

提示：

1. 本资料可以帮助大家有针对性的进行强化复习，但本资料并不涵盖所有课堂教学和考核重难点。
2. 本资料上的内容请 务必完全吃透和掌握（死记硬背数字没用，请理解原理、掌握方法），但是只看本资料是肯定不够的。需要结合课件习题和课本习题，进行完整的综合复习。

【考核点 1】：第一章 质点运动学求导问题和积分问题

基本知识和能力：在直角坐标系中（默认 \vec{i} 、 \vec{j} 、 \vec{k} 为 x 、 y 、 z 三个轴正方向的单位矢量），用矢量表达式表达质点运动情况。

具体包括：

- 运动方程 $\vec{r}(t)$ ：即位置矢量（位矢）与时间的函数关系。
- 轨迹方程 $f(x, y, z)$ ：质点 x 、 y 、 z 三个位置坐标之间的函数关系。
- 位移 $\Delta\vec{r} = \vec{r}_{\text{末}} - \vec{r}_{\text{初}}$ ：一个过程中末状态（末时刻）对应的位置矢量表达式减去初状态（初时刻）位置矢量表达式。
- 速度 $\vec{v}(t)$ ：位置矢量表达式对时间求一阶导数。 $\frac{d\vec{r}}{dt}$
- 加速度 $\vec{a}(t)$ ：位置矢量表达式对时间求二阶导数，即速度对时间求一阶导数。

$$\frac{d\vec{v}}{dt}$$

考核点 1 习题（答案见后）：

1. 已知质点的运动方程为 $\vec{r} = (4 - t)\vec{i} + t^2\vec{j}$ ，其中 \vec{i} 、 \vec{j} 表示直角坐标系 X 、 Y 轴正方向的单位矢量， r 以 m 为单位、 t 以 s 为单位，试求：
 - (1) $t=0s$ 时的位置矢量；
 - (2) 从 $t=1s$ 到 $t=2s$ 质点的位移；
 - (3) $t=2s$ 时质点的速度 \vec{v} 和加速度 \vec{a} ；分别描述该质点运动在沿 X 方向，以及 Y 方向有何种规律？如果是匀速运动，请描述速度大小和方向；如果是匀加速运动，请描述加速度大小和方向。

(4) 质点的轨迹方程。

2. 已知质点的位置矢量分量式为: $x=2t$, $y=6-2t^2$

试求: (1) 轨迹方程;

(2) 求 $t=1$ 到 $t=2$ 之间的位移和平均速度;

(3) 求 $t=1$ 和 $t=2$ 两时刻的瞬时速度和瞬时加速度。

题目中, x 、 y 单位是 m , t 的单位是 s , v 的单位是 m/s 。

3. 已知直角坐标系内, 质点的运动方程为 $\vec{r} = t\vec{i} + 2t^3\vec{j}$, 其中 \vec{i} 、 \vec{j} 表示直角坐标系 X 、 Y 轴正方向的单位矢量, r 以 m 为单位、 t 以 s 为单位, 试求:

(1) 质点的轨迹方程;

(2) 用直角坐标或位置矢量表示 $t=0s$ 时质点所在的位置;

(3) 从 $t=1s$ 到 $t=2s$ 过程中质点的位移矢量;

(4) 求质点瞬时速度 \vec{v} 和瞬时加速度 \vec{a} 的矢量表达式, 并求 $t=1s$ 时质点的瞬时速度 \vec{v} 和瞬时加速度 \vec{a} 。

4. 已知质点的运动方程为 $\vec{r} = a \cos \omega t \vec{i} + b \sin \omega t \vec{j}$, 其中: a , b , ω 均为正值常量。试求:

(1) 轨迹方程;

(2) 瞬时速度和瞬时加速度?

考核点 1 习题解答:

题 1 解: (1) 将 $t=0s$ 代入运动方程, 可得 $t=0$ 时位置矢量 $\vec{r} = 4\vec{i}$ 。

(2) 位移: $\Delta\vec{r} = \vec{r}_2 - \vec{r}_1 = (2\vec{i} + 4\vec{j}) - (3\vec{i} + \vec{j}) = -\vec{i} + 5\vec{j}$

(3) 根据速度和位矢的关系 $\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} = -\vec{i} + 2t\vec{j}$; 根据加速度和速度的关系 $\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt} = 2\vec{j}$

代入 $t=2s$ 有 $\vec{v}_2 = -\vec{i} + 4\vec{j}$ (m/s) $\vec{a} = 2\vec{j}$ (m/s^2)

该质点运动在沿 y 方向为匀加速直线运动, 加速度大小为 $2 m/s^2$, 方向沿 y 轴正方向。该质点沿 x 方向做匀速直线运动, 速度大小为 $1m/s$, 方向沿 x 轴负方向。

