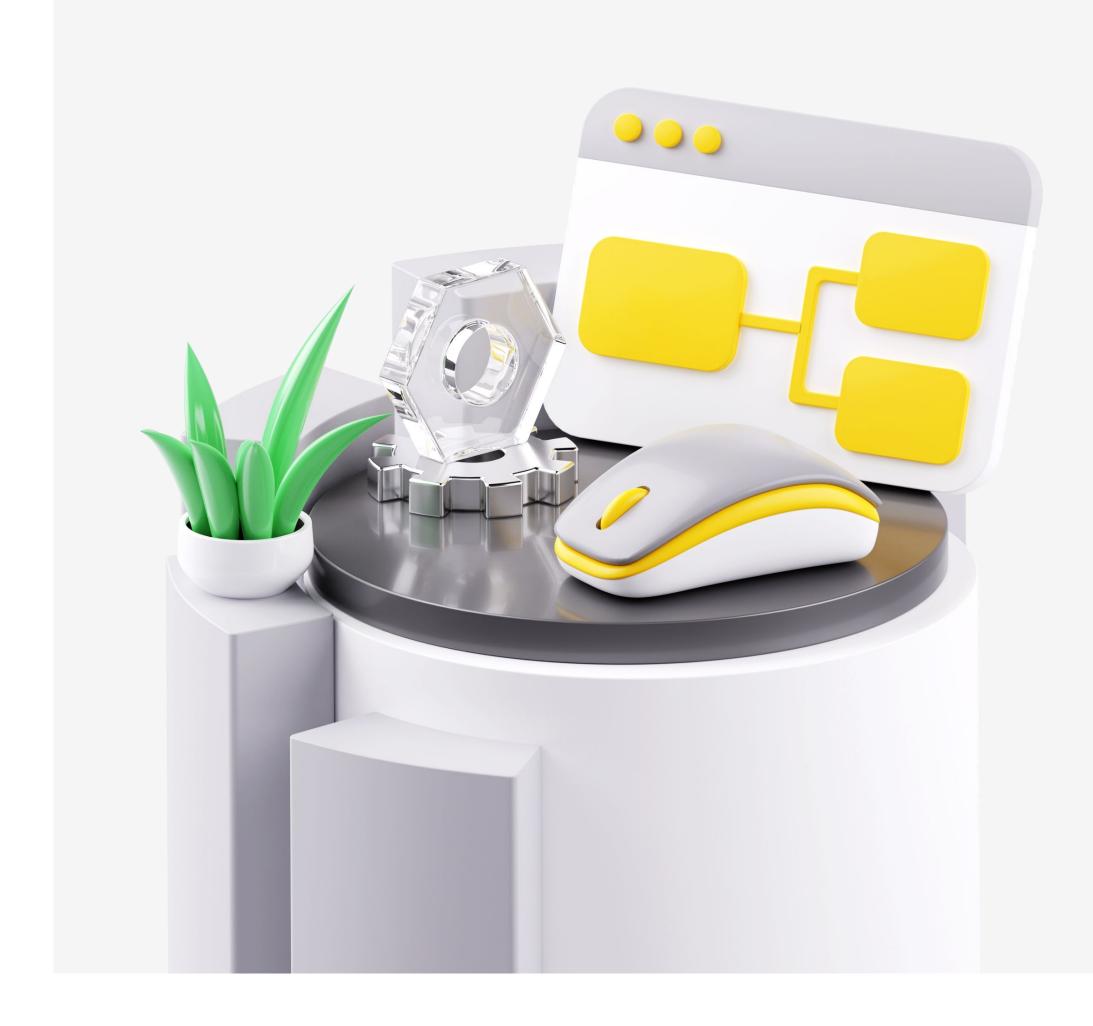
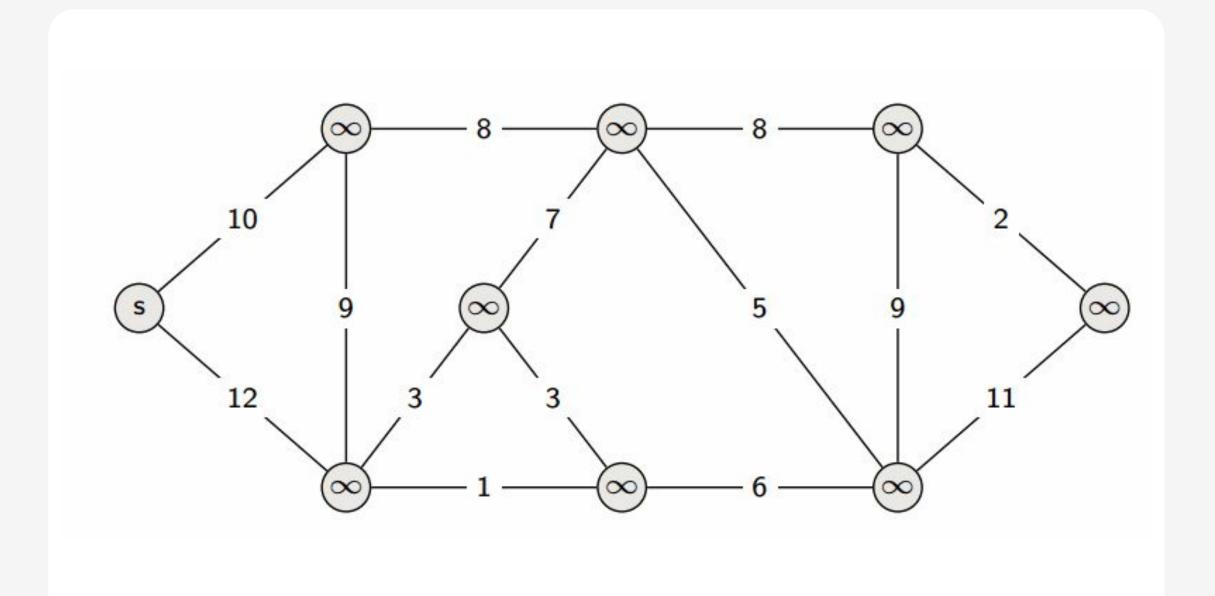
## **ТИНЬКОФФ**образование

