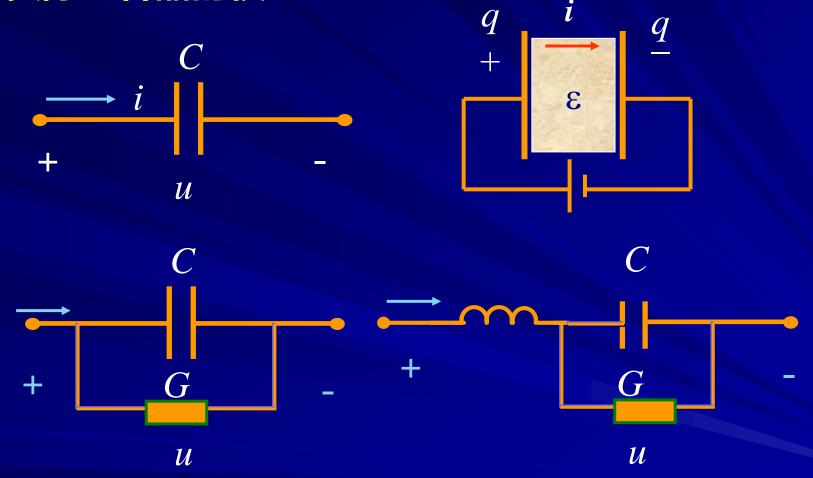


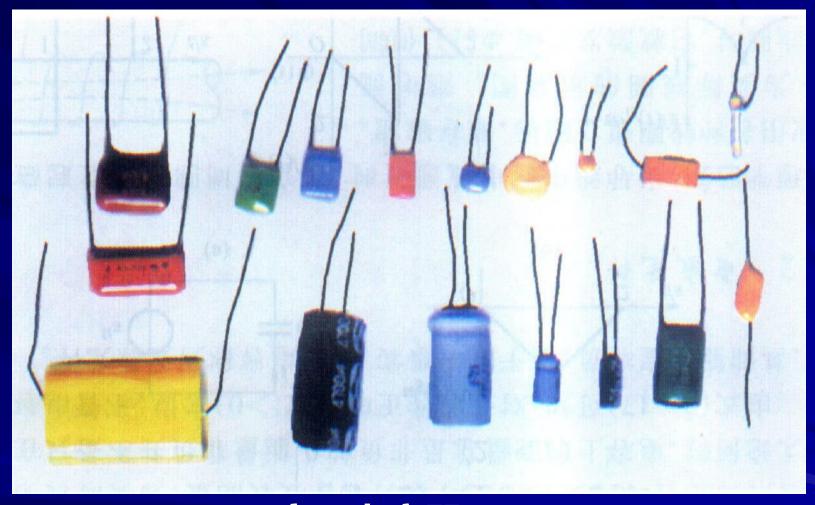
C=0.1F, 
$$u(0)=1V$$
,  $i=0(t<0)$ ;  $i=1A$ ,  $t>0$ ,  $x$ ,  $x$ ,  $u(1s)=___V$ .

- A 1.5
- B 6
- c 11
- D 21



## 实际电容器的模型



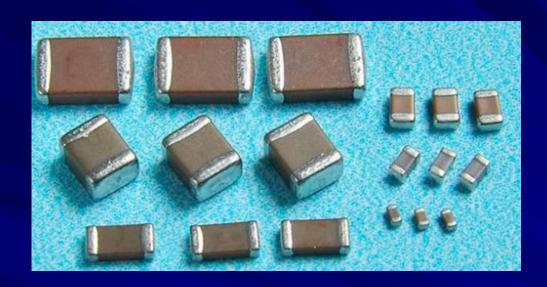


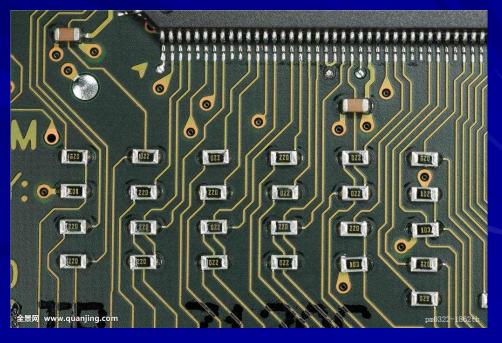
实际电容器

返回上页下

\_\_\_\_电路











电力电容

返回上页了





冲击电压发生器

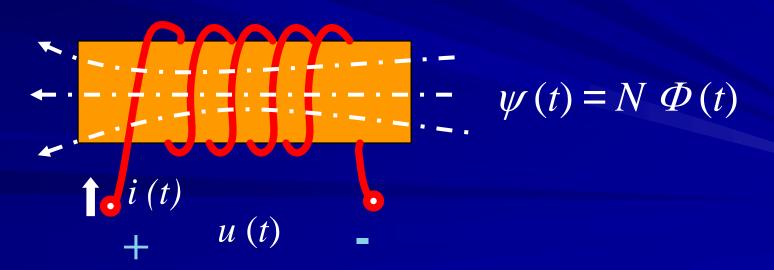
返回上页下



# 6.2 电感元件

#### 电感线圈

把金属导线绕在一骨架上构成一实际电感线圈,当电流通过线圈时,将产生磁通,是一种抵抗电流变化、储存磁能的部件。





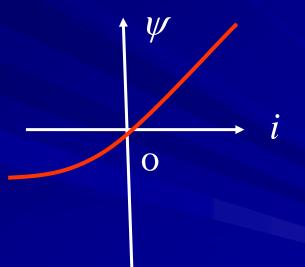
## 1. 定义

电感元件

储存磁能的两端元件。任何 时刻,其特性可用 $\psi \sim i$  平面 上的一条曲线来描述。

$$f(\psi,i)=0$$



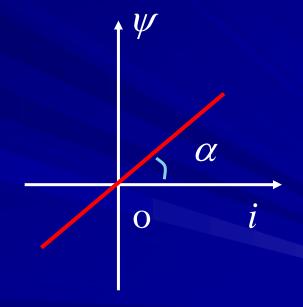


#### 2. 线性时不变电感元件

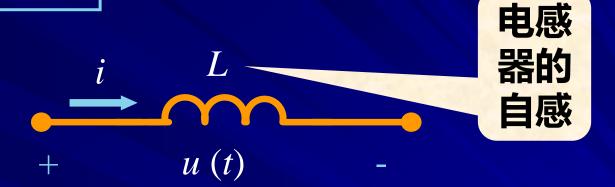
任何时刻,通过电感元件的电流i与其磁链 $\psi$ 成正比。 $\psi \sim i$ 特性为过原点的直线。

$$\psi(t) = Li(t)$$

$$L = \frac{\psi}{i} \propto \tan \alpha$$







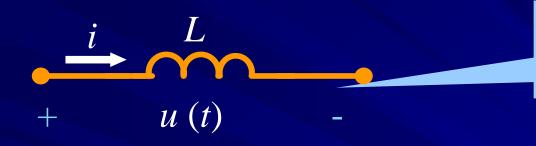
• 单位 Η (亨利),常用μH, mH表示。

$$1H=10^3 \text{ mH}$$

$$1 \text{ mH} = 10^3 \, \mu \text{ H}$$



#### 3.线性电感的电压、电流关系

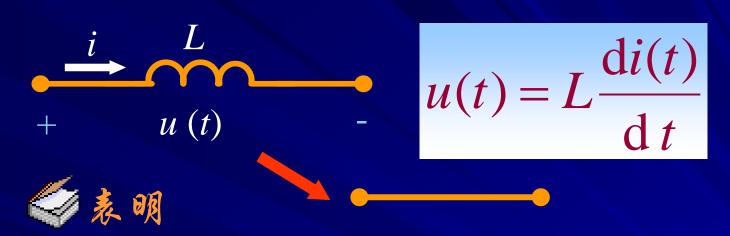


u、i 取关联 参考方向

#### 根据电磁感应定律与楞次定律

$$u(t) = \frac{\mathrm{d}\psi}{\mathrm{d}t} = L \frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}$$

电感元件VCR的微分关系



- ①电感电压 的大小取决于 的变化率, 与 i 的大小无关, 电感是动态元件;
- ②当i为常数(直流)时, u=0。 电感相当于短路;
- ③实际电路中电感的电压 *u*为有限值,则电感电流 *i* 不能跃变,必定是时间的连续函数.



$$i(t) = \frac{1}{L} \int_{-\infty}^{t} u \, d\xi = \frac{1}{L} \int_{-\infty}^{t_0} u \, d\xi + \frac{1}{L} \int_{t_0}^{t} u \, d\xi$$

$$= i(t_0) + \frac{1}{L} \int_{t_0}^{t} u \, d\xi$$
电感元件》的积分关

电感元件VCR 的积分关系



- ①某一时刻的电感电流值与-∞到该时刻的所 有电压值有关,即电感元件有记忆电压的 作用,电感元件也是记忆元件。
- ②研究某一初始时刻 $t_0$ 以后的电感电流,不需要 了解 $t_0$ 以前的电压,只需知道 $t_0$ 时刻开始作用的 电压 u 和 $t_0$ 时刻的电流  $i(t_0)$  。





①当电感的 u, i 为非关联方向时, 上述微分 和积分表达式前要冠以负号;

$$\mathbf{u} = -L \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}$$

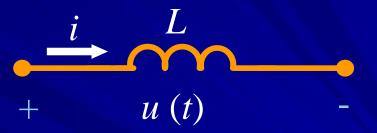
$$\mathbf{u} = -L\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} \qquad \mathbf{i}(t) = -(\mathbf{i}(t_0) + \frac{1}{L} \int_{t_0}^t u \, \mathrm{d}\xi)$$

②上式中 i(to)称为电感电压的初始值,它反映电 感初始时刻的储能状况, 也称为初始状态。



L=1mH, 
$$i(0)=1A$$
,  
 $u=0(t<0), u=t, t>0$ ,  $\sharp i(1s)=$ \_\_\_A.

- A 0
- B 1.5
- **c** 501
- **D** 1001





## 4.电感的功率和储能

• 功率

 $p = ui = L \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} \cdot i$ 



- ①当电流增大,p>0,电感吸收功率。
- ②当电流减小,p<0, 电感发出功率。



电感能在一段时间内吸收外部供给的能量转化为磁场能量储存起来,在另一段时间内又把能量释放回电路,因此电感元件是无源元件、是储能元件,它本身不消耗能量。



#### • 电感的储能

$$W_{L} = \int_{-\infty}^{t} Li \frac{di}{d\xi} d\xi = \frac{1}{2} Li^{2}(\xi) \Big|_{-\infty}^{t}$$
$$= \frac{1}{2} Li^{2}(t) - \frac{1}{2} Li^{2}(-\infty) = \frac{1}{2} Li^{2}(t)$$

## 从t<sub>0</sub>到 t 电感储能的变化量:

$$W_{L} = \frac{1}{2}Li^{2}(t) - \frac{1}{2}Li^{2}(t_{0})$$



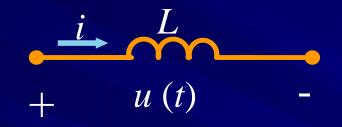
$$W_L = \frac{1}{2}Li^2(t) \ge 0$$

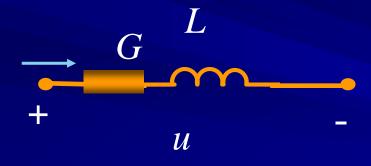


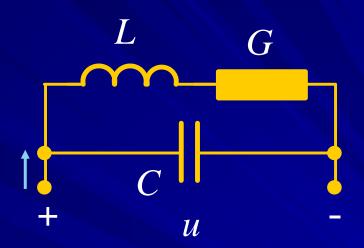
- ①电感的储能只与当时的电流值有关, 电感电流不能跃变, 反映了储能不能跃变。
- ②电感储存的能量一定大于或等于零。



