1. Turbinenluftstrahltriebwerk (TL)

a) Kreisprozeß

Zustand 1, Verdichtereintritt

Da Fluggeschwindigkeit $c_{\rm Flug}=0$ (Stand), gilt, falls der Einfluß der Gasturbinen-Zuströmgeschwindigkeit unberücksichtigt bleibt, bzw. mit den Totalzustandswerten (Ruhewerte) gerechnet wird: Zustand 1 entspricht dem Umgebungszustand (Atmosphäre), also

$$p_1 = p_b = 1 \text{ bar} \text{ und } t_1 = t_b = 20 \text{ }^{\circ}\text{C}$$

Zustand 2, Kompressoraustritt, zugleich Brennkammer-eintritt:

Zustand 3, Brennkammeraustritt, zugleich Turbineneintritt:

$$p_3 = p_2 - \Delta p_{BK}$$
 mit geschätzt $\Delta p_{BK} = 0.04 \cdot p_2$
 $p_3 = p_2 - 0.04 \cdot p_2 = 0.96 \cdot p_2 = 0.96 \cdot 8.4$ [bar]
 $p_3 = 8.06$ bar
 $p_3 = 920 \, ^{\circ}\text{C}$ $p_3 = 1193 \, \text{K}$

$$q_{BK} = 996 \cdot (T_3 - T_2) + 0.11 \cdot (T_3^2 - T_1^2) [J/kg]$$
 $q_{BK} = 996 \cdot (1193 - 572) + 0.11 \cdot (1193^2 - 572^2) [J/kg]$
 $q_{BK} = 739083 J/kg \approx 739 kJ/kg$

Zustand 4, Turbinenaustritt, zugleich Schubdüseneintritt:

Bedingung (vergleiche \forall 65) für den Antrieb des Erstkreis-Kompressors $w_{t,T} = w_{t,K}$. Damit

$$w_{t,T,s} = w_{t,T}/\eta_{T,s} = w_{t,K}/\eta_{T,s} = 279,5/0,9 \text{ [kJ/kg]}$$

 $w_{t,T,s} = 310,6 \text{ kJ/kg}$

Hiermit folgt aus dem Isentropen-Enthalpiegefälle ($w_{t,T,S} = \Delta h_{T,S}$) und den Stoffwerten des Verbren-

nungsgases nach Unterabschnitt 11.4.4; \varkappa = 1,37 sowie R = 277 J/(kg·K), das Turbinen-Druckverhältnis:

$$\Delta h_{T,s} = \frac{\mathbf{x}}{\mathbf{x}-1} \cdot R \cdot T_3 \cdot \left[1 - (1/\pi_T)^{(\mathbf{x}-1)/\mathbf{x}}\right] \qquad \text{Hieraus}$$

$$1/\pi_T = \left[1 - \frac{\Delta h_{T,s}}{R \cdot T_3} \cdot \frac{\mathbf{x}-1}{\mathbf{x}}\right] \frac{\mathbf{x}/(\mathbf{x}-1)}{1,37}$$

$$1/\pi_T = \left[1 - \frac{310600}{277 \cdot 1193} \cdot \frac{1,37-1}{1,37}\right]^{1,37/(1,37-1)}$$

$$1/\pi_T = 0,338 \qquad \qquad \pi_T = 2,96 = p_3/p_4$$

$$\frac{p_4}{p_4} = p_3/\pi_T = 8,06/2,96 \text{ [bar]} = 2,72 \text{ bar}$$

$$\Delta T_T = T_3 - T_4 = \eta_{T,s} \cdot T_3 \cdot \left[1 - (1/\pi_T)^{(\mathbf{x}-1)/\mathbf{x}}\right] \text{ (Ab 17.13)}$$

$$\Delta T_T = 0,9 \cdot 1193 \cdot \left[1 - 0,338^{(1,37-1)/1,37}\right] \text{ [K]}$$

$$\Delta T_T = 272,7 \text{ K} \approx 273 \text{ K} = T_3 - T_4 \qquad \text{Hieraus}$$

