

Московский физико-технический институт
(государственный университет)

Лабораторная работа по общему курсу физики
Оптика

**Исследование разрешающей способности
микроскопа методом Аббе.**

Таранов Александр
Группа Б01-206

Содержание

1	Теоретическое введение	1
2	Экспериментальная установка	2
3	Обработка результатов	4
3.1	Спектры	4
3.2	Микроскоп	4
3.3	Диафрагма	5
3.4	Проверка теории Аббе	5
3.5	Мультипликация	6
4	Результаты	7

Цель работы: определение дифракционного предела разрешения объектива микроскопа методом Аббе.

В работе используются: лазер; кассета с набором сеток разного периода; линзы; щель с микрометрическим винтом; оптический стол с набором рейтеров и крепёжных винтов; экран; линейка.

1. Теоретическое введение

Всякая оптическая система, предназначенная для получения изображений, имеет конечный предел разрешения, т. е. ограниченную возможность раздельного наблюдения близко расположенных предметов. Принципиальной причиной, ограничивающей предел разрешения, является дифракция световых волн. Разрешающей способностью оптического прибора называют минимальное расстояние l_{min} между двумя точками в пространстве предметов, которое прибор может разрешить. При визуальном наблюдении изображения в качестве критерия разрешения применяют так называемый критерий Рэлея.

Для иммерсионного микроскопа (объект находится в иммерсионной среде – жидкости с показателем преломления n) разрешающая способность объектива при некогерентном освещении

$$l_{min} \approx \frac{0,61\lambda}{n \sin A},$$

где A — апертурный угол объектива микроскопа (см. рис. 1), т. е. угол между оптической осью и лучом, направленным из центра объекта в край линзы.

Рассмотрим теперь когерентно освещённый объект, наблюдаемый в микроскоп. Схема образования изображения в объективе микроскопа представлена на рис. 1. Для простоты рассмотрим случай, когда предметом является периодическая структура (дифракционная решётка), освещаемая параллельным пучком лучей. При наблюдении в микроскоп предмет располагается вблизи переднего фокуса объектива. При освещении решётки волнами, наклонными к оси, с углом наклона чуть меньшим апертуры A волны нулевого порядка сфокусируются на край диафрагмы. Для получения изображения достаточно, чтобы на противоположные края сфокусировались волны 1-го порядка, т. е. угол между волнами 0 и 1 порядка должен быть равен $2A$. Минимальное разрешаемое объективом расстояние определяется условием

$$l_{min} \approx \frac{\lambda}{\sin A} \approx \frac{\lambda}{D/2f}, \quad (1)$$

где D — диаметр диафрагмы. При этом диафрагма, расположенная симметрично, пропускает нулевой и ± 1 дифракционные максимумы.

В нашей работе применяется двумерная решётка – сетка. Её можно рассматривать как две скрещенные (перпендикулярные друг к другу) решётки. Узкий пучок монохроматического света, пройдя через решётку с вертикальными штрихами, даёт совокупность максимумов, расположенных вдоль горизонтальной линии. Световой пучок, соответствующий каждому максимуму, проходя через вторую решётку, распадается на новую совокупность световых пучков, дающих максимумы вдоль вертикальной линии. Главные максимумы возникают тогда, когда одновременно выполняются условия:

$$d \sin \theta_x = m_x \lambda, \quad d \sin \theta_y = m_y \lambda \quad (2)$$

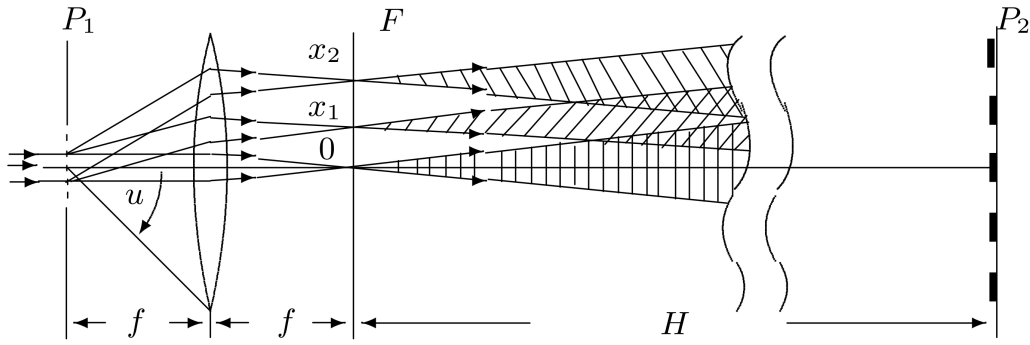


Рис. 1: Образование изображения в объективе микроскопа. P_1 — плоскость предмета, F — задняя фокальная плоскость объектива, P_2 — плоскость, сопряжённая с предметной плоскостью. В плоскости P_2 световые пучки сильно перекрываются

где m_x и m_y — целые числа, характеризующие порядки дифракционных максимумов, θ_x и θ_y — направления на главные дифракционные максимумы в горизонтальной и вертикальной плоскостях соответственно.

