为什么要引入负数

我们来思考以下几个问题:

温度

武汉市的气温是30℃,记气温30℃ 哈尔滨的气温是零下30℃,**怎么记录气温?**

海拔

珠穆朗玛峰高于海平面8848.86米,记海拔8848.86米 吐鲁番盆地低于海平面154.31米,怎么记录海拔?

• 收入

A公司今年赚了100万元,即收入100万 B公司今年亏了100万元,**怎么记录收入?**

以上三个问题,我们都可以用负数来记录,负数的引入可以帮助我们表示相反意义的量

怎样表示负数

两个符号:

• +

在描述数字时读作"正",如:

+1、+2、+3;对于正数,一般情况下会省略'+'号,直接书写1、2、3

•

在描述数字时读作"负",如:

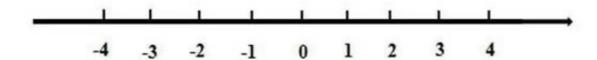
-1、-2、-3,书写时不能省略符号

写法是在正数前加上"-", 读作负

注意: 0既不是正数也不是负数, 即没有+0, -0的写法

相反数

• 认识数轴



- 1. 数轴上的数是从左到右递增排列的
- 2. 0的左边全是负数,0的右边全是正数
- 3. 数轴上每一个正数都有唯一一个负数与之对应
- 定义

当两个数符号相反且数字相同时,称这两个数互为相反数。如1和-1、2和-2、3和-3

- 神奇的-1
- 1. 除0以外,任何一个数乘以-1,相当于给这个数加上了一个负号,如:

$$1 \times (-1) = -1$$

$$2 \times (-1) = -2$$

2. 任何一个数与-1的乘积,都等于这个数的相反数,如:

1的相反数等于
$$1 \times (-1) = -1$$

2的相反数等于
$$2 \times (-1) = -2$$

$$-3$$
的相反数等于 $-3 \times (-1) = 3$

注:

1:任何数前面添加'-'后,都等于这个数的相反数,如

$$-2 = -2$$

$$-(-3) = 3$$

2: 任何数前面添加'+'后,都等于这个数本身,如

$$+1 = 1$$

$$+2 = 2$$

$$+(-3) = -3$$

3. 互为相反数的两个数,它们的和等于0,如:

$$1 + (-1) = 0$$

$$2 + (-2) = 0$$

$$3 + (-3) = 0$$

负数的加法和减法运算

• 加上一个负数相当于减去这个数的相反数

$$5+(-3)$$
,这里的 $+(-3)=-3$,所以 $5+(-3)$ 相当于 $5-3$

• 减去一个负数相当于加上这个数的相反数

5-(-3),这里的-(-3)=3,所以5-(-3)相当于5+3

负数的乘法和除法运算

• 一个正数与一个负数的积或商是负数

$$3 imes (-2)$$
,这里的 $-2 = -1 imes 2$,所以 $3 imes (-2)$ 相当于 $3 imes 2 imes (-1)$,也相当于 $6 imes (-1) = -6$

• 两个负数的积或商是正数

$$(-3) imes (-2)$$
,这里的 $-3=-1 imes 3$, $-2=-1 imes 2$,所以 $(-3) imes (-2)$ 相当于 $(-1) imes 3 imes (-1) imes 2$,也相当于 $(-1) imes (-1) imes 6=6$