$$\frac{T_4}{p_4} = T_3 - \Delta T_T = 1193 - 277 \text{ K} = 920 \text{ K}$$

Zustand 5, Schubdüsenaustritt:

$$p_5 = p_1 = p_b = 1 \text{ bar}$$
 $\pi_{D\ddot{u}} = p_4/p_1 = 2,72/1 = 2,72$

Gemäß Erg. 13:

$$\begin{split} \Delta T_{\text{Dii}} &= T_4 - T_5 = \eta_{\text{Dii},s} \cdot T_4 \cdot \left[1 - (1/\pi_{\text{Dii}})^{(\mathbf{x}-1)/\mathbf{x}}\right] \\ \Delta T_{\text{Dii}} &= 0.95 \cdot 920 \cdot \left[1 - (1/2.72)^{(1.37-1)/1.37}\right] \left[K\right] \\ \Delta T_{\text{Dii}} &= 207 \ K = T_4 - T_5 \quad \text{Hieraus} \\ \underline{T_5} &= T_4 - \Delta T_{\text{Dii}} = 920 - 207 = 713 \ K \\ \Delta h_{\text{Dii},s} &= \frac{\mathbf{x}}{\mathbf{x}-1} \cdot R \cdot T_4 \cdot \left[1 - (1/\pi_{\text{Dii}})^{(\mathbf{x}-1)/\mathbf{x}}\right] \\ \Delta h_{\text{Dii},s} &= \frac{1.37}{1.37-1} \cdot 277 \cdot 920 \cdot \left[1 - (1/2.72)^{(1.37-1)/1.37}\right] \\ \Delta h_{\text{Dii},s} &= 223450 \ \text{J/kg} \approx 223.5 \ \text{kJ/kg} \\ \Delta h_{\text{Dii}} &= \eta_{\text{Dii},s} \cdot \Delta h_{\text{Dii},s} = 0.95 \cdot 223.5 = 212.3 \ \text{kJ/kg} \\ \Delta \text{Mus Energiegleichung bei c_4 vernachlässigt:} \\ c_5 &\equiv c_{\text{Dii}} = \sqrt{2 \cdot \Delta h_{\text{Dii}}} = \sqrt{2 \cdot 212300} \left[\sqrt{\text{J/kg}}\right] = 651.6 \ \text{m/s} \end{split}$$

b) Luftdurchsatz: Aus Gl.(11-30):

$$\dot{m}_{Lu} = F_{S,St}/c_{D\ddot{u}} = 45000/651,6 [N/(m/s)] = 69,06 kg/s$$

c) Brennstoffverbrauch:

$$\dot{m}_{Br} = (52,614 \cdot 10^6)/(42 \cdot 10^6) [(J/s)/(J/kgBr)]$$
 $\dot{m}_{Br} = 1,253 \text{ kg/s}$

d) Triebwerks-Wirkungsgrad:

$$\eta_{\text{TW}} = \frac{P_{\text{DU}}}{P_{\text{Br}}} = \frac{\hat{m}_{\text{Lu}} \cdot \Delta h_{\text{DU}}}{\hat{Q}_{\text{Br}}} = \frac{69,06 \cdot 212,3}{52600} \left[\frac{(\text{kg/s}) \cdot (\text{kJ/kg})}{\text{kW}} \right]$$
 $\eta_{\text{TW}} = 0,279 \approx 0,28$

e) Theoretischer Schubwirkungsgrad:

Nach Gl. (11-29) mit
$$c_{\text{Flug}} = 620 \text{ km/h} = 172,22 \text{ m/s}$$

$$\eta_{\text{S,th}} = \frac{2}{1 + c_{\text{Di}}/c_{\text{Flug}}} = \frac{2}{1 + 651,6/172,2} = 0,42$$

Fortbewegungs-Wirkungsgrad:

$$F_S = \dot{m}_{Lu} \cdot (c_{D\ddot{u}} - c_{Flug})$$

 $F_S = 62,06 \cdot (651,6 - 172,1) [kg/s] = 29751,6 N$
 $F_S \approx 29,7 kN$

2. Zweikreisluftstrahltriebwert (ZTL)

Der Bläserkreis - kurz Kreis II - ist kürzer und zum Berechnen von Kreis I, dem Antriebsprozeß, notwendig. Daher wird Kreis II zuerst berechnet.

