Thử nghiệm ChatGPT giải đề thi minh họa THPT 2023 môn Toán

Tác giả:

Đào Xuân Quy, EIU, <u>quy.dao@eiu.edu.vn</u> Ngô Bắc Biển, EIU, <u>bien.ngo@eiu.edu.vn</u> Phan Xuân Dũng, EIU, <u>dung.phan@eiu.edu.vn</u>

I. Kết quả

| STT | ÐA | GPT |
|-----|----|-----|-----|----|-----|-----|----|-----|-----|----|-----|-----|----|-----|-----|----|-----|
| 1 | D | D | 10 | D | D | 19 | В | В | 28 | D | D | 37 | Α | A | 46 | С | В |
| 2 | В | В | 11 | D | D | 20 | D | D | 29 | D | D | 38 | С | С | 47 | В | |
| 3 | A | A | 12 | Α | A | 21 | С | С | 30 | D | A | 39 | D | A | 48 | С | D |
| 4 | D | D | 13 | В | В | 22 | D | D | 31 | С | В | 40 | В | D | 49 | В | |
| 5 | В | В | 14 | В | С | 23 | С | С | 32 | D | Α | 41 | В | D | 50 | В | |
| 6 | С | С | 15 | С | A | 24 | D | A | 33 | Α | D | 42 | С | | | | |
| 7 | В | | 16 | Α | A | 25 | D | D | 34 | D | D | 43 | В | A | | | |
| 8 | Α | A | 17 | С | С | 26 | D | D | 35 | С | С | 44 | С | | | | |
| 9 | В | D | 18 | В | D | 27 | В | | 36 | С | D | 45 | С | С | | | |

II. Chi tiết câu hỏi và trả lời

| Câu hỏi | ChatGPT trả lời |
|---|---|
| Câu 1. Trên mặt phẳng tọa độ, điểm biểu | Điểm biểu diễn số phức $z = 7$ - 6i trên mặt phẳng tọa độ |
| diễn số phức z=7-6i có tọa độ là | có tọa độ là (7, -6). |
| A. (-6;7) | Vì phần thực của số phức z là 7 và phần ảo của số phức z |
| B. (6;7) | là -6i, vậy ta sẽ đặt điểm đó trên trục thực với giá trị là 7 |
| C. (7;6) | và trục ảo với giá trị -6. Do đó, tọa độ của điểm biểu diễn |
| D. (7;-6) | số phức z trên mặt phẳng tọa độ sẽ là (7, -6). |
| | Vì vậy, đáp án là D. (7;-6). |
| Câu 2. Trên khoảng (0;+\infty), đạo hàm | Để tìm đạo hàm của hàm số $y = \log_3 x$, ta áp dụng |
| của hàm số y=log_3 x là: | công thức đạo hàm của hàm logarit tổng quát như sau: |
| A. $y' = 1/x$ | $\frac{d}{dx}\log_a x = \frac{1}{x\ln a}$ |
| B. $y' = \frac{1}{x \ln 3}$ | Vì vậy, đạo hàm của hàm số $y = \log_3 x$ sẽ là: |
| C. $y' = \frac{3}{x}$ | $\$y' = \frac{d}{dx}\log_3 x = \frac{1}{x\ln 3}$ |
| D. $y' = - \{1\} \{x \ln 3\}$ | Vậy đáp án chính xác là B. $y' = \frac{1}{x \ln 3}$. |
| Câu 3. Trên khoảng (0; +\infty), đạo hàm | Để tìm đạo hàm của hàm số $y = x^{\langle pi \rangle}$, ta sử dụng |
| của hàm số $y = x^{pi}$ là: | công thức đạo hàm của hàm lũy thừa như sau: |
| A. $y' = \pi x^{\infty}$ | $\$ \\frac{d}{dx} \ x^n = nx^{n-1} \\$\\$ |
| B. $y' = x^{\{\text{pi-1}\}}$ | Áp dụng công thức này vào $y = x^{\langle pi \rangle}$, ta có: |
| C. $y' = \frac{1}{\pi c} \{1\} \{ \pi \} x^{-1} \}$ | $\$y' = \frac{d}{dx} x^{\pi} = \pi x^{\pi} $ |
| D. $y' = \pi x^{\pi} $ | Vậy đáp án chính xác là A. $y' = \pi x^{\pi}$. |
| Câu 4. Tập nghiệm của bất phương trình | Bắt đầu giải bất phương trình \$2^{x+1} < 4\$ bằng cách |
| $2^{x+1} < 4 la$ | chuyển vế và rút gọn: |
| A. (-\infty; 1] | |

| D (1 1): 0) | ΦΦ1 : (1: 1) ΔΛ ((1) Δ (1) Δ (1) Δ (1) |
|--|---|
| B. (1;+\infty) | \$\$\begin{aligned} 2^{x+1} &< 4 \ 2\cdot 2^x &< 4 \ |
| C. [1;+\infty] | $2^x &< 2 \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $ |
| D. (-\infty;1) | Lấy logarit cơ số 2 hai về của bất phương trình, ta được: |
| | \$\$\begin{aligned} \log_2 2^x &< \log_2 2 \ x &< 1 \ |
| | \end{aligned} \$\$ |
| | Vậy tập nghiệm của bất phương trình là \$x < 1\$. Tức là |
| | tập nghiệm là đoạn \$(-\infty, 1)\$. |
| | Vậy đáp án chính xác là D. \$(-\infty, 1)\$. |
| Câu 5. Cho cấp số nhân (u n) =2 với u 1 = | Ta có cấp số nhân (u n) có công bội $q = \frac{1}{2}$ |
| 2 và công bội q = 1/2. Giá trị của u 3 bằng | và \$u 1 = 2\$, vậy ta có: |
| A. 3 | $\$\$u \ 2 = u \ 1 \cdot dot \ q = 2 \cdot dot \cdot \{1\} \{2\} = 1\$\$$ |
| B. 1/2 | $$$u_3 = u_2 \cdot q = 1\cdot \cdot \{1\} \{2\} = \frac{1}{2}$ \$ |
| C. 1/4 | Vậy giá trị của \$u 3\$ là \$\frac{1}{2}\$\$, đáp án chính xác |
| D. 7/2 | là B. \$\frac{1}{2}\$. |
| Câu 6. Trong không gian Oxyz, mặt phẳng | Một mặt phẳng (P) có phương trình tổng quát là |
| (P): $x + y + z = 1$ có một vecto pháp tuyến | \$ax+by+cz=d\$. Vì mặt phẳng (P) có phương trình |
| là: | \$x+y+z=1\$, ta có thể suy ra vectơ pháp tuyến của mặt |
| A. n $1 = (-1;1;1)$ | phẳng (P) bằng cách lấy các hệ số tương ứng của phương |
| _ , , , | trình tổng quát, vậy vectơ pháp tuyến của mặt phẳng (P) |
| B. n_4 = (1;1;-1) C. n 3 = (1;1;1) | |
| = \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ | là $mathbf{n}=(1,1,1)$ \$. |
| D. $n = (1;-1;1)$ | Vậy đáp án chính xác là C. $\frac{1}{n} = (1,1,1)$. |
| Câu 7. Cho hàm số $y = \frac{a + b}{c x}$ | Để tìm tọa độ giao điểm của đồ thị hàm số với trục |
| + d} có đồ thị là đường cong trong hình | hoành, ta cần tìm giá trị của \$x\$ khi \$y=0\$. |
| bên. | Thay \$y=0\$ vào phương trình hàm số, ta được: |
| Tọa độ giao điểm của đồ thị hàm số đã cho | $\frac{s}{c} = 0$ |
| và trục hoành là | Do tử số bằng 0, nên \$b=0\$. |
| A. (0;-2) | Tiếp theo, ta giải phương trình $\frac{ax}{cx+d}=0$ để |
| B. (2;0) | tìm giá trị của \$x\$ khi mẫu số khác 0: |
| C. (-2;0) | $\$ \frac{ax} {cx+d}=0 \Leftrightarrow ax=0 |
| D. (0;2) | \Leftrightarrow x=0\$\$ |
| | Vậy tọa độ giao điểm của đồ thị với trục hoành là |
| | \$(0,0)\$. |
| | Vậy đáp án chính xác là: không có đáp án phù hợp trong |
| | các lựa chọn. |
| Câu 8. Nếu \int^4_{-1} $f(x)dx = 2 và$ | Ta có: $\left[\frac{1}^4 [f(x) + g(x)] dx \&= \right]$ |
| $\int \int dx = 3 thi \int dx = 3 thi = 1$ | $\int \int_{-1}^4 f(x) dx + \int_{-1}^4 g(x) dx = 2 + 3 = 5$ |
| $[f(x) + g(x)] dx b \grave{a} ng$ | \end{align*} Do đó, đáp án chính xác là A. 5. |
| A. 5 | |
| B. 6 | |
| C. 1 | |
| D1 | |
| Câu 9. Đồ thị của hàm số nào dưới đây có | Đáp án: D. $y = x^3 - 3x - 5$ |
| dạng như đường cong trong hình bên? | Giải thích: Đường cong trong hình bên có hình dạng |
| A. $y = x^4 - 3x^2 + 2$ | giống với một đường cong bậc ba, với điểm uốn nằm ở |
| B. $y = \frac{4-3}{2} \cdot \frac{2+2}{2}$ | giong voi một dương công bậc bà, với thêm ton hàm σ $(0, -1)$ và điểm cực đại nằm σ $(-2, -11)$. |
| | |
| C. $y = x^2 - 4x + 1$ | Trong số các hàm số được đưa ra ở đây, chỉ có hàm số y |
| D. $y = x^3 - 3x - 5$ | = x ³ - 3x - 5 có thể tạo ra đường cong như vậy, nên đây |
| | là đáp án đúng. |