# • 实际电感线圈的模型







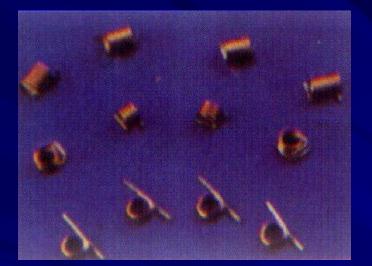




贴片型功率电感



贴片电感



贴片型空心线圈



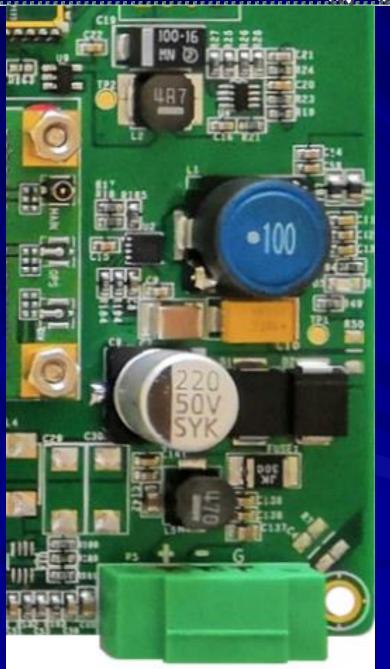
可调式电感



环形线圈



立式功率型电感









电抗器



# 6.3 电容、电感元件的串联与并联

## 1.电容的串联

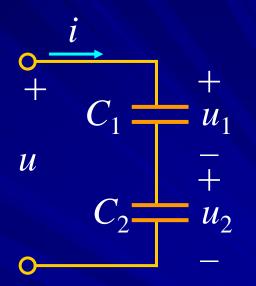
## • 等效电容

$$u_1 = \frac{1}{C_1} \int_{-\infty}^t i(\xi) d\xi$$

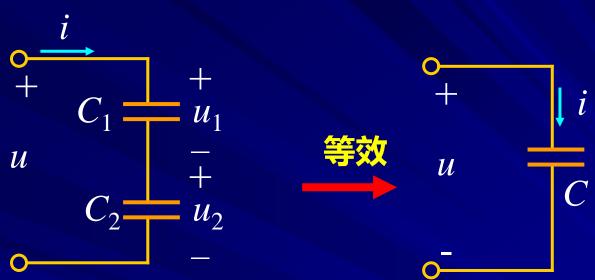
$$u_2 = \frac{1}{C_2} \int_{-\infty}^t i(\xi) d\xi$$

$$u = u_1 + u_2 = \left(\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}\right) \int_{-\infty}^t i(\xi) d\xi$$

$$=\frac{1}{C}\int_{-\infty}^{t}i(\xi)\mathrm{d}\xi$$







$$C = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2}$$



## • 串联电容的分压

$$u_1 = \frac{1}{C_1} \int_{-\infty}^t i(\xi) d\xi$$

$$u_2 = \frac{1}{C_2} \int_{-\infty}^t i(\xi) d\xi$$

$$u = \frac{1}{C} \int_{-\infty}^{t} i(\xi) d\xi$$

$$u_{1} = \frac{C}{C_{1}}u = \frac{C_{2}}{C_{1} + C_{2}}u$$

$$u_2 = \frac{C}{C_2}u = \frac{C_1}{C_1 + C_2}u$$

返回上页下页



## 2.电容的并联

## • 等效电容

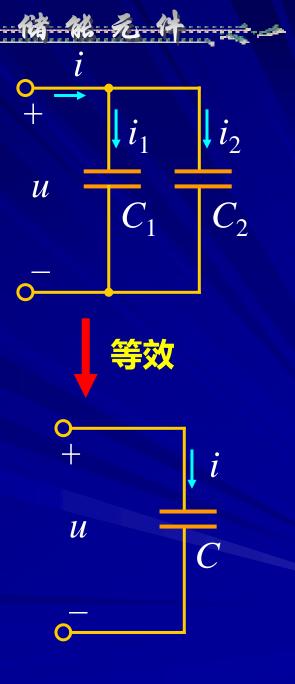
$$i_{1} = C_{1} \frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}t}$$