Zustand 1π, Bläsereintritt: Wie TL

$$p_{1.II} = p_1 = 1$$
 bar und $t_{1.II} = t_1 = 20$ °C

Zustand 2_T, Bläseraustritt, zugleich Bläser-Schubdüsen-Eintritt (Index BL...Bläser).

$$p_{2,II} = \pi_{BL} \cdot p_{1,II} = 1,56 \cdot 1 \text{ [bar]} = 1,56 \text{ bar}$$

Gemäß mit
$$\eta_{\rm BL,s} = \eta_{\rm K,s} = 0.88$$

$$\Delta T_{\rm BL} = T_{2,\rm II} - T_{1,\rm II} = \eta_{\rm BL,s}^{-1} \cdot T_{1,\rm II} \left[\pi_{\rm BL}^{(\varkappa-1)/\varkappa} - 1 \right]$$

$$\Delta T_{\rm BL} = 0.88^{-1} \cdot 293 \cdot \left[1.56^{(1.4-1)/1.4} - 1\right] [K]$$

 $\Delta T_{\rm BL} = 45.1 \approx 45 K = T_{2.1I} - T_{1.1I}$ Hieraus

$$T_{2,II} = T_{1,II} + \Delta T_{BL} = 293 + 45 [K] = 338 K$$

$$\Delta h_{BL,s} = \frac{\kappa}{\kappa-1} \cdot R \cdot T_{1,II} \cdot \left[\pi_{BL}^{(\kappa-1)/\kappa} - 1 \right]$$

$$\Delta h_{BL,s} = \frac{1.4}{1.4-1} \cdot 287 \cdot 293 \cdot \left[1.56^{(1.4-1)/1.4} - 1\right] \left[J/kg\right]$$

$$\Delta h_{BL,s} = 39873.5 \text{ J/kg} \approx 40 \text{ kJ/kg}$$

$$w_{t,BL} = w_{t,s}/\eta_{BL,s} = \Delta h_{BL,s}/\eta_{BL,s}$$

$$w_{t,BL} = 40/0.88 [kJ/kg] = 45.5 kJ/kg$$

Zustand 3_{TT}, Bläserschubdüsen-Austritt:

$$p_{3,II} = p_b = 1 \text{ bar}$$

Gemäß mit
$$\eta_{\text{Dü,II,s}} = \eta_{\text{Dü,II,s}} = 0.95$$
 $\Delta T_{\text{Dü,II}} = T_{2,\text{II}} - T_{3,\text{II}} = \eta_{\text{Dü,II,s}} \cdot T_{2,\text{II}} \cdot \left[1 - (1/\pi_{\text{BL}})^{\frac{\varkappa-1}{\varkappa}}\right]$

$$\Delta T_{Dij,II} = 0.95 \cdot 338 \cdot [1 - (1/1.56)^{(1.4-1)/1.4}] [K]$$

$$\Delta T_{Dij,II} = 38.3 \approx 38 \text{ K} = T_{2,II} - T_{3,II}$$
 Hieraus

$$T_{3,II} = T_{2,II} - \Delta T_{DU,II} = 338 - 38 = 300 \text{ K}$$

$$T_{DU,II} = p_{2,II}/p_{3,II} = 1,56/1 = 1,56$$
 Dazu

$$\Delta h_{\text{Dü,II,s}} = \frac{\varkappa}{\varkappa - 1} \cdot R \cdot T_{2,\text{II}} \cdot \left[1 - (1/\pi_{\text{Dü,II}})^{(\varkappa - 1)/\varkappa} \right]$$

$$\Delta h_{Dij,II,s} = \frac{1.4}{1.4-1} \cdot 287 \cdot 338 \cdot \left[1 - (1/1.56)^{(1.4-1)/1.4}\right] \left[\frac{J}{kg}\right]$$

$$\Delta h_{D\ddot{u},II,s}$$
= 40509 J/kg = 40,5 kJ/kg

Unterschied gegenüber $\Delta h_{BL,s}$ bedingt durch Reibungs-

$$\Delta h_{D\ddot{u},II} = \eta_{D\ddot{u},II,s} \cdot \Delta h_{D\ddot{u},II,s} = 0,95 \cdot 40,5 = 38,5 \text{ kJ/kg}$$

