

a) Mit $n = 600/60 = 10 \text{ s}^{-1}$, $H = 420 \text{ m}$, $\dot{V}_{1/1} = 18,45 \text{ m}^3/\text{s}$
 $\dot{V} = 0,85 \cdot \dot{V}_{1/1} = 15,68 \text{ m}^3/\text{s}$ (Unterabschnitt 10.4.3.2),
 geschätzt $\eta_{RL} = 0,92$ sowie $c_{0W} \approx 0$, wird

$$Y_T = \eta_{RL} \cdot Y_{th} + c_{0W}^2/2 \approx \eta_{RL} \cdot g \cdot H$$

$$Y_T = 0,92 \cdot 9,81 \cdot 420 [\text{m/s}^2 \cdot \text{m}] = 3790,6 \text{ m}^2/\text{s}^2$$

$$\eta_{y,M,1/1} = n \cdot \dot{V}_{1/1}^{1/2} \cdot Y_T^{-3/4} = 10 \cdot 18,45^{1/2} \cdot 3790,6^{-3/4} \left[\text{s}^{-1} \cdot (\text{m}^3/\text{s})^{1/2} \cdot (\text{m}^2/\text{s}^2)^{-3/4} \right]$$

$$\eta_{y,M,1/1} = 0,089$$

$$\eta_{y,M} = n \cdot \dot{V}^{1/2} \cdot Y_T^{-3/4} = 10 \cdot 15,68^{1/2} \cdot 3790,6^{-3/4}$$

$$\eta_{y,M} = 0,082$$

Hierzu nach Tab. 11-1 FRANCIS-Langsamläufer notwendig.

b) $P_{e,max} = g \cdot \dot{V}_{1/1} \cdot Y_T \cdot \eta_e$ mit geschätzt $\eta_e = 0,9$

$$P_{e,max} = 10^3 \cdot 18,45 \cdot 3790,6 \cdot 0,9 \left[\text{kg/m}^3 \cdot \text{m}^3/\text{s} \cdot \text{m}^2/\text{s}^2 \right]$$

$$P_{e,max} = 62,9 \cdot 10^6 \text{ W} = 62,9 \text{ MW}$$

$$P_e = g \cdot \dot{V} \cdot Y_T \cdot \eta_e = 0,85 \cdot P_{e,max} = 53,5 \text{ MW}$$

$$\eta_A = \eta_{RL} \cdot \eta_e \cdot \eta_G \quad \text{mit geschätzt } \eta_G = 0,96$$

$$\eta_A = 0,92 \cdot 0,9 \cdot 0,96 = 0,795$$

c) Aus Gl. (4-51) mit $\eta = 2 \dots 3,5$ bei $r = 0,5 \dots 0,8$ nach Unterabschnitt 4.3.3.2:

$$u_2 = \sqrt{2 \cdot Y_T / \eta} \quad \text{Angenommen } \eta = 2,0 \text{ bei } r = 0,5$$

$$u_2 = \sqrt{2 \cdot 3790,6 / 2} \left[\sqrt{\text{m}^2/\text{s}^2} \right] = 61,57 \text{ m/s}$$

$$D_2 = u_2 / (\pi \cdot n) = 61,57 / (\pi \cdot 10) = 1,96 \text{ m}$$

Da spezifisch langsamläufiges Radialrad und großer Durchmesser D_2 , Druckkante achsparallel ausgeführt, also $D_{2,(a)} = D_{2,(m)} = D_{2,(i)} = D_2$.

d) Aus Durchfluß

$$b_2 = \dot{V}_{La} / (D_2 \cdot \pi \cdot c_{3m}) \quad \text{Mit}$$

$$\dot{V}_{La} = \dot{V} \cdot \lambda_L \quad \text{dabei geschätzt } \lambda_L = 0,96 \quad (\text{Gl. 8-119})$$

$$c_{3m} = c_{2m} / \tau_2 \quad \text{geschätzt } \tau_2 = 1,08$$

$$c_{2m} = 0,9 \cdot c_0 \quad \text{gesetzt nach Gl. (10-56)}$$

$$c_0 = c_{0m} \quad \text{da } \alpha_0 = 90^\circ \quad (\text{drallfreie Abströmung})$$

$$c_{0m} = \epsilon \cdot \sqrt{2 \cdot Y_T} \quad \text{gemäß Gl. (4-94)}$$

$$\epsilon = 1,64 \cdot (\delta_{r,(a)} \cdot \tan \beta_{0,(a)} \cdot \sqrt{\lambda_L / k_N} \cdot \eta_y)^{2/3} \quad (\text{Gl. 4-99})$$