| Câu 10. Trong không gian Oxyz, cho mặt cầu (S): $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y - 6z + 1 = 0$. Tâm của (S) có tọa độ là A. $(-1;-2;-3)$ B. $(2;4;6)$ C. $(-2;-4;-6)$ D. $(1;2;3)$ | Để tìm tâm của một mặt cầu, ta cần xác định tọa độ của điểm trung tâm của nó. Để làm được điều này, ta có thể hoàn thành một số bước như sau: Xác định hệ số của các thành phần \$x, y, z\$ trong phương trình của mặt cầu để tìm ra tọa độ của trung tâm. Trong trường hợp mặt cầu có bán kính khác \$1\$, ta cần chia tỉ lệ theo bán kính để đưa tọa độ về dạng chuẩn. Áp dụng phương pháp này vào câu hỏi, ta có phương trình của mặt cầu là: \$\$x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y - 6z + 1 = 0\$\$ Để tìm tọa độ của tâm của mặt cầu, ta cần tìm các hệ số trong phương trình trên. Ta viết lại phương trình dưới dạng đầy đủ: \$\$(x-1)^2 + (y-2)^2 + (z-3)^2 = 15\$\$ Suy ra, tọa độ của tâm của mặt cầu là \$(1, 2, 3)\$, nên đáp án chính xác là \$\mathbf{(D)}\$\$. |
|---|--|
| Câu 11. Trong không gian Oxyz, góc giữa hai mặt phẳng (Oxy) và (Oyz) bằng A. 30^\circ B. 45^\circ C. 60^\circ D. 90^circ | Mặt phẳng (Oxy) có phương trình \$z = 0\$, mặt phẳng (Oyz) có phương trình \$x = 0\$. Vì đây là hai mặt phẳng vuông góc nhau nên góc giữa chúng là \$90^\circ\$ (đáp án D). |
| Câu 12. Cho số phức z = 2+ 9i, phần thực của số phức z^2 bằng A77 B. 4 C. 36 D. 85 | Ta có: \$z^2 = (2+9i)^2 = 4 + 36i + 81i^2 = 4 + 36i - 81 = -77 + 36i\$. Vậy phần thực của \$z^2\$ là \$-77\$. Đáp án chính xác là A. |
| Câu 13. Cho khối lập phương có cạnh bằng 2. Thể tích của khối lập phương đã cho bằng A. 6 B. 8 C. 8/3 D. 4 | Thể tích của khối lập phương có cạnh bằng \$a\$ là \$V = a^3\$. Vậy thể tích của khối lập phương có cạnh bằng 2 là \$V = 2^3 = 8\$. Vậy đáp án là \$\mathbf{(B)}\$\$. |
| Câu 14. Cho khối chóp S.ABC có đáy là tam giác vuông cân tại A, AB = 2, SA vuông góc với đáy và SA=3 (tham khảo hình bên). Thể tích khối chóp đã cho bằng A. 12 B. 2 C. 6 D. 4 | Gọi M là trung điểm của đoạn thẳng BC và h là chiều cao của tam giác ABC. Ta có: • \$BC = AB = 2\$ vì tam giác ABC là tam giác vuông cân tại A. • \$SM = SA - AM = 3 - 1 = 2\$ vì AM là trung bình của tam giác vuông ABC. • \$h = AM = \frac{BC}{2} = 1\$ vì tam giác ABC là tam giác vuông cân tại A. Vậy thể tích khối chóp S.ABC là: \$\$V = \frac{1}{3}S_{ABC}h = \frac{1}{3}\cdot\frac{1}{2}Cotot h = \frac{1}{3}\cdot\frac{1}{2}\cdot 2^2\cdot 1 = \frac{4}{3}.\$\$ Đáp án chính xác là C. |

| Câu 15. Cho mặt phẳng (P) tiếp xúc với | Đáp án: A. d <r< th=""></r<> |
|--|--|
| mặt cầu S(O;R). Gọi d là khoảng cách từ O | Giải thích: |
| đến (P). Khẳng định nào dưới đây đúng? | Xét mặt cầu S(O;R) và mặt phẳng (P) tiếp xúc tại điểm |
| $A.d \leq R$ | A, (P) cắt mặt cầu tại điểm B. |
| B. d > R | Ta có hai trường hợp: |
| C. d = R | • Trường hợp 1: (P) nằm trong mặt cầu S(O;R), tức là |
| D. $d = 0$ | mặt cầu chứa (P). Khi đó, ta có: d < R. |
| | • Trường hợp 2: (P) không nằm trong mặt cầu S(O;R), |
| | tức là mặt cầu không chứa (P). Khi đó, ta có: d > R. |
| | Do (P) là tiếp xúc với mặt cầu S(O;R) nên ta loại trường |
| | hợp 2, và kết luận được đáp án đúng là d < R. |
| Câu 16. Phần ảo của số phức z = 2 - 3i là | Phần ảo của một số phức được xác định là phần ở hạng |
| A3 | tử sau của số phức đó khi biểu diễn dưới dạng a + bi. Vì |
| B2 | vậy, với số phức $z = 2$ - 3i, phần ảo của z chính là số -3. |
| C. 2 | Vậy đáp án là A. |
| D. 3 | |
| Câu 17. Cho hình nón có đường kính đáy | Để tính diện tích xung quanh của một hình nón, ta sử |
| 2r và độ dài đường sinh l. Diện tích xung | dụng công thức: |
| quanh của hình nón đã cho bằng | $S_{xq} = \pi r $ |
| A. 2\pi r l | Trong đó, \$r\$ là bán kính đáy của nón và \$1\$ là độ dài |
| B. \frac {2} {3} \pi r 1^2 | đường sinh của nón. |
| C. \pi r 1 | Vậy, đáp án chính xác là (C) \$\pi r l\$. |
| D. D. \frac \{1\} \{3\} \pi r^2 1 | , |
| Câu 18. Trong không gian Oxyz, cho đường | Ta có phương trình tham số của đường thẳng d: |
| thang d: $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{-2}$ | $\begin{array}{l} \begin{array}{l} \begin{array}{l} \text{\colored} \\ \text{\colored} \\ \end{array} \end{array} } x=2t+1 \\ y=-t+2 \\ z=-2t-3 \\ \end{array} \\ \begin{array}{l} \text{\colored} \\ \end{array} \\ \begin{array}{l} \$ |
| 1 }=\frac{z+3}{-2}. Điểm nào dưới đây | Để tìm điểm nào thuộc đường thẳng d, ta có thể chọn một |
| thuộc d? | giá trị của tham số \$t\$ bất kỳ, thay vào phương trình trên |
| A. P(1;2;3) | và tính toán tọa độ của điểm tương ứng. |
| B. Q(1;2;-3) | • Với $t = 0$, ta có $P(1, 2, 3)$ \$ thuộc đường thẳng d. |
| C. N(2;1;2) | • Với $t = -5$, ta có $Q(1, 2, -3)$ thuộc đường thắng d. |
| D. M(2;-1;-2) | • Với $t = 0.5$, ta có $N(2, 1, 2)$ thuộc đường thắng d. |
| | • Với $t = -2$, ta có $M(2, -1, -2)$ thuộc đường thẳng d. |
| | Vậy, các điểm thuộc đường thẳng d lần lượt là \$P(1, 2, |
| | 3)\$, \$Q(1, 2, -3)\$, \$N(2, 1, 2)\$ và \$M(2, -1, -2)\$, đáp án |
| | đúng là D. |
| Câu 19. Cho hàm số $y = a x^4 + b x^2 + c$ | Để tìm điểm cực tiểu của hàm số bậc 4, ta có thể đưa |
| có đồ thị là đường cong trong hình bên. | hàm số về dạng chuẩn bằng phép thay biến số. Đặt |
| Điểm cực tiểu của đồ thị hàm số đã cho có | $t=x^2$, ta có $y=a$ t ^2+b t ^2+b t 2 . Để tìm điểm cực tiểu |
| tọa độ là | của hàm số, ta có thể sử dụng công thức \$t_c=- |
| A. (-1;2) | \\dfrac{b}{2a}\$ cho đại lượng cực trị của hàm số bậc 2 |
| B. (0;1) | \$y=ax^2+bx+c\$. Khi đó, ta được \$t_c=-\dfrac {b} {2a}\$ |
| C. (1;2) | và \$x=\pm\sqrt{t_c}\$. Điểm cực tiểu của hàm số ban |
| D. (1;0) | đầu là điểm \$(\sqrt{t_c}, y(\sqrt{t_c}))\$ hoặc \$(- |
| | $\sqrt{\frac{t_c}{sqrt(t_c)}}$. |
| | Ứng với hàm số đã cho, ta có \$a>0\$, suy ra đồ thị của |
| | hàm số là một đường cong hình chữ U mở lên. Từ đó suy |
| | ra, điểm cực tiểu của đồ thị là điểm \$A(0, 1)\$. Vậy, đáp án đúng là \$\mathbf{(B)}\$. |
| | v ay, dap an dung ia panamoi ((D))p. |

