

# 第三章 栈和队列

---

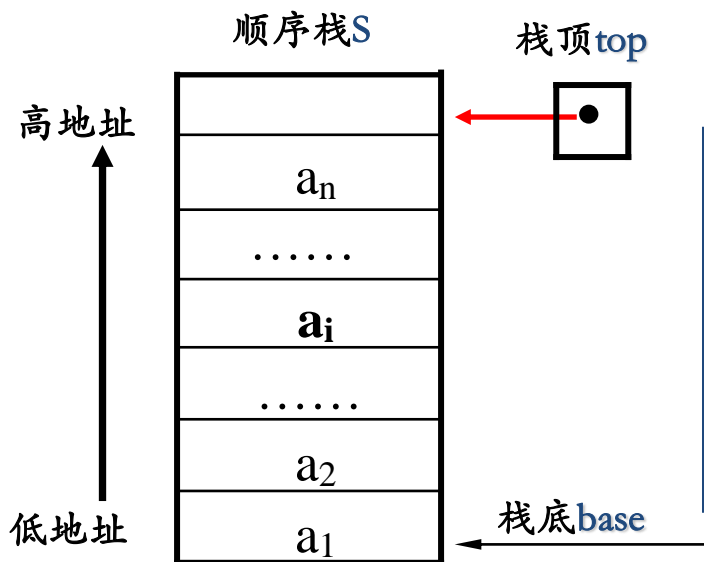
# 第三章 栈和队列

---

- 3.1 栈
- 3.2 栈的实现
- 3.3 栈的应用
- 3.4 队列
- 3.5 队列的实现
- 3.6 队列的应用

# 回顾

栈是一种后进先出(Last In First Out)的线性表，简称为**LIFO表**。



栈不存在的条件：  $base = NULL$ ;

栈为空的条件：  $base = top$ ;

栈满的条件：  $top - base = stacksize$ ;

一般栈顶不存放元素。

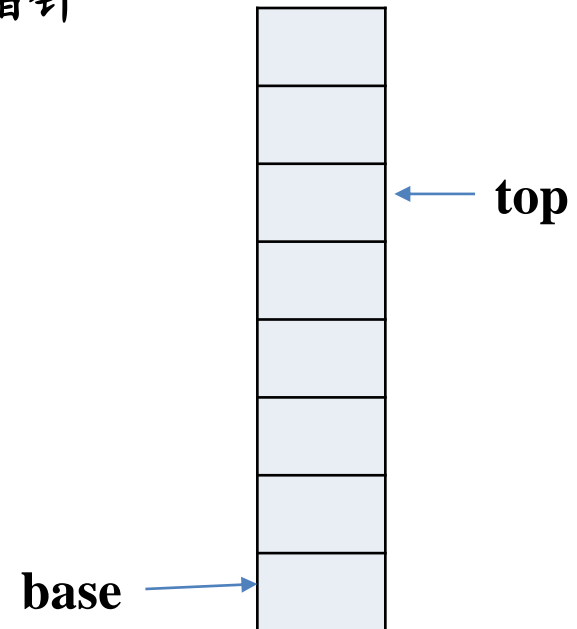
入栈Push：堆栈指针top “先压后加”： $S[top++] = a_{n+1}$

出栈Pop：堆栈指针top “先减后弹”： $e = S[--top]$

# 回顾

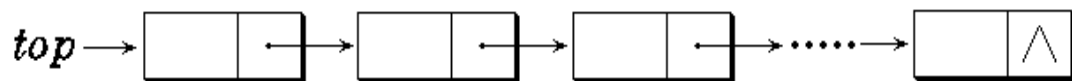
## 顺序栈

```
#define    STACK-INIT-SIZE    100 //存储空间初始分配量
#define    STACKINCREMENT    10 //存储空间分配增量
typedef struct{
    SElemType    *base; //栈的基址即栈底指针
    SElemType    *top;  //栈顶指针
    int          stacksize; //当前分配的空间
}SqStack;
SqStack s;
```



# 回顾

- 链栈示意图 p47 图3.3

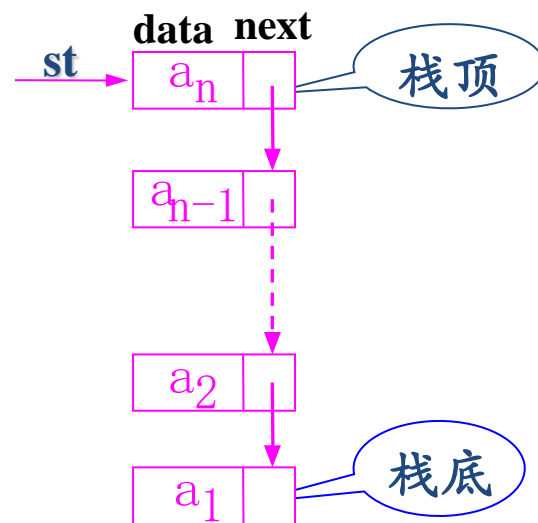


- 栈空条件:  $s == \text{NULL}$
- 栈满条件: 无 / 无Free Memory可申请

```
typedef struct SNode{  
    SElemType data;  
    struct SNode *next;  
}SNode, *LinkStack;  
LinkStack s;
```

进栈 相当于链表在 **top** 结点前插入

出栈 相当于链表在将**top** 结点删除



# 回顾

## 入栈出栈次序判定规则

若输入序列是  $\cdots, P_i \cdots P_j \cdots P_k \cdots (i < j < k, \text{输入序号})$ ，一定不存在这样的输出序列  $\cdots, P_k \cdots P_i \cdots P_j \cdots$

由元素1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8依次入栈、出栈，要求每次出栈之前至少有两次连续入栈操作，出栈时可以出栈一个元素，也可以出栈多个元素直至栈空，则数据的出栈序列可能是（ ）

- A. 3, 4, 2, 5, 7, 6, 1, 8
- B. 2, 4, 3, 1, 8, 7, 6, 5
- C. 5, 7, 6, 4, 8, 3, 2, 1
- D. 4, 3, 5, 2, 1, 6, 8, 7

# 第三章 栈和队列

---

## (1) 表达式求值

任何一个表达式都是由**操作数** (operand)、**运算符** (operator) 和**界限符**组成的，我们称它们为**单词**。

把**运算符**和**界限符**统称为**算符**。

简单表达式的求值问题，这种表达式只含加、减、乘、除、乘方、括号等运算。

# 第三章 栈和队列

## (1) 表达式求值

对于两个相继出现的算符 $Q_1$ 和 $Q_2$ ，其优先关系：

$\theta_1 \backslash \theta_2$	+	-	*	/	^	(	)	#
+	>	>	<	<	<	<	>	>
-	>	>	<	<	<	<	>	>
*	>	>	>	>	<	<	>	>
/	>	>	>	>	<	<	>	>
(	<	<	<	<	<	<	=	
)	>	>	>	>		>	>	
#	<	<	<	<	<	<		=



# 第三章 栈和队列

## (1) 表达式求值

算法的基本思想

界限符 ‘#’ 优先级别最低

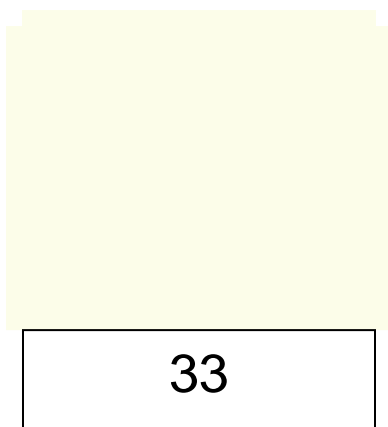
设置两个工作栈：运算符栈OPTR      操作数栈OPND

- 1) 首先置操作数栈为空栈，表达式起始符 ‘#’为运算符栈的栈底元素。
- 2) 依次读入表达式中每个字符，若是操作数则进OPND栈，若是运算符则和 OPTR 栈的栈顶运算符比较优先权后作相应操作，直至整个表达式求值完毕。

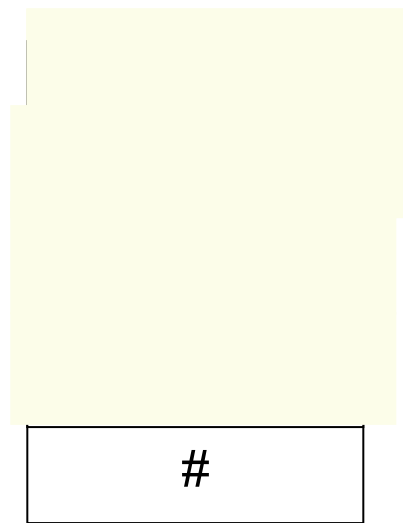
# 第三章 栈和队列

## (1) 表达式求值

输入: 



操作数栈



运算符栈

# 第三章 栈和队列

## (1) 表达式求值

C是操作符吗?

```
Status EvaluateExpression( OperType &result) {  
    InitStack(OPND); InitStack(OPTR); Push(OPTR, '#'); c=getchar();  
    while(((c!='#') && (GetTop(OPTR)!='#')))  
    { if (!In(c, OP)) { Push(OPND, c); c=getchar();}  
      else switch(precede(GetTop(OPTR), c))  
      { case '<': Push(OPTR, c); c=getchar(); break;  
        case '=': Pop(OPTR); c=getchar(); break;  
        case '>': Pop(OPTR, theta); Pop(OPND, b); Pop(OPND, a);  
                  Push(OPND, Operate(a, theta, b)); break; ;  
      }  
    } //switch } //while  
    result=GetTop(OPND);  
} //EvaluateExpression
```