(4) t 时刻位置坐标: $y=t^2$, $x=4-t$, 消去时间变量 t 可得到轨迹方程。
轨迹方程为: $(x-4)^2=y$

题 2. 解: (1) 位置矢量分量式消去 t 得到轨道方程 $y=6-\frac{x^2}{2}$

(2) 由直角坐标系中位置矢量的定义和题目可知, $\vec{r} = 2t\vec{i} + (6-2t^2)\vec{j}$

分别代入 $t_1=1$ 和 $t_2=2$, 知 $\vec{r}_1 = 2\vec{i} + 4\vec{j}$ $\vec{r}_2 = 4\vec{i} - 2\vec{j}$

所以位移为 $\Delta\vec{r} = \vec{r}_2 - \vec{r}_1 = (x_2 - x_1)\vec{i} + (y_2 - y_1)\vec{j} = 2\vec{i} - 6\vec{j}$ (m)

平均速度: $\vec{V} = \Delta\vec{r}/(t_2 - t_1) = 2\vec{i} - 6\vec{j}$ (m/s)

(3) 瞬时速度 $\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} = 2\vec{i} - 4t\vec{j}$, 代入 $t=1$ 和 $t=2$,

得到 $v_1 = 2i - 4j$; $v_2 = 2i - 8j$; 单位: m/s

瞬时加速度 $a = \frac{dv}{dt} = -4j$ 故两个时刻瞬时加速度均为 $-4j$

题 3 解: (1) t 时刻位置坐标: $x=t$, $y=2t^3$, 消去时间变量 t 即可得到轨迹方程。

轨迹方程为: $y=2x^3$ 。

(2) 将 $t=0s$ 代入运动方程, 可得位置矢量 $r_0=0i+0j$, 即 $t=0$ 时质点位于坐标系原点, 坐标为 $(0, 0)$ 。

(3) 位移矢量是末时间的位置矢量减去初时间的位置矢量:

$$\Delta \vec{r} = \vec{r}_2 - \vec{r}_1 = (2\vec{i} + 16\vec{j}) - (\vec{i} + 2\vec{j}) = \vec{i} + 14\vec{j}$$

(4) 由速度和位置矢量的求导关系, 以及加速度与速度的求导关系, 可知:

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} = \vec{i} + 6t^2\vec{j} \quad \vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt} = 12t\vec{j} \quad \text{并代入 } t=1s \text{ 有 } \vec{v}_1 = \vec{i} + 6\vec{j} \quad (\text{m/s})$$

$$\vec{a}_1 = 12\vec{j} \quad (\text{m/s}^2)$$

题 4 解: (1)、由运动方程知

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1, \quad x = a \cos \omega t, \quad y = b \sin \omega t$$

(2)

$$\begin{aligned} \vec{v} &= \frac{d\vec{r}}{dt} = \frac{d}{dt}(a \cos \omega t \vec{i} + b \sin \omega t \vec{j}) \\ &= -a\omega \sin \omega t \vec{i} + b\omega \cos \omega t \vec{j} \\ \vec{a} &= \frac{d\vec{v}}{dt} = -\omega^2 a \cos \omega t \vec{i} - b\omega^2 \sin \omega t \vec{j} \\ &= -\omega^2 (a \cos \omega t \vec{i} + b \sin \omega t \vec{j}) = -\omega^2 \vec{r} \end{aligned}$$

【考核点 2】: 第二章 对心碰撞问题

基本知识和能力: 由两个碰撞物体组成系统, 系统在碰撞前后总动量一定是守恒的。系统总动能是否守恒, 要观察碰撞是否是完全弹性碰撞。



- ✓ 掌握完全弹性碰撞问题的求解：碰撞前后系统动量守恒，且系统动能守恒。碰撞后两物体完全恢复形变。

$$\begin{cases} m_1 v_1 + m_2 v_2 = m_1 v_{10} + m_2 v_{20} & (1) \\ \frac{1}{2} m_1 v_1^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2^2 = \frac{1}{2} m_1 v_{10}^2 + \frac{1}{2} m_2 v_{20}^2 & (2) \end{cases}$$

- ✓ 掌握完全非弹性碰撞问题的求解：碰撞前后系统动量守恒，系统动能有损失。碰撞后两物体速度相同，粘连在一起运动。

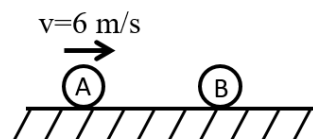
$$(m_1 + m_2)v = m_1 v_{10} + m_2 v_{20}$$

碰撞过程中机械能损失为：

$$\Delta E = E_{k0} - E_k = \frac{1}{2} m_1 v_{10}^2 + \frac{1}{2} m_2 v_{20}^2 - \frac{1}{2} (m_1 + m_2) v^2$$

考核点 2 习题：

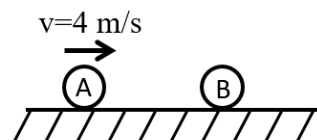
1. 在光滑水平面上有两个小球 A 和 B，开始时 B 球静止在水平面上，A 球从 B 球左侧向右以速率 $v=6 \text{ m/s}$ 射向 B 球。已知 A、B 两球质量 $m_A=4 \text{ kg}$ ， $m_B=2 \text{ kg}$ 。碰撞后两小球分开各自运动。



