

Санкт-Петербургский Политехнический Университет Петра Великого
Институт компьютерных наук и технологий
Кафедра компьютерных систем и программных технологий

Параллельные вычисления

Отчет по лабораторной работе

Создание параллельной программы на C++ с использованием Pthreads и
OpenMP

Работу

выполнил:

Раскин А.Р.

Группа: 13541/3

Преподаватель:

Стручков И.В.

Санкт-Петербург
2018

Содержание

1. Цель работы	2
2. Программа работы	2
3. Теоретическая информация	2
4. Ход выполнения работы	3
4.1. Последовательное выполнение	5
4.2. Параллелизм на основе Pthreads	6
4.3. Параллелизм на основе OpenMP	9
5. Эксперименты	12
6. Выводы	14

1. Цель работы

Изучить основы создания параллельных программ на C++ с использованием библиотек pthreads и OpenMP. Написать параллельную программу, которая решает следующую задачу: поиск площади окружностей, с использованием метода Монте-Карло. Сравнить производительность решений.

2. Программа работы

Для решения задачи создана часть программы, не зависящая от использования многопоточности и средств её реализации. На основе данной (методом линкования) собираются программы последовательного выполнения и многопоточного выполнения. Количество потоков задаётся аргументом командной строки для обеих многопоточных реализаций.

Проверка эффективности выполнения проводится на компьютере с процессором описанным в листинге 2

```
1 lscpu
2 Architecture:          x86_64
3 CPU op-mode(s):        32-bit , 64-bit
4 Byte Order:            Little Endian
5 CPU(s):                 4
6 On-line CPU(s) list:   0-3
7 Thread(s) per core:    2
8 Core(s) per socket:    2
9 Socket(s):              1
10 NUMA node(s):          1
11 Vendor ID:              GenuineIntel
12 CPU family:             6
13 Model:                  42
14 Model name:             Intel(R) Core(TM) i7-2640M CPU @ 2.80GHz
15 Stepping:               7
16 CPU MHz:                799.975
17 CPU max MHz:            3500.0000
18 CPU min MHz:            800.0000
19 Bogomips:               5584.55
20 Virtualization:         VT-x
21 L1d cache:              32K
22 L1i cache:              32K
23 L2 cache:               256K
24 L3 cache:               4096K
25 NUMA node0 CPU(s):      0-3
26 Flags:                  fpu vme de pse tsc msr pae mce cx8 apic sep mtrr pge mca
    → cmov pat pse36 clflush dts acpi mmx fxsr sse sse2 ss ht tm pbe syscall nx
    → rdtscp lm constant_tsc arch_perfmon pebs bts nopl xtopology nonstop_tsc
    → cpuid aperfmperf pni pclmulqdq dtes64 monitor ds_cpl vmx smx est tm2 ssse3
    → cx16 xtpr pdcm pcid sse4_1 sse4_2 x2apic popcnt tsc_deadline_timer aes
    → xsave avx lahf_lm epb tpr_shadow vnmi flexpriority ept vpid xsaveopt
    → dtherm ida arat pln pts
```

3. Теоретическая информация

Метод Монте-Карло в данном случае заключается в генерации случайных точек в прямоугольном пространстве, включающем в себя окружности, площади которых мы ищем.

Подсчёт площади прямоугольника является простой задачей, а отношение точек, вошедших в окружности, ко всем точкам примерно равно отношению площадей окружностей к площади вышеупомянутого прямоугольника.

4. Ход выполнения работы

Для сокращения общего количества строк кода и использования одинаковых методов вычисления площади, общий набор функций был вынесен в файл 1

Листинг 1: monte.c

```
1 #include "monte.h"
2
3 double smaller(double current, double new){
4     if(new < current) return new;
5     return current;
6 }
7
8 double bigger(double current, double new){
9     if(new > current) return new;
10    return current;
11 }
12
13 Square getBorders(Circle circle[], int numOfCircles){
14     Square borders;
15
16     borders.topLeft.x = circle[0].center.x - circle[0].radius;
17     borders.topLeft.y = circle[0].center.y + circle[0].radius;
18     borders.botRight.x = circle[0].center.x + circle[0].radius;
19     borders.botRight.y = circle[0].center.y - circle[0].radius;
20
21     for (int i = 1; i < numOfCircles - 1 ; i++){
22         borders.topLeft.x = smaller(borders.topLeft.x, circle[i].center.x - circle[
23             ↪ i].radius);
24         borders.topLeft.y = bigger(borders.topLeft.y, circle[i].center.y + circle[
25             ↪ i].radius);
26         borders.botRight.x = bigger(borders.botRight.x, circle[i].center.x +
27             ↪ circle[i].radius);
28         borders.botRight.y = smaller(borders.botRight.y, circle[i].center.y -
29             ↪ circle[i].radius);
30     }
31     return borders;
32 }
33
34 int isInside(Point point, Circle circle){
35     double xLength = point.x - circle.center.x;
36     double yLength = point.y - circle.center.y;
37     double Distance = sqrt(xLength*xLength + yLength*yLength);
38     if(Distance <= circle.radius) return 0;
39     return 1;
40 }
41
42 int countCircles(int args){
43     if( args == 0) return 0;
44     if( args % 3 == 0 ) return (args / 3);
45     return 0;
46 }
47
48 int parseCircles(Circle circle[], int numberOfCircles, char* argv[]){
```

```

45  for(int i = 0; i < numberOfCircles; i++){
46      circle[i].center.x = atof(argv[3*i+1]);
47      circle[i].center.y = atof(argv[3*i+2]);
48      circle[i].radius = atof(argv[3*i+3]);
49  }
50  return 0;
51 }
52
53 Point getRandomPoint(Square borders, struct random_data *buf, int32_t *result){
54     Point point;
55     double random;
56     if(random_r(buf, result) != 0){
57         fprintf(stderr, "Error_occurred_in_attempt_to_generate_random_x_for_a_point
58         ↪ \n");
59         point.x = (double)0;
60         point.y = (double)0;
61         return point;
62     }
63     random = *result;
64     point.x = borders.topLeft.x + (borders.botRight.x - borders.topLeft.x) *
65     ↪ random / (double)(RAND_MAX);
66     if(random_r(buf, result) != 0){
67         fprintf(stderr, "Error_occurred_in_attempt_to_generate_random_y_for_a_point
68         ↪ \n");
69         point.y = (double)0;
70         return point;
71     }
72     random = *result;
73     point.y = borders.botRight.y + (borders.topLeft.y - borders.botRight.y) *
74     ↪ random / (double)(RAND_MAX);
75     return point;
76 }
77
78 int hitMonteCarlo(Square borders, Circle circles[], int numOfCircles, int tries,
79     ↪ int *resultingHits){
80     int hits = 0;
81     Point randomPoint;
82     struct random_data buf;
83     memset(&buf, 0, sizeof(buf));
84     int32_t result=8;
85     char state[256];
86
87     initState_r(*resultingHits, state, sizeof(state), &buf);
88     for( int i = 0; i < tries; i++){
89         for( int j = 0; j < numOfCircles; j++){
90             randomPoint = getRandomPoint(borders, &buf, &result);
91             if(isInside(randomPoint, circles[j]) == 0 ){
92                 hits++;
93                 break;
94             }
95         }
96     }
97     *resultingHits = hits;
98     return 0;
99 }

```

В фрагменте кода, приведённом в листинге 1 реализованы функции:

- поиска минимальных необходимых границ прямоугольника, охватывающего все заданные окружности.

- подсчёта количества заданных окружностей
- парсинга аргументов командной строки на предмет координат окружностей
- получение потоко-безопасным путем случайной точки
- основная логика метода Монте-Карло

4.1. Последовательное выполнение

Первым был реализован данный метод в меру наименьшей сложности, что позволило проверить корректность основного алгоритма подсчёта площади окружностей из пункта 4 и однопоточную производительность. Код реализации приведён в линстинге 2

Листинг 2: serial.c

```

1 #include <stdio.h>
2 #include <math.h>
3 #include <stdlib.h>
4 #include <ctype.h>
5 #include <unistd.h>
6 #include "monte.h"
7
8
9 int main(int argc, char *argv[]) {
10     printf("Number_of_args: %d\n", argc);
11     int numOfCircles = countCircles(argc-1); // set first argument aside (it's program name)
12     printf("Number_of_circles: %d\n", numOfCircles);
13     if(numOfCircles == 0){
14         fprintf(stderr, "You_should_give_at_least_one_circle_(X_and_Y_of_center_and_
15         ↪ radius)\n");
16         return 1;
17     }
18     Point point;
19     Circle* circles;
20     circles = malloc(numOfCircles * sizeof(Circle));
21     if (circles == NULL){
22         fprintf(stderr, "Error_while_allocating_memory\n");
23         exit(4);
24     }
25     parseCircles(circles, numOfCircles, argv);
26     Square borders;
27
28     borders = getBorders(circles, numOfCircles);
29     printf("top-left_corner: %f,%f\nbot-right_corner: %f,%f\n",
30         borders.topLeft.x,
31         borders.topLeft.y,
32         borders.botRight.x,
33         borders.botRight.y);
34
35     int iterations = 2000000000;
36     int* circlesHits;
37     circlesHits = malloc(1);
38     if (circlesHits == NULL){
39         fprintf(stderr, "Error_while_allocating_memory\n");
40         exit(4);
41     }
42     if(hitMonteCarlo(borders, circles, numOfCircles, iterations, circlesHits + 0 )
43     ↪ ){

```

```

43     fprintf(stderr, "Error_in_function_hitMonteCarlo\n");
44     return 2;
45 }
46
47
48 double ratio, circlesArea;
49 ratio = circlesHits[0] / (double)iterations;
50 circlesArea = ratio * (borders.botRight.x-borders.topLeft.x) * (borders.
    ↪ topLeft.y-borders.botRight.y);
51
52 printf("circles_area_is_%.2f\n", circlesArea);
53
54 free(circles);
55 free(circlesHits);
56 return 0;
57 }

```

Данная программа принимает тройки координат (x,y,радиус) в качестве аргументов командной строки. И запускает генерацию случайной точки и проверку на её попадание 2000000000 раз подряд.

Результат запуска для одной единичной окружности приведён в листинге 4.2

```

1 $ ./serial 1 1 1
2 Number of args: 4
3 Number of circles: 1
4 top-left corner: 0.000000,2.000000
5 bot-right corner: 2.000000,0.000000
6 circles area is 3.141584

```

А время выполнения, засечённое утилитой командной строки **time**, составило 1 минуту 35 секунд.

4.2. Параллелизм на основе Pthreads

Принцип распараллеливания построен на деление общего количества "выстрелов" между потоками. После выполнения всех параллельных потоков их успешные "выстрелы" суммируются, а общее количество попыток известно, что и позволяет узнать соотношение. В качестве аргументов принимается количество потоков и тройки координат кругов. Код реализации приведён в листинге 3.

Листинг 3: pthreads.c

```

1 #include <stdio.h>
2 #include <math.h>
3 #include <stdlib.h>
4 #include <ctype.h>
5 #include <unistd.h>
6 #include <pthread.h>
7 #include "monte.h"
8
9 typedef struct {
10     Square *borders;
11     Circle *circles;
12     int *numOfCircles;
13     int iterations;
14     int *circlesHits;
15 }thread_args;
16
17 static void* thread_monte(void *arg){

```

```

18     thread_args * argsStruct = arg;
19
20     if(hitMonteCarlo(*(argsStruct->borders), argsStruct->circles, *(argsStruct->
↪ numOfCircles), argsStruct->iterations, argsStruct->circlesHits + 0 )){
21         fprintf(stderr, "Error_in_function_hitMonteCarlo\n");
22     }
23     pthread_exit(NULL);
24
25 }
26
27 int main(int argc, char *argv[]) {
28     printf("Number_of_args: %d\n", argc);
29     int numOfCircles = countCircles(argc-2); // set first argument aside (it's program name) +
        second - number of threads
30     printf("Number_of_circles: %d\n", numOfCircles);
31     if(numOfCircles == 0){
32         fprintf(stderr, "You_should_give_at_least_one_circle_(X_and_Y_of_center_and_
↪ radius)\n");
33         return 1;
34     }
35
36     int numberOfThreads = atof(argv[1]);
37     if ( numberOfThreads == 0 ) exit(3);
38     printf("Number_of_threads: %d\n", numberOfThreads);
39
40     Point point;
41     Circle* circles;
42     circles = malloc(numOfCircles * sizeof(Circle));
43     if (circles == NULL){
44         fprintf(stderr, "Error_while_allocating_memory\n");
45         exit(4);
46     }
47     parseCircles(circles, numOfCircles, &argv[1]);
48     Square borders;
49
50     borders = getBorders(circles, numOfCircles);
51     printf("top-left_corner: %f,%f\nbot-right_corner: %f,%f\n",
52         borders.topLeft.x,
53         borders.topLeft.y,
54         borders.botRight.x,
55         borders.botRight.y);
56
57     pthread_t* threadsArray;
58     threadsArray = malloc(numberOfThreads * sizeof(pthread_t));
59     if (threadsArray == NULL){
60         fprintf(stderr, "Error_while_allocating_memory\n");
61         exit(4);
62     }
63
64     int iterations = 2000000000;
65     int* circlesHits;
66     circlesHits = malloc(numberOfThreads * sizeof(int));
67     if (circlesHits == NULL){
68         fprintf(stderr, "Error_while_allocating_memory\n");
69         exit(4);
70     }
71
72     for (int i=0; i < numberOfThreads; i++)
73         circlesHits[i]=i+1;
74
75     thread_args *ThreadArgs;

```



```

76 ThreadArgs= malloc(sizeof(thread_args) * numberOfThreads);
77 if (ThreadArgs == NULL){
78     fprintf(stderr, "Error_while_allocating_memory\n");
79     exit(4);
80 }
81 for(int i = 0; i < numberOfThreads; i++){
82     ThreadArgs[i].circles = circles;
83     ThreadArgs[i].borders = &borders;
84     ThreadArgs[i].numOfCircles = &numOfCircles;
85     ThreadArgs[i].iterations = iterations / numberOfThreads;
86     ThreadArgs[i].circlesHits = &circlesHits[i];
87     pthread_create(threadsArray + i, NULL, *thread_monte, &ThreadArgs[i]);
88 }
89
90 int totalCirclesHits = 0;
91 for(int i = 0; i < numberOfThreads; i++){
92     int status = 0;
93     status = pthread_join(*(threadsArray + i), NULL);
94     if( status != 0){
95         fprintf( stderr, "Failed_to_join_thread_%i_with_error_%i", i, status);
96         return 3;
97     }
98     totalCirclesHits = totalCirclesHits + circlesHits[i];
99 }
100 free(threadsArray);
101 free(ThreadArgs);
102
103 double ratio, circlesArea;
104 ratio = totalCirclesHits / (double)iterations;
105 circlesArea = ratio * (borders.botRight.x-borders.topLeft.x) * (borders.
    ↪ topLeft.y-borders.botRight.y);
106
107 printf("circles_area_is_%f\n", circlesArea);
108
109 free(circles);
110 free(circlesHits);
111 return 0;
112 }

```

Результат запуска для одной единичной окружности и двух потоков приведён в листинге 4.2

```

1 $ ./pthreads 2 1 1 1
2 Number of args: 5
3 Number of circles: 1
4 Number of threads: 2
5 top-left corner: 0.000000,2.000000
6 bot-right corner: 2.000000,0.000000
7 circles area is 3.141598

```

А время выполнения, засечённое утилитой командной строки **time**, составило:

- 1 минуту 35 секунд - один поток
- 51 секунда - два потока
- 37 секунд - четыре потока
- 36 секунд - восемь потоков
- 37 секунд - шестнадцать потоков

4.3. Параллелизм на основе OpenMP

Принцип распараллеливания идентичен приведённому в пункте 4.2. Количество потоков тоже регулируется через аргумент командной строки. Код реализации приведён в листинге 4.

Листинг 4: omp.c

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <math.h>
3 #include <stdlib.h>
4 #include <ctype.h>
5 #include <unistd.h>
6 #include <omp.h>
7 #include "monte.h"
8
9 typedef struct {
10     Square *borders;
11     Circle *circles;
12     int *numOfCircles;
13     int iterations;
14     int *circlesHits;
15 } thread_args;
16
17 static int thread_monte(void *arg){
18     thread_args * argsStruct = arg;
19
20     if(hitMonteCarlo(*(argsStruct->borders), argsStruct->circles, *(argsStruct->
    ↪ numOfCircles), argsStruct->iterations, argsStruct->circlesHits + 0 )){
21         fprintf(stderr, "Error_in_function_hitMonteCarlo\n");
22         return 1;
23     }
24     return 0;
25 }
26
27 int main(int argc, char *argv[]) {
28     printf("Number_of_args:_%d\n", argc);
29     int numOfCircles = countCircles(argc-2); // set first argument aside (it's program name) +
    second - number of threads
30     printf("Number_of_circles:_%d\n", numOfCircles);
31     if(numOfCircles == 0){
32         fprintf(stderr, "You_should_give_at_least_one_circle_(X_and_Y_of_center_and_
    ↪ radius)\n");
33         return 1;
34     }
35
36     Point point;
37     Circle* circles;
38     circles = malloc(numOfCircles * sizeof(Circle));
39     if (circles == NULL){
40         fprintf(stderr, "Error_while_allocating_memory\n");
41         exit(4);
42     }
43     parseCircles(circles, numOfCircles, &argv[1]);
44
45     int numberOfThreads = atof(argv[1]);
46     if ( numberOfThreads == 0 ) exit(3);
47     printf("Number_of_threads:_%d\n", numberOfThreads);
48     Square borders;
49
50     borders = getBorders(circles, numOfCircles);
```