运算符与栈顶  
比较并查3.1表

Operate=a θ b

# 第三章 栈和队列

---

## (2) 栈与递归

### 递归的定义

如果一个对象部分的由自己组成，或者是按它自己定义的，则称为**递归**的。

一个递归定义必须一步比一步简单，最后是有终结的，决不能无限循环下去，终结条件就是**递归定义**的出口，简称为**递归出口**。

# 第三章 栈和队列

## (2) 栈与递归

**递归函数的特点：**在函数内部可以直接或间接地调用函数自身。如阶乘函数：

$$n! = \begin{cases} 1 & , \quad n=0 \\ n*(n-1)! & , \quad n>0 \end{cases}$$

# 第三章 栈和队列

## (2) 栈与递归

```
int fact (int n)
{   if (n == 0)
        return 1;
    else
        return(n*fact(n-1));
};
main( )
{   int n;
    scanf("%d\n",&n);
    printf("%8d%8d\n",n,fact(n));
}
```

r2

r1

# 第三章 栈和队列

## (2) 栈与递归

### 递归函数到非递归函数的转换

**调用前：**

- (1) 为被调用函数的局部变量分配存储区；  
(活动记录， 数据区)**
- (2) 将所有的实参、返回地址传递给被调用函数；  
实参和形参的结合，传值。**
- (3) 将控制转移到被调用函数入口。**

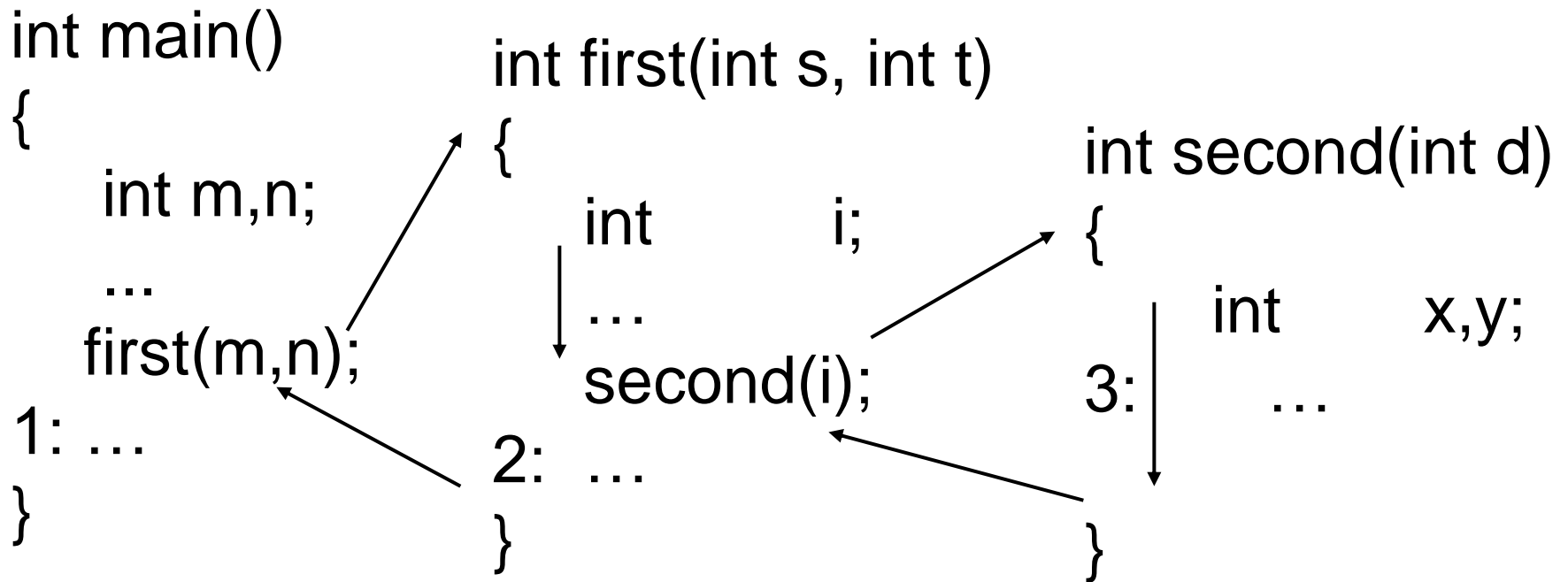
**调用后返回：**

- (1) 保存被调用函数的计算结果；**
- (2) 释放被调用函数的存储区；**
- (3) 依照被调用函数保存的返回地址将控制转移到调用函数。**

# 第三章 栈和队列

## (2) 栈与递归

函数嵌套调用时，按照“后调用先返回”的原则进行。

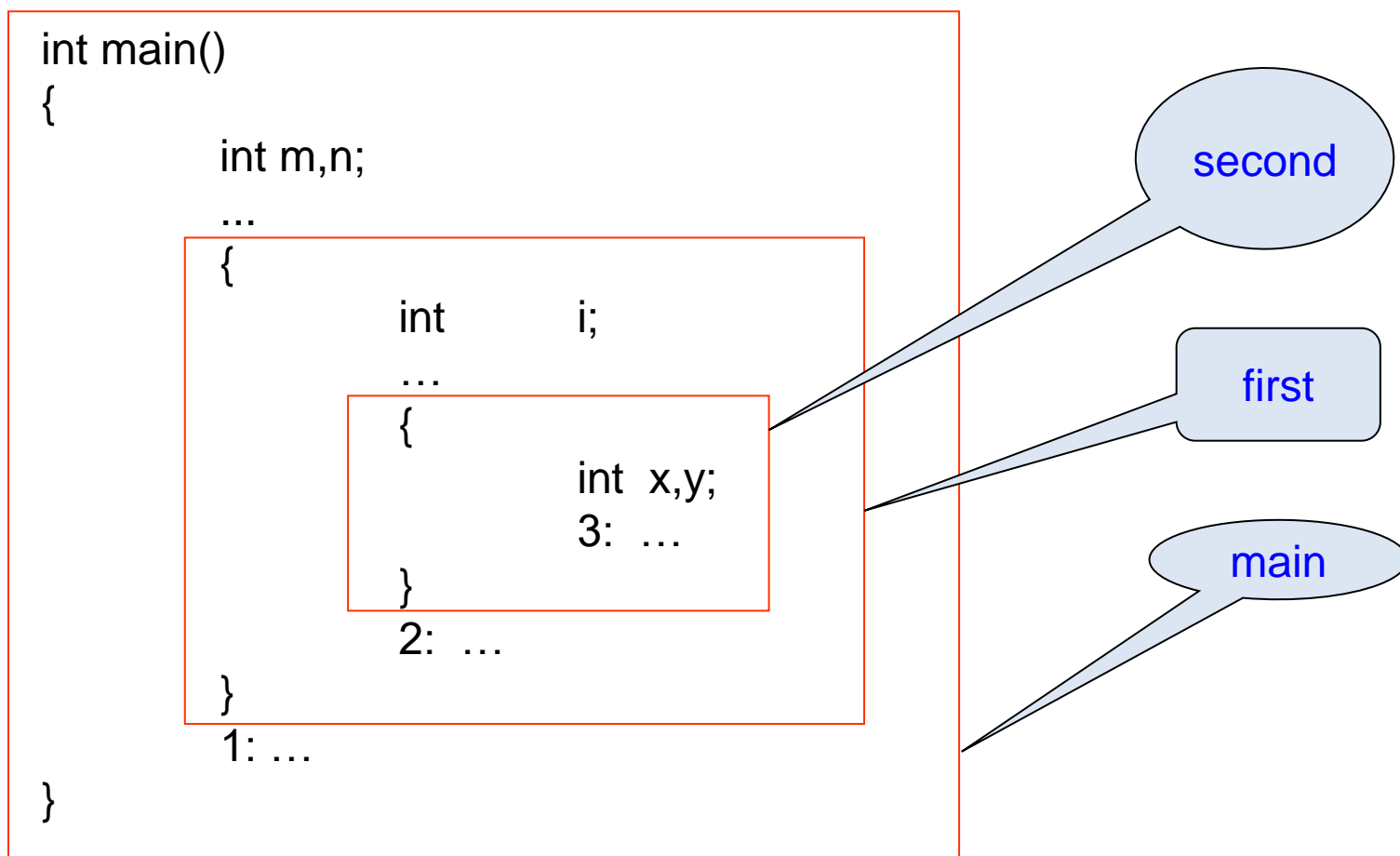




# 第三章 栈和队列

## (2) 栈与递归

### 函数嵌套结构



# 第三章 栈和队列

## (2) 栈与递归

```
int  nfact(int n);  
{   int res;  
    SqStack st;  
    InitStack(st);  
    while (n>0)  
    {   Push(st,n);  
        n=n-1;    }  
    res=1;  
}
```

```
while (!StackEmpty(st)  
{   res=res*GetTop(st);  
    Pop(st);    }  
    free(st); return(res);
```

阶乘递归算法:

