



Bild 1. Lösungsskizze zu Ü 51. Meridianschnitt von Leit- und Laufrad (Hydraulik) sowie Geschwindigkeitsplan (Ge-Δ von Laufrad-Saug- und -Druckkante).

a) $c_4 = \varphi_{Le} \cdot \sqrt{2 \cdot Y_T \cdot (1 - r)}$ (Gl. 7-127) Mit
 $Y_T = g \cdot H \cdot \eta_{RL}$ wobei $\eta_{RL} \approx 1$ da Flußstaustufe und daher nur kurzes Einstrombauwerk.
 $Y_T = 9,81 \cdot 4,5 \text{ [m}^2/\text{s}^2] = 44,15 \text{ m}^2/\text{s}^2$ sowie
 aus Gl. (8-137) mit $\eta_{Sch,Le} = 1 - 2,5/100 = 0,975$
 $\varphi_{Le} = \sqrt{\eta_{Sch,Le}} = \sqrt{0,975} = 0,987$ wird
 $c_4 = 0,987 \cdot \sqrt{2 \cdot 44,15 \cdot (1 - 0,65)} \text{ [m}^2/\text{s}^2] = 5,5 \text{ m/s}$

Im Bogen zwischen Leit- und Laufrad (Stelle 4 nach 3) - Querschnitt gleichbleibend ausgeführt - nur Umlenkung (etwa reibungsfrei angen). Daher $c_3 = c_4$. Desweiteren wird die unbedeutende Schaufelverengung vernachlässigt. Auch gilt wegen $k_M = 1$ (Unterabschnitt 3.2.1.2) $c_2 = c_3$, da auch $\tau_2 \approx 1$.

$u = D(m) \cdot \pi \cdot n$
 $D(m) = D = (D(a) + D_N)/2 = (1,48 + 0,62)/2 \text{ [m]} = 1,05 \text{ m}$
 $n = f/p = 50/17 \text{ [1/s]} = 2,94 \text{ s}^{-1}$

$u = 1,05 \cdot \pi \cdot 2,94 \text{ [m/s]} = 9,70 \text{ m/s}$

Bei $b_{La} = \text{konst}$ ausgeführt, wird auch $c_m = \text{konst}$ und für $\alpha_1 = 90^\circ$ (drallfreie Abströmung $\rightarrow \delta_r = 1$):

$c_1 = c_{1m} = c_{2m} = w_{2m}$

Für den spez. Abströmverlust (aus Saugrohr) gilt nach Gl. (8-23) $Z_{As} = c_{As}^2/2$. Bei Z_{As} 3 % von Y_T ist $Z_{As} = 0,03 \cdot Y_T$.

Aus dem Saugrohrwirkungsgrad

$\eta_{SR} = (Y_{La,As} - Z_{As})/Y_{La,As} = 1 - Z_{As}/Y_{La,As}$

mit der spez. Laufrad-Abströmenergie

$Y_{La,As} = c_1^2/2$ und lt. Aufgabe $\eta_{SR} = 100 - 22 = 78 \%$:

$(1 - \eta_{SR}) \cdot Y_{La,As} = Z_{As}$

$(1 - \eta_{SR}) \cdot c_1^2/2 = 0,03 \cdot Y_T$ Hieraus

$c_1 = \sqrt{2 \cdot 0,03 \cdot Y_T / (1 - \eta_{SR})}$

$c_1 = \sqrt{2 \cdot 0,03 \cdot 44,15 / (1 - 0,78)} \text{ [m}^2/\text{s}^2]$

$c_1 = 3,47 \text{ m/s} = c_{1m} = w_{1m}$ da $\alpha_1 = 90^\circ$

$\tan \beta_1 = c_1/u = 3,47/9,7 = 0,3577 \rightarrow \beta_1 = 19,7^\circ$

$w_1 = c_1/\sin \beta_1 = 3,47/\sin 19,7^\circ \text{ [m/s]} = 10,29 \text{ m/s}$