若碰撞过程不计损失的机械能。则：

- (1) 碰撞后两个小球各自的速度是什么？
- (2) 碰撞后两个小球各自动能为多少？
- (3) 碰撞前、后，能量在 A、B 球之间是如何转移的？

2. 在光滑水平面上有两个相同的小球 A 和 B，开始时 B 球静止在水平面上，A 球从 B 球左侧向右以速率 $v=4\text{ m/s}$ 射向 B 球。已知 A、B 两球质量 $m_A=1\text{ kg}$ ， $m_B=3\text{ kg}$ 。碰撞过程不计损失的机械能，两小球完全恢复原来的形状。



- 则 (1)碰撞后两个小球的速度是什么？
 (2)碰撞后两个小球各自动能为多少？
 (3)碰撞前、后，能量在 A、B 球之间是如何转移的？

3. 一质量为 $M=200\text{g}$ 的木块，静止在光滑的水平桌面上，一质量 $m=10.0\text{g}$ ，

速度 $v=800\text{m}\cdot\text{s}^{-1}$ 的子弹水平射入木块，子弹进入木块后，就和木块一起平动。试求：

- (1) 子弹克服阻力所作的功；
 (2) 子弹作用于木块的力对木块所作的机械功；
 (3) 失去的机械能。

考核点 2 习题解答：

题 1 解：

(1) 由题目，此碰撞为完全弹性碰撞，碰撞前后小球 A 和 B 的总动能守恒，总动量守恒。则有：

$$m_1 v_1 + m_2 v_2 = m_1 v_{10} + m_2 v_{20}$$

$$\frac{1}{2} m_1 v_1^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2^2 = \frac{1}{2} m_1 v_{10}^2 + \frac{1}{2} m_2 v_{20}^2$$

式中：A、B 质量分别为 m_1 和 m_2 ，A、B 碰撞前的速度分别为 v_{10} 和 v_{20} ，A、B 碰撞后的速度分别为 v_1 和 v_2 ，以向右为正方向。将 $m_1=4\text{kg}$ ， $m_2=2\text{kg}$ ， $v_{10}=6\text{ m/s}$ ， $v_{20}=0\text{ m/s}$ ，代入上公式，可解得： $v_1=2\text{m/s}$ ， $v_2=8\text{m/s}$ 。即碰撞后，A 球向右继续运动，速率大小为 2 m/s 。B 球往右运动，速率为 8 m/s 。

(2) $v_1=2\text{m/s}$ ， $v_2=8\text{m/s}$ 。代入动能公式 $\frac{1}{2}mv^2$ ，碰撞后动能分别为：A 球 8 焦耳；B 球 64 焦耳。(3) 碰撞前，A 球动能 72 焦耳。则碰撞前后，A 球将 64 焦耳动能转移给了 B 球。

题 2 解:

(1) 由题目, 此碰撞为完全弹性碰撞, 碰撞前后小球 A 和 B 的总动能守恒, 总动量守恒。

$$m_1 v_1 + m_2 v_2 = m_1 v_{10} + m_2 v_{20}$$

$$\frac{1}{2} m_1 v_1^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2^2 = \frac{1}{2} m_1 v_{10}^2 + \frac{1}{2} m_2 v_{20}^2$$

式中: A、B 质量分别为 m_1 和 m_2 , A、B 碰撞前的速度分别为 v_{10} 和 v_{20} , A、B 碰撞

后的速度分别为 v_1 和 v_2 , 以向右为正方向。将 $m_1=1\text{kg}$, $m_2=3\text{kg}$, $v_{10}=4\text{ m/s}$, $v_{20}=0\text{ m/s}$, 代入上公式, 可解得: $v_1=-2\text{ m/s}$, $v_2=2\text{ m/s}$ 。即碰撞后, A 球沿原路返回, 速率大小为 2 m/s 。B 球往右运动, 速率为 2 m/s 。代入动能公式, 碰撞后动能分别为: A 球 2 焦耳; B 球 6 焦耳。碰撞前, A 球动能 8 焦耳。则碰撞前后, A 球将 6 焦耳动能转移给了 B 球。

题 3 解: (1) 已知, $M=200\text{g}=0.2\text{kg}$, $v_{10}=0$

$$m=10.0\text{g}=0.01\text{kg}, v_{20}=800\text{m}\cdot\text{s}^{-1}$$

(2) 由动量守恒得 $Mv_{10} + mv_{20} = (M + m)v$

$$v = \frac{m}{M + m} v_{20} = \frac{0.01}{0.21} 800 = 38.1\text{ m/s}$$

由此得共同速度:

对子弹应用动能定理得阻力对子弹所做的功

$$A = \frac{1}{2} m(v_{20}^2 - v^2) = \frac{1}{2} \times 0.01 \times (800^2 - 38.1^2) = 3192.74\text{J}$$

这便是子弹克服阻力所做的功。

(2) 子弹对木块所做的机械功等于木块的动能增量 (对木块应用动能定理) 即

$$A' = \frac{1}{2} Mv^2 = \frac{1}{2} \times 0.2 \times (38.1^2) = 145.16\text{J}$$

(3) 失去的机械能

$$\begin{aligned} \Delta E &= \frac{1}{2} m v_{20}^2 - \frac{1}{2} (M + m) v^2 \\ &= \frac{1}{2} \times 0.01 \times 800^2 - \frac{1}{2} \times 0.21 \times 38.1^2 \\ &= 3047.58\text{J} \end{aligned}$$

【考核点 3】: 第四章 电容串并联问题

基本知识和能力: 电容器串联或并联的目的意义, 以及串联或

并联后, 对应等效电容 (等值电容) 的值。

考核点 3 习题:

1. 已知 C1, C2 两个电容器, 分别标明了 200 pF、500V 和 300 pF、900V;
- (1) 把它们串联起来以后, 等效电容是多少?
 - (2) 如果给串联电容器后的电路两端加 1000 伏电压, 电容器是否会被击穿?
 - (3) 把它们并联起来以后, 等效电容是多少?

考核点 3 习题解答:

题 1 解: 由题目可知, C1=200 pF(皮法); C2=300 pF(皮法)

(1) C1, C2 串联, 等效电容 C 满足:
$$\frac{1}{C} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}$$

则: C1, C2 串联时等效电容为

$$C = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} = \frac{200 \cdot 300}{200 + 300} = \frac{600}{5} = 120 \text{ pF} = 1.2 \times 10^{-10} \text{ F}$$

(2) 若在他们两端加电压, U=1000 伏, 则每块极板带电:

$$q = C \cdot U = \frac{120}{10^{12}} \times 1000 = 1.2 \times 10^{-7} \text{ C}$$

此时, 两电容器的端电压分别为:

$$U_1 = \frac{q}{C_1} = \frac{1.2 \times 10^{-7}}{2 \times 10^{-10}} = 600 \text{ V}$$

$$U_2 = \frac{q}{C_2} = \frac{1.2 \times 10^{-7}}{3 \times 10^{-10}} = 400 \text{ V}$$

由于 C1 的耐压是 500 伏, 则 C1 将被击穿, C1 击穿后, 所有的电压都将加在 C2 上, 故 C2 也将被击穿。

$$C = \frac{Q}{U} = C_1 + C_2$$

(3) C1, C2 并联, 等效电容 C 满足:

则: 并联时 C=200+300= 500 pF

电容器串联时总电容降低, 耐压能力增强; 在电容器并联时, 总电容增加, 而耐压值等于耐压能力最低的电容器的耐压值。在具体电路中根据电路的要求使用不同的连接方法。

【考核点 4】：第四章 真空中点电荷场强、电势公式+电场强度、电

势叠加原理 求空间中某一位置点的电场强度、电势

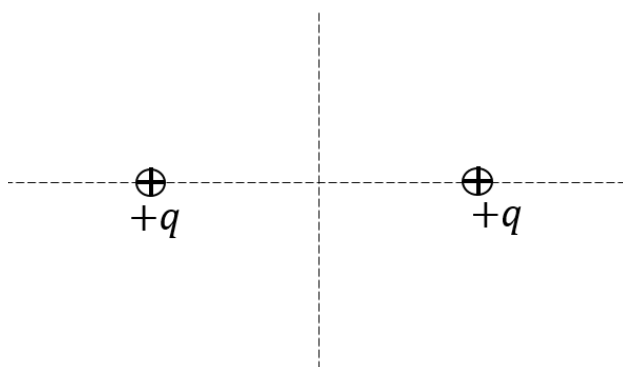
考查的基本知识和能力：由真空中点电荷场强公式和电势公式，求解当场源为离散的几个点电荷时，空间当中某一个位置点的电场强度和电势。

- 真空中点电荷 q 场强公式： $\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^3} \vec{r}$ ， E 的大小 $E = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^2}$
- 注意判断好每个场源电荷在空间中某点产生的电场强度的方向。最终的叠加是矢量叠加。
- 真空中点电荷 q 电势公式： $V = \frac{W}{q_0} = \int_r^\infty \vec{E} \cdot d\vec{l} = \int_r^\infty \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^2} dr = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r}$

