

FRANKFURT UNIVERSITY OF APPLIED
SCIENCES

MASTER THESIS

**Finite Difference Time Domain
Method Implementation in C++**

Author:

Xhoni ROBO

Supervisor:

Prof. Dr. Peter THOMA

Assistant Supervisor:

Prof. Dr. Egbert

FALKENBERG

*A thesis submitted in fulfillment of the requirements
for the degree of Master of Science*

in

High Integrity Systems

Faculty 2: Computer Science and Engineering

December 14, 2020

Declaration of Authorship

I, Xhoni ROBO, declare that this thesis titled, “Finite Difference Time Domain Method Implementation in C++” and the work presented in it are my own. I confirm that:

- This work was done wholly or mainly while in candidature for a research degree at this University.
- Where any part of this thesis has previously been submitted for a degree or any other qualification at this University or any other institution, this has been clearly stated.
- Where I have consulted the published work of others, this is always clearly attributed.
- Where I have quoted from the work of others, the source is always given. With the exception of such quotations, this thesis is entirely my own work.
- I have acknowledged all main sources of help.
- Where the thesis is based on work done by myself jointly with others, I have made clear exactly what was done by others and what I have contributed myself.

Signed:

Date:

FRANKFURT UNIVERSITY OF APPLIED SCIENCES

Abstract

Faculty 2: Computer Science and Engineering

Master of Science

Finite Difference Time Domain Method Implementation in C++

by Xhoni ROBO

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Nam hendrerit massa id mattis sagittis. Sed viverra pharetra lacus, non pretium tellus commodo sit amet. Integer mattis, eros ac posuere auctor, sem neque congue velit, in lacinia ex augue sit amet justo. Pellentesque ultricies gravida ullamcorper. Nam posuere venenatis euismod. Etiam quis lacus malesuada, volutpat lorem at, ultricies enim. Sed id lectus non justo convallis vestibulum. Etiam consequat nunc a maximus auctor. Suspendisse maximus accumsan sollicitudin. Donec fermentum ac dolor eu porta. Aliquam sodales imperdiet dui, sit amet finibus sapien elementum tristique. Phasellus tristique lectus et ligula facilisis viverra.

Vestibulum feugiat, enim nec consectetur semper, purus leo bibendum sem, eu semper felis orci bibendum nibh. Ut nunc mi, faucibus eget feugiat eget, tincidunt ac ante. Nam nec viverra leo. Nam facilisis dictum vulputate. Sed nisi sem, viverra at orci vel, dictum posuere odio. Sed rhoncus, quam id volutpat malesuada, justo tellus aliquet lacus, sed auctor turpis dolor et orci. Suspendisse potenti. Nunc vitae gravida diam, sit amet gravida tortor. Aliquam erat volutpat.

Acknowledgements

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Nam hendrerit massa id mattis sagittis. Sed viverra pharetra lacus, non pretium tellus commodo sit amet. Integer mattis, eros ac posuere auctor, sem neque congue velit, in lacinia ex augue sit amet justo. Pellentesque ultricies gravida ullamcorper. Nam posuere venenatis euismod. Etiam quis lacus malesuada, volutpat lorem at, ultricies enim. Sed id lectus non justo convallis vestibulum. Etiam consequat nunc a maximus auctor. Suspendisse maximus accumsan sollicitudin. Donec fermentum ac dolor eu porta. Aliquam sodales imperdiet dui, sit amet finibus sapien elementum tristique. Phasellus tristique lectus et ligula facilisis viverra.

Vestibulum feugiat, enim nec consectetur semper, purus leo bibendum sem, eu semper felis orci bibendum nibh. Ut nunc mi, faucibus eget feugiat eget, tincidunt ac ante. Nam nec viverra leo. Nam facilisis dictum vulputate. Sed nisi sem, viverra at orci vel, dictum posuere odio. Sed rhoncus, quam id volutpat malesuada, justo tellus aliquet lacus, sed auctor turpis dolor et orci. Suspendisse potenti. Nunc vitae gravida diam, sit amet gravida tortor. Aliquam erat volutpat.

Maecenas felis nisi, consequat sed neque vitae, faucibus aliquet dui. Quisque fermentum lorem vitae efficitur pretium. Sed rhoncus odio et ipsum sollicitudin dictum. Phasellus a tellus sed quam rhoncus auctor at venenatis odio. Cras ultricies euismod mauris, sed consectetur lorem porta in. Aliquam aliquet massa sit amet tempus faucibus. Praesent imperdiet dignissim aliquam. Morbi ac orci ut purus tempus molestie a nec mi. Morbi lobortis nisl aliquet lectus tincidunt ullamcorper. Maecenas fermentum lorem massa, in commodo leo blandit vitae. Praesent sed sapien nulla. Phasellus sodales scelerisque orci ut tincidunt. Nam molestie nisi sapien, sed varius enim venenatis a. Quisque purus tortor, suscipit sed rhoncus sit amet, maximus ut dolor. Nulla facilisi.

Vestibulum gravida sagittis euismod. In hac habitasse platea dictumst. Nullam egetas efficitur diam sagittis porttitor. Praesent pulvinar metus dolor, et condimentum erat commodo nec. Sed iaculis orci urna, a ullamcorper arcu vehicula ac. Etiam ultricies justo mi, ut tincidunt enim bibendum a. Orci varius natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus.

Contents

Declaration of Authorship	i
Abstract	ii
Acknowledgements	iii
1 Introduction	1
1.1 Main Section 1	1
1.1.1 Subsection 1	1
1.1.2 Subsection 2	1
1.2 Main Section 2	2
2 FDTD - 1 Dimensional Scenario	3
2.1 Main Section 1	3
2.1.1 Subsection 1	3
2.1.2 Subsection 2	3
2.2 Main Section 2	4
3 FDTD - 2 Dimensional Scenario	5
3.1 Main Section 1	5
3.1.1 Subsection 1	5
3.1.2 Subsection 2	5
3.2 Main Section 2	6
4 FDTD - 3 Dimensional Scenario	7
4.1 Main Section 1	7
4.1.1 Subsection 1	7
4.1.2 Subsection 2	7
4.2 Main Section 2	8
5 Conclusion	9
5.1 Main Section 1	9
5.1.1 Subsection 1	9

5.1.2 Subsection 2	9
5.2 Main Section 2	10
A Frequently Asked Questions	11
A.1 How do I change the colors of links?	11
Bibliography	12

List of Figures

List of Tables

List of Abbreviations

LAH List Abbreviations **H**ere

WSF What (it) Stands **F**or

Physical Constants

Speed of Light $c_0 = 2.997\,924\,58 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}$ (exact)

List of Symbols

Symbol	Name	Unit of Measurement
a	distance	m
P	power	W (J s ⁻¹)
ω	angular frequency	rad

1 Introduction

1.1 Main Section 1

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Aliquam ultricies lacinia euismod. Nam tempus risus in dolor rhoncus in interdum enim tincidunt. Donec vel nunc neque. In condimentum ullamcorper quam non consequat. Fusce sagittis tempor feugiat. Fusce magna erat, molestie eu convallis ut, tempus sed arcu. Quisque molestie, ante a tincidunt ullamcorper, sapien enim dignissim lacus, in semper nibh erat lobortis purus. Integer dapibus ligula ac risus convallis pellentesque.

1.1.1 Subsection 1

Nunc posuere quam at lectus tristique eu ultrices augue venenatis. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Aliquam erat volutpat. Vivamus sodales tortor eget quam adipiscing in vulputate ante ullamcorper. Sed eros ante, lacinia et sollicitudin et, aliquam sit amet augue. In hac habitasse platea dictumst.

1.1.2 Subsection 2

Morbi rutrum odio eget arcu adipiscing sodales. Aenean et purus a est pulvinar pellentesque. Cras in elit neque, quis varius elit. Phasellus fringilla, nibh eu tempus venenatis, dolor elit posuere quam, quis adipiscing urna leo nec orci. Sed nec nulla auctor odio aliquet consequat. Ut nec nulla in ante ullamcorper aliquam at sed dolor. Phasellus fermentum magna in augue gravida cursus. Cras sed pretium lorem. Pellentesque eget ornare odio. Proin accumsan, massa viverra cursus pharetra, ipsum nisi lobortis velit, a malesuada dolor lorem eu neque.

1.2 Main Section 2

Sed ullamcorper quam eu nisl interdum at interdum enim egestas. Aliquam placerat justo sed lectus lobortis ut porta nisl porttitor. Vestibulum mi dolor, lacinia molestie gravida at, tempus vitae ligula. Donec eget quam sapien, in viverra eros. Donec pellentesque justo a massa fringilla non vestibulum metus vestibulum. Vestibulum in orci quis felis tempor lacinia. Vivamus ornare ultrices facilisis. Ut hendrerit volutpat vulputate. Morbi condimentum venenatis augue, id porta ipsum vulputate in. Curabitur luctus tempus justo. Vestibulum risus lectus, adipiscing nec condimentum quis, condimentum nec nisl. Aliquam dictum sagittis velit sed iaculis. Morbi tristique augue sit amet nulla pulvinar id facilisis ligula mollis. Nam elit libero, tincidunt ut aliquam at, molestie in quam. Aenean rhoncus vehicula hendrerit.

2 FDTD - 1 Dimensional Scenario

2.1 Main Section 1

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Aliquam ultricies lacinia euismod. Nam tempus risus in dolor rhoncus in interdum enim tincidunt. Donec vel nunc neque. In condimentum ullamcorper quam non consequat. Fusce sagittis tempor feugiat. Fusce magna erat, molestie eu convallis ut, tempus sed arcu. Quisque molestie, ante a tincidunt ullamcorper, sapien enim dignissim lacus, in semper nibh erat lobortis purus. Integer dapibus ligula ac risus convallis pellentesque.

2.1.1 Subsection 1

Nunc posuere quam at lectus tristique eu ultrices augue venenatis. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Aliquam erat volutpat. Vivamus sodales tortor eget quam adipiscing in vulputate ante ullamcorper. Sed eros ante, lacinia et sollicitudin et, aliquam sit amet augue. In hac habitasse platea dictumst.

2.1.2 Subsection 2

Morbi rutrum odio eget arcu adipiscing sodales. Aenean et purus a est pulvinar pellentesque. Cras in elit neque, quis varius elit. Phasellus fringilla, nibh eu tempus venenatis, dolor elit posuere quam, quis adipiscing urna leo nec orci. Sed nec nulla auctor odio aliquet consequat. Ut nec nulla in ante ullamcorper aliquam at sed dolor. Phasellus fermentum magna in augue gravida cursus. Cras sed pretium lorem. Pellentesque eget ornare odio. Proin accumsan, massa viverra cursus pharetra, ipsum nisi lobortis velit, a malesuada dolor lorem eu neque.

2.2 Main Section 2

Sed ullamcorper quam eu nisl interdum at interdum enim egestas. Aliquam placerat justo sed lectus lobortis ut porta nisl porttitor. Vestibulum mi dolor, lacinia molestie gravida at, tempus vitae ligula. Donec eget quam sapien, in viverra eros. Donec pellentesque justo a massa fringilla non vestibulum metus vestibulum. Vestibulum in orci quis felis tempor lacinia. Vivamus ornare ultrices facilisis. Ut hendrerit volutpat vulputate. Morbi condimentum venenatis augue, id porta ipsum vulputate in. Curabitur luctus tempus justo. Vestibulum risus lectus, adipiscing nec condimentum quis, condimentum nec nisl. Aliquam dictum sagittis velit sed iaculis. Morbi tristique augue sit amet nulla pulvinar id facilisis ligula mollis. Nam elit libero, tincidunt ut aliquam at, molestie in quam. Aenean rhoncus vehicula hendrerit.

3 FDTD - 2 Dimensional Scenario

3.1 Main Section 1

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Aliquam ultricies lacinia euismod. Nam tempus risus in dolor rhoncus in interdum enim tincidunt. Donec vel nunc neque. In condimentum ullamcorper quam non consequat. Fusce sagittis tempor feugiat. Fusce magna erat, molestie eu convallis ut, tempus sed arcu. Quisque molestie, ante a tincidunt ullamcorper, sapien enim dignissim lacus, in semper nibh erat lobortis purus. Integer dapibus ligula ac risus convallis pellentesque.

3.1.1 Subsection 1

Nunc posuere quam at lectus tristique eu ultrices augue venenatis. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Aliquam erat volutpat. Vivamus sodales tortor eget quam adipiscing in vulputate ante ullamcorper. Sed eros ante, lacinia et sollicitudin et, aliquam sit amet augue. In hac habitasse platea dictumst.

3.1.2 Subsection 2

Morbi rutrum odio eget arcu adipiscing sodales. Aenean et purus a est pulvinar pellentesque. Cras in elit neque, quis varius elit. Phasellus fringilla, nibh eu tempus venenatis, dolor elit posuere quam, quis adipiscing urna leo nec orci. Sed nec nulla auctor odio aliquet consequat. Ut nec nulla in ante ullamcorper aliquam at sed dolor. Phasellus fermentum magna in augue gravida cursus. Cras sed pretium lorem. Pellentesque eget ornare odio. Proin accumsan, massa viverra cursus pharetra, ipsum nisi lobortis velit, a malesuada dolor lorem eu neque.

3.2 Main Section 2

Sed ullamcorper quam eu nisl interdum at interdum enim egestas. Aliquam placerat justo sed lectus lobortis ut porta nisl porttitor. Vestibulum mi dolor, lacinia molestie gravida at, tempus vitae ligula. Donec eget quam sapien, in viverra eros. Donec pellentesque justo a massa fringilla non vestibulum metus vestibulum. Vestibulum in orci quis felis tempor lacinia. Vivamus ornare ultrices facilisis. Ut hendrerit volutpat vulputate. Morbi condimentum venenatis augue, id porta ipsum vulputate in. Curabitur luctus tempus justo. Vestibulum risus lectus, adipiscing nec condimentum quis, condimentum nec nisl. Aliquam dictum sagittis velit sed iaculis. Morbi tristique augue sit amet nulla pulvinar id facilisis ligula mollis. Nam elit libero, tincidunt ut aliquam at, molestie in quam. Aenean rhoncus vehicula hendrerit.

4 FDTD - 3 Dimensional Scenario

4.1 Main Section 1

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Aliquam ultricies lacinia euismod. Nam tempus risus in dolor rhoncus in interdum enim tincidunt. Donec vel nunc neque. In condimentum ullamcorper quam non consequat. Fusce sagittis tempor feugiat. Fusce magna erat, molestie eu convallis ut, tempus sed arcu. Quisque molestie, ante a tincidunt ullamcorper, sapien enim dignissim lacus, in semper nibh erat lobortis purus. Integer dapibus ligula ac risus convallis pellentesque.

4.1.1 Subsection 1

Nunc posuere quam at lectus tristique eu ultrices augue venenatis. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Aliquam erat volutpat. Vivamus sodales tortor eget quam adipiscing in vulputate ante ullamcorper. Sed eros ante, lacinia et sollicitudin et, aliquam sit amet augue. In hac habitasse platea dictumst.

4.1.2 Subsection 2

Morbi rutrum odio eget arcu adipiscing sodales. Aenean et purus a est pulvinar pellentesque. Cras in elit neque, quis varius elit. Phasellus fringilla, nibh eu tempus venenatis, dolor elit posuere quam, quis adipiscing urna leo nec orci. Sed nec nulla auctor odio aliquet consequat. Ut nec nulla in ante ullamcorper aliquam at sed dolor. Phasellus fermentum magna in augue gravida cursus. Cras sed pretium lorem. Pellentesque eget ornare odio. Proin accumsan, massa viverra cursus pharetra, ipsum nisi lobortis velit, a malesuada dolor lorem eu neque.

4.2 Main Section 2

Sed ullamcorper quam eu nisl interdum at interdum enim egestas. Aliquam placerat justo sed lectus lobortis ut porta nisl porttitor. Vestibulum mi dolor, lacinia molestie gravida at, tempus vitae ligula. Donec eget quam sapien, in viverra eros. Donec pellentesque justo a massa fringilla non vestibulum metus vestibulum. Vestibulum in orci quis felis tempor lacinia. Vivamus ornare ultrices facilisis. Ut hendrerit volutpat vulputate. Morbi condimentum venenatis augue, id porta ipsum vulputate in. Curabitur luctus tempus justo. Vestibulum risus lectus, adipiscing nec condimentum quis, condimentum nec nisl. Aliquam dictum sagittis velit sed iaculis. Morbi tristique augue sit amet nulla pulvinar id facilisis ligula mollis. Nam elit libero, tincidunt ut aliquam at, molestie in quam. Aenean rhoncus vehicula hendrerit.