$$i_2 = C_2 \frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}t}$$

$$i = i_1 + i_2 = (C_1 + C_2) \frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}t}$$

$$= C \frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}t}$$

$$C = C_1 + C_2$$



返回上页下页



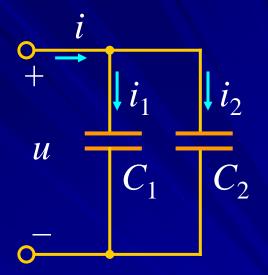


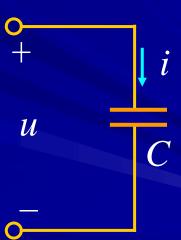
## • 并联电容的分流

$$i_1 = C_1 \frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}t}$$
  $i_2 = C_2 \frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}t}$ 

$$i = C \frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}t}$$

$$\dot{i}_1 = \frac{C_1}{C}i$$
  $\dot{i}_2 = \frac{C_2}{C}i$ 

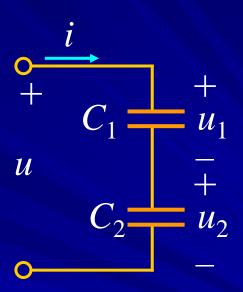






$$C_1 = 2F, C_2 = 3F$$
  
 $C_{eq} = () F$ 

- A 1
- **B** 1.2
- **c** 2
- D 5





## 3. 电感的串联

## • 等效电感

$$u_{\scriptscriptstyle 1} = L_{\scriptscriptstyle 1} \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}$$

$$u_2 = L_2 \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}$$

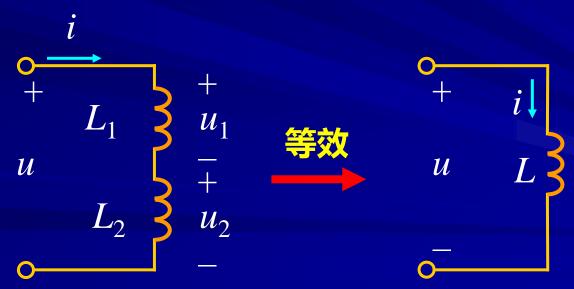
$$u = u_1 + u_2 = (L_1 + L_2) \frac{di}{dt} = L \frac{di}{dt}$$

$$L = L_1 + L_2$$



$$u_1 = L_1 \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} = \frac{L_1}{L} u = \frac{L_1}{L_1 + L_2} u$$

$$u_2 = L_2 \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} = \frac{L_2}{L} u = \frac{L_2}{L_1 + L_2} u$$





## 4.电感的并联

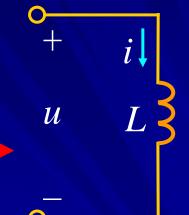
## • 等效电感

$$i_1 = \frac{1}{L_1} \int_{-\infty}^t u(\xi) d\xi$$

$$i_2 = \frac{1}{L} \int_{-\infty}^t u(\xi) d\xi$$

$$i = i_1 + i_2 = \left(\frac{1}{L_1} + \frac{1}{L_1}\right) \int_{-\infty}^t u(\xi) d\xi = \frac{1}{L} \int_{-\infty}^t u(\xi) d\xi$$

$$L = 1 / \left(\frac{1}{L_1} + \frac{1}{L_1}\right) = \frac{L_1 L_2}{L_1 + L_2}$$





$$i_{1} = \frac{1}{L_{1}} \int_{-\infty}^{t} u(\xi) d\xi = \frac{L}{L_{1}} i = \frac{L_{2}i}{L_{1} + L_{2}}$$

$$i_{2} = \frac{1}{L_{2}} \int_{-\infty}^{t} u(\xi) d\xi = \frac{L}{L_{2}} i = \frac{L_{1}i}{L_{1} + L_{2}}$$