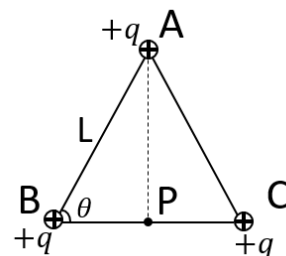
考核点 4 习题：

1. 设无穷远处为零电势能点（零电势点），请完成以下问题：

(1) 在空间中有一对等量同号电荷，带电量均为 $+q$ ，两个电荷之间距离 L 。在下方两个正电荷示意图基础上，绘制出该“等量同号正电荷”电场线分布的示意图。



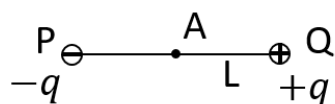
(2) 如右图所示，三个电量为 $+q$ 的点电荷分别位于空间 A、B、C 三点，三角形 ABC 为一个等边三角形，三条边 $AB=BC=AC=L$ 。结合电场强度的叠加原理，求 BC 边中点 P 位置处的电场强度。



(3) 结合电势叠加原理，求第（2）问中，P 点的电势。

2. 在空间中有一对等量异号电荷，如下图所示， $-q$ 和 $+q$ 分别位于空间 P、Q 两点， $PQ=L$ ，已知空间 A 点位于两个电荷连线的中点上，设零势能点为无穷远处，

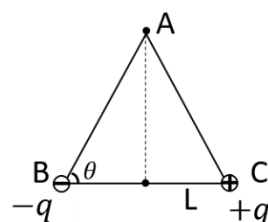
请完成以下问题：



- (1) 求位于 A 点的试探电荷 q_0 受到的库仑力合力（大小如何？方向如何？）。
- (2) 求 A 点的电场强度。
- (3) 求 A 点的电势。
- (4) 求位于 A 点的试探电荷 q_0 具有的电势能。

3. 如右图所示， $-q$ 和 $+q$ 分别位于空间 B、C 两点， $BC=L$ ，

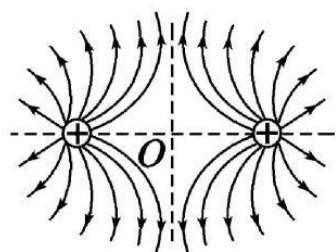
已知空间 A 点位于两个电荷连线的中垂线上，三角形 ABC 为一个等边三角形，结合电场强度的叠加原理，求 A 点的电场强度。



考核点 4 习题解答：

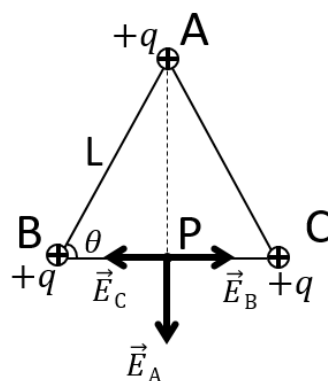
题 1 解：

(1) 下图即为一对等量正电荷空间电场线示意图。电场线从正电荷发出，终止于无穷远，且不相交不闭合。



(2) P 点场强情况如右图所示（以 P 点为坐标原点建立水平和竖直方向的坐标系，水平向右为 x 轴正方向，竖直向上为 y 轴正方向）。由电场强度叠加原理可知，P 点电场强度等于 A、B、C 三处电荷分别单独存在时在 P 点产生的电场强度的矢量和。由于 P 点所在空间位置为等 BC 中点可知，B、C 两个电荷在 P 点产生的电场强度大小：

$$E_B = E_C = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 \left(\frac{L}{2}\right)^2} = \frac{q}{\pi\epsilon_0 L^2}$$



方向为如图所示，一个水平向左一个向右，所以 $\vec{E}_B + \vec{E}_C = 0$ 。

则可知：

$$\vec{E} = \vec{E}_A = -\frac{q}{4\pi\epsilon_0\left(\frac{\sqrt{3}L}{2}\right)^2}\vec{j} = -\frac{q}{3\pi\epsilon_0 L^2}\vec{j}$$

P 点电场强度大小为 $\frac{q}{3\pi\epsilon_0 L^2}$ ，方向如图所示竖直向下（-j 单位向量表示 y 轴负方向，即竖直向下）。

（3）由电势叠加原理可知，P 点电势等于 A、B、C 三处电荷分别单独存在时在 A 点电势的标量和。

由点电荷在空间电势定义可知：

$$V_B = V_C = \frac{q}{4\pi\epsilon_0\left(\frac{L}{2}\right)} = \frac{q}{2\pi\epsilon_0 L}$$

$$V_A = \frac{q}{4\pi\epsilon_0\left(\frac{\sqrt{3}L}{2}\right)} = \frac{q}{2\sqrt{3}\pi\epsilon_0 L}$$

所以 P 点电势为：

$$V = V_A + V_B + V_C = \frac{q}{\pi\epsilon_0 L}\left(1 + \frac{1}{2\sqrt{3}}\right)$$