$$\delta_{r,(a)} = 1 \quad \text{da } \alpha_0 = 90^\circ$$

$$\beta_{0,(a)} = 17^\circ \quad (\text{Abschnitt 5.2.3})$$

$$k_N = 0,7 \quad \text{geschätzt}$$

Mit den Werten ergibt sich

$$\epsilon = 1,64 \cdot (1 \cdot \tan 17^\circ \cdot \sqrt{0,96/0,7} \cdot 0,082)^{2/3} = 0,155 \approx 0,16$$

$$c_0 = c_{0m} = 0,16 \cdot \sqrt{2 \cdot 3790,6} \left[\sqrt{\text{m}^2/\text{s}^2} \right] = 13,93 \text{ m/s}$$

$$c_{2m} = 0,9 \cdot 13,93 \text{ [m/s]} = 12,54 \text{ m/s}$$

$$c_{3m} = 12,54 / 1,08 \text{ [m/s]} = 11,6 \text{ m/s}$$

$$\dot{V}_{La} = 15,68 \cdot 0,96 \text{ [m}^3/\text{s]} = 15,05 \text{ m}^3/\text{s}$$

$$b_2 = \frac{15,05}{1,96 \cdot \pi \cdot 11,6} \left[\frac{\text{m}^3/\text{s}}{\text{m} \cdot \text{m/s}} \right] = 0,211 \text{ m} \approx 210 \text{ mm}$$

e) Aus Druckkanten-Geschwindigkeitsdreieck:

$$\tan \beta_2 = c_{2m} / (u_2 - c_{2u}) \quad \text{Mit}$$

$$c_{2u} = Y_{Sch\infty} / u_2 \quad \text{da } \alpha_1 = 90^\circ$$

$$Y_{Sch\infty} \approx Y_{Sch} = Y_T \cdot \eta_{Sch}$$

$$\eta_{Sch} = \eta_e + 0,05 = 0,9 + 0,05 = 0,95$$

$$c_{2u} = 0,95 \cdot 3790,6 / 61,57 = 58,49 \text{ m/s}$$

$$\tan \beta_2 = 12,54 / (61,57 - 58,49) = 4,07 \rightarrow \beta_2 \approx 75^\circ$$

f) Gl. (4-43) $r \approx 1 - c_{3u} / (2 \cdot u_2)$

Da $k_M \approx 1$, ist $c_{3u} \approx c_{2u} = 58,49 \text{ m/s}$ Damit

$$r \approx 1 - 58,49 / (2 \cdot 61,57) = 0,53$$

$$g) D_{SM} = \sqrt{\frac{\dot{V}_{La}}{c_{SM} \cdot \pi / 4} + D_N^2} \quad \text{Mit}$$

$$D_N = 1,4 \cdot D_{We} \quad \text{nach Gl. (10-49)}$$

$$D_{We} \approx \sqrt[3]{5 \cdot T_e / \tau_t} \quad \text{lt. Gl. (10-46)}$$

$$\tau_t = 20 \text{ N/mm}^2 \quad (\text{Gl. 10-48})$$

$$T_{e,max} = P_{e,max} / (2 \cdot \pi \cdot n) \quad \text{lt. Gl. (10-47)}$$

$$= 62,9 \cdot 10^6 / (2 \cdot \pi \cdot 10) \text{ [(Nm/s)/(1/s)]}$$

$$= 1 \cdot 10^6 \text{ Nm} = 1 \cdot 10^9 \text{ Nmm}$$

$$D_{We} = \sqrt[3]{5 \cdot 1 \cdot 10^9 / 20} \left[\sqrt[3]{\text{Nmm} / (\text{N/mm}^2)} \right]$$

$$D_{We} = 0,63 \cdot 10^3 \text{ mm} = 630 \text{ mm}$$

$$D_N = 1,4 \cdot 630 = 880 \text{ mm}$$

$$\text{Gl. (10-50)} \quad c_{SM} = c_0 / 1,15 = 13,94 / 1,15 = 12,1 \text{ m/s}$$

$$D_{SM} = \sqrt{\frac{15,05}{12,1 \cdot \pi / 4} + 0,88^2} \left[\sqrt{\frac{\text{m}^3/\text{s}}{\text{m/s}} + \text{m}^2} \right]$$

$$D_{SM} = 1,536 \text{ m} \approx 1,54 \text{ m}$$

$$k_N = 1 - (D_N / D_{SM})^2 = 1 - (0,88 / 1,54)^2 = 0,67 \approx 0,7$$

(etwa wie in Frage d) angenommen!)