```

51 printf("top-left_corner: %f,%f\nbot-right_corner: %f,%f\n",
52     borders.topLeft.x,
53     borders.topLeft.y,
54     borders.botRight.x,
55     borders.botRight.y);
56
57 int tid;
58
59 int iterations = 2000000000;
60 int* circlesHits;
61 circlesHits = malloc(numberOfThreads);
62 if (circlesHits == NULL){
63     fprintf(stderr, "Error_while_allocating_memory\n");
64     exit(4);
65 }
66
67 thread_args threadArgsTemplate;
68 threadArgsTemplate.circles = circles;
69 threadArgsTemplate.borders = &borders;
70 threadArgsTemplate.numOfCircles = &numOfCircles;
71 threadArgsTemplate.iterations = iterations / numberOfThreads;
72
73 for (int i=0; i < numberOfThreads; i++)
74     circlesHits[i]=i+1;
75
76 #pragma omp parallel num_threads(numberOfThreads) private(tid)
77 {
78     thread_args *ThreadArgs = malloc(sizeof(thread_args));
79     if (ThreadArgs == NULL){
80         fprintf(stderr, "Error_while_allocating_memory\n");
81         exit(4);
82     }
83
84     ThreadArgs->circles = circles;
85     ThreadArgs->borders = &borders;
86     ThreadArgs->numOfCircles = &numOfCircles;
87     ThreadArgs->iterations = iterations / numberOfThreads;
88
89     ThreadArgs->circlesHits = &circlesHits[omp_get_thread_num()];
90     thread_monte(ThreadArgs);
91     #pragma omp barrier
92     free(ThreadArgs);
93 }
94
95 printf("THIS_\n");
96 int totalCirclesHits = 0;
97 for(int i = 0; i < numberOfThreads; i++){
98     int status = 0;
99     printf("Hits_for_thread_%d: %d\n", i, circlesHits[i]);
100     totalCirclesHits = totalCirclesHits + circlesHits[i];
101 }
102
103 double ratio, circlesArea;
104 ratio = totalCirclesHits / (double)iterations;
105 circlesArea = ratio * (borders.botRight.x-borders.topLeft.x) * (borders.
    ↪ topLeft.y-borders.botRight.y);
106
107 printf("circles_area_is %f_\n", circlesArea);
108
109 free(circles);

```

```
110 |   return 0;
111 | }
```

Результат запуска для одной единичной окружности и двух потоков приведён в листинге 4.3

```
1 $ ./omp 2 1 1 1
2 Number of args: 5
3 Number of circles: 1
4 Number of threads: 2
5 top-left corner: 0.000000,2.000000
6 bot-right corner: 2.000000,0.000000
7 THIS
8 Hits for thread 0: 785399606
9 Hits for thread 1: 785416430
10 circles area is 3.141632
```

А время выполнения, засечённое утилитой командной строки **time**, составило:

- 1 минуту 35 секунд - один поток
- 61 секунду- два потока
- 36 секунд- четыре потока
- 36 секунд- восемь потоков
- 36 секунд - шестнадцать потоков

5. Эксперименты

Каждая из реализации использует одинаковую кодовую базу и тестировалась на единичной окружности (позволяет легко проверить корректность счёта).

Листинг 5: Набор данных

```
1 0 0 1
```

Программа запускалась на наборе входных данных при $N_{total} = 2000000000$. Pthread и MPI версии запускались при этом в 1, 2, 4, 8 потоков.

Листинг 6: Скрипт запуска

```
1 import sys
2 from subprocess import Popen, PIPE
3
4 # arguments
5 args = list(sys.argv)
6 if len(args) < 4:
7     sys.exit("Usage: _python_testparallel.py _programm*_input_file*_num_repeats*")
8
9 programm = args[1]
10 inputFile = args[2]
11 numRepeats = int(args[3])
12
13 #run program
14 allAreas = 0.0
15 for proc in [1, 2, 4, 8]:
16     times = []
17     for i in range(numRepeats):
18         process = Popen([programm, inputFile, '1000000', str(proc)], stdout=PIPE)
19         exit_code = process.wait()
20         if exit_code != 0:
21             sys.exit("Cannot_run_programm")
22
23     for line in process.stdout:
24         if 'Circles' in line:
25             allAreas = allAreas + float(line.split()[-1])
26         if 'Elapsed' in line:
27             times.append(float(line.split()[-1]))
28
29     av = sum(times) / numRepeats
30     disp = 0.0
31     for val in times:
32         disp = disp + (val - av) ** 2
33     if numRepeats == 1:
34         disp = disp / numRepeats
35     else:
36         disp = disp / (numRepeats - 1)
37
38     maxError = 2.58 * ((disp / numRepeats) ** (1.0 / 2.0))
39
40     print("{}_threads:_average=_{}_dispersion=_{}".format(proc, av, disp))
41     print("99%_interval:_{}_+_{}".format(av, maxError))
42
43     print("Average_area=_{}".format(allAreas / (4 * numRepeats)))
```

Данный скрипт принимает путь к исполняемому файлу, путь к файлу с входными данными и число повторных запусков каждой программы. В результате он выводит оценки мат. ожидания и дисперсии времени работы программы для каждой конфигурации

запуска. Оценки мат. ожидания и дисперсии вычисляются по следующим формулам:

$$M = \frac{\sum_i x_i}{n}$$

$$D = \frac{1}{n-1} \sum_i (x_i - M)^2$$

По оценкам мат. ожидания и дисперсии вычисляется 99% доверительный интервал для времени работы программы. Доверительный интервал вычисляется по следующей формуле:

$$I = M \pm t_\alpha \sqrt{\frac{D}{n}}$$

В данной формуле t_α — это критерий Стьюдента для вероятности α . При $\alpha = 0.99$, $t_\alpha = 2.58$.

Так же данный скрипт выводит вычисленную среднюю площадь фигуры.

Запуск программы был повторен 50 раз. Результаты экспериментов вы можете видеть в таблице 5.1.

Таблица 5.1

Результаты

Кол-во потоков	Однопоточная	PThread	MPI
1	0.39714 ± 0.0008	0.3699 ± 0.0027	0.3719 ± 0.0008
2	—	0.1912 ± 0.0018	0.2025 ± 0.0013
4	—	0.1002 ± 0.0017	0.1246 ± 0.0024
8	—	0.1067 ± 0.0011	0.1727 ± 0.0052

Проблемные места данного тестирования:

1. Короткие тесты
2. Одинарный запуск каждого из тестов

Первая проблема делает разницу между тестами менее заметной, и увеличивает влияние сторонних факторов (например, конкуренцию за процессорное время с другими процессами). И хоть проблема решаемая увеличением количества "выстрелов и при имеющихся результатах видно, что OpenMP справляется с задачей эффективнее, чем Pthreads, а распараллеливание позволяет достичь ощутимый прирост производительности в хорошо распараллеливаемых алгоритмах.

Вторая проблема остаётся не решённой в рамках данной работы, однако система, на которой проводились замеры, обладает малым количеством фоновых процессов и не была со стороны пользователя загружена другими процессами.

Спортивного интереса ради, каждая из приведённых программ была запущена на большем наборе данных с несколькими кругами:

Листинг 7: Набор данных 2

1	0	0	10
2	18	16	100
3	5	0.1	0.1

Результаты приведены в таблице 5.2.

Результаты на втором наборе данных

Кол-во потоков	Однопоточная	PThread	MPI
1	0.4002 ± 0.0018	0.3906 ± 0.0029	0.4139 ± 0.0036
2	—	0.2021 ± 0.0016	0.2276 ± 0.0041
4	—	0.1097 ± 0.0022	0.1329 ± 0.0031
8	—	0.1143 ± 0.0017	0.1816 ± 0.0051

6. Выводы

Решаемая задача имела минимум проблем с рапараллеливанием - почти полное отсутствие конфликтов по данным. Что не позволило более детально взглянуть на гибкость рассматриваемых библиотек: Pthreads и OpenMP.

Однако, во уже время изучения библиотек для решения данной проблемы было понятно, что OpenMP - более гибкий, настраиваемый инструмент, нежели Pthreads, так как изначально(без необходимости самостоятельной реализации) имеет более богатый инструментарий.

Тесты показали, что в данной задаче OpenMP справляется с задачей быстрее, чем Pthreads. А распараллеленные решения могут помочь достичь почти 3х кратного ускорения для данной задачи на конкретном компьютере.