题 2 解：

（1）由库仑力定义和库仑力叠加原理可知，A 点处电荷 q_0 受到的电场力是正负电荷分别在此处产生的电场力的合力。而 $\vec{F}_+ = \frac{qq_0\vec{QA}}{4\pi\epsilon_0|QA|^3}$ ， $\vec{F}_- = \frac{-qq_0\vec{PA}}{4\pi\epsilon_0|PA|^3} =$

$$\frac{qq_0\vec{QA}}{4\pi\epsilon_0|PA|^3} = \vec{F}_+ \text{ 故 } \vec{F} = \vec{F}_+ + \vec{F}_- = \frac{qq_0\vec{QA}}{2\pi\epsilon_0|QA|^3} \text{ 方向与 } q_0\vec{QA} \text{ 方向一致。}$$

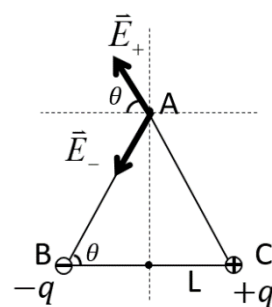
$$\text{（2）由电场强度定义，} \vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0} = \frac{q\vec{QA}}{2\pi\epsilon_0|QA|^3}$$

（3）由电势叠加原理可知，A 点电势等于 B、C 两处电荷分别单独存在时在 A 点电势的标量和。由点电荷在空间电势定义可知， $V_+ = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 L}$ ， $V_- = \frac{-q}{4\pi\epsilon_0 L}$ 。故 $V_A = V_+ + V_- = 0$ 。

（4）由电势能定义可知： $W_A = q_0 V_A = 0$ 该点 q_0 具有的电势能为 0。

题3 解:

A 点场强情况如右图所示。由电场强度叠加原理可知，A 点电场强度等于 B、C 两处电荷分别单独存在时在 A 点电场强度的矢量和。由于 A 点在空间位置的对称性可知， $AB=AC$ ，有正、负电荷分别在 A 点产生的电场强度大小一致，方向如图所示。 $E_+=E_-$ 。



故水平方向上电场强度大小为： $E=2\cos\theta E_+$ ，方向水平向左。竖直方向上，电场强度为 0。由电场强度定义可知，空间

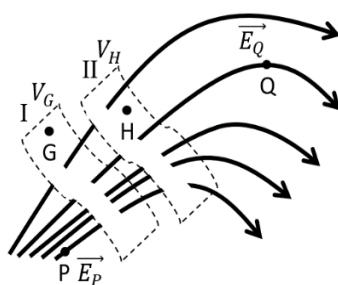
中正、负电荷分别在 A 点产生的电场强度大小为： $E_+=E_-$

$=\frac{q}{4\pi\epsilon_0 L^2}$ ；则 A 点电场强度大小为： $E=2\cos\theta E_+=2\cos 60^\circ \frac{q}{4\pi\epsilon_0 L^2}=\frac{q}{4\pi\epsilon_0 L^2}$ ，电场强度方向为水平向左。

【其他补充习题，请结合教材课件理解相关概念和原理，背题背答案

无用】

1. 某真空中静电场的电场线和等势面示意图绘制如下图所示，图上点 P、Q 两处的电场强度大小分别为 E_P 和 E_Q ，点 G、H 分别位于等势面 I 和等势面 II 上（等势面用虚线框表示），电势 V_G 和 V_H 。则下列说法正确的是（ A ）（说明：沿着电场线方向电势降低）



- A $E_P > E_Q$ $V_G > V_H$ B $E_P > E_Q$ $V_G < V_H$
C $E_P < E_Q$ $V_G > V_H$ D $E_P < E_Q$ $V_G < V_H$

2. 关于静电场和稳恒磁场，下列说法错误的是（ F ）

A. 静电场是有源场。可由真空中静电场高斯定理证明。 $\phi_e = \oiint_S \vec{E} \cdot d\vec{s} = \frac{q}{\epsilon_0}$

B. 静电场是保守场。由静电场环路定理证明。 $\oint_L \vec{E} \cdot d\vec{l} = 0$

$$\oiint_S \vec{B} \cdot d\vec{S} = 0$$

C. 稳恒磁场是无源场。由稳恒磁场高斯定理证明。

$$\oint_L \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 \sum_{(L \text{ 内})} I_i$$

D. 稳恒磁场是有旋场。由稳恒磁场环路定理证明。

E. 稳恒磁场的磁力线永远闭合。 F. 静电场对闭合面的电通量恒为零。

G. 稳恒磁场对闭合曲面的磁通量恒为零。

H. 静电场的电力线总是起于正电荷（或无限远），止于负电荷（或无限远）。

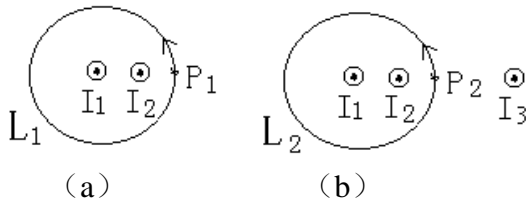
3. (a)和(b)中各有一半径相同的圆形回路 L_1, L_2 ，圆周内有电流 I_1, I_2 ，其分布相同，且均在真空中，但在(b)图中 L_2 回路外有电流 I_3 ， P_1, P_2 为两圆形回路上的对应点，则：（ C ）

A $\oint_{L_1} \vec{B} \cdot d\vec{l} = \oint_{L_2} \vec{B} \cdot d\vec{l}, B_{p1} = B_{p2}.$

B $\oint_{L_1} \vec{B} \cdot d\vec{l} \neq \oint_{L_2} \vec{B} \cdot d\vec{l}, B_{p1} = B_{p2}.$

C $\oint_{L_1} \vec{B} \cdot d\vec{l} = \oint_{L_2} \vec{B} \cdot d\vec{l}, B_{p1} \neq B_{p2}.$

D $\oint_{L_1} \vec{B} \cdot d\vec{l} \neq \oint_{L_2} \vec{B} \cdot d\vec{l}, B_{p1} \neq B_{p2}.$

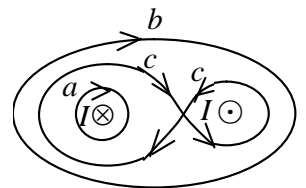


4. 两根长直导线通有电流 I ，图示有三种环路；在每种情况下， $\oint \vec{B} \cdot d\vec{l}$ 等于：

_____ $\mu_0 I$ _____ (对环路 a).

_____ 0 _____ (对环路 b).

_____ $2 \mu_0 I$ _____ (对环路 c).



5. 对质点组有以下几种说法：

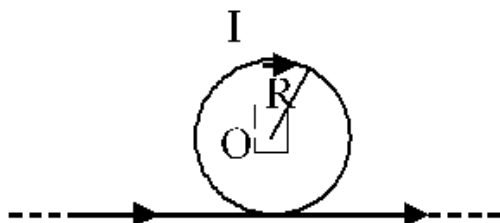
- (1) 质点组总动能的改变与内力无关；
- (2) 质点组总动量的改变与内力无关；
- (3) 质点组机械能的改变与保守内力无关。

下列对上述说法判断正确的是（ D ）

- (A) 只有 (1) 是正确的
- (B) (1)、(2) 是正确的
- (C) (1)、(3) 是正确的
- (D) (2)、(3) 是正确的

6. 如下图所示，载流导线在平面内分布，电流为 I ，则其在 O 点的磁感应强度为_____

$$\frac{\mu_0 I}{2R} (1 - \frac{1}{\pi}) (\text{向里}) \underline{\hspace{1cm}}$$

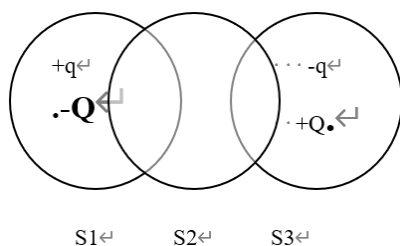


7. 一质点在平面上运动，已知质点位置矢量的表示式为 $\vec{r} = at\vec{i} + bt^2\vec{j}$ ，其中 a 、 b 为常量， \vec{i} 和 \vec{j} 分别为 x 轴和 y 轴的单位方向向量，则该质点做：（ B、D ）

- A. x 方向上做加速运动
- B. x 方向上做匀速运动，且速度大小为 a
- C. y 方向上做匀速运动
- D. 质点运动轨迹为 抛物线。

8. 真空中四个点电荷 $+q$ 、 $-q$ 、 $+Q$ 和 $-Q$ 的静电场中，作出如图所示的三个闭合面 S_1 、 S_2 、 S_3 ，

则通过 S_1 S_2 和 S_3 的电场强度通量分别是 $\Phi_1 = [\frac{q-Q}{\epsilon_0}]$ ， $\Phi_2 = [0]$ ， $\Phi_3 = [\frac{Q-q}{\epsilon_0}]$ ，



9. 某小球从地面开始，做竖直上抛运动，初速度大小 v_0 ，到达 7.2m 高度后停止上升，开始下落。忽略空气阻力，取 $g=10 \text{ m/s}^2$ ，则（ B ）

- A. $v_0=15 \text{ m/s}$
- B. $v_0=12 \text{ m/s}$
- C. $v_0=9 \text{ m/s}$
- D. $v_0=6 \text{ m/s}$

10. 有三个完全一样的金属小球 A、B、C，A 带电荷量 $+9Q$ 、B 带电荷量 $-3Q$ 、C 不带电，将 A、B 分别固定起来，然后让 C 球反复很多次与 A、B 球接触，最后移去 C 球，则 A、B 球间的库仑力大小变为初始时刻的（ ）倍，库仑力方向与初始时刻相比（ B ）。