Düsenaustrittsgeschwindigkeit aus Energiegleichung bei Vernachlässigen der Zuström-, d.h. Bläserabströmgeschwindigkeit.

$$c_{D\ddot{u},II} = \sqrt{2 \cdot \Delta h_{D\ddot{u},II}} = \sqrt{2 \cdot 38500} \left[\sqrt{m^2/s^2} \right] = 277.5 \text{ m/s}$$

Kreis I: Arbeitsprozeß

eintritt. Wie TL:

Zustand 1, Verdichtereintritt: Wie Bläser (Kreis II) $p_{1.I} = p_{1.II} = 1$ bar und $t_{1.I} = t_{1.II} = 20$ °C

Zustand 2, Kompressoraustritt. Wie TL:

$$\Pi_{K,I} = 8.4$$
; $p_{2,I} = 8.4$ bat; $T_{2,I} = 572$ K
 $\Delta h_{K,I,s} = 246$ kJ/kg; $w_{t,K,I} = 279.5$ kJ/kg

Zustand 31, Brennkammeraustritt, zugleich Turbinen-

$$p_{3,I} = 8,06 \text{ bar }, T_{3,I} = 1193 \text{ K }; q_{BK} = 739 \text{ kJ/kg}$$

Zustand 41, Turbinenaustritt, zugleich Schubdüseneintritt.

Leistungsgleichgewicht: P_E = P_K mit

 $P_T = P_{T,I}$ und $P_K = P_{K,I} + P_{K,II}$ Ausgewertet: $w_{t,T}$, $m_{Lu,I} = w_{t,K,I}$, $m_{Lu,I}$ + $w_{t,K,II}$, $m_{Lu,II}$

Ansatz durch mLu,I dividiert und mLu.II/mLu.I = S gesetzt, ergibt:

$$w_{t,T} = w_{t,K,I} + \delta \cdot w_{t,K,II}$$
 mit $w_{t,K,II} \equiv w_{t,BL}$
 $w_{t,T} = 279.5 + 3.5 \cdot 45.5 \text{ [kJ/kg]} = 438.75 \text{ kJ/kg}$

 $\Delta h_{T,s} = w_{t,T,s} = w_{t,T}/\eta_{T,s} = 438,75/0,9 = 487,5 \text{ kJ/kg}$ Hierzu aus Isentropen-Energiegefälle-Beziehung mit den Rauchgas-Stoffwerten:

$$\begin{split} \Delta h_{T,s} &= \frac{\varkappa}{\varkappa - 1} \cdot R \cdot T_{3,I} \cdot \left[1 - (1/\pi_T)^{(\varkappa - 1)/\varkappa} \right] \text{ Umgestellt:} \\ 1/\pi_T &= \left[1 - \frac{\Delta h_{T,s}}{R \cdot T_{3,I}} \cdot \frac{\varkappa - 1}{\varkappa} \right]^{\varkappa/(\varkappa - 1)} \end{split}$$

$$1/\pi_{\rm T} = \left[1 - \frac{487500}{277 \cdot 1193} \cdot \frac{1.37 \cdot 1}{1.37}\right]^{1.37/(1.37 - 1)}$$

$$1/\pi_{\rm T} = 0.1533$$
 $\pi_{\rm T} = 6.56$ Hiermit $p_{4,1} = p_3/\pi_{\rm T} = 8.06/6.56$ [bar] = 1.23 bar

$$p_{4,I} = p_3/\pi_T = 8,06/6,56 \text{ [bar]} = 1,23 \text{ bar}$$

Gemäß Erg. 13:

$$\Delta^{T}_{T,I} = T_{3,I} - T_{4,I} = \eta_{T,s} \cdot T_{3,I} \cdot \left[1 - (1/\pi_{T})^{(\kappa-1)/\kappa}\right]$$

$$\Delta^{T}_{T,I} = 0.9 \cdot 1193 \cdot \left[1 - (1/6.56)^{(1.37-1)/1.37}\right] [K]$$

$$\Delta^{T}_{T,I} = 427.7 K \approx 428 K = T_{3,I} - T_{4,I} \text{ Hieraus}$$

$$\frac{T_{4,I}}{T_{4,I}} = T_{3,I} - \Delta^{T}_{T,I} = 1193 - 428 [K] = 765 K$$