| Câu 20. Tiệm cận ngang của đồ thị hàm số | Để tìm tiệm cận ngang của đồ thị hàm số, ta phải xác |
|---|--|
| $y = \frac{2x+1}{3x-1}$ là đường thẳng có | định giới hạn của hàm số khi x dần tiến đến vô cùng hoặc |
| phương trình: | âm vô cùng. Ta có: \begin{align*} \lim {x \to \infty} |
| A. $y=1/3$ | $\frac{2x+1}{3x-1} &= \lim \{x \to \inf \} \frac{2}{1}$ |
| B. $y = -2.3$ | $\frac{1}{x}}{3 - \frac{1}{x}} = \frac{2}{3} \wedge \frac{x}{x}$ |
| C. $y = -1/3$ | $\begin{array}{c} \text{to -\infty} & \text{frac} \{2x+1\} \{3x-1\} \& = \lim \{x \to -\inf y\} \end{array}$ |
| D. $y = 2/3$ | $\frac{1}{\frac{1}{2}} \frac{1}{\frac{1}{2}} $ |
| D. y 2/3 | \end{align*} |
| | Vậy tiệm cận ngang của đồ thị hàm số là đường thẳng \$y |
| | |
| | $= \frac{2}{3} $ Dáp án đúng là $\mathbb{C}(D)$. |
| Câu 21. Tập nghiệm của bất phương trình | Để giải bất phương trình \$\log(x-2)>0\$, ta cần tìm |
| $\log(x-2)>0$ là | khoảng giá trị của \$x\$ để biểu thức \$\log(x-2)\$ là số |
| A. (2;3) | duong. |
| B. (-\infty;3) | Vì \$\log x\$ là số dương khi và chỉ khi \$x>0\$, nên ta giải |
| C. (3;+\infty) | bất phương trình sau: |
| D. (12;+\infty) | x-2>0 |
| | Từ đó ta suy ra \$x>2\$. |
| | Vậy, tập nghiệm của bất phương trình \$\log(x-2)>0\$ là |
| | \$(2;+\infty)\$. |
| | $D\acute{ap} \acute{an} l\grave{a} \mathfrak{h}mathbf{(C)}$ \$. |
| Câu 22. Cho tập hợp A có 15 phần tử. Số | Số tập con gồm hai phần tử của tập hợp A là |
| tập con gồm hai phần tử của A bằng | \$\binom{15}{2}=\dfrac{15\times 14}{2}=105\$. Vây |
| A. 225 | đáp án là D. |
| B. 30 | dap an ia D. |
| | |
| C. 210 | |
| D. 105 | D/ / 1) G EV/ \ 1/ |
| Câu 23. Cho \int{1/x} $dx = F(x) + C$. | Đáp án là C. F'(x) = $1/x$. |
| Khẳng định nào dưới đây đúng? | Giải thích: Từ công thức tích phân, ta biết rằng đạo hàm |
| A. $F'(x) = 2/x^2$ | của hàm số \$F(x)\$ chính là hàm số ta đang tích phân, |
| $B. F'(x) = \ln(x)$ | nghĩa là: |
| C. $F'(x) = 1/x$ | $\$ \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\ |
| D. $F'(x) = -1/x^2$ | Tuy nhiên, \$C\$ là hằng số tích cực, nên khi đạo hàm, |
| | C sẽ trở thành \$0\$. Vì vậy, ta có $F'(x) = 1/x$ \$. |
| Câu 24. Nếu \int^2_0 f(x) dx =4 thì | Ta có: $\left(\frac{1}{2}f(x)-\frac{1}{2}$ |
| $\int \int \frac{1}{2} f(x) - 2 dx$ bằng | $2 \cdot f(x) dx &= \frac{1}{2} \cdot f(x) dx - \frac{2}{0} 2 dx$ |
| A. 0 | $\ \ \&= \frac{1}{2} \cdot dot 4 - 2 \cdot dot 2 \cdot \&= 0 \cdot align*$ |
| B. 6 | Vậy đáp án là $\hat{A} \to 0.$ |
| C. 8 | Ta có: $\left(\frac{1}{2}\right)$ int $0^2 \left(\frac{1}{2}\right)$ |
| D2 | 2\right) dx &=\frac{1}{2}\ \text{int } 0^2 f(x) dx - \text{int } 0^2 2 |
| | $\frac{2}{dx} \frac{dx}{dx} = \frac{1}{2} \cdot 1$ |
| | $dx \wedge dx = 1$ |
| Câu 25. Cho hàm số $f(x) = cos(x) + x$. | Dễ tích phân của hàm số $f(x)$, ta thực hiện tích phân |
| | từng thành phần: $$\int f(x) dx = \int f(x) dx = $ |
| Khẳng định nào dưới đây đúng? A hint $f(x)$ dy = $\sin(x) + x + C$ | |
| A. $\operatorname{int} f(x) dx = -\sin(x) + x^2 + C$ | |
| B. $\inf f(x) dx = \sin(x) + x^2 + C$ | Theo công thức tích phân, ta có: $\$$ \int \cos(x) dx = |
| C. $\int dx = -\sin(x) + \frac{1}{2}x^2$ | $\frac{\sin(x) + C_1$$}{\cos(x) + \cos(x) + \cos(x)}$ |
| + C | \$\\int x dx = \\frac{1}{2}x^2 + C_2\$\$ |
| D. $\inf f(x) dx = \sin(x) + \frac{1}{2}x^2 +$ | $V\hat{a}y, \$ \inf f(x) dx = \inf (\cos(x) dx + \inf x dx = \sin(x) + (\cos(x) dx) + (\cos(x) dx) = (\cos(x) dx + \sin(x) dx) = (\cos(x) dx + \cos(x) dx) = (\cos(x) dx) = ($ |
| C | $C_1 + \frac{1}{2}x^2 + C_2 = \sin(x) + \frac{1}{2}x^2$ |
| | + C\$\$ |

| | , |
|--|---|
| | trong đó $C = C_1 + C_2$ là hằng số tích cực bất kỳ. Vậy đáp án là $0 \neq 0$ \int $0 \neq 0$ \q |
| Câu 26. Cho hàm số y = f(x) có bảng biến thiên như sau: x -\infty 1 3 +\infty f'(x) + 0 - 0 + f(x) -\infty 2 0 +\infty Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào dưới đây? A. (0;2) B. (3;+\infty) C. (-\infty;1) D. (1;3) | Ta có: Trên khoảng \$(-\infty,1)\$ ta có \$f'(x)>0\$, do đó \$f(x)\$ là hàm tăng trên khoảng này. Trên khoảng \$(1,3)\$ ta có \$f'(x)<0\$, do đó \$f(x)\$ là hàm giảm trên khoảng này. Trên khoảng \$(3,+\infty)\$ ta có \$f'(x)>0\$, do đó \$f(x)\$ là hàm tăng trên khoảng này. Vậy, hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng \$(1;3)\$, đáp án là \$\boxed {\textbf{(D)}}}\$. |
| Câu 27. Cho hàm số bậc ba y=f(x) có đồ thị là đường cong trong hình bên. Giá trị cực đại của hàm số đã cho là A1 B. 3 C. 2 D. 0 | Để tìm giá trị cực đại của hàm số, ta cần tìm điểm cực đại, tức là điểm mà hàm số đạt giá trị lớn nhất trên miền xác định của nó. Trong trường hợp hàm số là hàm bậc ba, ta có thể tìm điểm cực đại bằng cách xác định điểm uốn của đồ thị và kiểm tra đạo hàm bậc nhất của hàm số trước và sau điểm uốn. Để xác định điểm uốn của đồ thị, ta cần giải phương trình $f'(x) = 0$: $f'(x) = 6x - 6 = 0 \Rightarrow x = 1$ Ta thấy rằng đạo hàm bậc nhất của hàm số là: $f'(x) = 3x^2 - 6x + 3$ Với $x < 1$, ta có: $f'(x) = 3x^2 - 6x + 3 = 3(x - 1)^2 > 0$ Do đó, ta thấy rằng hàm số không có cực đại trên miền xác định của nó. Vậy đáp án là (E) không có. |
| Câu 28. Với a là số thực dương tùy ý, ln(3a)-ln(2a) bằng A. ln(a) B. ln(2/3) C. ln(6 a^2) D. ln(3/2) | Ta có: $ln(3a) - ln(2a) = ln(3a/(2a)) = ln(3/2)$ Vậy đáp án chính xác là D. $ln(3/2)$. |
| Câu 29. Thể tích khối tròn xoay thu được khi quay hình phẳng giới hạn bởi hai đường y=-x^2 + 2x và y = 0 quanh trục Ox bằng A. 16/15 B. \frac {16 \pi} {9} C. 16/9 D. \frac {16 \pi} {15} | Để tính thể tích khối tròn xoay, ta sử dụng công thức: $\$V = \pi_{a}^{b} $ $y^{2} $ $x\$$ Trong đó, a và b lần lượt là hoành độ của các điểm cắt giữa đường cong và trục Ox. Để tìm a và b, ta giải hệ phương trình sau: $\$-x^2 + 2x = 0$ \Leftrightarrow $x = 0$, $x = 2\$$ Vậy $a = 0$ và $b = 2$. Tiếp theo, ta tính hàm số y bằng cách giải phương trình sau: $\$-x^2 + 2x = 0$ \Leftrightarrow $x = 0$, $x = 2\$$ Khi đó, đường cong có dạng như sau: |
| | Do đó, ta có: $$V = \pi \int_{0}^{2} (-x^2 + 2x)^{2} dx$ = $\pi \int_{0}^{2} (x^4 - 4x^3 + 4x^2) dx$ $= \pi \int_{0}^{2} (x^4 - 4x^3 + 4x^2) dx$ $\left[\frac{x^5}{5} - x^4 + \frac{4x^3}{3}\right]_{0}^{2} = \pi$ |

| | \1 C\C (20\(\)(15\\\)\\\ 1\(\)\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\ |
|--|---|
| | $\left(\frac{32}{15}\right) = \frac{16\pi (16\pi)}{15} $ Vây, đáp |
| | $an là \\ textbf{(D)} \\ s\\ frac{16\pi}{15} \\ s.$ |
| Câu 30. Cho hình chóp S.ABC có đáy là | Ta có thể thấy rằng đường thẳng SB vuông góc với đáy |
| tam giác vuông tại B, SA vuông góc với | ABC, do đó mặt phẳng (SBC) vuông góc với đáy. Tương |
| đáy và SA = AB (tham khảo hình bên). | tự, mặt phẳng (ABC) cũng vuông góc với đáy. Vì vậy, |
| Góc giữa hai mặt phẳng (SBC) và (ABC) | góc giữa hai mặt phẳng (SBC) và (ABC) chính là góc |
| bằng | giữa hai đường thẳng SB và AB. |
| A. 60\circ | Để tính góc giữa hai đường thẳng này, ta có thể sử dụng |
| B. 30\circ | dịnh lí cosin trong tam giác SAB: |
| C. 90\circ | \$\$SB^2=\$A^2+AB^2-2\cdot \$A\cdot AB\cdot\cos\angle |
| D. 45\\circ | SAB\$\$ |
| D. 45 \\Circ | |
| | Do đó, |
| | $\$ \\$\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\ |
| | $SA \cdot AB = \frac{AB^2}{2 \cdot AB^2}$ |
| | $AB^2=\frac{1}{2}$ |
| | Vì vậy, góc giữa hai mặt phẳng (SBC) và (ABC) bằng |
| | góc \$\angle SAB\$ có cosin bằng \$\frac{1}{2}\$. Khi đó, |
| | ta có: |
| | \$\$\angle SBC=90^\circ-\angle SAB=90^\circ-\cos^{- |
| | 1}\frac{1}{2}=60^\circ\$\$ |
| | Vậy đáp án là \$\boxed{\text{A.}}60^\circ}\$. |
| Câu 31. Cho hàm số bậc ba $y = f(x)$ có đồ | $D\hat{e}$ phương trình $f(x) = m$ có ba nghiệm thực phân biệt |
| thị là đường cong trong hình bên. Có bao | thì đồ thị của hàm số $f(x)$ cần cắt đường thẳng $y = m$ |
| nhiêu giá trị nguyên của tham số m để | ba lần. Ta cần tìm các giá trị nguyên của \$m\$ để đồ thị |
| phương trình $f(x) = m$ có ba nghiệm thực | của hàm số \$f(x)\$ cắt đường thẳng \$y=m\$ ba lần. |
| phân biệt ? | Xét từng đoạn của đồ thị của hàm số $f(x)$ \$. |
| A. 2 | • Doạn \$(-\infty, -2]\$: Đường thẳng \$y=m\$ không |
| B. 5 | cắt đoạn này. |
| C. 3 | |
| | • Đoạn \$[-2, -1]\$: Đường thắng \$y=m\$ cắt đoạn |
| D. 4 | này hai lần khi và chỉ khi \$m\$ nằm trong khoảng \$(f(-2), |
| | f(-1) = (-1, 1)\$. |
| | • Đoạn \$[-1, 2]\$: Đường thẳng \$y=m\$ cắt đoạn |
| | này ba lần khi và chỉ khi \$m\$ nằm trong khoảng \$(f(-1), |
| | f(1) = (1, 3)\$. |
| | • Doạn \$[2, \infty)\$: Đường thẳng \$y=m\$ không |
| | căt đoạn này. |
| | Suy ra, để phương trình $f(x) = m$ có ba nghiệm thực |
| | phân biệt thì \$m\$ phải nằm trong khoảng \$(1,3)\$ hoặc |
| | f(f(-2), f(-1)) = (-1,1), tức là \$m\$ có thể nhận được \$5\$ |
| | giá trị nguyên \$-1, 0, 1, 2, 3\$. |
| | Vây đáp án chính xác là \$\boxed{\textbf{(B) }5}\$. |
| Câu 32. Cho hàm số $y = f(x)$ có đạo hàm | Ta có: |
| $f'(x) = (x-2)^2 (1-x)$ với mọi x \forall R. | • Khi $x \in (-\infty, 1)$, ta có $f(x) < 0$. |
| Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào | • Khi $x \in (1, 2)$, ta có $f(x) > 0$. |
| dưới đây? | • Khi $x \in (2, +)$ Khi $x \in (2, +)$ Khi $x \in (2, +)$ |
| A. (1;2) | Vậy hàm số $y=f(x)$ \$ đồng biến trên khoảng $(1;2)$ \$. |
| B. (1;+\infty) | Vậy đáp án chính xác là $\star tent khoảng (1,2)$. |
| C. (2; +\infty) | το τος του στο του φ του κου ((τ. τ/)) ψ. |
| D. (-\infty;1) | |
| (umvj,1) | I . |

| Câu 33. Một hộp chứa 15 quả cầu gồm 6 quả màu đỏ được đánh số từ 1 đến 6 và 9 quả màu xanh được đánh số từ 1 đến 9. Lấy ngẫu nhiên hai quả từ hộp đó, xác suất để lấy được hai quả khác màu đồng thời tổng hai số ghi trên chúng là số chẵn bằng A. 9/35 B. 18/35 C. 4/35 D. 1/7 | Để lấy được hai quả khác màu và tổng hai số ghi trên chúng là số chẵn, ta phải có các trường hợp sau: Lấy một quả màu đỏ và một quả màu xanh. Trường hợp này xảy ra nếu chọn một quả từ nhóm 6 quả đỏ và một quả từ nhóm 9 quả xanh. Tổng của hai số ghi trên hai quả này chắc chắn là số lẻ, do đó ta không cần xét trường hợp này. Lấy hai quả màu xanh. Trường hợp này xảy ra nếu chọn hai quả từ nhóm 9 quả xanh. Số lượng cách chọn hai quả xanh là \$\binom{9}{2}=36\$. Ta có các trường hợp sau cho tổng hai số ghi trên hai quả xanh là số chẵn: Lấy hai quả xanh số 1: tổng bằng 2 (số chẵn). Lấy hai quả xanh số 2: tổng bằng 4 (số chẵn). Lấy hai quả xanh số 9: tổng bằng 18 (số chẵn). Lấy hai quả xanh số 9: tổng bằng 18 (số chẵn). Yây có 5 trường hợp thỏa mãn. Vậy xác suất cần tìm là: \$\$\frac{\text{số trường hợp thỏa mãn}}}{ \text{text{số trường hợp thỏa mãn}}} = \frac{5}{\text{binom}{15}}{2}} = \frac{5}{\text{số trường hợp có thể chọn hai quả từ hộp}}} = \frac{5}{\text{số trường hợp đó, đáp án đúng là \$\mathbf{(D)} \\frac{1}{7}}}\$. |
|--|---|
| Câu 34. Tích tất cả các nghiệm của phương trình ln^2(x) + 2 ln(x) - 3 = 0 bằng A. \frac{1}{e^3} B2 C3 D. \frac{1}{e^2} | Đặt $y = \ln(x)$ \$. Khi đó, phương trình trở thành phương trình bậc hai trong y \$: $y^2 + 2y - 3 = 0.$ \$ Ta tìm nghiệm của phương trình này: $y = \frac{2\pm}\sqrt{2^2-4\cdot 1\cdot (-3)}}{2\cdot (-3)}}{2\cdot (-3)}$ \$ Suy ra $\ln(x) = -1$ \$ hoặc $\ln(x) = 3$ \$. Do đó, $x = e^{-1}$ \$ hoặc $x = e^{-3}$ \$. Vậy, tích của tất cả các nghiệm là: $e^{-1}\cdot (-1)$ \$ hoặc $e^{-3} = e^{-2}$ \$ Vậy đáp án chính xác là m \$\mathbf{(D)}\$\$ m \$\frac{1}{e^{-2}}\$. |
| Câu 35. Trên mặt phẳng tọa độ, biết tập hợp điểm biểu diễn các số phức z thỏa mãn z + 2i =1 là một đường tròn. Tâm của đường tròn đó có tọa độ là A. (0;2) B. (-2;0) C.(0;-2) D.(2;0) | Điểm biểu diễn số phức \$z=x+yi\$ có khoảng cách đến điểm \$-2i\$ bằng \$1\$ nếu và chỉ nếu: \$\$\sqrt{(x+0)^2+(y+2)^2}=1 \Rightarrow \qquad (x-0)^2+(y+2)^2=1\$\$ Đây là phương trình của một đường tròn tâm \$O(0, -2)\$ bán kính \$1\$. Vậy tâm của đường tròn đó có tọa độ là \$\boxed{(0;-2)}\$\$. |
| Câu 36. Trong không gian Oxyz, cho hai điểm M(1;-1;-1) và N(5;5;1). Đường thẳng MN có phương trình là: A. x = 5+2t, y = 5+3t, z = -1+t B. x = 5+t, y = 5+2t, z = 1+3t C. x =1+2t, y = -1+3t, z = -1+t D. x =1+2t, y = -1+t, z = -1+3t | Dể tìm phương trình của đường thẳng MN, ta cần tìm véc-tơ chỉ phương của đường thẳng và một điểm trên đường thẳng. Véc-tơ chỉ phương của đường thẳng MN là: \$\$\vec{MN} = \vec{N} - \vec{M} = \begin{pmatrix}5 \ 5 \ 1 \\end{pmatrix} - \begin{pmatrix}1 \ -1 \ -1 \\end{pmatrix} = \begin{pmatrix}4 \ 6 \ 2 \\end{pmatrix}\$\$ Một điểm trên đường thẳng MN có thể là M hoặc N, ta chọn điểm M làm điểm trên đường thẳng. Vậy phương trình của đường thẳng MN là: \$\$\begin{cases} x = 1 + 4t \ y = -1 + 6t \ z = -1 + 2t \\end{cases}\$\$\$ |

| | <u></u> |
|--|--|
| | Vậy đáp án chính xác là: |
| 9 | D. $\$x = 1+2t$, $y = -1+t$, $z = -1+3t\$$. |
| Câu 37. Trong không gian Oxyz, cho điểm A(1;2;3). Điểm đối xứng với A qua mặt phẳng Oxz có tọa độ là A. (1;-2;3) | Để tìm điểm đối xứng với \$A\$ qua mặt phẳng Oxz, ta cần tìm phương trình mặt phẳng đó trước. Mặt phẳng Oxz có phương trình là \$y=0\$. Gọi \$A'\$ là điểm đối xứng với \$A\$ qua mặt phẳng Oxz, ta có \$A'\$ cũng nằm |
| B. (1;2;-3) | trên đường thẳng vuông góc với mặt phẳng Oxz qua |
| C. (-1;-2;-3) | trung điểm của đoạn thẳng \$OA\$, trong đó \$O\$ là gốc |
| D. (-1;2;3) | toạn độ. Vì \$O\$ có tọa độ \$(0,0,0)\$, nên trung điểm của đoạn thẳng \$OA\$ có tọa độ \$(\frac12,\frac32,\frac52)\$. Do đó, ta có thể xác định được tọa độ của \$A'\$ bằng cách lấy tọa độ của trung điểm đó, thay \$y=0\$ vào |
| | phương trình mặt phẳng \$y=0\$ và lấy đối của kết quả đó qua gốc tọa độ. Ta được: \begin{align*} A' &= \left(1-0, 0-\frac32, 3-0\right) \ &= \left(1,-\frac32,3\right) \ &= \left(1,2\left(-\frac34\right),3\right) \ &= \left(1,2,0\right) - \frac32\left(0,1,0\right) \ &= \boxed{\textbf{(B)} } (1,2,-3)}. \end{align*} |
| | Giải thích: |
| | Để tìm điểm đối xứng với điểm A qua mặt phẳng Oxz, ta |
| | sử dụng công thức: |
| | Nếu điểm A có tọa độ là A(xA,yA,zA) và mặt phẳng Oxz |
| | có phương trình là y = 0, thì tọa độ của điểm đối xứng A' |
| | là (xA, -yA, zA). |
| | Áp dụng công thức vào bài toán, ta có: |
| | • Tọa độ của điểm A là A(1;2;3). |
| | • Mặt phẳng Oxz có phương trình là y = 0. |
| | • Vậy tọa độ của điểm đối xứng A' là (1, -2, 3). |
| | Vậy đáp án chính xác là A. (1;-2;3). |
| Câu 38. Cho hình chóp đều S.ABCD có | Để tính khoảng cách từ điểm \$B\$ đến mặt phẳng |
| chiều cao a, $AC = 2a$ (tham khảo hình bên). | \$(SCD)\$, ta sẽ sử dụng công thức khoảng cách từ một |
| Khoảng cách từ B đến mặt phẳng (SCD) | điểm đến một mặt phẳng. Khoảng cách từ điểm \$B\$ đến |
| bằng | mặt phẳng \$(SCD)\$ bằng \$\$d = SCD \cdot |
| A. \sqrt{3} a/3 | \vec{SB} } { SCD }\$\$ trong đó \$SCD\$ là vector pháp |
| B. \sqrt{2} a | tuyến của mặt phẳng \$(SCD)\$, \$\vec{SB}\$ là vector từ |
| C. 2\sqrt {3} a/3 | \$\$\$ đến \$B\$ và \$ \cdot \$ kí hiệu độ dài vector. |
| D. \sqrt{2} a/2 | Do \$S.ABCD\$ là hình chóp đều, nên \$SA \perp |
| | (ABCD)\$ và \$SA \perp (SCD)\$. Khi đó, vector pháp tuyến của mặt phẳng \$(SCD)\$ là vector \$\vec{SA}\$ |
| | \times \vec{SC}\\$. Ta c\(\delta\) \$\\\vec{SA} = \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\ |
| | times $\langle \text{vec}(SC) \rangle$. Ta co $\delta \delta \text{vec}(SA) = \langle \text{begin (pinatrix)} \rangle$ $0 \setminus 0 \setminus a \setminus \{\text{pmatrix}\}, \text{quad } \text{vec}(SC) = \{\text{pmatrix}\}\}$ |
| | begin{pmatrix} 0 \ a \ a \ end{pmatrix}\$\$ nên |
| | $ \begin{array}{l} \text{(SS) vec} \\ \text{(SA) \times vec} \\ \text{(SC)} = \text{(Sm) (pmatrix)} -a^2 \\ \end{array} $ |
| | a^2 \ 0 \end{pmatrix}.\$\$ Do dó, \$\$SCD \cdot \vec{SB} = \begin{pmatrix} -a^2 \ a^2 \ 0 \end{pmatrix} \cdot |
| | $\begin{pmatrix} 1 \setminus 0 \setminus -a \setminus \{pmatrix\} = -a^3,\$ và \\ \$ SCD = Vec{SA} \setminus \{SC\} = a^2 \setminus \{2\}.\$ $ |
| | Suy ra $\$d = \frac{ SCD \cdot (SB) }{ SCD } =$ |
| | $\label{eq:continuous} $\operatorname{a^3} \{a^2 \cdot \{2\}\} = \operatorname{frac} \{a\} \{ \cdot \{2\}\} = $ |
| | $\boxed{\text{$\setminus$} (D) } \frac{2}{a}{2}.$$ |

Các đường thẳng AB và SC vuông góc với nhau, vì vây ta cần tìm đô dài đoan thẳng BH, trong đó H là hình chiếu vuông góc của B lên mặt phẳng SCD. Ta xét tam giác SCD và đường thẳng BH, ta có: Mặt phẳng (SCD) là một mặt phẳng cắt vuông góc với cạnh đáy ABCD của hình chóp, nên tam giác SCD là tam giác đều canh đô dài 2a. Từ điểm B kẻ đường vuông góc với mặt phẳng (SCD), gọi H là hình chiếu của B lên mặt phẳng (SCD). Khoảng cách từ B đến mặt phẳng (SCD) chính là đô dài đoan BH. Do tam giác SCD đều nên ta có SH = CD = 2a. Ta kẻ HK vuông góc với SC tại K, khi đó: Ta có SK = a, vì SA = a và tam giác SAK cân. Ta có KH = SH - SK = 2a - a = a. Suy ra tam giác SBH cân tai B và có đường cao BH = 2/3 HK = 2/3 a. Do đó, khoảng cách từ B đến mặt phẳng (SCD) bằng BH và bằng 2/3 a. Vậy đáp án đúng là: C. $2\sqrt{3}$ a/3. Câu 39. Có bao nhiêu số nguyên x thỏa Bắt đầu bằng cách đưa cả hai vế về cùng cơ số, ta được: $\log 3(x^2 - 16) + 3\log 3(7) < \log 7(x^2 - 16) +$ $m \tilde{a} \log 3 \{x^2 - 16\} \{343\} < \log 7 \{x^2 - 16\}$ 16} {27} ? 2log 7(3) Ta thấy được rằng $x^2 - 16 > 0$ (do logarit không xác A. 193 B. 92 đinh ở các giá tri âm), do đó chúng ta có thể chia cả hai C. 186 về cho x^2 - 16 mà không đổi dấu của bất phương trình D. 184 ban đầu. Khi đó, ta được: $\log 3(x^2 - 16)/(x^2 - 16) + 3\log 3(7)/(x^2 - 16) <$ $\log 7(x^2 - 16)/(x^2 - 16) + 2\log 7(3)/(x^2 - 16)$ Đặt $y = x^2 - 16$, ta có: $\log 3(y)/y + 3\log 3(7)/y < \log 7(y)/y + 2\log 7(3)/y$ $\text{Dăt } f(y) = \log 3(y)/y + 3\log 3(7)/y - \log 7(y)/y -$ 2log 7(3)/y, ta cần tìm số lương nghiệm nguyên của bất phương trình f(y) < 0. Ta có f'(y) = $[\log(3)/y - \log(7)/y]/(y^2) = (\log(3) - \log(3)/y)$ $\log(7)$ /y². Vì $\log(3) < \log(7)$ nên f'(y) > 0 đối với mọi giá trị dương của y. Do đó hàm số f(y) là đồng biến trên khoảng $(0, +\infty)$. Ta biết f(17) = 0, do đó f(y) < 0 đối với moi giá tri 16 < y< 17. Như vậy, có tất cả 17 - 16 = 1 số nguyên thỏa mãn bất phương trình ban đầu. Vậy đáp án là A. 193. Ta có: $\overline{\text{begin}\{\text{align*}\}} \setminus \text{int } 0^2 \text{ f}(2x) \text{dx \&= } \sqrt{1}$ Câu 40. Cho hàm số f(x) liên tục trên R. $\int 0^4 f(t) dt \&= \left(1\right) \{2\}$ Goi F(x), G(x) là hai nguyên hàm của f(x)trên R thỏa mãn F(4)+G(4)=4 và $\left| f(t) + G(t) \right| 0^4 \$ F(0)+G(0)=1. Khi đó $\int \int f(2x) dx$ $\frac{1}{2}\left[(F(4)+G(4))-(F(0)+G(0))\right] \&=$ bằng $dfrac{1}{2} (4-1) \& = dfrac{3}{2}. \end{align*} Vây$ A. 3 đáp án là $\boldsymbol{\lambda}$ B. 3/4 C. 6 D. 3/2

Câu 41. Có bao nhiều giá trị nguyên của tham số m để hàm số $y = -x^4 + 6x^2 + m$ x có ba điểm cực tri?

A. 17

B. 15

C. 3

D. 7

Để hàm số \$y=-x^4+6x^2+m\$ có ba điểm cực trị, ta cần đi tìm các giá trị của \$m\$ để hàm số này có hai điểm cực tiểu và một điểm cực đại.

Ta có đạo hàm \$y'=-4x^3+12x=4x(x^2-3)\$. Hàm số có ba điểm cực trị khi và chỉ khi đạo hàm bằng 0 có 3 nghiệm. Khi đó, ta cần tìm các giá trị của \$m\$ sao cho phương trình \$-x^4+6x^2+m=k\$ có đúng 3 nghiệm. Để ý rằng \$-x^4+6x^2+m\leq m\$ với mọi \$x \in \mathbb{R}\$\$. Khi đó, nếu \$m<0\$ thì \$-x^4+6x^2+m<0\$ với mọi \$x \in \mathbb{R}\$\$, do đó hàm số không có cực đại. Do đó, ta sẽ giới hạn \$m \geq 0\$.

Nếu \$m=0\$, hàm số sẽ không có điểm cực đại nên không phải là đáp án. Ta cần xét trường hợp \$m>0\$.

Khi \$m>0\$, phương trình \$-x^4+6x^2+m=k\$ có đúng 3 nghiệm khi và chỉ khi đồ thị hàm số \$y=-x^4+6x^2+m\$ cắt đường thẳng \$y=k\$ ở ba điểm phân biệt. Khi đó, ta cần tìm \$k\$ sao cho đồ thị của hàm số cắt đường thẳng \$y=k\$ ở ba điểm phân biệt. Để tìm được giá trị của \$k\$ này, ta cần vẽ đồ thi của hàm số.

Đầu tiên, ta vẽ đồ thị của hàm số \$y=-x^4+6x^2\$.

Ta thấy rằng đồ thị của hàm số có hai điểm cực tiểu tại \$(0,0)\$ và \$\left(\sqrt{3},3\sqrt{3}\right)\$.

Bây giờ ta vẽ đường thẳng \$y=k\$ và xác định giá trị của \$k\$ để đồ thị của hàm số cắt đường thẳng \$y=k\$ ở ba điểm phân biệt.

Nếu \$k \leq 0\$, đường thẳng \$y=k\$ sẽ cắt đồ thị của hàm số ở không quá hai điểm. Do đó, ta cần xét trường hợp \$k>0\$.

Khi \$k>0\$, đồ thi của hàm số sẽ c

Để hàm số $\$y = -x^4 + 6x^2 + mx\$$ có ba điểm cực trị thì đồ thị của hàm số phải có hai điểm cực đại và một điểm cực tiểu. Điểm cực đại của hàm số xảy ra khi $\$x = \pm \cdot \$

Ta có: \$\$ y' = -4x^3 + 12x + m \$\$ Để tìm số giá trị nguyên của tham số \$m\$ để hàm số có hai điểm cực đại tại \$x= \pm \sqrt{2}\$, thì cần thỏa mãn điều kiện: \$\$ y'(\sqrt{2})=y'(-\sqrt{2})=0\$\$ \$\$ \Leftrightarrow \begin{cases} -8\sqrt{2}+12+\sqrt{2}m=0 \ 8\sqrt{2}+12-\sqrt{2}m=0 \end{cases} \$\$\$ \Leftrightarrow \begin{cases} m = 5\sqrt{2} \ m = 19\sqrt{2} \end{cases} \$\$\$

Để hàm số có điểm cực tiểu tại \$x=0\$, ta cần \$y'(0)=0\$, suy ra \$m=0\$.

Vậy số giá trị nguyên của tham số \$m\$ để hàm số có ba điểm cực trị là số lượng các giá trị \$m\$ thỏa mãn các điều kiện trên, tức là \$m=5\sqrt{2}\$, \$m=19\sqrt{2}\$ và \$m=0\$. Do đó, đáp án là \$\boxed{\textbf{(D)} } 7}\$.

Câu 42. Xét các số phức z thỏa mãn $|z^2 - 3 - 4i| = 2 |z|$. Gọi M và m lần lượt là giá trị

Giải thích:

lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của |z|. Giá trị của M^2 + m^2 bằng

A. 28

B. 18+4\sqrt{6}

C. 14

D. $11+4 \cdot sqrt\{6\}$

Ta có phương trình $|z^2 - 3 - 4i| = 2|z|$ tương đương với hê:

 $\sigma \left(\frac{z^2 - 3 - 4i}{2} - \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \right) = \frac{x^2 + y^2 }{9} 0 \left(\frac{2 - 3 - 4i}{2} - \frac{1}{2} \right)$

Suy ra:

 $|x^2 - 3 - 4i|^2 = |(x^2-y^2-3) + 2xyi - 4i|^2 = (x^2-y^2-3)^2 + 4x^2y^2 - 8x^2 + 16y^2 = 4(x^2+y^2)|z|^2$ Turong đương với:

 $(x^2-y^2-3)^2 + 4x^2y^2 - 8x^2 + 12y^2 = 0$ Đặt $t = x^2 - y^2$, u = xy thì $t^2 + 4u^2 - 8t + 12y^2 = 0$

Ta có $4t^2 - 16y^2 = (2t-4y)(2t+4y) \leq 0$

Suy ra: $|t| \leq 2|y|$

Do đó:

 $0 \leq (x^2+y^2) = |z|^2 = \frac{1}{2}(|z|^2 + |z|^2) \leq \frac{1}{2}(M^2+m^2)$

Mà $(x^2 + y^2)^2 = t^2 + 4u^2 \leq 4|y|^2 (|t|+4|y|) \leq 8|y|^3$

 $\$ \Rightarrow 0 \leq |z|^2 \leq 2\sqrt{2}|y|^{3/2}\$ Tổng quát, \$M^2+m^2 \leq 8\sqrt{2}\$.

Để chứng minh $M^2+m^2 = 8 \operatorname{sqrt} \{2\}$ \$, ta cần tìm \$z\$ sao cho $|z|^2 = 2 \operatorname{sqrt} \{2\} |y|^3$ \$ và $(x^2+y^2)^2 = 4|y|^2 (|t|+4|y|)$ \$. Khi đó, phương trình $|z^2 - 3 - 4i| = 2|z|$ \$ tương đương với $t^2 + 4u^2 - 8t + 12y^2 = 0$ \$ và $(x^2+y^2) = |z|^2$ \$.

Chọn $y = \sqrt{3\sqrt{2}}$, x = 2y, x = y thì $|z|^2 = 2\sqrt{2}$, x = y thì $|z|^2 = 2\sqrt{2}$, x = y0. Khi đó, phương trình $|z|^2 - 3 - 4i| = 2|z|$ tương đương với $|z|^2 + 4u|^2 - 4u|^2$

Để giải quyết bài toán này, ta cần sử dụng định lý Pitago trong tam giác vuông. Trước tiên, ta cần tìm các giá trị của z bằng cách giải phương trình $|z^2 - 3 - 4i| = 2|z|$. Gọi z = a + bi với a, b là hai số thực. Khi đó, ta có: $|z^2 - 3 - 4i| = |(a^2 - b^2 - 3) + 2abi - 4i| = sqrt((a^2 - b^2 - 3)^2 + (2ab - 4)^2)$

Và

 $|z| = \operatorname{sqrt}(a^2 + b^2)$

Do đó, phương trình $|z^2 - 3 - 4i| = 2 |z|$ tương đương với:

$$(a^2 - b^2 - 3)^2 + (2ab - 4)^2 = 4(a^2 + b^2)$$

Mở rông phương trình, ta thu được:

$$a^4 - 2a^2b^2 - 6a^2 + b^4 + 8b^2 - 7 = 0$$

Đây là một phương trình bậc 4 đối với a^2 và b^2. Ta có thể giải phương trình này bằng cách sử dụng phương pháp Viete hoặc phương pháp khác. Sau khi giải được phương trình này, ta tìm được tất cả các giá trị của z. Giả sử giá trị của z là x và y (x \leq y). Khi đó, ta có: $x^2 + y^2 \leq M^2$ (với M là giá trị lớn nhất của |z|) Và

 $x^2 + y^2 \ge m^2$ (với m là giá trị nhỏ nhất của |z|)

| | Sử dụng định lý Pitago trong tam giác vuông, ta có: |
|--|--|
| | $sqrt((x^2 + y^2)^2 - 4x^2y^2) \le M^2 - m^2$ Và |
| | $sqrt((x^2 + y^2)^2 - 4x^2y^2) \ge M^2 - m^2$ |
| | Do đó, ta có: $M^2 + m^2 = sqrt((M^2 - m^2)^2 + 4M^2m^2) \le$ |
| | $sqrt((M^2 - m^2)^2 + (M^2 + m^2)^2)$ |
| | $= \operatorname{sqrt}(2(M^4 + m^4)) \le \operatorname{sqrt}(2(2M^2)^2) = 2\operatorname{sqrt}(2)M^2$ |
| | Vì vậy, giá trị của $M^2 + m^2$ không vượt quá |
| | 2sqrt(2)M^2. Từ đó, ta có thể giới hạn giá trị của M^2 + m^2 và tìm được kết quả cuối cùng. |
| | Áp dụng phương pháp trên, ta có: |
| , | $a^4 - 2a^2b$ |
| Câu 43. Cho khối lăng trụ đứng | Gọi O là trung điểm của AB. |
| ABC.A'B'C' có đáy ABC là tam giác vuông cân tại B, AB =a. Biết khoảng cách | Ta có: $OA = OB = a/2$, $AM = \sqrt{6}$ a/6. Khi đó, ta tính được $OB' = OA' = 2OA = a$. |
| từ A đến mặt phẳng (A'BC) bằng \sqrt{6} | Dể tính được độ dài h của lăng trụ, ta tính khoảng cách từ |
| a/3, thể tích khối lăng trụ đã cho bằng | A' đến mặt phẳng (ABC): |
| A. \sqrt{2} a^3/6 | $d(A', (ABC)) = \frac{ A'B' \cdot AB }{2S_{ABC}} =$ |
| B. \sqrt{2} a^3/2 | $\frac{ (2a)(\frac{a}{\sqrt{2}}) }{2 \cdot \sqrt{2}}$ |
| C. \sqrt{2} a^3 D. \sqrt{2} a^3/4 | $\cdot AB^2 = a \sqrt{2}$ Vây ta có h = d(A', (ABC)) = a \sqrt{2}. |
| 2. sq.(2) a 3/1 | Sử dụng công thức tính thể tích khối lăng trụ V = |
| | S_{ABC} \cdot h, ta được: |
| | $V = \frac{1}{2} \cdot AB^2 \cdot b = \frac{1}{2} \cdot cdot$ |
| | $a^2 \cdot a \cdot a \cdot qrt\{2\} = \frac{2}{2} a^3.$ Vậy đáp án là A. |
| Câu 44. Cho hàm số $y = f(x)$ có đạo hàm | Để tính diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường y = |
| liên tục trên R và thỏa mãn $f(x) + x f'(x) =$ | f(x) và $y = f'(x)$, ta cần tìm được các điểm cắt nhau của |
| $4 \times^3 + 4 \times +2$, \forall x \in R. Diện tích | hai đường này. Ta có: |
| hình phẳng giới hạn bởi các đường $y = f(x)$ | $y = f(x) + y = f'(x) \Leftrightarrow f(x) - f'(x) = 0$ $y = f(x) + y = f'(x) \Leftrightarrow f(x) - f(x) = 0$ |
| và $y = f'(x)$ bằng A. $y = 5/2$ | Vậy các điểm cắt nhau của hai đường là các điểm có hoành độ x thỏa mãn $f(x) = f'(x)$. Để tìm được các điểm |
| B. $y = 4/3$ | này, ta giải phương trình $f(x) - f'(x) = 0$. Đặt $g(x) = f(x)$ |
| C. $y = 1/2$ | $-x^3-2x$, ta có: |
| D. $y = 1/4$ | $f(x) - f'(x) = 0 \Leftrightarrow f(x) = f'(x) \Leftrightarrow g(x) = -x^3 - x + 2 = 0$ |
| | Phương trình này có nghiệm duy nhất x = 1. Ta lai có: |
| | $f(x) + xf'(x) = 4x^3 + 4x + 2$ |
| | $\Leftrightarrow f'(x) + xf''(x) + f(x) + f'(x) = 12x^2 + 4$ |
| | $\Leftrightarrow xf''(x) + 2f'(x) + 2f(x) = 12x^2 + 4$ |
| | Đạo hàm cả hai về ta được: |
| | f''(x) + 2f'(x) + 2f'(x) + 2f(x)' = 24x $\Leftrightarrow f''(x) + 4f'(x) + 2f(x) = 24x$ |
| | Ta sẽ giải phương trình vi phân bậc hai này để tìm được |
| | hàm số f(x) và tính được diện tích cần tìm. |
| | Đặt $y = f'(x)$, ta có: |
| | y' + 4y + 2f = 24x |
| | $\Leftrightarrow y' + 4y = 24x - 2f$ |

Đây là phương trình vi phân bậc nhất với hệ số góc bằng 4. Giải phương trình đó, ta được: y(x) = c.exp(-4x) + 6 - 2xVới hàm số này, ta có thể tính được f(x): f'(x) = y(x) = c.exp(-4x) + 6 - 2x $f(x) = -c/4.exp(-4x) + 3x - x^2 + d$ Từ điều kiên f(0) + 0f'(0) = 2, ta có d = 2. Từ điều kiên f(4) + 4f'(4) = 66, ta có c = -8/3. Vây hàm số cần tìm là: $f(x) = 2 - 2x^2 + 8/3.exp(-4x)$ Diên tích cần tìm là: $S = \int (0.4) |f(x) - f'(x)| dx$ Ta tính được: Ta có z 1+z 2=2(m+1) và $z 1z 2=m^2$. Từ z 1+z 2=mCâu 45. Trên tập hợp số phức, xét phương trình $z^2 - 2(m+1)z + m^2 = 0$ (m là tham |z| 2| = 2, suy ra $|z| 2| \le 1$, $|z| \ge 1$, $|z| \le 1$ số thực). Có bao nhiều giá tri của m để thức AM-GM, ta có 2=|z|+|z|phương trình đó có hai nghiệm phân biệt 2\sqrt{|z 1||z 2|}\leq 1 \Rightarrow\$ phương trình chỉ có z = 1, z = 2 thoa mãn |z = 1| + |z = 2| = 2? nghiêm khi |z| = |z| = 1, và khi đó z = 1. A. 1 Giải phương trình \$z^2-2(m+1)z+m^2=0\$ ta có \$\Delta B. 4 $=4(m+1)^2-4m^2=8m+4$. Phương trình có hai nghiệm C. 2 phân biệt khi và chỉ khi \$\Delta > 0 \Leftrightarrow m > - $\frac{1}{2}$ \$. Néu \$z 1z 2=-1\$, thì \$z 1+z 2=2(m+1)\$, D. 3 suy ra \$|z 1+z 2|\leq 2|m+1|\$. Ap dụng bất đẳng thức tam giác, ta có 2=|z|+|z|+|z|=|z|+|z|2|m+1|\Rightarrow |m+1|\geq 1\\$. Kết hợp hai bất đẳng thức trên, ta có $\left| \frac{m+1}{gq} \right| - 1 \le -1$ \frac{1}{2} \end{matrix}\right. \Leftrightarrow m\in $\left(\frac{-3}{2}\right)\$ Vậy số giá trị của \$m\$ thỏa mãn là \$2\$. Đáp án chính xác là $\boldsymbol{\lambda} \cdot \{(C) \}$ Goi \$B\$ và \$C\$ lần lượt là các điểm trên đường thẳng Câu 46. Trong không gian Oxyz, cho điểm \$d\$ sao cho \$AB \perp d\$ và \$AC \perp AB\$. Ta có thê A(0;1;2) và đường thẳng d: $\frac{x-2}{2}$ $= \frac{y-1}{2} = \frac{z-1}{-3}$. Goi (P) tìm được các toa đô của \$B\$ và \$C\$ như sau: là mặt phẳng đi qua A và chứa d. Khoảng $\left[\left(a \right) \right] = \left[\left(a \right) \right]$ cách từ điểm M(5;-1;3) đến (P) bằng $\frac{y B - 1}{2} = \frac{z B - 1}{-3} x B^2 + y B^2$ A. 5 + z $B^2 = AB^2 \setminus \{cases\} \& \}$ (x B,y B,z B) = $\left(3, 2, -1\right) \setminus \left(x C - 2\right) =$ B. 1/3 C. 1 $\frac{y C - 1}{2} = \frac{z C - 1}{-3} \times C^2 + y C^2$ + z $C^2 = AC^2 \setminus \{cases\} \& \}$ wimplies (x C,y C,z C) D. 11/3 = $\left(1, -1, 4\right) \cdot \left(a \right)$ Mặt phẳng (P)chứa \$d\$ nên có thể viết được phương trình của \$(P)\$ dưới dạng [$\frac{x - 2}{2} = \frac{y - 1}{2} = \frac{z - 1}{2}$ 1 {-3} = t] Do \$(P)\$ di qua \$A(0;1;2)\$ nên ta có phương trình của (P) là $\frac{x - 2}{2} = \frac{y - 1}{2} =$ $\frac{z-1}{-3} = t \le 2x = 2t + 2, 2y = 2t + 1, z = 2t + 2$ -3t + 1] Do đó, ta có tọa độ của vector pháp tuyến của \$(P)\$ là \$(2,2,-3)\$. Gọi \$H\$ là hình chiếu của \$M\$ lên \$(P)\$, ta có $[\operatorname{NOY}] = \frac{\mathrm{AM}}{\mathrm{AM}}$ \cdot

 $\operatorname{voverrightarrow}\{n\}$ {\left|\overrightarrow\{n}\right|^2}

3) $\{17\} \cdot (2, 2, -3) = \left(\frac{4}{17}\right)$ \frac{4}{17}, -\frac{6}{17}\right)] Do \$H\$ thuộc \$(P)\$ và \$M \notin (P)\$ nên \$H\$ chính là hình chiếu vuông của \$M\$ lên \$(P)\$ và ta có [MH = \left|\overrightarrow{MH}\right| = $\frac{2\sqrt{2}}{17}.$ Vậy đáp án là $\mathrm{hbf}(B)$ $\frac{1}{3}$ \$.

Câu 47. Có bao nhiêu cặp số nguyên (x;y) thỏa mãn $\log 3 (x^2 + y^2 + x) + \log 2$ $(x^2+y^2) \log 3 x + \log 2 (x^2 + y^2)$ +24 x)

A. 89

B. 48

C. 90

D. 49

```
Bắt đầu giải bài toán bằng cách tách log bằng cách sử dụng tính chất
        $\log(a) + \log(b) = \log(ab)$, ta được
              \log_3(x^2+y^2+x) + \log_2(x^2+y^2) \leq \log_3 x + \log_2(x^2+y^2+24x)
                            \log_3[(x^2+y^2+x)\cdot x] \leq \log_2[(x^2+y^2+24x)\cdot (x^2+y^2)]
                       \frac{(x^2 + y^2 + x) \cdot x}{(x^2 + y^2 + 24x) \cdot (x^2 + y^2)} \le 2^{\log_2 3}
                      \frac{x^2(x^2+y^2+x)}{(x^2+y^2+24x)\cdot(x^2+y^2)} \leq 3
                 \frac{x^2}{x^2+y^2} \cdot \frac{x^2+y^2+x}{x^2+y^2+24x} \leq 3 \frac{x^2}{x^2+y^2} \cdot \frac{x^2+y^2+x}{(x+12)^2+y^2-144} \leq 3
        Giải phương trình \frac{x^2}{x^2} + y^2 \cdot \frac{x^2 + y^2}{x^2 + y^2} 
        3$ tương đương với phương trình
        0 = 3(x^2 + y^2)[(x+12)^2 + y^2 - 144] - 3x^2[(x+12)^2 + y^2 - 144] - 3x^2(x^2 + y^2 + x)
          = -3(4x^3 + 48x^2 - 12x^2y^2 - 288x - 144y^2 + 41472)
          =4x^3-12x^2y^2-144x-12y^2+13824
        Do đó, cần giải phương trình bác ba 4x^3 - 12x^2y^2 - 144x - 12y^2 + 13824 = 0 để tim
        các cặp số nguyên $(x,y)$ thỏa mãn bất đẳng thức ban đầu.
        Ta có thể áp dụng định lý Sturm để tìm số nghiệm nguyên của phương trình bậc ba này. Tuy
        nhiên, trong trường hợp này tạ có thể sử dụng phương pháp khác để giải quyết bài toái
        Nhận thấy rằng nếu $(x,y)$ là một nghiệm nguyên của phương trình $4x^3 - 12x^2
```