- A. $4/27$ ；不变
- B. $4/27$ ；改变
- C. $9/27$ ；改变
- D. $9/27$ ；不变

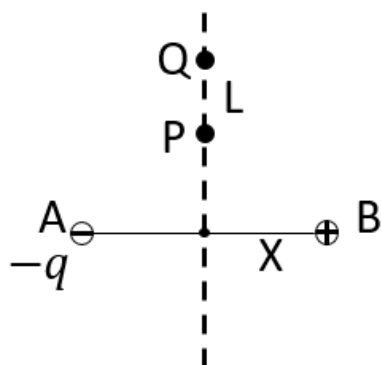
11. 静电场点电荷库仑定律公式为： $\vec{F} = \frac{qq_0}{4\pi\epsilon_0 r^3} \vec{r}$ ，库仑力的大小可以表示

为： $\underline{\underline{F = \frac{qq_0}{4\pi\epsilon_0 r^2}}}$ 。静止的点电荷 q 在空间里距离自身 \vec{r} 处产生的电场强度为： $\underline{\underline{\vec{E} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^3} \vec{r}}}$ ，电场强度的大小可以表示为： $\underline{\underline{E = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^2}}}$ 。

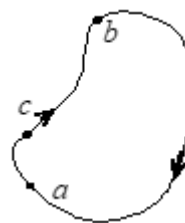
12. 一质点沿 x 轴运动其加速度 a 与位置坐标的关系为 $a = (2 + 6x^2)m/s^2$ ，如果质点在原点处的速度为零，则其在任意位置处的速度大小的平方

$v^2 = \underline{\underline{4x + 4x^3}}$ 。

13. 如下图所示，场源电荷是一对等量异号电荷，间距为 X ，空间场点 P 、 Q 均位于两个场源电荷连线的中垂面上， $PQ=L$ 。求一个点电荷 q_0 从 P 点运动到 Q 点过程中，静电力做的功？ $\underline{\underline{0}}$ （等势面上移动电荷，静电力不做功）



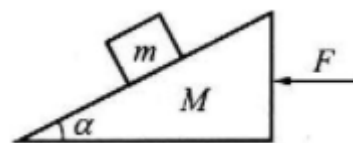
14. 静电场中有一质子(带电荷 $e = 1.6 \times 10^{-19}$) 沿图示路径从 a 点经 c 点移动到 b 点时，电场力做功 8×10^{-15} J。则当质子从 b 点沿另一路径回到 a 点过程中，电场力做功 $A = \underline{\underline{-8 \times 10^{-15} \text{ J}}}$ ；



15. 一质量为 m 的质点，在半径为 R 的半球容器中，由静止开始自边缘上的 A 点滑下，到达最低点 B 时，它对容器的正压力数值为 N ，则质点自 A 滑到 B 的过程中，摩擦力对它作的功为： （ A ）

(A) $\frac{1}{2}R(N - 3mg)$; (B) $\frac{1}{2}R(3mg - N)$; (C) $\frac{1}{2}R(N - mg)$; (D) $\frac{1}{2}R(N - 2mg)$

16. 如图所示，在光滑水平面上有一质量为 M 的斜劈，其斜面倾角为 α ，一质量为 m 的物体放在其光滑斜面上，现用一水平力 F 推斜劈，恰使物体 m 与斜劈间无相对滑动，则斜劈对物块 m 的支持力大小为 （ B D ）



A. $mg \cos \alpha$

B. $mg / \cos \alpha$

C. $\frac{mF}{(M+m)\cos\alpha}$

D. $\frac{mF}{(M+m)\sin\alpha}$

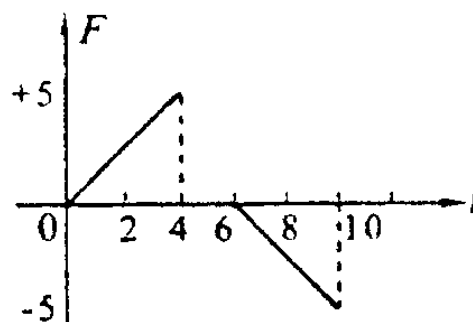
17. 一正电荷在磁场中运动，已知其速度 v 沿 x 轴正向。①如果电荷不受力，则磁感应强度 B 的方向为 x 或 $-x$ 方向；②如果受力的方向沿 z 轴正方向，且力的数值为最大，则磁感应强度 B 的方向为 y 方向；

18. 质点在 xOy 平面上运动，其运动方程为： $x=2t$, $y=19-2t^2$ ，则质点位置矢径与速度矢量恰好垂直的时刻 t 为 (C)

(A) 0 秒和 3.16 秒 (B) 1.78 秒 (C) 0 秒和 3 秒 (D) 没有这样的时刻

19. 某物体在水平方向的变力作用下，由静止开始作无摩擦的直线运动，若力的大小随时间的变化规律如右图所示，则在 4-10s 内，此力的总冲量为 (A)

(A) 0; (B) $20 N \cdot s$
(C) $10 N \cdot s$ (D) $-10 N \cdot s$



20. 一个质点在做匀速率圆周运动时 (B)

(A) 切向加速度改变，法向加速度也改变。
(B) 切向加速度不变，法向加速度改变。
(C) 切向加速度不变，法向加速度也不变。
(D) 切向加速度改变，法向加速度不变。