# 基于改进的Vasicek模型的SHIBOR期限结构实证研究

张彦旭 李萌 西南财经大学金融学院

摘要:基于最小二乘的估计方法,通过引入GARCH模型对 Vasicek 模型进行改进,对上海银行间同业拆放利率(SHIBOR)的期限结构进行实证研究。

关键词:期限结构; SHIBOR; Vasicek-GARCH模型

中图分类号: F832.5 文献标识码: A 文章编号: 1001-828X (2010) 10-0156-01

2006年10月8日,上海银行间同业拆放利率(SHIBOR)推出,中国新的统一的基准利率体系也随之形成。基准利率都是任何市场化经济体的核心组成部分,而利率期限结构更是整个金融体系的基准,是资产定价的参照系。对SHIBOR进行利率期限结构研究,有很强的理论和实际价值。

### 一、利率期限结构基本理论

利率期限结构理论目的在于解释利率期限结构的规律和特征。随 着计算机技术的发展和统计、数学分析方法的引入,大量出现的经济 计量模型促进了利率期限结构的发展。

利率期限结构基本理论包括:传统的利率期限结构理论和现代的利率期限结构理论。前者主要从定性的角度研究收益率曲线的形状及其形成原因。传统理论有纯预期理论、市场分割理论和流动性偏好理论。而现代利率期限结构理论,主要是将数学模型引入利率期限结构的分析中,运用动态模型进行定量研究,如Vasicek模型、CIR模型等。许多学者在基本的利率期限结构动态模型基础上进行深入的研究,得出了许多更有意义、更符合实际的一般化扩展模型,如机制转换模型,跳跃模型等。

### 二、动态利率期限结构模型

Vasicek模型在动态模型中最简单,且运用较为广泛。在风险中性的世界中,风险的预期收益率是无风险利率,短期利率r,可以用如下的Vasicek模型来刻画:

$$dr_t = k(\bar{r} - r_t)dt + \sigma_t d\omega$$

其中,k:均值恢复速度,;r:利率的长期平均水平; $\sigma$ ,:利率变化的波动率;k,r和 $\sigma$ ,是模型的估计参数,且均被假设为常数, $\omega$ ,代表一个标准的维纳过程。Vasicek模型具有均值回复特性,其中k值越大,利率在r偏离长期平均水平r后回复速度就越快。未来的短期瞬时利率只与现在的短期利率有关,与历史值无关。

Vasicek模型假设波动率是一个常数,没有考虑到利率水平对波动率高低的影响以及波动率本身GARCH效应等。因此,可以引入GARCH模型对Vasicek模型进行改进,研究利率波动性的影响。

## 三、实证模型

本文将连续的Vasicek模离散化,可以得到实证模型I:

$$r_{t+1} = a + br_t + \varepsilon_{t+1}$$

将GARCH模型引入到实证模型I可以得到改进的实证模型II:

$$r_{t+1} = a + br_t + \varepsilon_{t+1}$$

$$\varepsilon_{t} | \psi_{t-1} \square N(0, \sigma_{t}^{2})$$

$$\sigma_t^2 = c + \sum_{i=1}^p \alpha_i \xi_{-i}^2 + \sum_{i=1}^q \beta_i \zeta_{-i}^2$$

其中 $\Psi_{l-1}$ : 是信息集;  $\sigma_l^2$ : 条件方差;  $\epsilon_{l-i}^2$ : ARCH项;  $\sigma_{l-j}^2$ : GARCH项。通过对上述两个模型进行实证比较分析,可以对SHIBOR期限结构进行初步的研究。

#### 四、结论

1.SHIBOR市场有很强的分形结构,短期和长期SHIBOR的形态相差很大,但是短期和长期SHIBOR内部之间的形态很相似。短期SHIBOR(如隔夜SHIBOR和1周SHIBOR)可以用来描述利率动态变化行为。

2.Vasicek- GARCH模型比较适合刻画中国短期利率的动态变化行为, Vasicek模型比较适合描述长期SHIBOR期限结构。引入GARCH模型可以提高Vasicek模型的拟合精度。

3.短期SHIBOR波动较大,调整速度相对剧烈。这是由于利率拆借市场的短期拆借行为较多。而长期SHIBOR波动较小,调整速度不剧烈,因为长期SHIBOR市场交易相对比较稳定,交易量有限。总体上看,SHIBOR波动并不剧烈。因为SHIBOR市场发展时间不长,而且我国经济体制并没有完全的市场化,银行间同业拆借市场还存在严格的市场管制。

## 参考文献:

[1] 贾德奎. 基于Shibor的利率期限结构预期理论研究. 上海金融.2009(8).

[2]李宏瑾.对SHIBOR货币市场基准利率作用的实证分析.工作论文.