

The inverse of
$$\begin{bmatrix} 3 & 0 & 2 \\ 2 & 0 & -2 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$
 is



Solution:

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{5} & \frac{1}{5} & 0 \\ -\frac{1}{5} & -\frac{3}{10} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot A$$

$$R_2 \leftrightarrow R_3$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{5} & \frac{1}{5} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ \frac{1}{5} & -\frac{3}{10} & 0 \end{bmatrix} \cdot A$$

$$R_2 \rightarrow R_2 - R_3$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{5} & \frac{1}{5} & 0 \\ -\frac{1}{5} & \frac{3}{10} & 1 \\ \frac{1}{5} & -\frac{3}{10} & 0 \end{bmatrix} \cdot A$$

+

A
$$\begin{bmatrix} \frac{1}{5} & \frac{1}{5} & 0 \\ -\frac{1}{5} & \frac{3}{10} & 1 \\ \frac{1}{5} & -\frac{3}{10} & 1 \end{bmatrix}$$
 B
$$\begin{bmatrix} -\frac{1}{5} & \frac{1}{5} & 1 \\ -\frac{1}{5} & \frac{3}{10} & 1 \\ \frac{1}{5} & -\frac{3}{10} & 0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \frac{2}{5} & \frac{3}{5} & -1 \\ -\frac{1}{5} & \frac{3}{5} & 1 \\ \frac{1}{5} & -\frac{3}{10} & 0 \end{bmatrix} \qquad \begin{bmatrix} -\frac{1}{5} & \frac{2}{5} & 0 \\ -\frac{3}{5} & \frac{3}{10} & 1 \\ \frac{1}{5} & -\frac{3}{10} & 0 \end{bmatrix}$$