Damit liegen die Werte des Saugkanten-Geschwindigkeitsdreiecks (Bild 16-29) fest

Druckkanten-Geschwindigkeitsplan:

$\sin \alpha_2 = c_{2m}/c_2 = 3,47/5,49 = 0,6321 \rightarrow \alpha_2 = 39,2^\circ$

$c_{2u} = c_2 \cos \alpha_2 = 5,49 \cdot \cos 39,2^\circ \text{ [m/s]} = 7,08 \text{ m/s}$

$w_{2u} = u - c_{2u} = 9,7 - 7,08 \text{ [m/s]} = 2,62 \text{ m/s}$

$\tan \beta_2 = w_{2m}/w_{2u} = 3,47/2,62 = 1,3244 \rightarrow \beta_2 = 52,9^\circ$

$w_2 = w_{2u}/\cos \beta_2 = 2,62/\cos 52,9^\circ \text{ [m/s]} = 4,35 \text{ m/s}$

b) $r = 1 - c_{3u}/(2u)$ (Gl. 4-43) mit $c_{3u} \approx c_{2u}$
 $r \approx 1 - 7,08/(2 \cdot 9,7) = 0,64$ (lt. Aufg. $r = 0,65$)

c) $\eta_e = 1 - Z_{ges}/Y_T$ Mit

$Z_{ges} = \sum Z = Z_m + Z_{Sch,Le} + Z_{Sch,La} + Z_{Sp} + Z_R + Z_{SR} + Z_{As}$

Alle Verluste, außer die des Saugrohres Z_{SR} und der Spalte Z_{Sp} sind auf die spez. Turbinenenergie Y_T bezogen. Die Saugrohrverluste beziehen sich auf den Energieumsatz im Saugrohr, die Spaltverluste auf die spez. Schaufelarbeit. Sie müssen deshalb auf Y_T umgerechnet werden:

$Z_{SR} = (1 - \eta_{SR}) \cdot (Y_{La,As} - Z_{As}) = (1 - \eta_{SR}) \cdot (c_1^2/2 - 0,03 \cdot Y_T)$

$Z_{SR} = (1 - 0,78) \cdot (3,47^2/2 - 0,03 \cdot 44,15) \text{ [m}^2/\text{s}^2]$

$Z_{SR} = 1,033 \text{ m}^2/\text{s}^2 = (1,033/Y_T) \cdot Y_T$

$Z_{SR} = (1,033/44,15) \cdot Y_T = 0,023 \cdot Y_T$

$Z_{Sp} \approx Y_{Sch} \cdot \dot{m}_{Sp}/\dot{m}$ (Gl. 8-43) Mit

$Y_{Sch} \approx Y_T \cdot \eta_{Sch}$

$\eta_{Sch} = 1 - Z_{Sch}/Y_T = 1 - (Z_{Sch,Le} + Z_{Sch,La})/Y_T$

$\eta_{Sch} = 1 - (Z_{Sch,Le}/Y_T) + Z_{Sch,La}/Y_T$

$\eta_{Sch} = 1 - (0,025 + 0,025) = 0,95$

$Z_{Sp} = 0,95 \cdot Y_T \cdot 0,04 = 0,038 \cdot Y_T$

Desweiteren mit $Z_m = 0,015 \cdot Y_T$, $Z_{Sch,Le} = 0,025 \cdot Y_T$

$Z_{Sch,La} = 0,025 \cdot Y_T$, $Z_R = 0,01 \cdot Y_T$, $Z_{As} = 0,03 \cdot Y_T$

ergibt sich:

$Z_{ges} = (0,015 + 0,025 + 0,025 + 0,038 + 0,01 + 0,023 + 0,03) \cdot Y_T$

$Z_{ges}/Y_T = 0,166$

$\eta_e = 1 - 0,166 = 0,834 \approx 0,83$

d) $\dot{V}_{La} = c_m \cdot A_m = c_m \cdot (D_a^2 \pi/4 - D_N^2 \pi/4)$

$\dot{V}_{La} = 3,47 \cdot (1,48^2 - 0,62^2) \cdot \pi/4 \text{ [m}^3/\text{s]} = 4,922 \text{ m}^3/\text{s}$

$\dot{V}_{La} = 4,922 \text{ m}^3/\text{s}$

$\dot{V} = \dot{V}_{La}/\lambda_L$

$$\text{mit } \lambda_L = 1 - \dot{m}_{sp}/\dot{m} = 1 - 0,04 = 0,96$$

$$\dot{V} = 4,922/0,96 \text{ [m}^3/\text{s}] = 5,127 \text{ m}^3/\text{s}$$

$$e) P_e = \dot{m} \cdot Y_T \cdot \eta_e = \mathfrak{s} \cdot \dot{V} \cdot Y_T \cdot \eta_e$$

$$P_e = 10^3 \cdot 5,127 \cdot 44,15 \cdot 0,83 \text{ [kg/m}^3 \cdot \text{m}^3/\text{s} \cdot \text{m}^2/\text{s}^2]$$

$$\underline{P_e = 188 \cdot 10^3 \text{ W} = 188 \text{ kW}}$$

$$f) n_y = n \cdot V^{1/2} \cdot Y_T^{-3/4}$$

$$n_y = 2,941 \cdot 5,127^{1/2} \cdot 44,15^{-3/4}$$

$$\underline{n_y = 0,39} \text{ Nach Tab. 11-1 an der unteren Grenze}$$

des n_y -Bereiches von KAPLAN-Turbinen.

Ergänzung: Gegenrechnung der Meridiangeschwindigkeit c_m mit Hilfe des Abströmwertes (Unterabschnitt 4.3.4.9).

$$c_{0m} = \mathfrak{E} \cdot \sqrt{2 \cdot Y_T} \text{ aus Gl. (4-93) mit } \text{ nach Gl. (4-99)}$$

$$\mathfrak{E} = 1,64 \cdot (\mathfrak{f}_{r,(a)} \cdot \tan \beta_{0,(a)} \cdot \sqrt{\lambda_L/k_N} \cdot n_y)^{2/3} \text{ Mit}$$

$$k_N = 1 - (D_N/D_a)^2 = 1 - (0,62/1,48)^2 = 0,825$$

$$\mathfrak{f}_r = \mathfrak{f}_{r,(a)} = 1 \text{ (drallfreie Abströmung)}$$

$$\tan \beta_{0,(a)} \approx \tan \beta_{1,(a)} = c_{1m}/u_{(a)} \text{ wobei}$$

$$u_{(a)} = D_a \cdot \pi \cdot n = 1,48 \cdot \pi \cdot 2,941 \text{ [m/s]} = 13,67 \text{ m/s}$$

$$\tan \beta_{1,(a)} = 3,47/13,67 = 0,2538 \rightarrow \beta_{1,(a)} = 14,2^\circ$$

(günstiger Wert lt. Abschnitt 5.2.3)

$$\mathfrak{E} = 1,64 \cdot (1 \cdot 0,2538 \cdot \sqrt{0,96/0,825} \cdot 0,39)^{2/3}$$

$$\mathfrak{E} = 0,37 \rightarrow \mathfrak{E}^2 = 0,137 \hat{=} 13,7 \%$$

Es müssen somit 13,7 % der verfügbaren spez. Anlagenenergie im Saugrohr umgesetzt werden.

$$c_{0m} = 0,37 \cdot \sqrt{2 \cdot 44,15} \text{ [m}^2/\text{s}^2] = 3,48 \text{ m/s}$$

Stimmt mit dem in Frage a) ermittelten Wert

$$(c_1 = 3,47 \text{ m/s} = c_{1m} = c_{0m}) \text{ gut überein.}$$