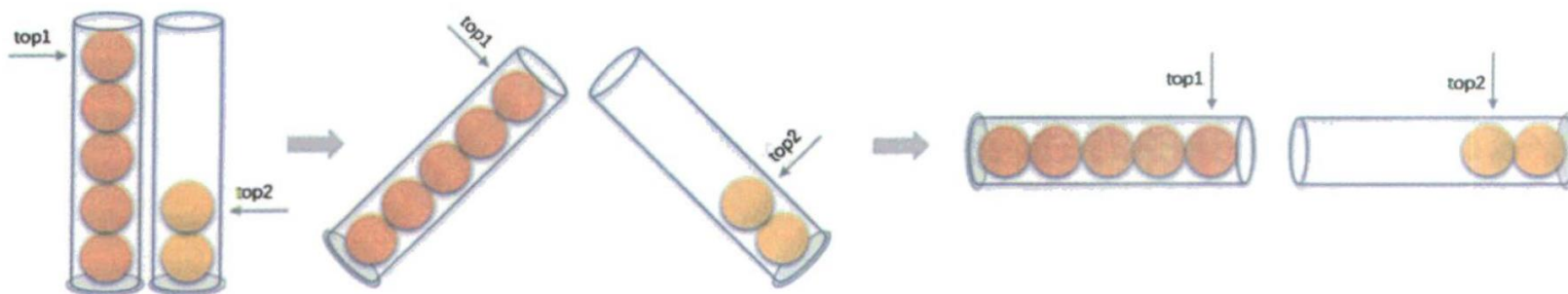
```
int fact (int n)  
{   if (n == 0)  
        return 1;  
    else  
        return(n*fact(n-1));  
};
```

# 第三章 栈和队列

## □ 共享栈

两个栈共享同一片存储空间，这片存储空间不单独属于任何一个栈，某个栈需要的多一点，它就可能得到更多的存储空间；

两个栈的栈底在这片存储空间的两端，当元素入栈时，两个栈的栈顶指针相向而行。



# 第三章 栈和队列

---

- 3.1 栈
- 3.2 栈的实现
- 3.3 栈的应用
- 3.4 队列
- 3.5 队列的实现
- 3.6 队列的应用

## 3.4 队列

---



## 3.4 队列

### 队列定义

只能在表的一端进行插入运算，在表的另一端进行删除运算的线性表。

尾部插入

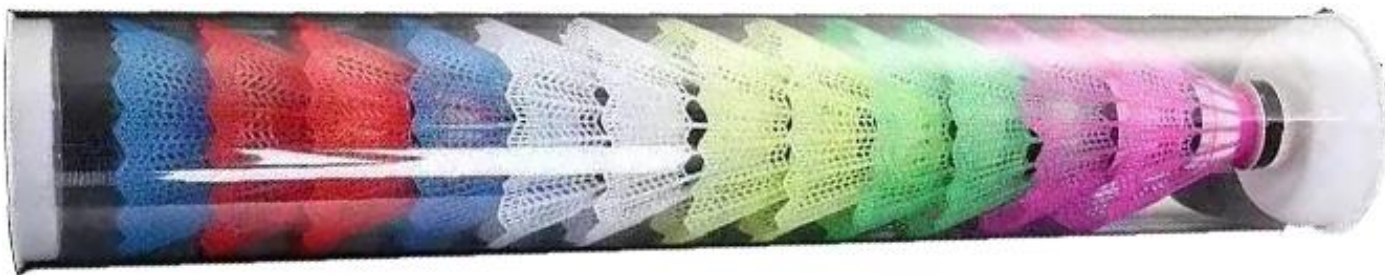
首部删除

### 逻辑结构

与线性表相同，仍为一对一关系。

### 存储结构

顺序队或链队，循环顺序队更常见。

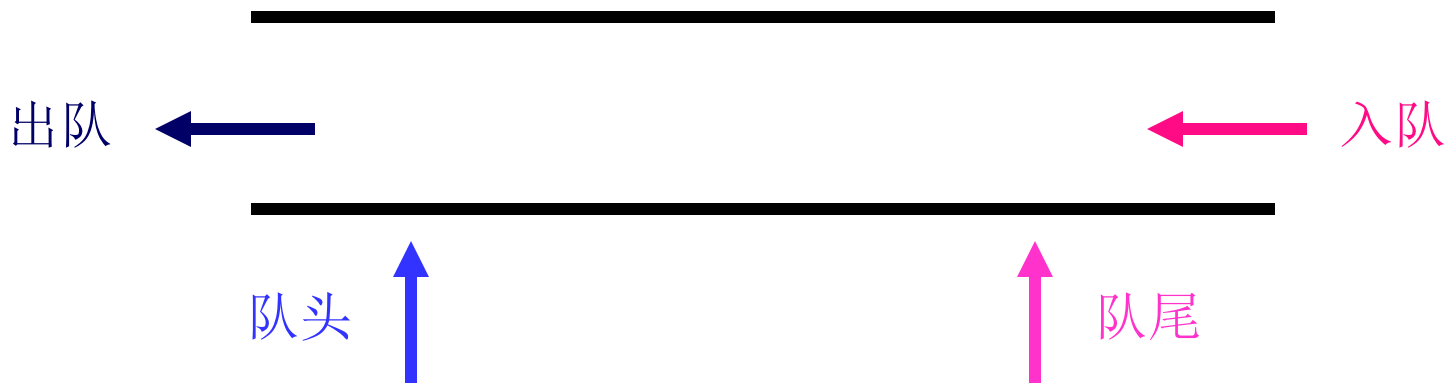


## 3.4 队列

**运算规则** 只能在队首和队尾运算，且访问结点时依照**先进先出**（FIFO）的原则。

**实现方式** 关键是掌握**入队**和**出队**操作，具体实现依顺序队或链队的不同而不同。

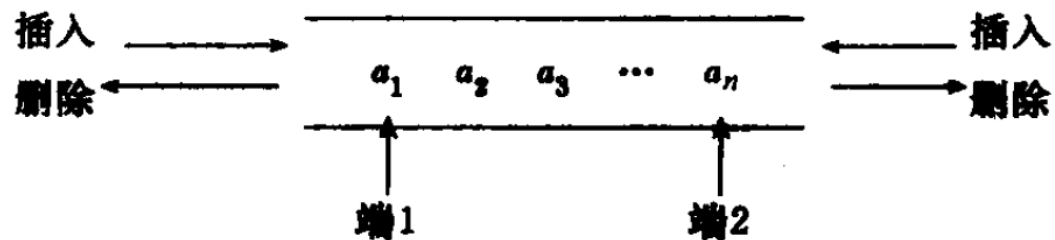
**基本操作：** 入队或出队，建空队列，判队空 或队满等操作。



**实质是带头结点的线性链表**

## 3.4 队列

双端队列      限定插入和删除操作在表的两端进行的线性表





## 3.4 队列

队列的**实现方式**是本节重点，关键是掌握**入队**和**出队**操作。  
具体实现依存储结构（**链队**或**顺序队**）的不同而不同。

队的抽象数据类型定义：

**ADT Queue{**

数据对象： **D=.....**

数据关系： **R=.....**

基本操作：

.....

**} ADT Queue**

建队、入队或出队、判队空或队满等，教材P59-60罗列了9种基本操作。

# 第三章 栈和队列

---

- 3.1 栈
- 3.2 栈的实现
- 3.3 栈的应用
- 3.4 队列
- 3.5 队列的实现
- 3.6 队列的应用

## 3.5 队列的实现

### (1) 链队列

队列的链式存储结构简称为链队列，它是限制仅在表头删除和表尾插入的单链表。

在单链表的头指针不便于在表尾做插入操作，为此再增加一个尾指针，指向链表上的最后一个结点。于是，一个链队列由一个头指针和一个尾指针唯一地确定。

## 3.5 队列的实现

### (1) 链队列

#### □ 两个指针：

- 队头指针Q. front指向头结点
- 队尾指针Q. rear指向尾结点

#### □ 初始态：队空条件

- 头指针和尾指针均指向头结点

$$Q. front = Q. rear$$

## 3.5 队列的实现

### (1) 链队列

```
typedef struct QNode { //元素结点
    QElemType data;
    struct QNode *next;
} QNode, *QueuePtr;
```

```
typedef struct {           //特殊结点
    QueuePtr front;        //队头指针
    QueuePtr rear;         //队尾指针
} LinkQueue;
```

```
LinkQueue Q;
```

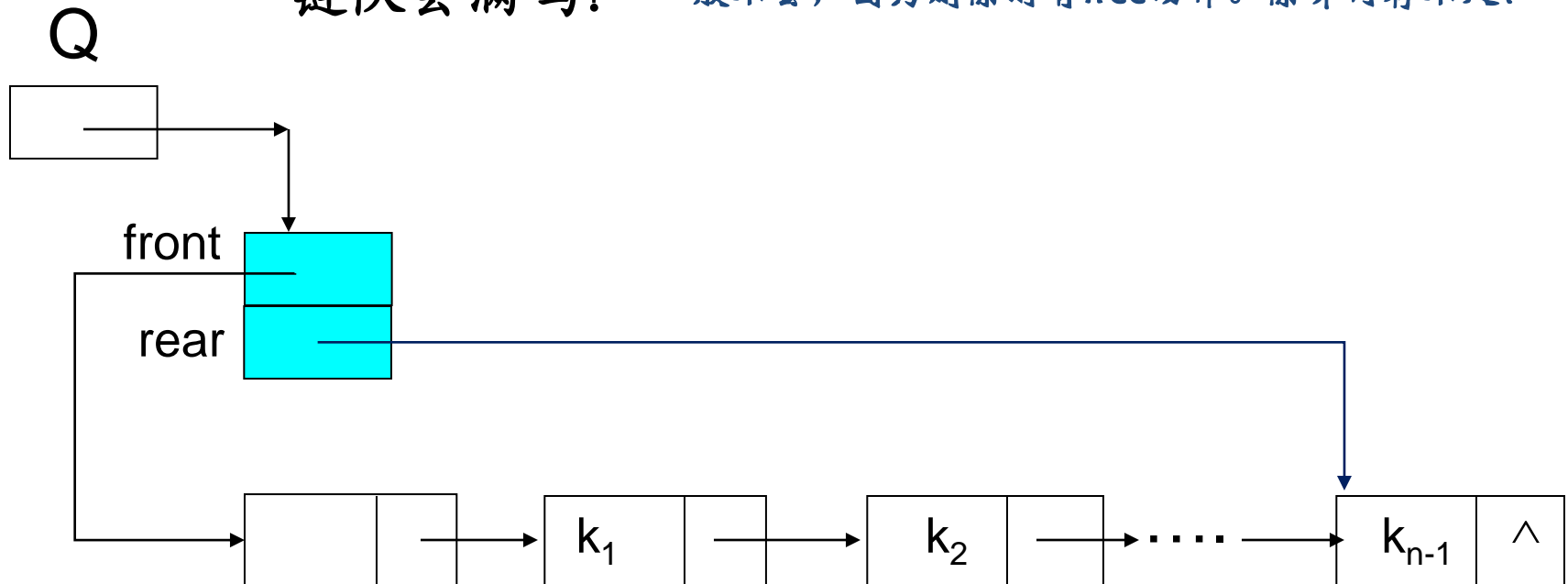
Q.front——指向链头结点

Q.rear ——指向链尾结点

## 3.5 队列的实现

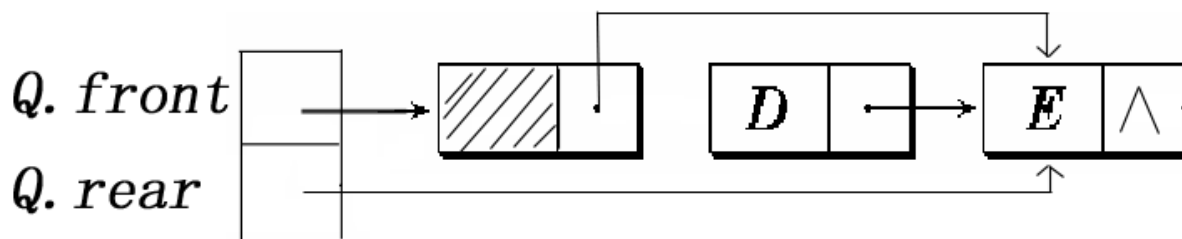
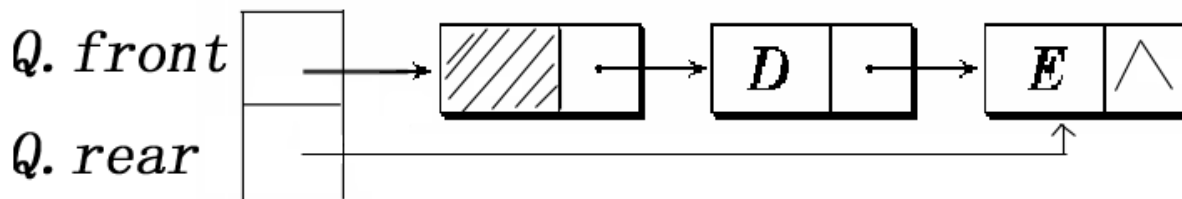
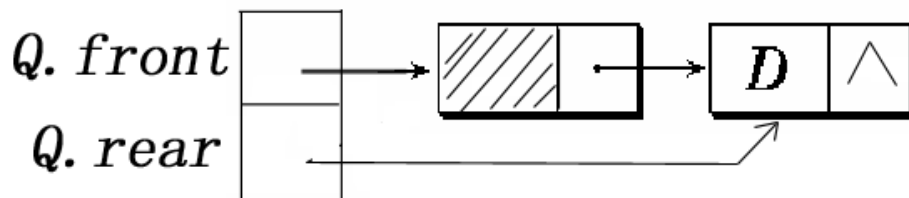
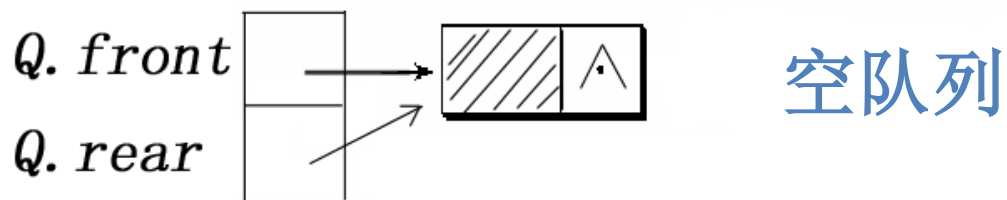
### (1) 链队列

链队会满吗？ 一般不会，因为删除时有free动作。除非内存不足！



## 3.5 队列的实现

### (1) 链队列



## 3.5 队列的实现

### (1) 链队列

- 初始化 p62  
Status InitQueue (LinkQueue &Q)
- 销毁队列 p62  
Status DestroyQueue (LinkQueue &Q)
- 入队 p62  
Status EnQueue(LinkQueue &Q, QElemType e)
- 出队 p62  
Status DeQueue(LinkQueue &Q, QElemType &e)
- 判队空  
Status QueueEmpty(LinkQueue Q)
- 取队头元素  
Status GetHead(LinkQueue Q, QElemType &e)



## 3.5 队列的实现

---

### (1) 链队列

#### 1) 链队列初始化

```
Status InitQueue (LinkQueue &Q)
{
    Q.front=Q.rear=(QueuePtr)malloc(sizeof(QNode));
    if (!Q.front) exit(OVERFLOW);
    Q.front->next=NULL;
    return OK;
}
```

## 3.5 队列的实现

### (1) 链队列

### 2) 链队列的销毁

```
Status DestroyQueue (LinkQueue &Q)
{
    while (Q.front)
    {
        Q.rear=Q.front->next;
        free(Q.front);
        Q.front=Q.rear;
    }
    return OK;
}
```

## 3.5 队列的实现

### (1) 链队列

#### 3) 链队列的插入 (入队)

```
Status EnQueue (LinkQueue &Q, QElemType e)
{
    p=(QueuePtr)malloc(sizeof(QNode));
    if (!p) exit(OVERFLOW);
    p->data = e;    p->next = NULL;
    Q.rear->next = p;
    Q.rear = p;
    return OK;
}
```

## 3.5 队列的实现

### (1) 链队列

#### 4) 链队列的删除 (出队)

```
Status DeQueue (LinkQueue &Q, ElemType &e)
{
    if (Q.front==Q.rear) return ERROR;
    p=Q.front->next;
    e=p->data;
    Q.front->next=p->next;
    if (Q.rear == p) Q.rear=Q.front;
    free(p);
    return OK;
}
```

## 3.5 队列的实现

---

### (1) 链队列

#### 5) 判断链队列是否为空

```
Status QueueEmpty(LinkQueue Q)
{
    if (Q.front==Q.rear) return TRUE;
    return FALSE;
}
```

## 3.5 队列的实现

---

### (1) 链队列

#### 6) 取链队列的第一个元素结点

```
Status GetHead(LinkQueue Q, QElemType &e)
{
    if (QueueEmpty(Q)) return ERROR;
    e=Q.front->next->data;
    return OK;
}
```

## 3.5 队列的实现

### (2) 顺序队列

队列的顺序存储结构简称为顺序队列。顺序队列实际上是运算受限的顺序表。

用一组地址连续的存储单元依次存放从队列头到队列尾的元素

设两个指针：

——Q.front 指向队列头元素；

——Q.rear 指向队列尾元素的下一个位置

## 3.5 队列的实现

---

### (2) 顺序队列

```
#define MAXSIZE 100
typedef struct {
    QElemType *base;
    int front;
    int rear;
} SqQueue;
SqQueue Q;
```



## 3.5 队列的实现

### (2) 顺序队列

讨论:

① 空队列的特征?

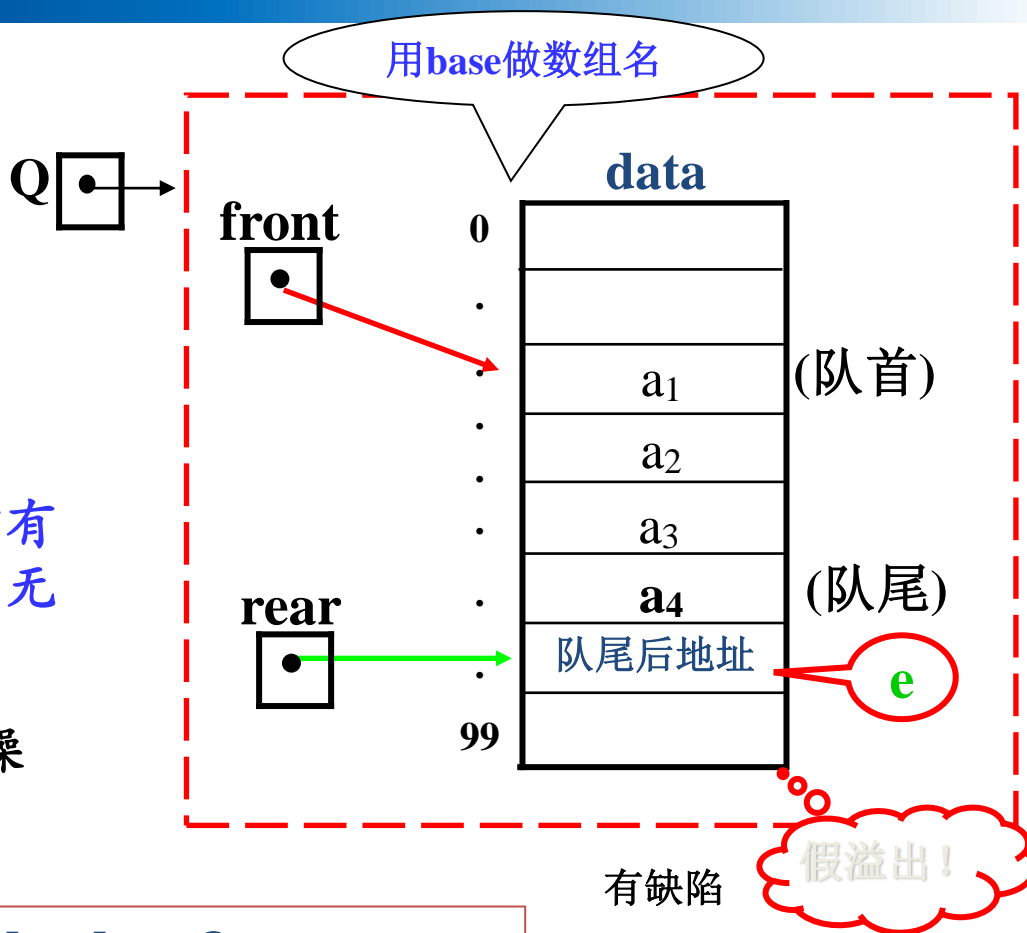
约定:  $\text{front} = \text{rear}$

② 队列会满吗?

极易装满! 因为数组通常有长度限制, 而其前端空间无法释放。

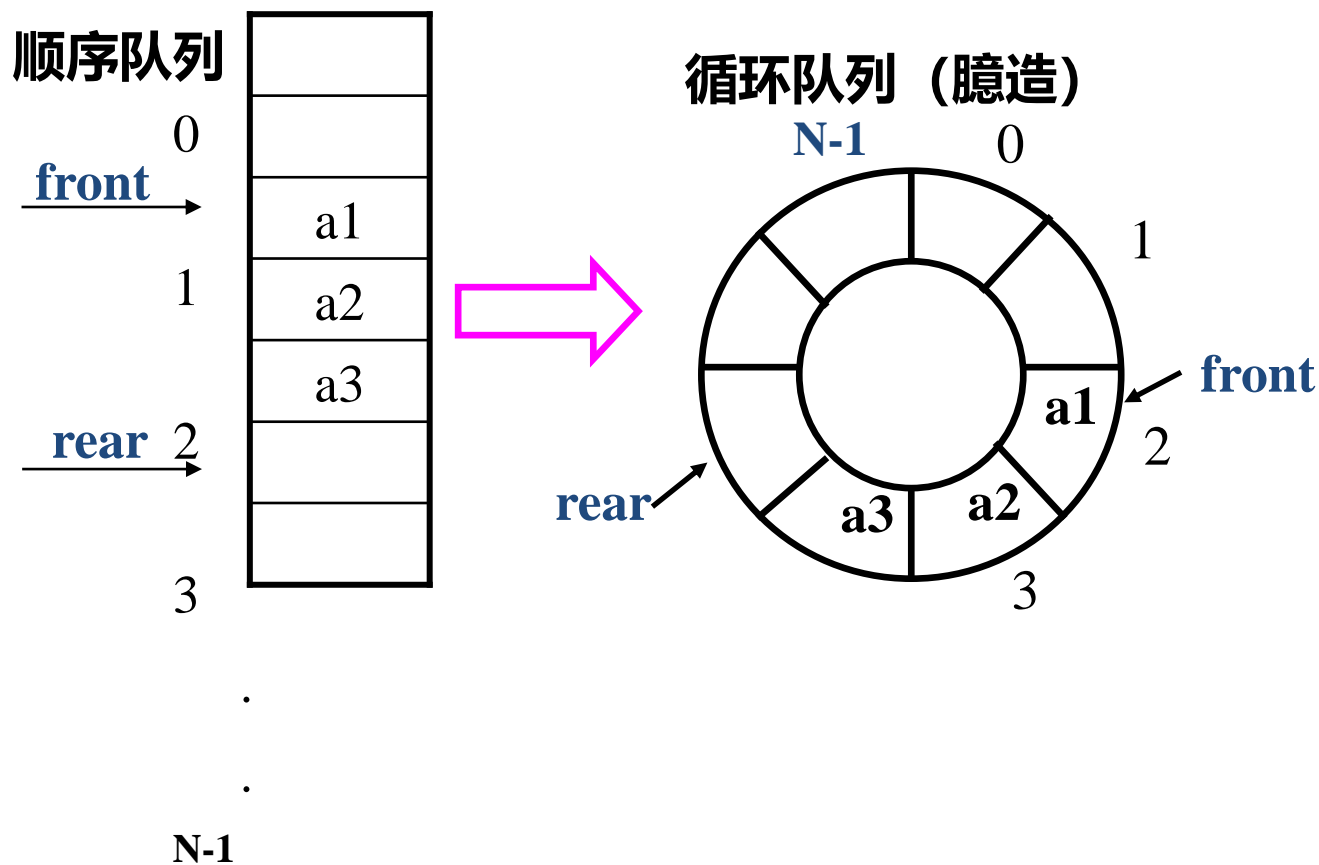
③ 怎样实现入队和出队操作? 核心语句如下:

入队(尾部插入):  $\text{Q.base}[\text{rear}] = e; \text{Q.rear}++;$   
出队(头部删除):  $e = \text{Q.base}[\text{front}]; \text{Q.front}++;$



## 3.5 队列的实现

### (2) 顺序队列——循环队列



## 3.5 队列的实现

### (2) 顺序队列——循环队列

新问题：在循环队列中，空队特征是 $\text{front}=\text{rear}$ ；队满时也会有 $\text{front}=\text{rear}$ ；判决条件将出现二义性！

解决方案有三：

- ①使用一个计数器记录队列中元素个数（即队列长度）；
- ②加设标志位，删除时置1,插入时置0,则可识别当前 $\text{front}=\text{rear}$ 属于何种情况
- ③人为浪费一个单元，则队满特征可改为 $\text{front}=(\text{rear}+1)\%N$ ；

## 3.5 队列的实现

### (2) 顺序队列——循环队列

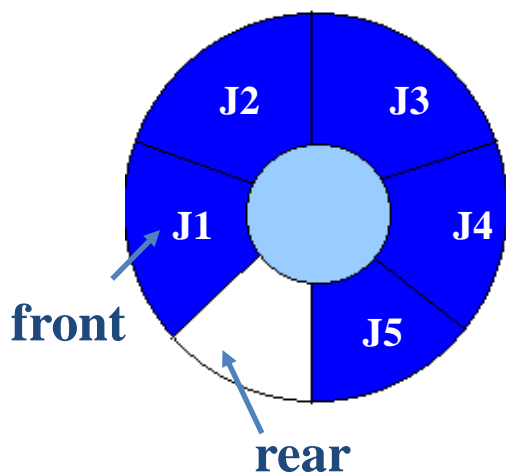
实际中常选用方案3（人为浪费一个单元）：

即front和rear二者之一指向实元素，另一个指向空闲元素。

队空条件： $\text{front} = \text{rear}$  （初始化时： $\text{front} = \text{rear}$ ）

队满条件： $\text{front} = (\text{rear} + 1) \% N$  （ $N = \text{maxsize}$ ）

队列长度（即数据元素个数）： $L = (N + \text{rear} - \text{front}) \% N$



问1：左图中队列maxsize N=? 6

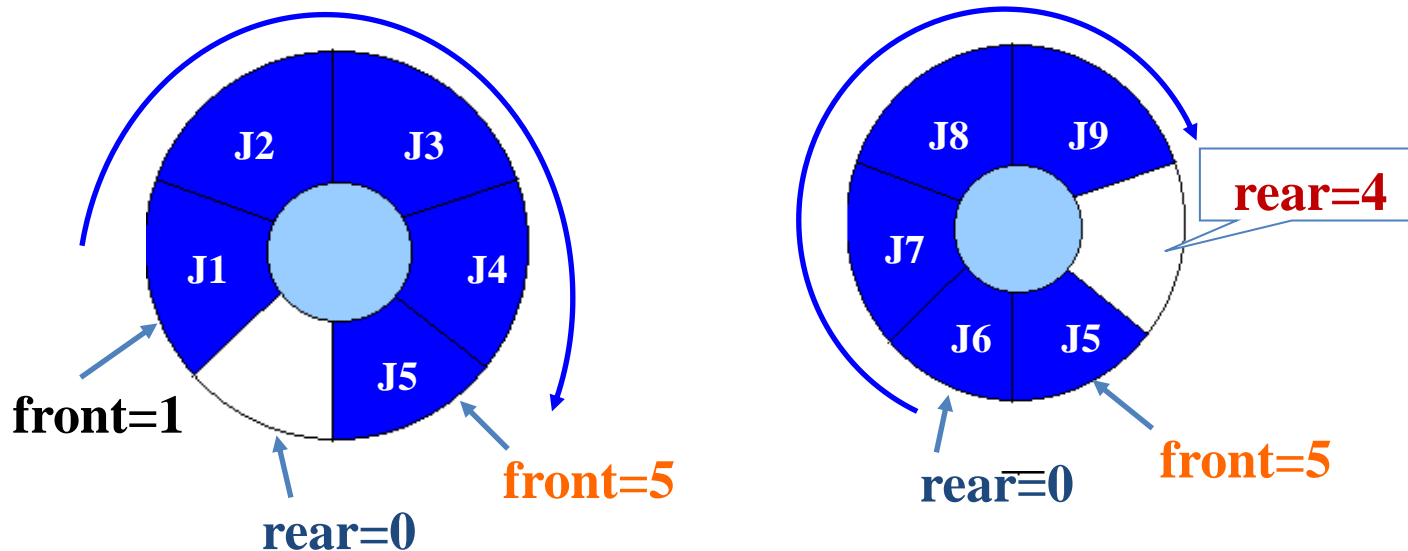
问2：左图中队列长度L=? 5

问3：在具有n个单元的循环队列中，队满时共有多少个元素？ N-1个

## 3.5 队列的实现

### (2) 顺序队列——循环队列

例：一循环队列如下图所示，若先删除4个元素，接着再插入4个元素，请问队头和队尾指针分别指向哪个位置？



解：由图可知，队头和队尾指针的初态分别为 $\text{front}=1$ 和 $\text{rear}=0$ 。

再插入4个元素后， $r=(0+4)\%6=4$

删除4个元素后  $f=5$ ;

## 3.5 队列的实现

### (2) 顺序队列——循环队列

□ 初始化 p64

Status InitQueue (SqQueue &Q)

□ 求队列的长度 p64

int QueueLength(SqQueue Q)

□ 入队 p65

Status EnQueue (SqQueue &Q, QElemType e)

□ 出队 p65

Status DeQueue(SqQueue &Q, QElemType &e)

□ 判队空

Status QueueEmpty(SqQueue Q)

□ 取队头元素

Status GetHead(SqQueue Q, QElemType &e)

## 3.5 队列的实现

### (2) 顺序队列——循环队列

#### 1) 循环队列初始化

```
Status InitQueue (SqQueue &Q)
{
    Q.base=(QElemType *)malloc(MAXQSIZE*sizeof(QElemType));
    if (!Q.base) exit(OVERFLOW);
    Q.front=Q.rear=0;
    return OK;
}
```

## 3.5 队列的实现

---

### (2) 顺序队列——循环队列

#### 2) 循环队列长度

```
int QueueLength(SqQueue Q)
{
    return (Q.rear-Q.front+MAXQSIZE)%MAXQSIZE;
}
```



## 3.5 队列的实现

### (2) 顺序队列——循环队列

#### 3) 循环队列入队

```
Status EnQueue (SqQueue &Q, QElemType e)
{
    if ((Q.rear+1) % MAXQSIZE == Q.front)
        return ERROR;
    Q.base[Q.rear]=e;
    Q.rear = (Q.rear+1)%MAXQSIZE;
    return OK;
}
```

## 3.5 队列的实现

### (2) 顺序队列——循环队列

#### 4) 循环队列出队

```
Status DeQueue(SqQueue &Q, QElemType &e)
{
    if (Q.rear==Q.front) return ERROR;
    e=Q.base[Q.front];
    Q.front=(Q.front+1)%MAXQSIZE;
    return OK;
}
```

## 3.5 队列的实现

---

### (2) 顺序队列——循环队列

#### 5) 循环队列是否为空

```
Status QueueEmpty(SqQueue Q)
{
    if (Q.front==Q.rear) return TRUE;
    return FALSE;
}
```

## 3.5 队列的实现

### (2) 顺序队列——循环队列

#### 6) 循环队列取对头

```
Status GetHead(SqQueue Q, QElemType &e)
{
    if QueueEmpty(Q) return ERROR;
    e=Q.base[Q.front];
    return OK;
}
```

## 3.5 队列的实现

### (2) 顺序队列

#### 非循环队列

- 类型定义：与循环队列完全一样
- 关键：修改队尾/队头指针  
 $Q.rear = Q.rear + 1;$      $Q.front = Q.front + 1;$
- 在判断时，有%MAXQSIZE为循环队列，否则为非循环队列
- 队空条件：  $Q.front = Q.rear$
- 队满条件：  $Q.rear \geq MAXQSIZE$
- 注意“假上溢”的处理
- 长度：  $Q.rear - Q.front$

# 第三章 栈和队列

---

- 3.1 栈
- 3.2 栈的实现
- 3.3 栈的应用
- 3.4 队列
- 3.5 队列的实现
- 3.6 队列的应用

## 3.6 队列的应用

### (1) 打印二项展开式 $(a + b)^i$ 的系数

$$(a + b)^n = \sum_{r=0}^n C_n^r a^{n-r} b^r$$

$$(a+b)^n = C_n^0 a^n + C_n^1 a^{n-1} b + \cdots + C_n^k a^{n-k} b^k + \cdots + C_n^n b^n$$

$$C_n^0, C_n^1, C_n^2, \cdots, C_n^r, \cdots, C_n^n$$

- 项数：总共二项式展开有  $n+1$  项
- 通项：第  $i+1$  项的系数为  $C_n^i = \frac{n!}{i!(n-i)!}$
- 如果二项式的幂指数是偶数，中间的一项二次项系数最大。如果是奇数，则最中间2项最大并且相等

## 3.6 队列的应用

### (1) 打印二项展开式 $(a + b)^i$ 的系数

$$(a+b)^1 \cdots C_1^0 \quad C_1^1$$

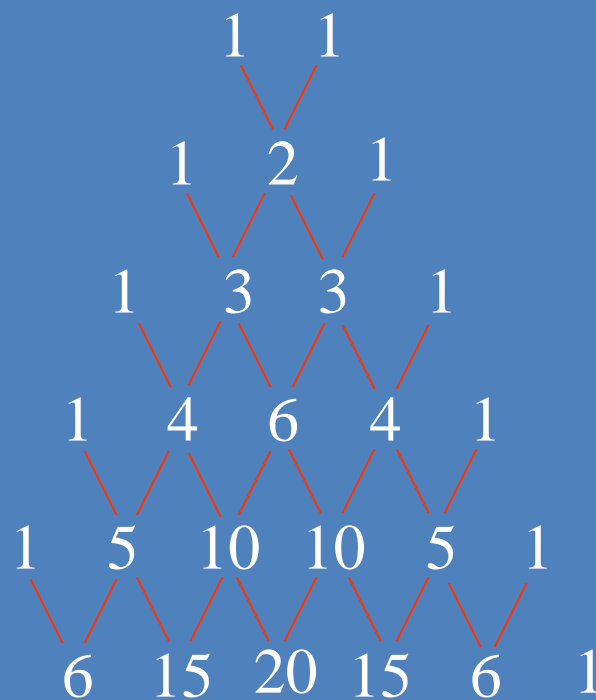
$$(a+b)^2 \cdots C_2^0 \quad C_2^1 \quad C_2^2$$

$$(a+b)^3 \cdots C_3^0 \quad C_3^1 \quad C_3^2 \quad C_3^3$$

$$(a+b)^4 \cdots C_4^0 \quad C_4^1 \quad C_4^2 \quad C_4^3 \quad C_4^4$$

$$(a+b)^5 \cdots C_5^0 \quad C_5^1 \quad C_5^2 \quad C_5^3 \quad C_5^4 \quad C_5^5$$

$$(a+b)^6 \cdots C_6^0 \quad C_6^1 \quad C_6^2 \quad C_6^3 \quad C_6^4 \quad C_6^5 \quad C_6^6$$



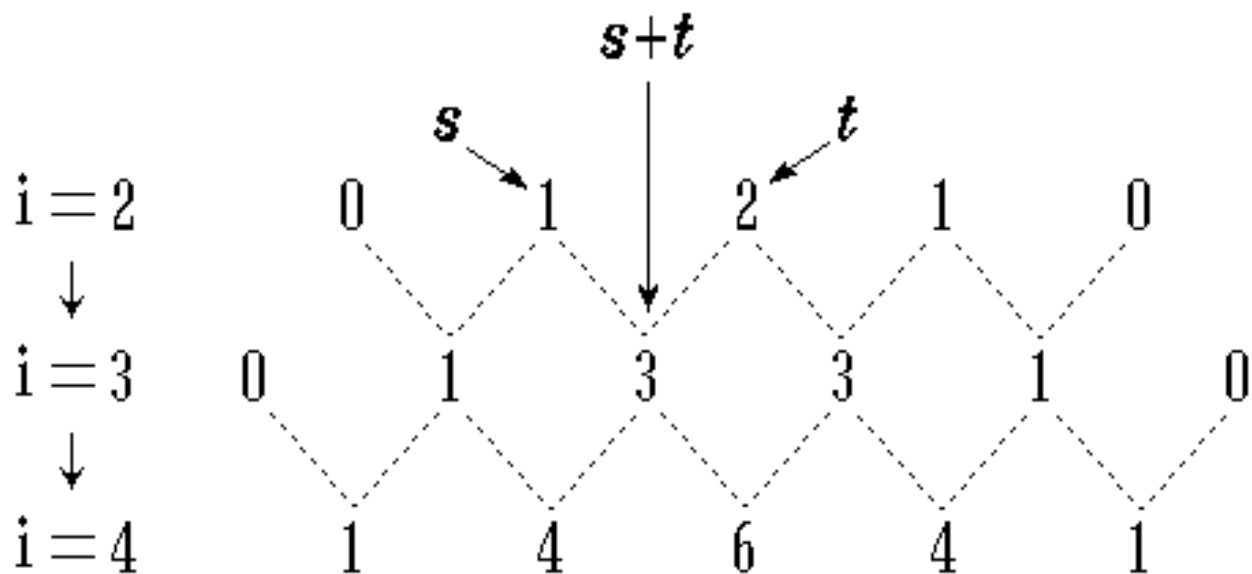
杨辉三角形 (Pascal' s triangle)



## 3.6 队列的应用

### (1) 打印二项展开式 $(a + b)^i$ 的系数

杨辉三角形 (Pascal' s triangle)

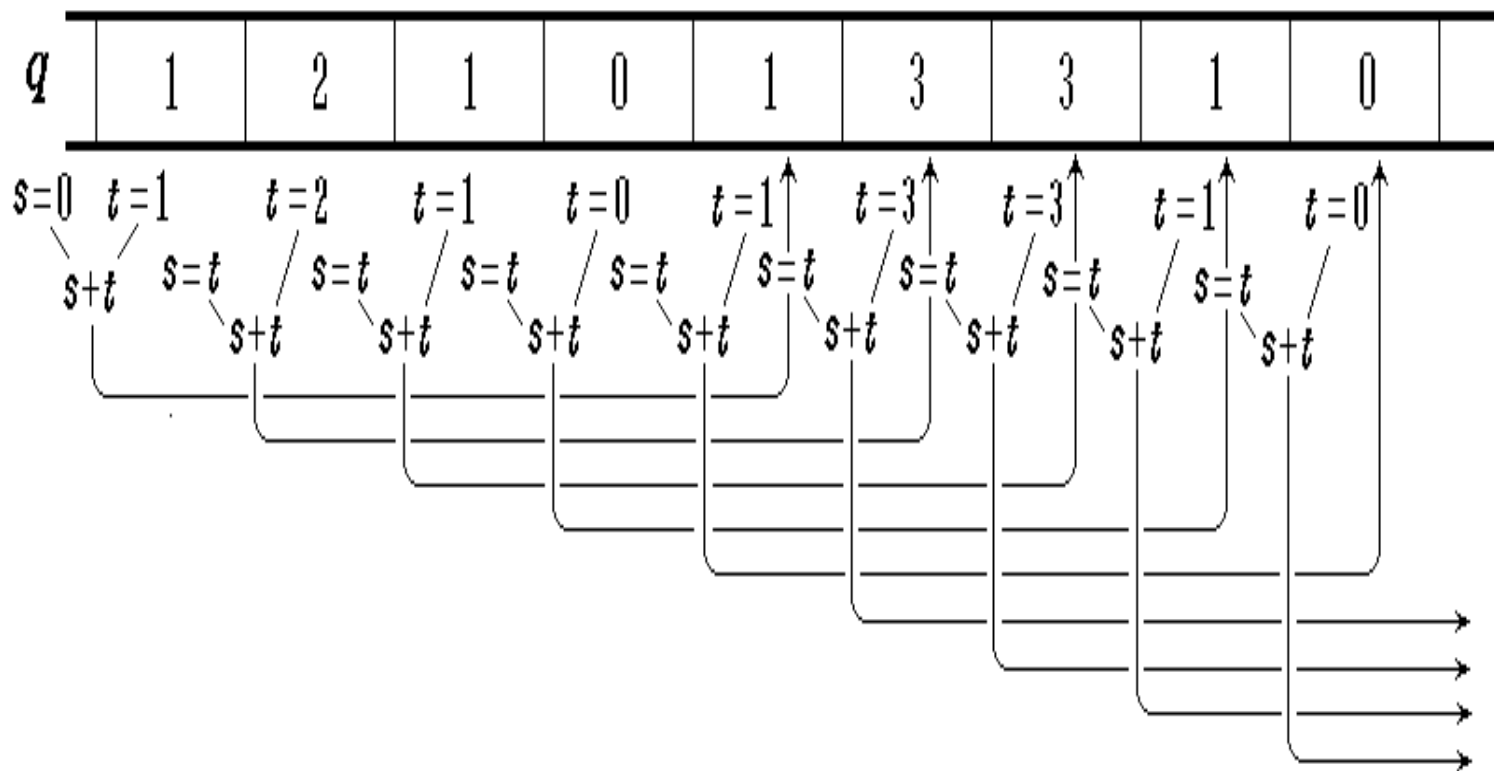


表中除“1”以外的每一个数都等于它肩上的两个数之和

## 3.6 队列的应用

**(1) 打印二项展开式  $(a + b)^i$  的系数**

**从第  $i$  行数据计算并存放第  $i+1$  行数据**



## 3.6 队列的应用

### (1) 打印二项展开式 $(a + b)^i$ 的系数

```
void YANGVI ( int n ) {  
    SqQueue q;  
    q.InitQueue(&q);  
    q.Enqueue (1); q.Enqueue (1); //预放入第一行的两个系数  
    int s = 0;  
    for ( int i=1; i<=n; i++ ) {    //逐行处理  
        cout << endl;  
        q.Enqueue (0);  
        for ( int j=1; j<=i+2; j++ ) {    //处理第i行的i+2个系数  
            int t = q.DeQueue ( ); //读取系数  
            q.Enqueue (s+t); //计算下一行系数，并进队列  
            s = t;  
            if ( j != i+2 )  
                cout << s << ' '; //打印一个系数，第 i+2个为0  
        }  
    }  
}
```

## 3.6 队列的应用

### (2) 医院门诊部病人管理系统

- **工作过程：**当一病人进入门诊室时，负责挂号的义务人员就根据观察和简短询问发给他一个从0（病危）到4（一般）变化的优先数，让他到相应优先数队列中去排队等待。当一医生空闲时，就根据优先数和等待时间，通知某候诊病人就诊。
- **原则：**优先级高的先考虑，同一优先级中，则先来先考虑。

## 3.6 队列的应用

### (2) 医院门诊部病人管理系统

#### □ 组织数据的方式 - - 数据结构

- ✓ 组织方式一：若病人以其到达门诊部的先后次序组织到一个队列，则具体到达时间可不考虑。

这样的单队列对按就诊原则来确定下一就诊病人是很不方便的，还将破坏队列的操作原则。

到达次序	优先数	姓名
1	2	林文
2	3	郑江
3	0	鲁明
4	3	陈真
5	0	李军
6	2	王红
7	1	张兵

## 3.6 队列的应用

### (2) 医院门诊部病人管理系统

- 组织方式一：若病人以其到达门诊部的先后次序组织到一个队列，则具体到达时间可不考虑。

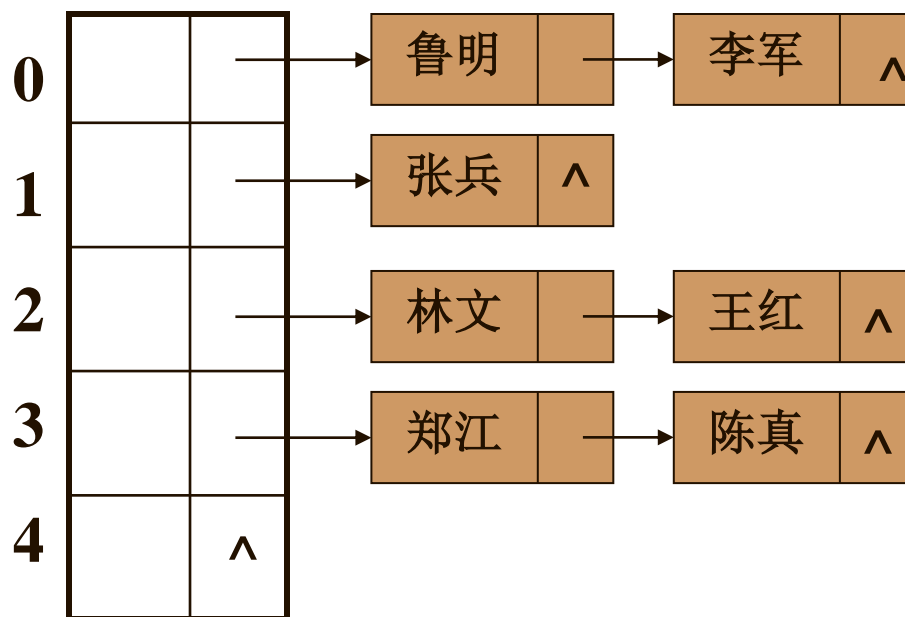
到达次序	优先数	姓名
1	2	林文
2	3	郑江
3	0	鲁明
4	3	陈真
5	0	李军
6	2	王红
7	1	张兵

这样的单队列对按就诊原则来确定下一就诊病人是很不方便的，还将破坏队列的操作原则。

## 3.6 队列的应用

### (2) 医院门诊部病人管理系统

- 组织方式二：多个队列（队列数组）：队列数组的第*i*个元素是优先级为*i*的队列。优先数隐含在队列的编号中。



## 3.6 队列的应用

### (2) 医院门诊部病人管理系统

□ 就病人管理系统来说，功能菜单中至少有以下两个功能

(1) 病人登记AddPatient()

①提示并读入病人优先数i;

②提示并读入病人名

③调用链队列的入队算法EnQueue()

(2) 确定下一个就诊病人 GetPatient()