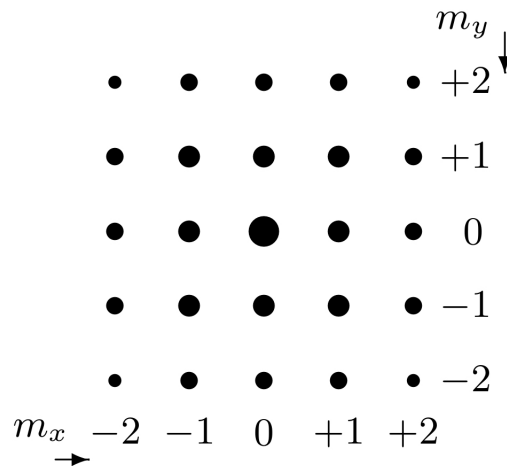


Рис. 2: Дифракция Фраунгофера на двумерной решётке (сетке). Максимумы изображены кружками, размеры которых характеризуют интенсивности

2. Экспериментальная установка

Схема модели проекционного микроскопа приведена на рис. 3. Предметом служат сетки, расположенные в кассете. Смена сеток осуществляется поворотом внешнего кольца кассеты.

Излучение лазера (ОКГ) почти перпендикулярно падает на сетку С, установленную вблизи фокальной плоскости линзы L_1 — объектива микроскопа. Обычно и объектив, и окуляр микроскопа — короткофокусные линзы (1–3 см). В нашей модели линза L_1 выбирается достаточно длиннофокусной ($f \approx 10$ см), т. к. размер первичного изображения в фокальной плоскости F должен быть не слишком малым, чтобы дополнительными диафрагмами можно было влиять на вторичное изображение в плоскости P_2 . Вторичное изображение из плоскости P_2 проецируется на

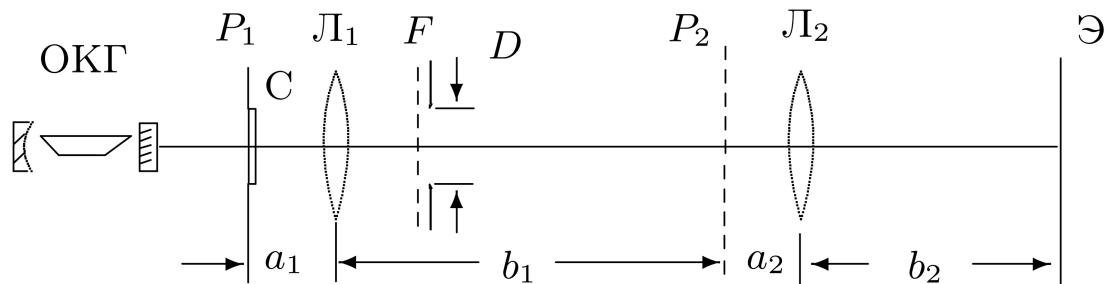


Рис. 3: Схема экспериментальной установки — модель проекционного микроскопа

экран Э линзой \mathcal{L}_2 (короткофокусной, чтобы изображение на экране было крупнее). Во избежание микротравм глаза от излучения лазера не следует использовать эту линзу традиционным образом как окуляр микроскопа. Изображение сетки периодически повторяется — *репродуцируется* — в пространстве между сеткой и первой линзой, поэтому для того, чтобы среди множества репродуцированных изображений сетки можно было выделить её геометрическое изображение, на сетках изображён лисёнок, т. е. непериодический объект, изображение которого не репродуцируется. В фокальной плоскости F могут быть установлены диафрагмы — щелевая или ирисовая (отверстие с переменным диаметром) и различного рода маски (препятствия). Как видно из соотношения (1), минимально разрешимый шаг решётки или сетки определяется апертурным углом Λ объектива. Обычно апертура микроскопа меняется при помощи ирисовой диафрагмы на объективе (на линзе \mathcal{L}_1 такая диафрагма есть), но в наших условиях удобнее располагать щелевую диафрагму в плоскости F . Имея набор сеток с различными периодами d и изменяя апертурный угол объектива с помощью щелевой диафрагмы, можно экспериментально проверить соотношение (1).