5 Conclusion

5.1 Main Section 1

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Aliquam ultricies lacinia euismod. Nam tempus risus in dolor rhoncus in interdum enim tincidunt. Donec vel nunc neque. In condimentum ullamcorper quam non consequat. Fusce sagittis tempor feugiat. Fusce magna erat, molestie eu convallis ut, tempus sed arcu. Quisque molestie, ante a tincidunt ullamcorper, sapien enim dignissim lacus, in semper nibh erat lobortis purus. Integer dapibus ligula ac risus convallis pellentesque.

5.1.1 Subsection 1

Nunc posuere quam at lectus tristique eu ultrices augue venenatis. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Aliquam erat volutpat. Vivamus sodales tortor eget quam adipiscing in vulputate ante ullamcorper. Sed eros ante, lacinia et sollicitudin et, aliquam sit amet augue. In hac habitasse platea dictumst.

5.1.2 Subsection 2

Morbi rutrum odio eget arcu adipiscing sodales. Aenean et purus a est pulvinar pellentesque. Cras in elit neque, quis varius elit. Phasellus fringilla, nibh eu tempus venenatis, dolor elit posuere quam, quis adipiscing urna leo nec orci. Sed nec nulla auctor odio aliquet consequat. Ut nec nulla in ante ullamcorper aliquam at sed dolor. Phasellus fermentum magna in augue gravida cursus. Cras sed pretium lorem. Pellentesque eget ornare odio. Proin accumsan, massa viverra cursus pharetra, ipsum nisi lobortis velit, a malesuada dolor lorem eu neque.

5.2 Main Section 2

Sed ullamcorper quam eu nisl interdum at interdum enim egestas. Aliquam placerat justo sed lectus lobortis ut porta nisl porttitor. Vestibulum mi dolor, lacinia molestie gravida at, tempus vitae ligula. Donec eget quam sapien, in viverra eros. Donec pellentesque justo a massa fringilla non vestibulum metus vestibulum. Vestibulum in orci quis felis tempor lacinia. Vivamus ornare ultrices facilisis. Ut hendrerit volutpat vulputate. Morbi condimentum venenatis augue, id porta ipsum vulputate in. Curabitur luctus tempus justo. Vestibulum risus lectus, adipiscing nec condimentum quis, condimentum nec nisl. Aliquam dictum sagittis velit sed iaculis. Morbi tristique augue sit amet nulla pulvinar id facilisis ligula mollis. Nam elit libero, tincidunt ut aliquam at, molestie in quam. Aenean rhoncus vehicula hendrerit.

A Frequently Asked Questions

A.1 How do I change the colors of links?

The color of links can be changed to your liking using:

```
\hypersetup{urlcolor=red}, or
```

```
\hypersetup{citecolor=green}, or
```

```
\hypersetup{allcolor=blue}.
```

If you want to completely hide the links, you can use:

```
\hypersetup{allcolors=.}, or even better:
```

```
\hypersetup{hidelinks}.
```

If you want to have obvious links in the PDF but not the printed text, use:

```
\hypersetup{colorlinks=false}.
```

Bibliography

Arnold, A. S. et al. (Mar. 1998). "A Simple Extended-Cavity Diode Laser". In: *Review of Scientific Instruments* 69.3, pp. 1236–1239. URL: <http://link.aip.org/link/?RSI/69/1236/1>.

Hawthorn, C. J., K. P. Weber, and R. E. Scholten (Dec. 2001). "Littrow Configuration Tunable External Cavity Diode Laser with Fixed Direction Output Beam". In: *Review of Scientific Instruments* 72.12, pp. 4477–4479. URL: <http://link.aip.org/link/?RSI/72/4477/1>.

Wieman, Carl E. and Leo Hollberg (Jan. 1991). "Using Diode Lasers for Atomic Physics". In: *Review of Scientific Instruments* 62.1, pp. 1–20. URL: <http://link.aip.org/link/?RSI/62/1/1>.