按就诊原则确定和显示下一个就诊病人名

即：若优先数0的队列非空，则下一就诊病人为队首元素，否则，考虑优先数1的队列；依次类推。



## 3.6 队列的应用

### (3) 资源循环分配

一群客户(client)共享同一资源时，如何兼顾公平与效率。比如，多个应用程序共享CPU，实验室成员共享打印机，.....

```
RoundRobin { //循环分配器
```

```
    SqQueue Q(clients); //参与资源分配的所有客户组成队列
```

```
    while(!serviceclosed()){ //在服务关闭之前，反复地
```

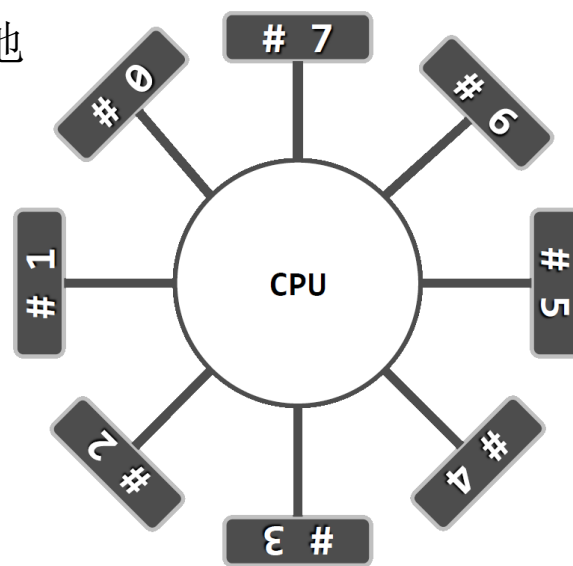
```
        e= Q.DeQueue(); //令队首的客户出队，并
```

```
        serve(e); //接受服务，然后
```

```
        Q.EeQueue(e); //重新入队
```

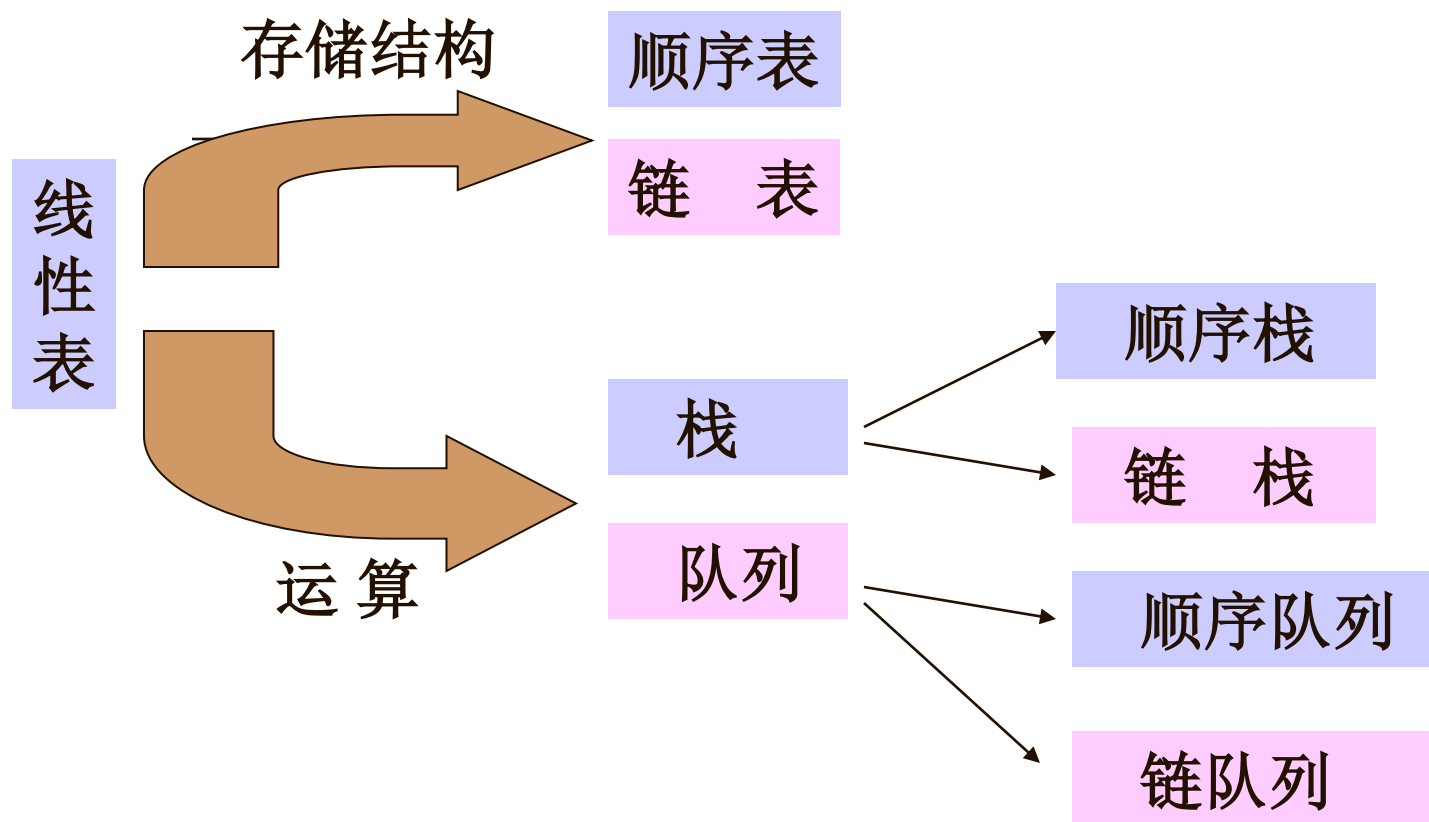
```
    }
```

```
}
```



□ 利用队列改进迷宫算法，找出最短的通路

# 小结



# 小结

线性表、栈、队的异同点：

不同点：① 运算规则不同：

- ✓ 线性表为随机存取；
- ✓ 而栈是只允许在一端进行插入和删除运算，因而是后进先出表LIFO；
- ✓ 队列是只允许在一端进行插入、另一端进行删除运算，因而是先进先出表FIFO。

② 用途不同，线性表比较通用；堆栈用于函数调用、递归和简化设计等；队列用于离散事件模拟、OS作业调度和简化设计等。

# 小结

例：数组  $Q[n]$  用来表示一个循环队列， $f$  为当前队列头元素的前一位位置， $r$  为队尾元素的位置。假定队列中元素的个数小于  $n$ ，计算队列中元素的公式为：

(A)  $r - f$

(B)  $(n + f - r) \% n$

(C)  $n + r - f$

(D) ✓  $(n + r - f) \% n$

答： 要分析4种公式哪种最合理？

当  $r \geq f$  时 (A) 合理；

当  $r < f$  时 (C) 合理；

} 综合2种情况，以 (D) 的表达最为合理

# 例题

## □ 迷宫求解

#	#	#	#	#	#	#	#	#	#
#	→	↓	#	\$	\$	\$	#		#
#		↓	#	\$	\$	\$	#		#
#	↓	←	\$	\$	#	#			#
#	↓	#	#	#				#	#
#	→	→	↓	#				#	#
#		#	→	→	↓	#			#
#	#	#	#	#	↓	#	#		#
#					→	→	→	⊙	#
#	#	#	#	#	#	#	#	#	#

通常用的是“穷举求解”的方法

# 例题

---

## □ 迷宫求解

### 基本思想:

- 若当前位置“可通”，则纳入路径，继续前进;
- 若当前位置“不可通”，则后退，换方向继续探索;
- 若四周“均无通路”，则将当前位置从路径中删除出去。

# 例题

## □ 迷宫求解

设定当前位置的初值为入口位置;

do {

  若当前位置可通,

  则 {将当前位置插入栈顶;

    若该位置是出口位置, 则算法结束;

    否则切换当前位置的东邻方块为新的当前位置;

}

否则 {

  若栈不空且栈顶位置尚有其他方向未被探索,

    则设定新的当前位置为: 沿顺时针方向旋转找到的栈顶位置的下一相邻块;

  若栈不空但栈顶位置的四周均不可通,

    则 { 删去栈顶位置; // 从路径中删去该通道块

      若栈不空, 则重新测试新的栈顶位置,

      直至找到一个可通的相邻块或出栈至栈空;

  }

}

} while (栈不空) ;

# 例题

```
typedef struct {  
    int ord; //通道块在路径上的 " 序号"  
    PosType seat; //通道块 "坐标位置"  
    int di; //从此通道块走向下一通道块的"方向"  
} SElemType;
```

```
bool MazePath(PosType start, PosType end) {  
    PosType curpos = start; Stack S; SElemType e;  
    int curstep = 1; InitStack(S);  
    do {  
        if (Pass(curpos)) { //当前位置不是墙和已经走过的路径  
            FootPrint(curpos); //留下足迹  
            e.ord = curstep; e.seat = curpos; e.di = 1;  
            Push(S, e); //加入路径  
            if (IsEqual(curpos, end)) return true;  
            curpos = NextPos(curpos, 1); curstep++; //探索下一步  
        }  
        else { //当前位置是墙或者是已经走过的路径  
            if (!StackEmpty(S)) {  
                Pop(S, e);  
                while (e.di == 4 && (!StackEmpty(S))) {  
                    MarkPrint(e.seat); Pop(S, e); //标记这个路线  
                }  
                if (e.di < 4) {  
                    e.di++; Push(S, e); //换下一个方向探索  
                    curpos = NextPos(e.seat, e.di); //设定当前位置是该新方向上的相邻块  
                }  
            }  
        }  
    } while (!StackEmpty(S));  
    return false;  
}
```



**正在答疑**

---