$$h) z_{La} \approx 8,5 \cdot \frac{\sin \beta_2}{1 - D_1 / D_2}$$

$$\text{Mit angen. } D_1 \approx D_{1,(m)} \approx (D_{SM} + D_N) / 2 = (1,54 + 0,88) / 2 = 1,21 \text{ m}$$

$$z_{La} \approx 8,5 \cdot \frac{\sin 75^\circ}{1 - 1,21 / 1,96} = 21$$

Nach Tab. 6-4 für $n_y = 0,08$ beträgt $z_{La} = 18$

Ausgeführt: $z_{La} = 18$

i) $\tau_2 = t_2 / (t_2 - \sigma_2)$ mit

$$t_2 = D_2 \pi / z_{La} = 1,96 \pi / 18 \text{ [m]} = 0,342 \text{ m}$$

$$\sigma_2 = s_2 / \sin \beta_2 = 0,04 / \sin 75^\circ \text{ [m]} = 0,041 \text{ m}$$

$$\tau_2 = 0,342 / (0,342 - 0,041) = 1,14$$

Angenommen war $\tau_2 = 1,08$ (Frage d). Korrektur wäre somit notwendig (Abweichung zu groß).

Unterbleibt aus Platzgründen.

j) Nach Gl. (5-9):

$$H_{S,max} \leq \frac{1}{g} \cdot \left[\frac{p_{UW}}{s} + \frac{c_{UW}^2}{2} + Y_{V,SL} - \frac{p_{Da}}{s} - Y_{H,M} \right]$$

$$p_{UW} = p_b = (1 - 2,4 \cdot 10^{-5} \cdot z)^5 \cdot p_{b,0} \text{ [bar]} \quad (\text{Gl. 5-3})$$

$$p_{b,0} = 1,01325 \text{ bar und } z = 1230 \text{ m}$$

$$p_{UW} = (1 - 2,4 \cdot 10^{-5} \cdot 1230)^5 \cdot 1,01325 = 0,872 \text{ bar}$$

Nach Tafel 9 für Wasser von 20°C

$$p_{Da} = 0,024 \text{ bar und } s = 998,2 \text{ kg/m}^3$$

Term $c_{UW}^2/2$ entfällt

$$\text{Geschätzt } Y_{V,SL} \approx 10 \text{ m}^2/\text{s}^2$$

$$\text{Gl. (5-20): } Y_{H,M} = (n \cdot \sqrt{V_{La}} / s_y)^{4/3}$$

Nach Abschnitt 5.2.4 für FRANCIS-Turbinen

$$s_y = 0,98 \dots 0,86 \text{ für } n_y = 0,09 \dots 0,36$$

$$\text{Erwartet: } s_y = 0,98, \text{ da } n_y = 0,082$$

$$Y_{H,M} = \left(\frac{10 \cdot \sqrt{15,05}}{0,98} \right)^{4/3} \left[\left(\frac{1}{s} \cdot \sqrt{\frac{m^3}{s}} \right)^{4/3} \right] = 134,9 \frac{m^2}{s^2} \approx 135 \frac{m^2}{s^2}$$

Mit den Werten ergibt sich

$$H_{S,max} \leq \frac{1}{9,81} \cdot \left[\frac{0,872 \cdot 10^5}{0,998 \cdot 10^3} + 10 - \frac{0,024 \cdot 10^5}{0,998 \cdot 10^3} - 135 \right]$$

$$\left[\frac{1}{m/s^2} \cdot \left(\frac{N/m^2}{kg/m^3} \right) \frac{m^2}{s^2} - \frac{N/m^2}{kg/m^3} \frac{m^2}{s^2} \right]$$

$$H_{S,max} \leq -3,59 \text{ m} \approx -3,6 \text{ m}$$

Das bedeutet Gegendruck (Zulaufhöhe) notwendig. Die Turbine muß mindestens 3,6m unter dem Unterwasserspiegel angeordnet werden, z.B. in einem Maschinenhaus außerhalb der Staumauer des Unterwasser-Sees mit Saugleitung durch die Staumauer.

Zur Gestaltung des Laufrades wird auch auf die Richtwerte von Tab. 6-4 verwiesen.