Zustand 5_{T} , Schubdüsenaustritt:

$$p_{5,I} = p_{3,II} = p_1 = p_b = 1 \text{ bar}$$
 $T_{DU,I} = p_{4,I}/p_{5,I} = 1.23/1 = 1.23$ Oder
 $T_{DU,I,th} = T_K/T_T = 8.4/6.56 = 1.28$

 $\pi_{\rm D\ddot{u},I,th}$ berücksichtigt den Druckverlust (4 %) in der Brennkammer nicht, weshalb

$$\frac{\pi_{\text{Dü,I}}}{\Delta h_{\text{Dü,I,s}}} = 0.96 \cdot \pi_{\text{Dü,I,th}} = 0.96 \cdot 1.28 = \frac{1.23}{1.23}$$

$$\Delta h_{\text{Dü,I,s}} = \frac{\cancel{x}}{\cancel{x}-1} \cdot \text{R} \cdot \pi_{4,I} \cdot \left[1 - (1/\pi_{\text{Dü,I}})^{(\cancel{x}-1)/\cancel{x}}\right]$$

$$\Delta h_{\text{Dü,I,s}} = \frac{1.37}{1.37-1} \cdot 277 \cdot 765 \cdot \left[1 - (1/1.23)^{(1.37-1)/1.37}\right]$$

$$\Delta h_{\text{Dü,I,s}} = 42664 \text{ J/kg} \approx 42.7 \text{ kJ/kg}$$

$$\Delta h_{D\ddot{u},I} = \eta_{D\ddot{u},I,s} \cdot \Delta h_{D\ddot{u},I,s} = 0.95 \cdot 42.7 = 40.5 \text{ kJ/kg}$$

Wieder aus Energiegleichung

$$c_{\text{Dü,I}} = \sqrt{2 \cdot \Delta h_{\text{Dü,I}}} = \sqrt{2 \cdot 40500} \left[\sqrt{m^2/s^2} \right] = 284,6 \text{ m/s}$$

Gemäß Ab. 17.13

$$\Delta T_{D\ddot{u},I} = \eta_{D\ddot{u},I,s} \cdot T_{4,I} \cdot \left[1 - (1/\eta_{D\ddot{u},I})^{(\kappa-1)/\kappa}\right]$$

$$\Delta T_{D\ddot{u},I} = 0.95 \cdot 765 \cdot \left[1 - (1/1.23)^{(1.37-1)/1.37}\right] [K]$$

$$\Delta T_{D\ddot{u},I} = 39.5 \text{ K} = T_{4,I} - T_{5,I} \text{ Hieraus}$$

$$T_{5,I} = T_{4,I} - \Delta T_{D\ddot{u},I} = 765 - 39.5 = 725.5 \text{ K}$$

b) Luftdurchsatz: Gemäß Gl (11-29):

$$\begin{split} F_{S,St} &= \dot{m}_{Lu,I} \cdot c_{D\ddot{u},I} + \dot{m}_{Lu,II} \cdot c_{D\ddot{u},II} \\ &\quad \text{Mit } \delta = \dot{m}_{Lu,II} / \dot{m}_{Lu,I} = 3,5 \\ F_{S,St} &= \dot{m}_{Lu,I} \left(c_{D\ddot{u},I} + \delta \cdot c_{D\ddot{u},II} \right) &\quad \text{Hieraus} \\ \dot{m}_{Lu,I} &= \frac{F_{S,St}}{c_{D\ddot{u},I} + \delta \cdot c_{D\ddot{u},II}} = \frac{45000}{284,6 + 3,5 \cdot 277,5} \left[\frac{N}{m/s} \right] \\ \dot{m}_{Lu,I} &= 35,83 \quad kg/s \\ \dot{m}_{Lu,II} &= \delta \cdot \dot{m}_{Lu,I} = 3,5 \cdot 35,83 = 125,4 \quad kg/s \end{split}$$

