## 关于"球队排名次问题"的 几点评注——B 题

蔡 大 用

(清华大学,北京,100084)

精養 本文介绍了一九九三年全国数学模型竞赛 B 题出题背景及题目特点。并对北京赛 区的参赛情况发表了笔者的诌议。

## § 1. 出顯背景和顯目特点

1993 年数学模型竞赛征题期间,正好中国足球队在世界杯外围赛中再次失利。不久 后有关报刊公布了世界足球队的排名顺序, 仔细观察不难发现, 在公布的球队中有的队 之间从来没有比赛过,不少人发生了如下疑问:

- 1. 报刊上公布的球队排序的依据是什么。
- 2. 如何客观、公正地评价球队之间的实力对比,消除一些赛制——偶然或人为因素的 影响。

也就是说,要求我们建立一个客观的评估方法,只依据过去一段时间内(几个赛季或 几年)每个球队的战绩给出各队的优劣次序。

解决类似问题的竞赛图法有较强的限制,它要求所评估的各队中任何两队必须比赛 过, 而且两队之间比赛的场次要一样, 显然, 在世界范围内取得这样的数据是相当困难 的。

为了克服传统竞赛图法的局限性,我们拟出本题供参赛者思考,

B 题的特点是:

- 1. 有很强的实际背景,而且一旦给出了成功的模型和软件,它将有很大的实用价 值, 显然,它可以用于相当多的体育比赛(几乎所有的球类、棋类、击剑……)而且也有可 能用于社会领域中其它问题。
- 2. 很多数学工具可有用武之地:正如参考答案及很多参赛者的答卷中所示, B 题 涉及数学模型、矩阵论、图论、层次分析、概率统计、模糊数学、数值分析等诸多数学领域和 方法。也还有的作者用到了计算机科学中的各种技巧和分析方法。
- 3. 是一个相当"开放"的题目。它没有事先给出的标准答案和最优方案,是一个研 究性、探索性较强的题目。给参赛者(甚至每个人)都留下了足够的思考空间。虽然赛事 已过,但它依然是一个余味未尽的研究课题。

当然,与优点相关的自然有不少缺点。比如,没有传统方法可循,题目显得粗糙、不 成熟。所提供的数据也不完全合理。人工的斧凿痕迹很多等等。

. 95 -

## 52. 对于各种方法的诌议

对于数学模型竞赛来说,评判一个方法的优劣,我们着眼于三点:

- 1) 对于模型的假设是否合理。
- 2) 所建模型构思是否新颖,其给出的结果是否合乎实际,而且具有一般性。
- 3) 叙述是否清楚。

基于这种标准,我们认为有些答券是十分优秀的。

例 1. 首先定义了评分向量 S (其含意和参考答案中含意相近), 然后考虑了各种 因 素建立了一种非线性模型.

$$S = F(S)$$
,

其中  $F(\cdot)$  是一个 n 维向量函数. 并建立了求解上面非线性方程组的迭代法。

尽管理论上并没能证明迭代法的收敛性, 但模型的构思是十分可取的,

例 2. 把球队排序问题转化成一个整数规划问题。 建模的出发点十分简单明瞭, 有 其精彩之处,

例 3. 用层次分析法 (AHP)完整地分析并解决了这个问题。理论分析和各种因素的 讨论十分完整,

例 4. 用图论的办法, 成功地处理了数据缺损等方面的困难, 建立了一般性的模型,

例 5. 参考了传统的体育界沿用的评分办法, 但对缺损数据授用了统计学中各种(也 包括作者自己设计的)数据缺损的处理办法。

还有很多思路。如用 Fuzzy 数学理论、概率论、灰色系统理论等,不能一一枚举。总 之,尽管得奖者是少数,但每份答案均有其合理的部份,反映出了年轻人的智慧火花,

当然,由于全国数学模型竞赛刚刚举办两次,组织者和参赛者都缺乏经验,难免有些 不尽人意之处,

有些参赛者对竞赛的宗旨和题目要求理解有些偏颇,他们着力干赛制的猜测、分组的 分析,甚至查阅了体育年鉴等参考资料,按照当年比赛的实况和结果着手于探索本题的 "正确答案"。这不能不说是方法学上的失误,也有的参赛者基本上用了体育界沿用的比 得分、比净胜球等传统方法,只不过把这些成法电算化,这种方法没有能克服传统方法的 弱点(虽然有的作者已经分析了这个弱点),也缺乏新意,还有的参赛者拘泥于具体的数 据,设计了特殊的算法,"成功地"解决了这一具体问题,但没有一般意义。

尽管有如上的偏颇,但参赛者思想活跃及富有探索创新的精神,确实呈现了百花齐放 的局面。这是我们始料不及的。有人得了奖,有人没有,但从"重要的在于参与"的意义上 大家都是成功者。