Câu 48. Cho khối nón có đỉnh S, chiều cao bằng 8 và thể tích bằng 800\pi/3. Goi A và B là hai điểm thuộc đường tròn đáy sao cho AB = 12, khoảng cách từ tâm của đường tròn đáy đến mặt phẳng (SAB) bằng A. $8 \cdot sqrt\{2\}$

B. 24/5

C. $4 \cdot qt{2}$

D. 5/24

Goi \$O\$ là tâm đường tròn đáy của khối nón, \$R\$ là bán kính đường tròn đáy, \$M\$ là trung điểm của \$AB\$, \$H\$ là hình chiếu của \$S\$ lên đường thẳng \$AB\$. Ta có

 $V {SAB}=\langle \{1\} \{3\} V \{SABC\}=\langle \{1\} \{3\} \}$ $dfrac{1}{3}V {SABC'D}=dfrac{800\pi}{81}$ (v\'oi)$ \$C',D\$ lần lượt là trung điểm của \$SA,SB\$).

Goi \$d\$ là khoảng cách từ \$O\$ đến mặt phẳng \$(SAB)\$, ta cần tính \$d\$.

Xét tam giác \$OAB\$ có \$OM=\dfrac{1}{2}AB=6\$ và \$AB=12\$, suy ra \$\angle MOB=90^\circ\$. Vây $d=OH\sin \ MOH=\ (OH) {2}$ \$. Xét tam giác \$SAB\$, theo định lí cosin ta có: $SA^2+SB^2-2SA\cdot SB\cdot SB-AB^2$ $\Rightarrow \cos \ASB = \dfrac {5} {6}$ \$.

Áp dung định lí cosin lần lượt cho các tam giác \$SAB,SMO,MOB\$ ta có:

\$\begin{cases} AB^2=SA^2+SB^2-2SA\cdot SB\cos $\angle ASB \ 2SM^2 = AB^2 + OM^2 - OB^2 \$ OM^2=OB^2+BM^2-2OB\cdot BM\cos \angle MOB \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \cos \angle $ASB = \langle dfrac \{5\} \{6\} \setminus 2SM^2 = SA^2 + SB^2 + OM^2 - R^2 \setminus SB^2 = SA^2 + SB^2 + OM^2 - R^2 \setminus SB^2 = SA^2 + SB^2 + OM^2 - R^2 \setminus SB^2 = SA^2 + SB^2 + OM^2 - R^2 \setminus SB^2 = SA^2 + SB^2 + OM^2 - R^2 \setminus SB^2 = SA^2 + SB^2 + OM^2 - R^2 \setminus SB^2 = SA^2 + SB^2 + OM^2 - R^2 \setminus SB^2 = SA^2 + SB^2 + OM^2 - R^2 \setminus SB^2 = SA^2 + SB^2 + OM^2 - R^2 \setminus SB^2 = SA^2 + SB^2 + OM^2 - R^2 \setminus SB^2 = SA^2 + SB^2 + OM^2 - R^2 \setminus SB^2 = SA^2 + SB^2 + OM^2 - R^2 + SB^2 + OM^2 - SB^2 + OM^2 OH^2=OM^2-HM^2 \end{cases}$

Mặt khác, ta có

\$V {SABC}=\dfrac{1}{3}S {SAB}SH=800\pi $\Rightarrow S \{SAB\} = \dfrac\{2400\} \{ \sqrt{73} \}$ \$. Câu 49. Trong không gian Oxyz, cho hai điểm A(0;0;10) và B(3;4;6). Xét các điểm M thay đổi sao cho tam giác OAM không có góc tù và có diện tích bằng 15. Giá trị nhỏ nhất của độ dài đoạn thẳng MB thuộc khoảng nào dưới đây?

A. (4;5)

B. (3;4)

C. (2;3)

D. (6;7)

Câu 50. Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số a $in (-10; +\inf y)$ để hàm số $y = |x^3 + (a+2)x + 9 - a^2|$ đồng biến trên khoảng (0;1)?

A. 12

B. 11

C. 6

D. 5

Suy ra

 $\label{eq:sab} $$ \x^2=\dfrac{S_{SAB}}{\pi c {2400} {73}}. K\tilde{thop các công thức trên, ta suy ra được $d=\dfrac{OH}{2}=\dfrac{1}{4} \qquad {3(80-R^2)}=\dfrac{5}{24}$. Vậy đáp án chính xác là $\boxed{\text{textbf}(D) } 5/24}$.$

Goi \$O\$ là gốc toa đô. Ta có:

- Diện tích tam giác \$OAM\$ bằng một nửa tích vector của hai vecto \$\vec{OA}\$ và \$\vec{OM}\$. Do tam giác \$OAM\$ không có góc tù nên tích vector của hai vecto này bằng bình phương đô dài vecto \$\vec{OA}\$\$.
- Diện tích tam giác \$OAB\$ bằng một nửa tích vector của hai vector \$\vec{OA}\$ và \$\vec{OB}\$\$. Do đó, diện tích tam giác \$OAM\$ bằng \$\frac{1}{2} |\vec{OA}| \cdot h\$ và diện tích tam giác \$OAB\$ bằng \$\frac{1}{2} |\vec{OA}| \cdot |\vec{OB}|\$, trong đó \$h\$ là độ dài đường cao của tam giác \$OAM\$. Vậy, ta có: \$\$h = \frac{2 \cdot 15}{|\vec{OA}|} = \frac{6}{\sqrt{10}}\$\$ và \$\$|\vec{OB}| = \frac{2 \cdot 15}{|\vec{OA}|}\$\$ Gọi \$M(x,y,z)\$, ta có phương trình mặt phẳng \$(OAB)\$ là:

Ta có thể giải bài toán bằng cách vẽ đồ thị của hàm số $y = |x^3 + (a+2)x + 9 - a^2|$ \$.

Để hàm số đồng biến trên khoảng \$(0,1)\$ thì nó phải luôn đồng biến trên khoảng đó hoặc luôn nghịch biến trên khoảng đó.

Trước hết, ta xét trường hợp hàm số đồng biến trên khoảng \$(0,1)\$. Để hàm số này đồng biến trên khoảng \$(0,1)\$, ta cần phải xét trường hợp \$a\$ là số âm và \$a\$ là số không âm.

Khi \$a < 0\$, ta có \$a^2 > 0\$ và \$x^3 + (a+2)x + 9 - a^2 > 0\$ trên \$(0,1)\$. Vì vậy, \$y\$ sẽ đồng biến trên \$(0,1)\$ nếu và chỉ nếu \$y(0) < y(1)\$. Tức là, \$\$|9-a^2| < |1+a^2+2a|.\$\$ Nếu \$a \geq -1\$, bất đẳng thức trên tương đương với \$a^2 - 2a - 8 < 0\$, hay \$(a-4)(a+2) < 0\$. Do đó, \$-2 < a < 4\$. Nếu \$a < -1\$, bất đẳng thức trên tương đương với \$a^2 + 2a - 8 < 0\$, hay \$(a-2)(a+4) < 0\$. Do đó, \$-4 < a < -2\$. Tóm lại, nếu \$a<0\$ và hàm số đồng biến trên khoảng \$(0,1)\$ thì \$a\$ phải thuộc đoạn \$(-4,-2)\cup (-2,4)\$.

Khi \$a \geq 0\$, ta có \$a^2 \geq 0\$ và \$x^3 + (a+2)x + 9 - a^2 > 0\$ trên \$(0,1)\$. Vì vậy, \$y\$ sẽ đồng biến trên \$(0,1)\$ nếu và chỉ nếu \$y(0) > y(1)\$. Tức là, \$\$|9-a^2| > |1+a^2+2a|.\$\$ Nếu \$a \geq -1\$, bất đẳng thức trên tương đương với \$a^2 - 2a - 8 > 0\$, hay \$a < -2\$ hoặc \$a > 4\$. Do đó, nếu \$a \geq 0\$ và hàm số đồng biến trên khoảng \$(0,1)\$ thì \$a\$ phải thuộc đoạn \$(-\infty, -2) \cup (4,\infty)\$.

Tiếp theo, ta xét trường hợp hàm số nghịch biến trên khoả

Giải phương trình $x^3 + (a+2)x + 9 - a^2 = 0$, ta được x = f(a) là nghiệm duy nhất của phương trình trên $\$ mathbb R (do đồng biến trên (0,1)). Để hàm số đồng biến trên (0,1), ta cần xét các trường hợp sau:

- Trường hợp \$f(a) \le 0\$ với mọi \$a \in (-10, \infty)\$: Ta có \$f(a) \le 0 \Leftrightarrow a^2 \ge 9\$, suy ra \$a \in (-\infty, -3] \cup [3, +\infty)\$. Từ đó suy ra số giá trị nguyên của \$a\$ thỏa mãn là \$8\$.
- Trường hợp \$f(a) \ge 0\$ với mọi \$a \in (-10, \infty)\$: Tương tự, ta có \$f(a) \ge 0 \Leftrightarrow a^2 \le 9\$, suy ra \$a \in [-3, 3]\$. Từ đó suy ra số giá trị nguyên của \$a\$ thỏa mãn là \$7\$.

 Vậy tổng số giá trị nguyên của \$a\$ thỏa mãn là

Vay tong so gia trị nguyên của \$a\$ thoa mắn là \$7+8=\boxed{15}\$.