# Графы 2



### Алгоритм Дейкстры

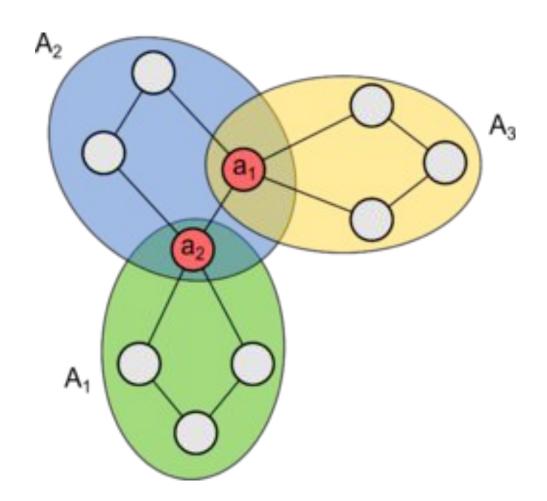
- Положим во все вершины +inf, а в начальную 0
- Будем находить непосещенную вершину с самым малым значением и отмечать ее как посещенную
- Затем для обновляем
- Насолоявимобще вавмори расупайных
- вершин Сколько всего итераций будет у такого алгоритма?
- Какая сложность?
- Как можно улучшить?



## Запуск из нескольких вершин

Если очень захотеть, то алгоритм Дейкстры можно запустить из нескольких вершин.

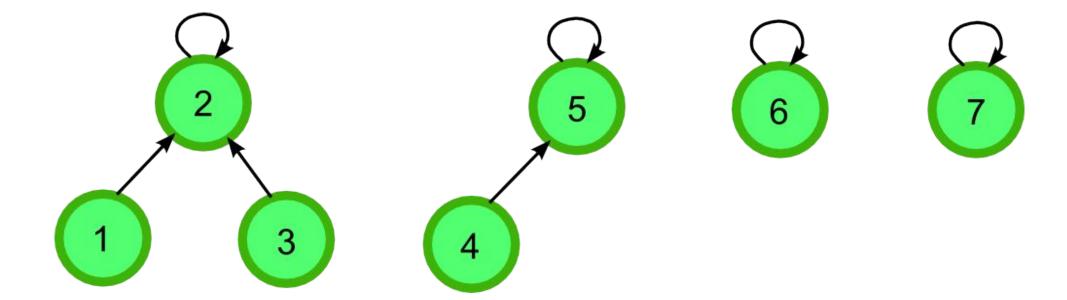
- 🗪 Как это сделать?
- Зачем нам это нужно?
- Как измениться сложность?
- Можно ли это сделать в BFS'e?



### Система непересекающихся множеств

Хотим объединять множества. К примеру, компоненты связаности в графе

- Изначально все компоненты
  будут одни в своей компоненте,
  потом мы будем их объединять
  друг с другом
- Структура похоже на дерево, и нам важно знать корень каждой из компонент



## Как объединять множества быстрее?



Эвристика сжатия пути

Будем хранить все деревья высоты 1



Ранговая эвристика

Будем подвешивать меньшие деревья за большие

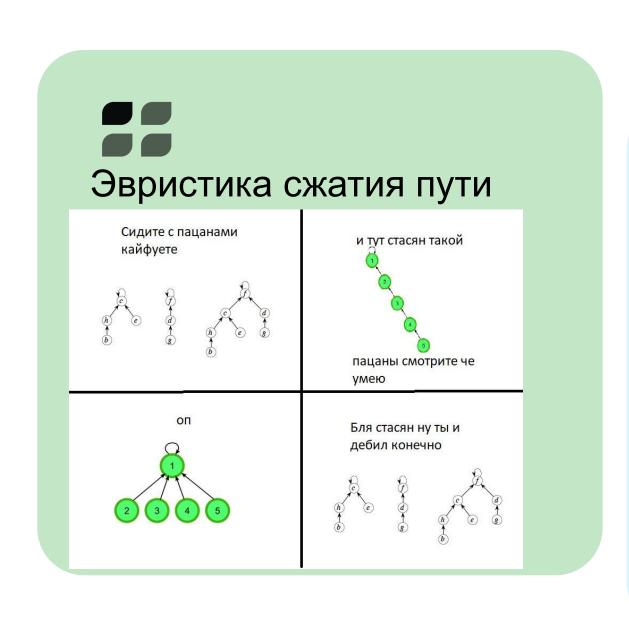


Очень крутая эвристика

Будем делать и то, и то

 Какая будет сложность?

# Как объединять множества быстрее?





Ранговая эвристика

Будем подвешивать меньшие деревья за большие



Очень крутая эвристика

Будем делать и то, и то

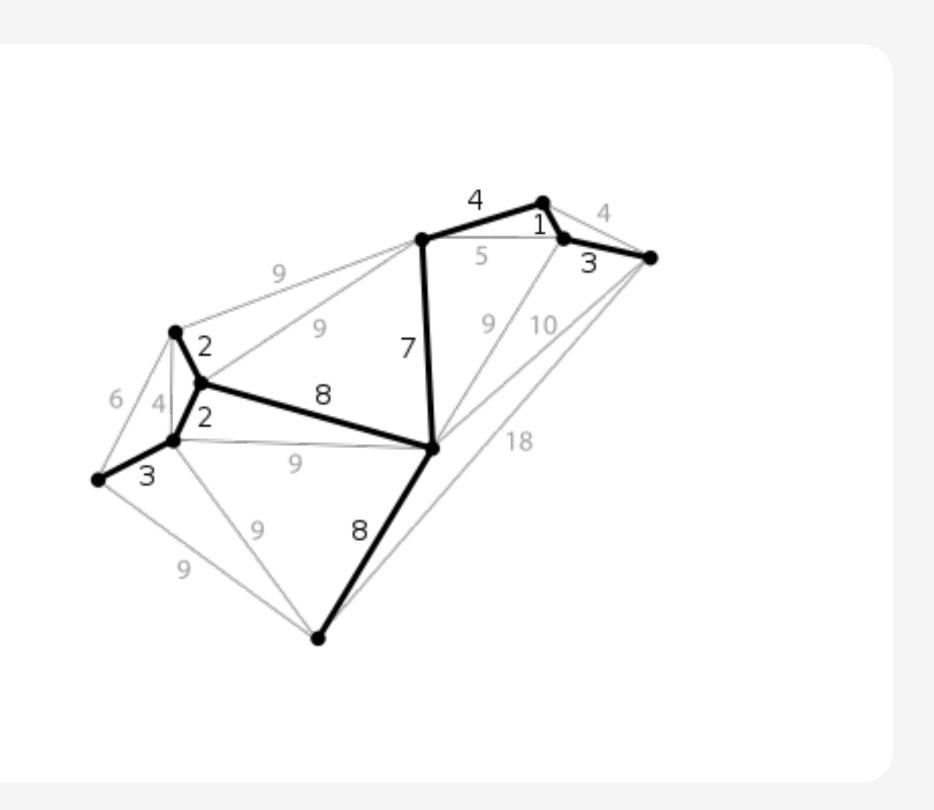
 Какая будет сложность?

### Минимальные остов

Есть граф, хотим из ребер графа построить минимальное по весу дерево

Для этого нам нужна лемма о безопасном ребре:

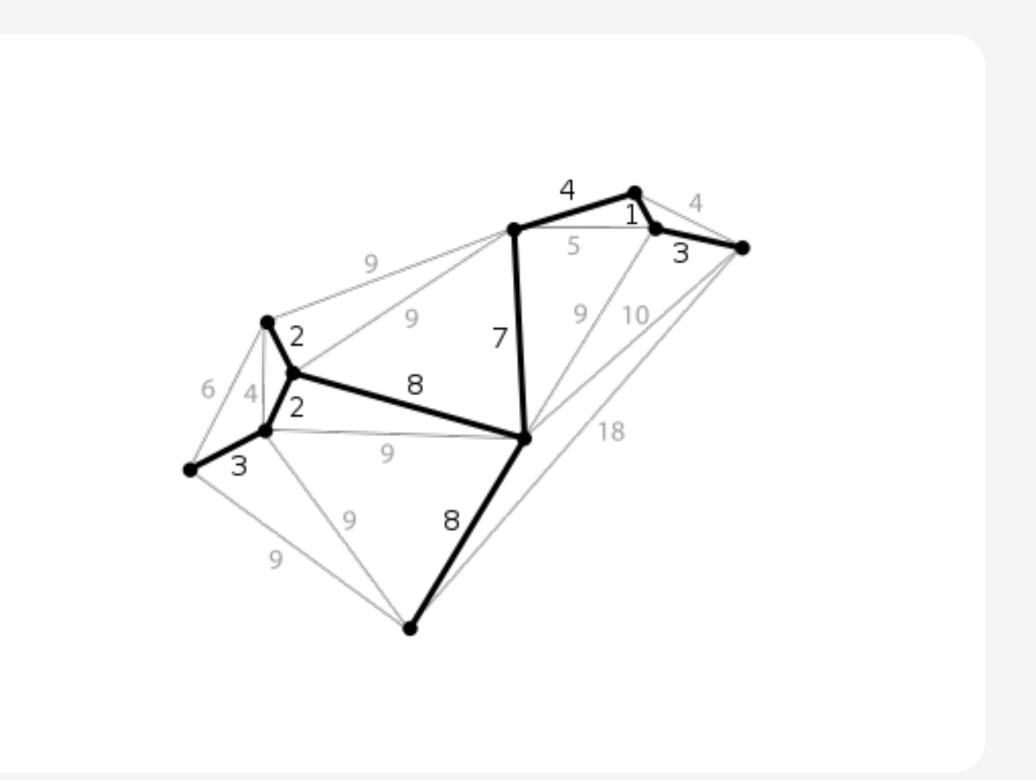
Если разделить граф на две части, то объединить их оптимальным образом можно ребром минимального веса между двумя частями\*



### Алгоритм Прима

Ищем минимальное исходящее ребро из нашего остова, и добавляем его в остов

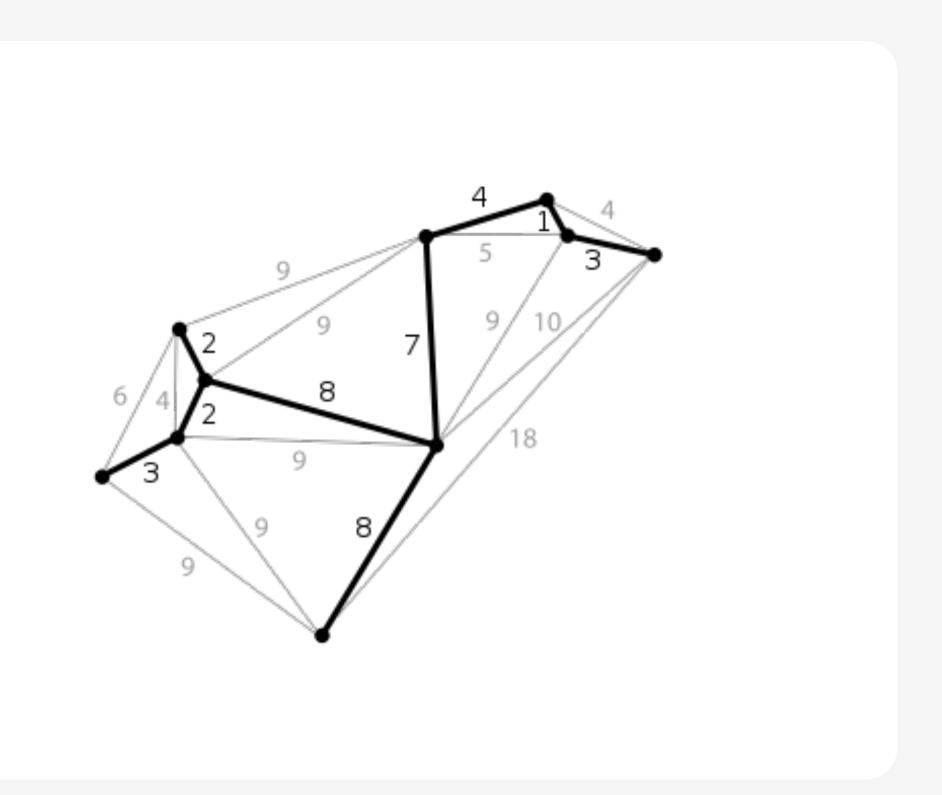
- Какая сложность будет у этого алгоритма?
- Похоже на Дейкстру?



### Алгоритм Краскала

Сортируем все ребра и берем их в остов, если ребра соединяют вершины из разных компонент

- Какая сложность будет у этого алгоритма?
- Как нам поможет СНМ?



#### ТИНЬКОФФ

ОБРАЗОВАНИЕ



Спасибо!