c) Kraftstoffverbrauch

$$\dot{n}_{Br} = \dot{Q}_{Br}/H_{u} \qquad \text{Mit}$$

$$\dot{Q}_{Br} = \frac{\dot{Q}_{BK}}{\eta_{BK}} = \frac{\dot{m}_{Lu,I} \cdot q_{BK}}{\eta_{BK}} = \frac{35,83 \cdot 739}{0,97} \left[\frac{kg}{s} \cdot \frac{kJ}{kg} \right]$$

$$\dot{Q}_{Br} = 27297 \quad kJ/s = 27,3 \text{ MW} \qquad \text{Damit}$$

$$\dot{m}_{Br} = 27,3/4,2 \left[\text{MW}/(\text{MWs/kgBr}) \right] = \frac{0,65 \text{ kg/s}}{0.65 \text{ kg/s}}$$

Sind etwa 50 % des Verbrauchs von TL (bei gleichem Standschub).

d) Triebwerks-Wirkungsgrad

$$\begin{split} \eta_{\text{TW}} &= P_{\text{Dii}}/P_{\text{Br}} & \text{Mit} \\ P_{\text{Dii}} &= \dot{m}_{\text{Lu,I}} \cdot \Delta h_{\text{Dii,I}} + \dot{m}_{\text{Lu,II}} \cdot \Delta h_{\text{Dii,II}} \\ &= \dot{m}_{\text{Lu,I}} \cdot (\Delta h_{\text{Dii,I}} + \delta \cdot \Delta h_{\text{Dii,II}}) \\ &= 35.83 \cdot (40.5 + 3.5 \cdot 38.5) \left[kg/s \cdot kJ/kg \right] \\ &= 6279 \text{ kJ/s} \approx 6.3 \text{ MW} \\ P_{\text{Br}} &= \dot{Q}_{\text{Br}} = 27.3 \text{ MW} \\ \eta_{\text{TW}} &= 6.3/27.3 = 0.23 \end{split}$$

Trotz halbem Kraftstoffverbrauch ist im Stand der Wirkungsgrad des ZTL geringer als der vom TL.

e) Theoretischer Schubwirkungsgrad:

Nach Gl. (11-31) mit
$$c_{D\ddot{u},I} \approx c_{D\ddot{u},II} \approx 280 \text{ m/s} = c_{D\ddot{u}}$$

 $\eta_{S,th} = \frac{2}{1 + c_{D\ddot{u}}/c_{Flug}} = \frac{2}{1 + 280/172} = \frac{0.76}{1}$

Fortbewegungs-Wirkungsgrad:

$$\underline{\mathbf{\eta}_{\text{Fort}}} = \mathbf{\eta}_{\text{TW}} \cdot \mathbf{\eta}_{\text{S,th}} = 0.23 \cdot 0.76 = 0.17$$

Wert um etwa 50 % höher als vom TL. Damit bestätigt sich, daß ZTL bei niedrigeren Fluggeschwindigkeiten wirtschaftlicher als TL sind.

Schub, nach Gl. (11-29):

$$F_{S} = \dot{m}_{Lu,I} \cdot (c_{D\ddot{u},I} - c_{Flug}) + \dot{m}_{Lu,II} \cdot (c_{D\ddot{u},II} - c_{Flug})$$

$$F_{S} = (\dot{m}_{Lu,I} + \dot{m}_{Lu,II}) \cdot (c_{D\ddot{u}} - c_{Flug})$$

$$F_{S} = \dot{m}_{Lu,I} \cdot (1 + \delta) \cdot (c_{D\ddot{u}} + c_{Flug})$$

$$F_{S} = 35.83 \cdot (1 + 3.5) \cdot (280 - 172.2) \left[kg/s \cdot m/s \right]$$

$$F_{S} = 17381 \text{ N} \approx 17.4 \text{ kN}$$