

## 问题描述：

### 面试题13. 机器人的运动范围

难度 中等 73 收藏 评论 举报

地上有一个  $m$  行  $n$  列的方格，从坐标  $[0, 0]$  到坐标  $[m-1, n-1]$ 。一个机器人从坐标  $[0, 0]$  的格子开始移动，它每次可以向左、右、上、下移动一格（不能移动到方格外），也不能进入行坐标和列坐标的数位之和大于  $k$  的格子。例如，当  $k$  为 18 时，机器人能够进入方格  $[35, 37]$ ，因为  $3+5+3+7=18$ 。但它不能进入方格  $[35, 38]$ ，因为  $3+5+3+8=19$ 。请问该机器人能够到达多少个格子？

#### 示例 1：

输入：  $m = 2, n = 3, k = 1$   
输出： 3

#### 示例 1：

输入：  $m = 3, n = 1, k = 0$   
输出： 1

#### 提示：

- $1 \leq n, m \leq 100$
- $0 \leq k \leq 20$

通过次数 25,408 | 提交次数 52,939

在真实的面试中遇到过这道题？

## 解决：

本来简单的想直接暴力遍历，但是不可以。因为机器人走路是从一个点到一点中间是连通的。例如  $k$  设置为 8， $(0, 8)$  可以， $(0, 9)$  不可以， $(0, 10)$  又可以了。但是正确答案不该有  $(0, 10)$  这个点。机器人的行走路径如果画出来是一个等腰三角形，其拐点在于数位和出现突变的地方。例如  $(0, 10)$   $(0, 20)$ 。简化想，机器人从  $(0, 0)$  出发只需要搜索向下方向与向右方向即可。

正确方法是采用 BFS 与 DFS，DFS 带回溯，BFS 用队列。

## 代码实现：

```
//DFS
#include<iostream>
#include<stdio.h>
#include<vector>
using namespace std;
```

```

// 计算数位之和
int get(int x,int y)
{
    int num = 0;
    while (x != 0)
    {
        num += x % 10;
        x = x / 10;
    }
    while (y != 0)
    {
        num += y % 10;
        y = y / 10;
    }
    return num;
}

// 深度优先遍历
class Solution {
public:
    int movingCount(int m, int n, int k) {
        // 建立M*N矩阵, vector套vector,后面参数表示 m 个vector容器,每个容器大小为n
        vector<vector<int>>v(m,vector<int>(n));

        return dfs(0, 0, m, n,k,v);
    }

private:
    int dfs(int x, int y, int m, int n,int k, vector<vector<int>>&v) {
        if (x >= m || y >= n || v[x][y]==1 || get(x, y) > k)
            return 0;
        v[x][y] = 1;

        return 1+dfs(x + 1, y, m, n, k, v) + dfs(x, y + 1, m, n, k, v);
    }
};

int main()
{
    Solution s;
    printf("%d",s.movingCount(3, 2, 17));

    return 0;
}

```

在此基础之上, 可以达到双100%

执行结果: 通过 [显示详情 >](#)

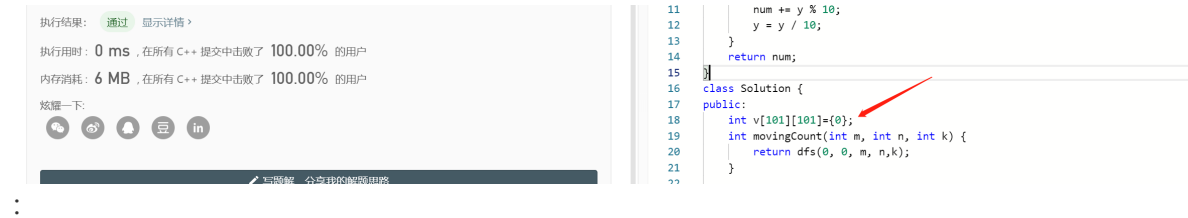
执行用时: **0 ms** , 在所有 C++ 提交中击败了 **100.00%** 的用户

内存消耗: **6.8 MB** , 在所有 C++ 提交中击败了 **100.00%** 的用户

炫耀一下:



但是可以继续优化，例如使用全局变量可以节省内存消耗



BFS实现：自己实现了个双100%还是蛮开心的。

```
#include<iostream>
#include<stdio.h>
#include<vector>
#include<queue>
using namespace std;

// 计算数位之和
int get(int x,int y)
{
    int num = 0;
    while (x != 0)
    {
        num += x % 10;
        x = x / 10;
    }
    while (y != 0)
    {
        num += y % 10;
        y = y / 10;
    }
    return num;
}

// 广度优先遍历
class Solution {
public:
    int movingCount(int m, int n, int k) {
        // 建立M*N矩阵, vector套vector,后面参数表示 m 个vector容器,每个容器大小为n
        vector<vector<int>>>v(m,vector<int>(n));

        return bfs(0, 0, m, n,k,v);
    }
};

typedef pair <int, int> Dot;           // 定义pair<int,int>类型名为Dot
private:
    int bfs(int x, int y, int m, int n,int k, vector<vector<int>>>&v) {
        //判断当前结点是否有效,有效则入队
        if (x >= m || y >= n || v[x][y]==1 || get(x, y) > k || k<0)
            return 0;
        v[x][y] = 1;
        queue<pair<int, int>>>Q;       // pair也是一种模板类型,类似容器,分为first与
        // second访问,使用时必须提供好类型名,二者不必相同
        Q.push(make_pair(x, y));      // make_pair 使成pair函数
        int sum = 1;
        while (!Q.empty())
```

```

{
    Dot a = Q.front();           //取队首元素
    Q.pop();                     //pop队首元素,该元素已经过判定,下判定右方向与
    下方向元素

    Dot a_right,a_down;         //得到右方向元素和下方向元素
    a_right.first = a.first;
    a_right.second = a.second+1;

    a_down.first = a.first + 1;
    a_down.second = a.second;

    if (a_right.first >= m || a_right.second >= n || v[a_right.first]
[a_right.second] || get(a_right.first, a_right.second) > k)
        ;
    else
    {
        v[a_right.first][a_right.second] = 1;
        Q.push(a_right);
        sum++;
    }
    if (a_down.first >= m || a_down.second >= n || v[a_down.first]
[a_down.second] || get(a_down.first, a_down.second) > k)
        ;
    else
    {
        Q.push(a_down);
        v[a_down.first][a_down.second] = 1;
        sum++;
    }
}
return sum;
}
};

int main()
{
    Solution s;
    printf("%d",s.movingCount(3, 2, 17));

    return 0;
}

```

执行结果: 通过 [显示详情 >](#)

执行用时: **0 ms** , 在所有 C++ 提交中击败了 **100.00%** 的用户

内存消耗: **7 MB** , 在所有 C++ 提交中击败了 **100.00%** 的用户

炫耀一下:



但是BFS使用了更多的内存, 应该是因为使用容器太多了。