返回上页下页

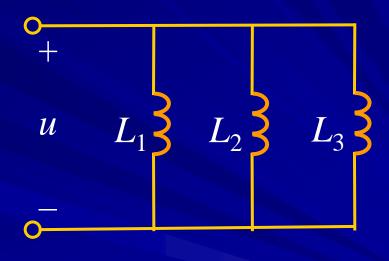


以上虽然是关于两个电容或两个电感的串 联和并联等效,但其结论可以推广到 n 个 电容或 n 个电感的串联和并联等效。



$$L_1 = 6H, L_2 = 6H, L_3 = 3H$$
  
 $L_{eq} = () H$ 

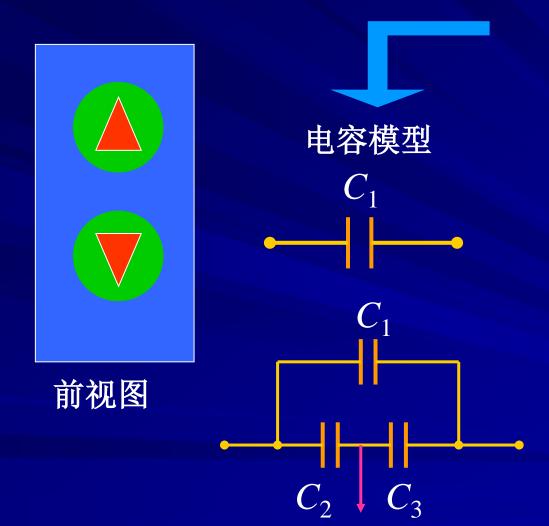
- A 1
- **B** 1.5
- **c** 3
- D 9

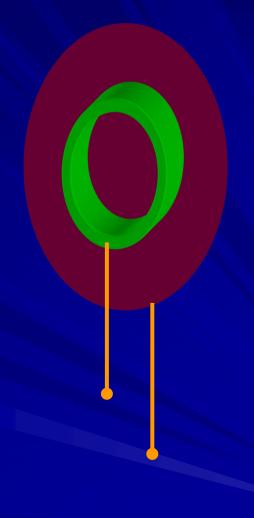




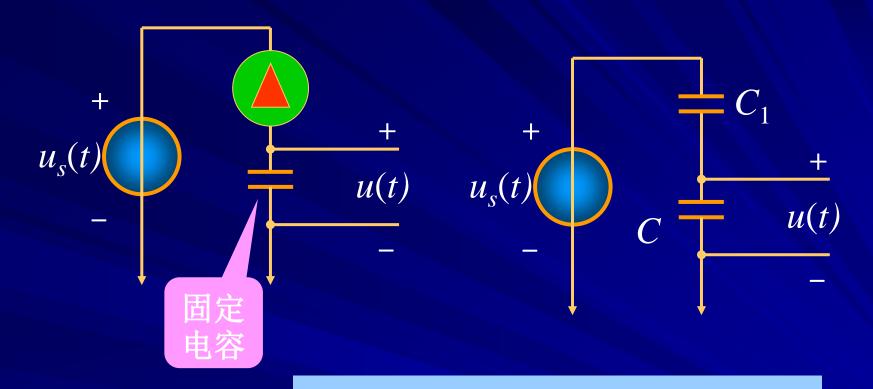
实例

# 电梯按钮



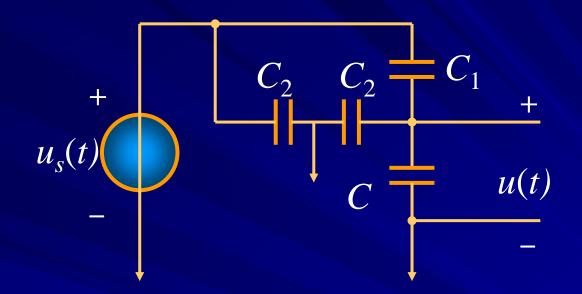


返回上页下



输出电压:

$$u(t) = \frac{C_1 u_S(t)}{C_1 + C} + u(0)$$

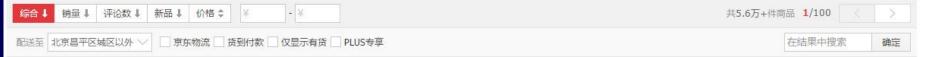


输出电压: 
$$u(t) = \frac{C_1 u_S(t)}{C_1 + C_2 + C} + u(0)$$

控制计算机检测到输出电压的下降,导致电梯到达相应楼层。









#### ¥69.00

无线开关面板免布线遥控开关220v智能家 用触摸随意贴开关 触摸,防水

1800+条评价

希崖旗舰店 🥥

満減 险

#### SNRMAB和四





#### ¥181.00

赛尔玛 (SNRMA) 智能开关插座 <mark>触摸开</mark> 关黑色家用感应触控式玻璃面板usb五孔

7600+条评价

广告

赛尔玛SNRMA旗舰店 😜

放心购 每满1000-100 险

#### リングランド





#### 74

#### ¥85,00

单火线智能<mark>触摸</mark>浴霸开关 卫生间吊顶开关 取暖开关面板 五合一浴霸开关 浴室灯暖

300+条评价

家恩旗舰店 😉

放心购 | 券298-30 | 每满1000-100 | 險

# ADDRAN 触摸屏智能开关 智能开关 双色三枚 LED 游中





#### ¥58.00

奧多朗<mark>触摸开关插座面板</mark>镜面智能开关黑 白灰色钢化玻璃触控屏式家用 — 开单控

500+条评价

奥多朗旗舰店 😉

放心购 每满1000-100 層 險

#### 默认一开单控 非加长型 单火接线 留言可换加长型白色金色灰色





#### ¥29.00

优狐 C9玻璃智能遥控<mark>触摸</mark>小开关无需改 线触控墙壁电源开关插座86型<mark>面板</mark>单火

1800+条评价

优狐旗舰店 😉

放心购 每满1000-100 险

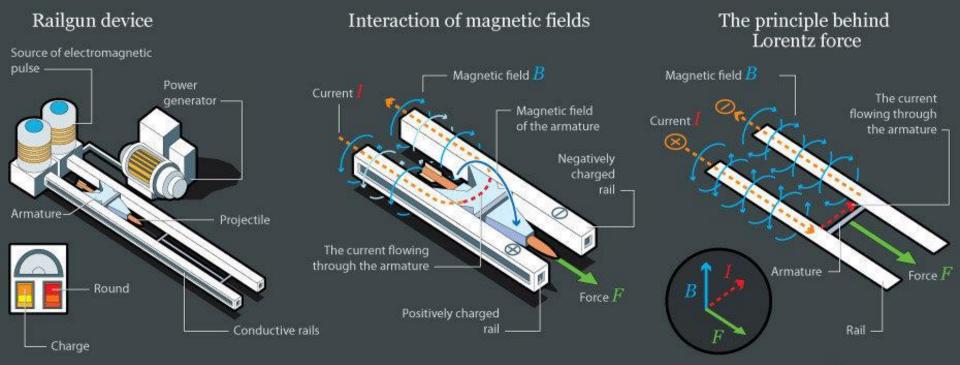


### Railgun – a 21st-century weapon

In the opinion of the U.S. military, electromagnetic weapons have the potential to replace conventional artillery in the near future



The most powerful railgun in the world was designed at the U.S. naval research laboratory in Dahlgren, Virginia. The energy of its rounds is 33 megajoules. Projectile velocity is five times the speed of sound and its firing range can reach 370 km



The railgun uses electromagnetic force (Lorentz force) to propel an electrically conductive projectile that is initially part of a chain. Current I, flowing through the rails, generates magnetic field B in the rails and armature. As a result, under the action of force F, the armature is pushed out of the magnetic field of the rails and the projectile accelerates

RIANOVOSTI © 2010 www.rian.ru

储能统统件







## 视频