3. Обработка результатов

3.1. Спектры

По измерениям спектров определим дифракционные углы θ_x θ_y и рассчитаем периоды решёток:

$$d \sin(\theta) = m\lambda$$

$$\sin(\theta) \approx \theta \approx \tan(\theta) = \frac{x}{H}$$

$$d = \frac{m\lambda H}{x}$$

$$\sigma_d = d \cdot \sqrt{\left(\frac{\sigma_H}{H}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_x}{x}\right)^2}$$

решетка	1up	2up	3up	1down	2down	3down
l, мм	133	133	133	133	107	132
m	2	5	10	2	4	10
d, мкм	9.68	24.20	48.40	9.68	24.06	48.77
σ_d , мкм	0.11	0.27	0.54	0.11	0.30	0.55

3.2. Микроскоп

По измерениям увеличенных с помощью микроскопа изображений сеток рассчитаем их периоды:

$$a_2 = \frac{b_2 F_2}{b_2 - F_2} = (26 \pm 1) \text{ мм}$$

$$\Gamma = \frac{b_1 b_2}{a_1 a_2} = (110 \pm 4)$$

$$d = \frac{x}{n\Gamma}$$

$$\sigma_d = d \cdot \sqrt{\left(\frac{\sigma_x}{x}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_\Gamma}{\Gamma}\right)^2}$$

решетка	2up	3up	2down	3down
x, мм	10.00	50.00	10.00	30.00
n	6.00	14.00	5.00	7.00
d, мкм	15.16	32.48	18.19	38.98
σ_d , мкм	3.05	2.18	3.35	2.82

3.3. Диффрагма

По измерениям со щелью рассчитаем минимальное расстояние, разрешаемое микроскопом:

$$d = \frac{2\lambda F_1}{D}$$

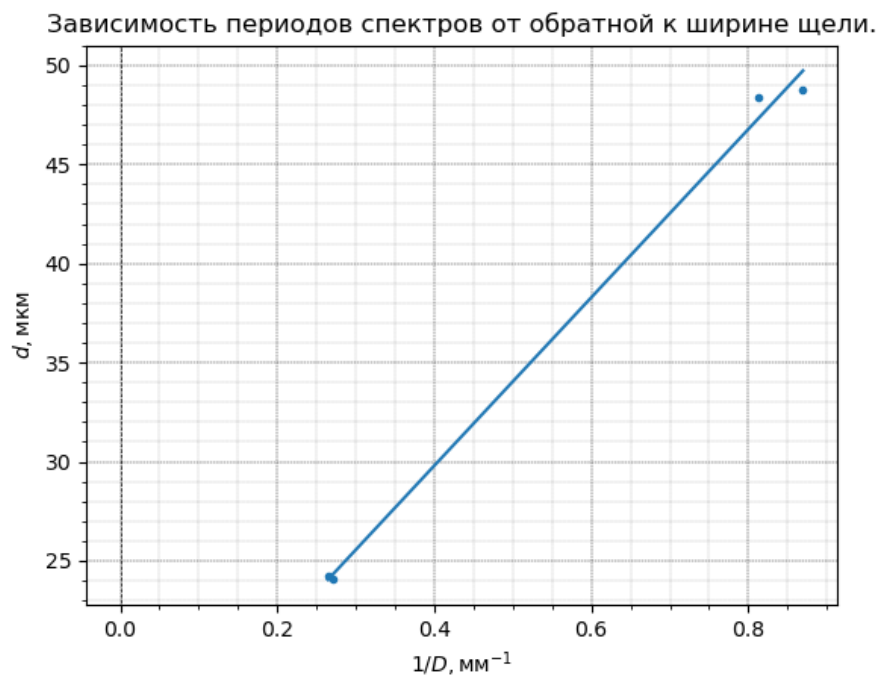
$$\sigma_{\frac{1}{D}} = \frac{\sigma_D}{D^2}$$

$$\sigma_d = d \cdot \frac{\sigma_{\frac{1}{D}}}{D}$$

решетка	2up	3up	2down	3down
D, мм	3.78	1.23	3.69	1.15
d, мкм	36.59	112.46	37.49	120.28
σ_d , мкм	0.37	1.12	0.38	1.20

3.4. Проверка теории Аббе

Для проверки теории Аббе построим график зависимости $d = f(1/D)$, взяв периоды сеток, определённые ранее по спектру:

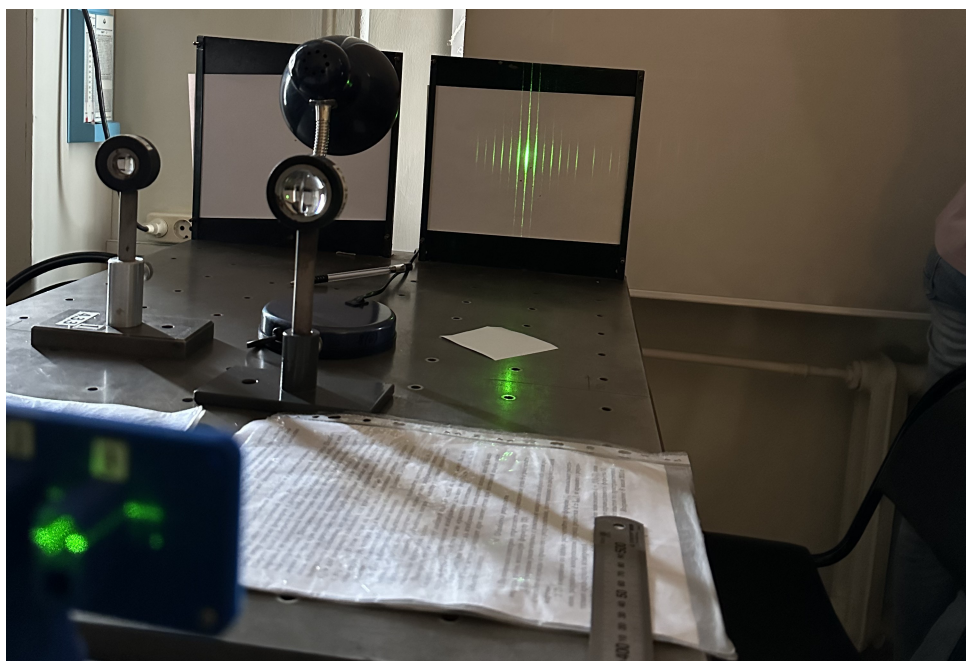
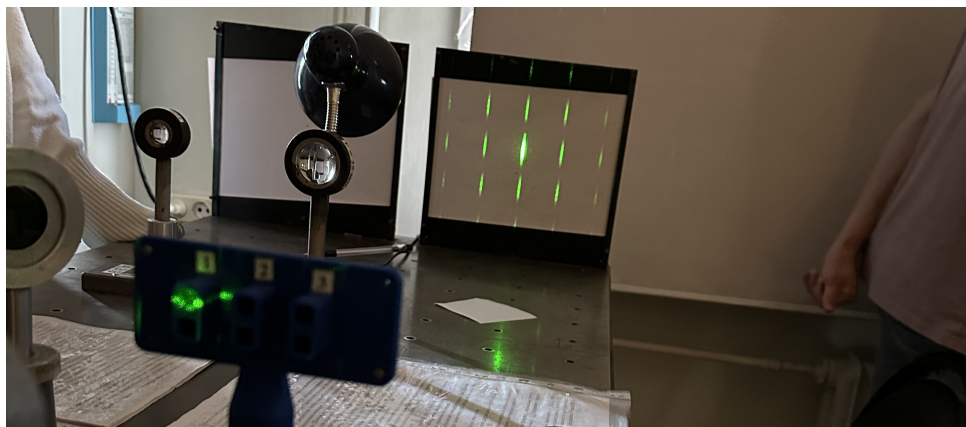


Характеристики графика: угол наклона и погрешность - $k = (42.5 \pm 1.8)$, коэффициент корреляции - $r = 0.998$. Данная линейная зависимость даёт возможность предположить, что теория Аббе верна.

Не будем наносить кресты погрешности, тк её значения слишком малы для графика.

3.5. Мультипликация

Проверим эффект мультипликации (размножения) изображения:



Мы можем убедиться, что решетка отфильтровывает волны, пропуская дискретный спектр компонент, который формирует изображение, возникающее на экране

4. Результаты

По полученным результатам мы удостоверились в правильности принципа двойной дифракции (теория Аббе). Также был проверен эффект мультипликации изображения.

Таблица 1: Периоды решёток d в мкм для различные методов

решетка	1up	2up	3up
спектры	(9.68 ± 0.11)	(24.20 ± 0.27)	(48.40 ± 0.54)
микроскоп	-	(15.16 ± 3.05)	(32.48 ± 2.18)
диафрагма	-	(36.59 ± 0.37)	(112.46 ± 1.12)

решетка	1down	2down	3down
спектры	(9.68 ± 0.11)	(24.06 ± 0.30)	(48.77 ± 0.55)
микроскоп	-	(18.19 ± 3.35)	(38.98 ± 2.82)
диафрагма	-	(37.49 ± 0.38)	(120.28 ± 1.20)