

# 西安财经大学试题

命题教师 试题库 学期 20 — 20 学年第 2 学期  
使用班级 理工类 19 级各专业 考核方式 闭卷笔试

课程名称 高等数学 阅卷教师签名                     

题号	一	二	三	四	五	六	七	八	九	十	总分
得分											

注意事项:

命题教师

1. 出题用五号字、宋体输入, 打印用正规 A4 纸张。

2. 装订线以外的各项均由命题教师填写, 不得漏填。

考生

1. 装订线内的“班级”、“学号”、“姓名”、“时间”等栏由考生本人填写。

2. 一律用黑色的签字笔答题, 否则试卷无效。

## 第一题

得分

一、单项选择题(3 分×6):

5. 设曲线  $L$  的周长为  $c$ , 则  $c - \int_L (1-c) ds =$                      

1. 曲线  $y = 3x^2$  与  $9x = y^2$  围城的平面图形面积  $A = ($                        $)$ .

A.  $\frac{1}{3}$ ;

B.  $\frac{1}{2}$ ;

C. 1;

D. 2.

7.  $z = x^y$ , 则  $dz =$                      

2. 直线  $\frac{x-5}{5} = \frac{y-2}{2} = \frac{z-0}{1}$  与直线  $\frac{x-2}{3} = \frac{y-1}{-7} = \frac{z-1}{-1}$  (                    ).

A. 平行;

B. 垂直;

C. 重合;

D. 无法判断.

3. 幂级数  $\sum_{n=1}^{\infty} (-nx)^n$  的收敛半径  $R = ( \quad )$ .

A. 0;

B. 1;

C. 2;

D.  $\infty$ .

4. 下列级数收敛的是(  $\quad$  ).

A.  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{n^2 + 1}$ ;

B.  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3n^2}{n^3 + 1}$ ;

C.  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{4^n}$ ;

D.  $\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{n}{2n+1} \right)^n$ .

5.  $\cos x$  是微分方程(  $\quad$  )的特解.

A.  $y'' + y' = 0$ ;

B.  $y'' + 2y' + 2y = 0$ ;

C.  $y'' + y = 0$ ;

D.  $y'' - y' + y = 0$ .

6. 交换积分次序  $\int_0^2 dy \int_{y^2}^{2y} f(x, y) dx = ( \quad )$ .

A.  $\int_0^4 dx \int_{\sqrt{x}}^{\frac{x}{2}} f(x, y) dy$ ;

B.  $\int_0^2 dx \int_{\frac{x}{2}}^{\sqrt{x}} f(x, y) dy$ ;

C.  $\int_0^4 dx \int_{\frac{x}{2}}^{\sqrt{x}} f(x, y) dy$ ;

D.  $\int_0^2 dx \int_{x^2}^{2x} f(x, y) dy$ .

).

## 第二题

得分

二、填空题(3分×8):

1. 通过  $x$  轴且经过点  $P(2, 1, -1)$  的平面方程为\_\_\_\_\_.

2. 函数  $z = \arcsin(x + y - 1)$  的定义域为\_\_\_\_\_.

3. 设  $u = \left(\frac{y}{x}\right)^z$ , 则  $u_z(1, 1, 1) =$ \_\_\_\_\_.

4. 微分方程  $y' = y$  通解为\_\_\_\_\_.

设曲线  $L$  的周长为  $c$ , 则  $c - \int_L (1 - c) ds =$ \_\_\_\_\_.

设曲线  $L$  为  $xoy$  面内直线  $y = b$  上的一段, 则  $\int_L Q(x, y) dy =$ \_\_\_\_\_.

$= x^y$ , 则  $dz =$ \_\_\_\_\_.

得分

计算题(7分×6):

- 三. 判断级数  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{2^n}{n!}$  的敛散性, 若收敛, 是绝对收敛还是条件收敛?

1.

解:

2. 已知函数  $f(u, v)$  可微,  $z = f(y \ln x, x^2 \sin y)$ , 求  $\frac{\partial z}{\partial x}, \frac{\partial z}{\partial y}$ .

解:

3. 计算  $\iint_D e^{x^2} d\sigma$ , 其中  $D$  是由  $y=x$ ,  $x=1$  及  $x$  轴所围成.

解:

4. 计算  $\iint_D \frac{1}{\sqrt{1+x^2+y^2}} d\sigma$ , 其中  $D$  为  $x^2+y^2 \leq 4$ .

解:

年 月 日

考试时间

分

班级

求曲线积分  $\int_{(0,0)}^{(1,1)} (2xy - y^2 + 3)dx + (x^2 - 4xy^2)dy$  与路径无关, 并

求该曲线积分

求微分方程  $y'' + 2y' + 2y = 1$  的通解.

解:



考试时间 年 月 日

第四题

得分

四、应用题(10分×1):

1. 设生产某种产品的数量与所用两种原料 A, B 的数量  $x, y$  间有关系式

$$P(x, y) = 0.005x^2y, \text{ 欲用 150 元购料, 已知原料 A, B 的单价分别为 1 元、2 元, 问购进两种原料各多少, 可使生产的数量最多? (要求用拉}$$

格朗日乘数法计算此题, 其他方法均不得分!) 解:

第五题

得分

五. 证明题(6分×1):

1. 已知函数  $z = f(x, y)$  由方程  $x + 2y - 3z = \sin(x + 2y - 3z)$  确定,

求证

$$\frac{\partial z}{\partial x} + \frac{\partial z}{\partial y} = 1.$$

明: