#### 一、数据结构和算法

### 二、线性表

- 1线性表的定义和基本操作
  - 1.1 线性表的定义
  - 1.2 线性表的特点
  - 1.3 线性表的抽象数据类型ADT
  - 1.4 线性表基本操作

#### 2 顺序表

- 2.1 顺序表的定义
  - 2.1.1 顺序表的实现方式
  - 2.1.2 初始化顺序表 InitList
- 2.2 顺序表的插入和删除
  - 2.2.1 顺序表的插入 ListInert
  - 2.2.2 顺序表的删除操作 ListDelete
- 2.3 顺序表的查找
  - 2.3.1 按位查找(GetElem)
  - 2.3.2 按值查找(LocateElem)
- 2.4 顺序表基本操作全部实现

#### 2 单链表

- 2.1 单链表的定义
  - 2.1.1 不带头结点的单链表
  - 2.1.2 带头结点的单链表
- 2.2单链表的插入
  - 2.2.1 单链表的按位插入
  - 2.2.2 指定结点后插入结点
  - 2.2.3 指定结点前插入结点
- 2.3 单链表的删除
  - 2.3.1 按位序删除
  - 2.3.2 指定结点的删除
- 2.4 单链表的查找
  - 2.4.1 按位查找
  - 2.4.2 按值查找
- 2.5 求表长
- 2.6 单链表的建立
  - 2.6.1 尾插法
    - 1) 带头结点
    - 2) 不带头结点
  - 2.6.2 头插法
    - 1) 带头结点:
    - 2) 不带头结点:
- 2.7 单链表的逆置 (头插法思想)
  - 1) 带头结点
  - 2) 不带头结点
- 2.8 全部操作的实现
  - 1) 带头结点
  - 2) 不带头结点

### 3 双向链表

- 3.1 结点
- 3.2 初始化
- 3.3 判空
- 3.4 插入结点
- 3.5 删除结点
- 3.6 按位查找
- 3.7 后插法
- 3.8 遍历

- 1) 后向遍历
- 2) 前向遍历
- 4 循环链表
  - 4.1 循环单链表
    - 1) 初始化
    - 2) 判空
    - 3) 判断结点是否是表尾结点
  - 4.2 循环双链表
    - 1) 初始化
    - 2) 判空
    - 3) 判断结点是否为表尾结点
    - 4) 插入
    - 5) 删除
    - 6) 获取结点
- 5 静态链表 (不一定考)
  - 1) 查找
  - 2) 插入位序为i的结点
  - 3) 删除某个结点
- 6 顺序表和链表的对比
  - 1) 逻辑结构
  - 2) 存储结构
  - 3) 基本操作
  - 4) 顺序表和链表的选择
- 7线性表的应用
  - 7.1 线性表的合并
  - 7.2 有序表的合并
    - 1) 有序顺序表的合并

#### 三、栈、队列、数组

- 1栈
  - 1.1 栈的定义和特点
    - 1.1 .1栈的基本概念
    - 1.1.2 栈的抽象数据类型定义
    - 1.1.3 基本操作
    - 1.1.4 卡特兰数
  - 1.2 栈的顺序存储的实现
    - 1.2.1 顺序栈的定义
    - 1.2.2 顺序栈的基本操作的实现
  - 1.3 共享栈
    - 1.3.1 共享栈的定义
    - 1.3.2 共享栈的实现
  - 1.3 栈的链式存储的实现
    - 1.3.1 链式栈的实现
    - 1.3.2 汉诺塔问题的递归算法
- 2 队列
  - 2.1 队列的定义和特点
    - 2.1.1 队列的概念
    - 2.1.2 队列的抽象数据类型定义
    - 2.1.3 基本操作
  - 2.2 队列的顺序实现
    - 2.2.1 循环队列
    - 2.2.2 判断队满\队空的三种方式
  - 2.3 队列的链式实现
    - 2.3.1 带头结点 (方便操作)
    - 2.3.2 不带头结点
  - 2.4 双端队列
- 3 栈的应用
  - 3.1 括号匹配
  - 3.2 表达式求值

- 3.2.1 中缀表达式转后缀表达式
  - 1) 手算方法:
  - 2) 机算方法:
- 3.2.2 后缀表达式的计算
- 3.2.3 中缀表达式转前缀表达式
- 3.2.4 前缀表达式的计算
- 3.2.5 中缀表达式的计算
- 3.3 递归中的应用
  - 3.2.1 递归
  - 3.3.2 阶乘
  - 3.3.3 斐波那契数列
  - 3.3.4 利用栈将递归转换为非递归的方法
  - 3.3.5 用栈实现的非递归阶乘
- 4队列的应用

### 四、串

- 1 串的定义
  - 1.1 串的定义
  - 1.2串的特点
  - 1.3 串的抽象数据类型
  - 1.4 字符集
- 2 串的实现
  - 2.1 串的顺序存储
  - 2.2 串的链式存储
  - 2.3 基本操作的实现
    - 2.3.1 求子串 SubString(&Sub,S,pos,len)
    - 2.3.2 比较 StrCompare(S,T)
    - 2.3.3 定位 Index(S,T)
- 3 串的模式匹配算法
  - 3.1 BF(Brute-Force)算法
  - 3.2 KMP 算法
    - 3.2.1 KMP算法原理
    - 3.2.2 next数组
      - 1) 手算
      - 2) 实现
    - 3.2.3 nextval数组代码实现

### 五、数组

- 5.1 数组的定义
- 5.2 数组的存储结构
  - 5.2.1 一维数组
  - 5.2.2 二维数组
- 5.3 特殊矩阵的压缩存储
  - 5.3.1 对称矩阵
  - 5.3.2 三角矩阵
  - 5.3.3 三对角矩阵
  - 5.3.4 稀疏矩阵
- 5.4 矩阵考点易错点

### 六、树

- 6.1 树的定义及相关概念
  - 6.1.1 定义
  - 6.1.2 树的基本术语
  - 6.1.3 树和森林的关系
  - 6.1.4 常考性质
- 6.2 二叉树
  - 6.2.1 二叉树的定义
  - 6.2.2 两种特殊的二叉树
  - 6.2.3 二叉树的性质 (重要)
  - 6.2.4 二叉树的存储结构
- 6.3 二叉树的遍历

# 一、数据结构和算法

# 二、线性表

# 1线性表的定义和基本操作

## 1.1 线性表的定义

线性表是具有相同数据类型的n (n≥0) 个数据元素的有限序列,其中n为表长,当n=0时线性表是一个空表。

若用L命名线性表,则其一般表示为 L=( $a_1,a_2,\cdots,a_i,a_{i+1},\cdots,a_n$ ),式中 $a_1$ 是唯一的"第一个"数据元素,又称表头元素;

an是唯一个个"最后一个"数据元素,又称表尾元素。

除第一个元素外,每个数据元素有且仅有一个直接前驱;除最后一个元素外,每个数据元素有且仅有一个直接后继。

## 1.2 线性表的特点

- 表中元素的个数有限。
- 表中元素的都具有逻辑上的顺序性,表中元素有其先后次序。
- 表中元素都是数据元素,每个元素都是单个元素。
- 表中元素的数据类型都相同,这意味着每个元素占有相同大小的存储空间。
- 表中元素具有抽象性,即仅讨论元素间的逻辑关系,而不考虑元素究竟表示什么内容。

# 1.3 线性表的抽象数据类型ADT

```
1 ADT List{
   数据对象: D={ai | ai=ElemSet, i=1,2,..,n,n≥0}
   数据关系: R={<ai-1,ai>|ai-1,ai∈D,i=2,...,n}
   基本操作:
5
   IniList(&L)
      操作结果:构造一个空的线性表L。
   DestroyList(&L)
      初始条件:线性表L已存在
8
9
      操作结果: 销毁线性表L
10 ClearList(&L)
      初始条件:线性表L已存在
11
12
      操作结果: 将L重置为空表
13
   ListEmpty(L)
14
      初始条件:线性表L已存在
      操作结果: 若L为空表,则返回true,否则返回false
15
16
   ListLength(L)
      初始条件:线性表L已存在
17
18
      操作结果:返回L中数据元素个数
19 GetElem(L,i,&e)
20
      初始条件:线性表L已存在,1≤i≤ListLength(L)
21
      操作结果:用e返回L中第i个数据元素的值
22
   LocateElem(L,e,compare())
      初始条件:线性表L已存在
```

```
24 操作结果: 返回L中第一个值与e相同的数据元素在L中的位置。若这样的数据元素不存在,则返回
   值为0.
25
   PriorElem(L,cur_e,&pre_e)
26
      初始条件: 线性表L已存在
27
      操作结果: 若cur-e是L的数据元素,且不是第一个,则用pre_e返回它的前驱,否则操作失败,
   pre_e无定义
28
   NextElem(L,cur_e,&next_e)
29
      初始条件:线性表L已存在
     操作结果:若cur_e是L的数据元素,且不是最后一个,则用next_e返回它的后继,否则操作失
30
   败,next_e无定义
31
   ListInsert(&L,i,e)
32
     初始条件:线性表已存在,1≤i≤ListLength(L)+1
33
      操作结果: 在L中第i个位置之前插入新的数据元素e,L的长度加1
34 ListDelete(&L,i,&e)
      初始条件: 线性表存在且非空,1≤i≤ListLength(L)
35
      操作结果: 删除L的第i个数据元素,并用e返回其值,L的长度减1
36
37 TravarseList(L)
38
     初始条件:线性表已存在
     操作结果:依次对线性表L进行遍历,在遍历过程中对L的每个结点访问一次
39
40 }ADT List
```

## 1.4 线性表基本操作

- 1 InitList(&L):初始化表。构造一个空表L,分配内存空间。
- 2 DestroyList(&L): 销毁操作。销毁线性表,并释放线性表L所占用的内存空间。
- 3 ListInsert(&L,i,e): 插入操作。在表L中第i个位置上插入指定元素e。
- 4 ListDelete(&L,i,&e): 删除操作。删除表L中第i个位置的元素,并用e返回删除元素的值。
- 5 LocateElem(L,e):按值查找操作。在表L中查找具有给定关键字值的元素。
- 6 GetElem(L,i): 按位查找操作。获取表L中第i个位置的元素的值。
- 7 Length(L): 求表长。返回线性表L的长度,即L中数据元素的个数。
- 8 PrintList(L):输出操作。按前后顺序输出线性表L的所有元素的值。
- 9 Empty(L): 判空操作。若L为空表,则返回true,否则返回false。

# 2顺序表

# 2.1 顺序表的定义

顺序表的存储结构:顺序存储,即逻辑上相邻的数据元素在物理上也相邻

#### 顺序表的特点:

- 1. 随机存取,即可以在O(1)时间内找到第i个元素
- 2. 存储密度高,每个节点只存储数据元素
- 3. 拓展容量不方便(即便采用动态分配的方式实现,拓展长度的时间复杂度也比较高)
- 4. 插入、删除操作不方便,需要移动大量元素

优点:可随机存取,存储密度高

缺点: 需要大片连续的空间, 改变容量不方便

### 2.1.1 顺序表的实现方式

### 顺序表有两种实现方式:

- 1. 静态分配
  - 。 使用"静态数组"实现,大小一旦确定就无法改变
- 2. 动态分配

- 。 使用"动态数组"实现
- 顺序表满时,可以再用new关键字重新申请更大的内存空间来拓展顺序表的最大长度
- 。 需要将数据元素复制到新的存储空间,并用delete关键字释放原来的空间

```
1 //静态分配的顺序表(大小一旦确定就无法改变)
2
   #define MAXSIZE 10//线性表的最大长度
3 typedef struct{
4
      ElemType data[MAXSIZE];
5
      int length;
6 }SqList;
7
   //动态分配的顺序表(使用动态数组实现)
8 #define INITSIZE 10//顺序表的初始长度
9 typedef struct{
10
      ElemType *data;//指示动态分配数组的指针
11
      int MaxSize;//顺序表的最大容量
      int length;//顺序表当前的长度
12
13 | SeqList;
```

### 2.1.2 初始化顺序表 InitList

### 1) 静态分配顺序表

#### 2) 动态分配顺序表的初始化

```
1  //初始化顺序表
2  void InitList(SeqList &L){
3    L.data = new ElemType[INITSIZE];//申请初始空间
4    if(!L.data)//如果申请失败,结束程序
5        eixt(OVERFLOW);
6    L.MaxSize = INITSIZE;
7    L.length = 0;
8  }
```

### 3) 动态分配长度顺序表增加表长

```
void IncreaseSjze(SeqList &L,int len){
ElemType *p = L.data;
L.data = new ElemType[L.MaxSize+len];//重新申请更大的空间
for(int i = 0; i<L.lenth;i++){
    L.data[i] = p[i];//将数据复制到新的空间
}
L.MaxSize += len;//顺序表长度增加 len
delete(p);//释放原来的内存空间
}
</pre>
```

## 2.2 顺序表的插入和删除

## 2.2.1 顺序表的插入 ListInert

```
bool ListInsert(SeqList &L,int i,Elemtype e){
2
      if(i<i||i>L.length+1)//判断i的范围是否有效
3
           return false;
     if(L.length>=L.MaxSize)//如果内存空间不够,重新申请空间
4
           IncreaseSize(L,10);
5
6
     for(int j=L.length;j>=i;j--)//将第i个及之后的元素依次后移
7
           L.data[j] = L.data[j-1];
       L.data[i-1] = e;//在第i个位置出插入元素e
8
9
       L.length++;//顺序表长度加1
10
      return true;
11 | }
```

#### 时间复杂度:

最好情况:新元素插到表位,不需要移动元素,循环0次,<mark>最好时间复杂度=O(1)</mark>

最坏情况:新元素插到表头,移动n个元素,循环n次,最坏时间复杂度=O(n)

平均情况:插入每个位置的概率相等,为 $\mathbf{p}=\frac{1}{1+n}$ ,平均循环次数= $\frac{0+1+2+...+n}{1+n}=\frac{n}{2}$ ,<mark>平均时间复杂度</mark>

=O(n)

### 2.2.2 顺序表的删除操作 ListDelete

```
bool ListDelete(SeqList &L,int i,Elemtype &e){
2
      if(i<1||i>L.length)//判断i的范围是否合格
3
         return false;
4
      e = L.data[i-1];//返回位置i元素
5
      for(int j = i;j<L.length;j++)//第i个及之后的元素以此前移
          L.data[j-1] = L.data[j];
6
7
      L.length--;//顺序表长度减1
8
      return true;
9 }
```

### 时间复杂度:

最好情况:删除表尾元素,不需要移动其他元素,循环0次,最好时间复杂度=O(1)

最坏情况:删除表头元素,移动后续n-1个元素,循环n-1次,最坏时间复杂度=O(n)

平均情况: 删除每个元素的概率相等,为 $p=\frac{1}{n}$ ,平均循环次数= $\frac{0+1+...+(n-1)}{n}=\frac{n-1}{2}$ ,<mark>平均时间复杂</mark>

度=O(n)

## 2.3 顺序表的查找

## 2.3.1 按位查找(GetElem)

```
//获取表L中第i个位置的元素的值
//通过数组下标直接获取
ElemType getElem(SeqList L,int i){

return L.data[i-1];
}
```

### 时间复杂度=0(1)

### 2.3.2 按值查找(LocateElem)

```
1  //在顺序表L中查找第一个元素值等于e的元素,并返回其位序
2  //从第一个元素一次往后检索(从头遍历)
3  int LocateElem(SeqList L,ElemType e){
4  for(int i = 0;i<L.length;i++)
5  if(L.data[i]==e)
6  return i+1;//数组下标为i的元素值等于e,返回其位序i+1
7  return 0;//退出循环,说明查找失败
8 }</pre>
```

### 时间复杂度:

最好情况:目标元素在表头,循环1次,最好时间复杂度=O(1)

最坏情况:目标元素在表尾,循环n次,最坏时间复杂度=O(n)

平均情况:目标元素出现的概率相同,为 $\mathbf{p}=\frac{1}{n}$ ,平均循环次数= $\frac{1+2+...+n}{n}=\frac{1+n}{2}$ ,<mark>平均时间复杂度</mark>

=O(n)

# 2.4 顺序表基本操作全部实现

```
1 #define OK 1
2 #define ERROR 0
 3 #define OVERFLOW -2
4 #define INITSIZE 10
5 typedef int Status;
6 typedef int ElemType;
   //结构体
7
8
   typedef struct {
9
      ElemType *data;
10
      int MaxSize;
11
      int length;
12 } SeqList;
13
   //初始化顺序表
14 | Status InitList(SeqList &L) {
15
      L.data = new ElemType[INITSIZE];
      if (!L.data)
16
17
           exit(OVERFLOW);
18
       L.MaxSize = INITSIZE;
19
       L.length = 0;
20
       return OK;
21
   }
```

```
22 //销毁顺序表
23
    Status DestroyList(SeqList &L) {
24
        delete (L.data);
25
        L.MaxSize = 0;
26
        L.length = 0;
27
        return OK;
28
    }
29
    //增加表长
30
    Status IncreaseList(SeqList &L, int len) {
31
        int *p = L.data;
32
        L.data = new ElemType[L.MaxSize + len];
        if (!L.data)
33
34
            exit(OVERFLOW);
        for (int i = 0; i < L.length; i++)
35
36
            L.data[i] = p[i];
37
        L.MaxSize += len;
38
        return OK;
39
    }
    //判空
40
41
    bool ListEmpty(SeqList L) {
        if (L.length == 0)
42
43
            return true;
44
        else
45
            return false;
46
    }
47
    //清空顺序表
48
    Status ClearList(SeqList &L) {
49
        L.length = 0;
50
        return OK;
51
    }
52
    //按位插入
53
    Status ListInsert(SeqList &L, int i, ElemType e) {
54
        if (i < 1 || i > L.length + 1)
55
            return ERROR;
56
        if (L.length == L.MaxSize)
57
            return ERROR;
58
        for (int j = L.length; j >= i; j--)
59
            L.data[j] = L.data[j - 1];
60
        L.data[i - 1] = e;
61
        L.length++;
62
        return OK;
63
    }
64
    //按位删除
65
    Status ListDelete(SeqList &L, int i, ElemType &e) {
66
        if (i < 1 || i > L.length)
67
            return 0;
68
        e = L.data[i - 1];
69
        for (int j = i; j < L.length; j++)
70
            L.data[j - 1] = L.data[j];
71
        L.length--;
72
        return OK;
73
    //按位查找
74
75
    ElemType GetElem(SeqList L, int i) {
76
        if (i < 1 || i > L.length)
77
            exit(OVERFLOW);
78
        return L.data[i - 1];
79
    }
```

# 2单链表

## 2.1 单链表的定义

单链表: 线性表的链式存储, 它是指通过一组任意的存储单元来存储线性表中的数据元素。

优点: 不要求大片连续空间, 改变容量方便

缺点: 不可随机存取, 要耗费一定空间存放指针

结点:

```
1 typedef struct LNode {
2    ElemType data; //数据域,存放数据元素
3    struct LNode *next; //指针域,指向下一个结点
4 } LNode, *LinkList; //LNode表示结点, LinkList表示链表
```

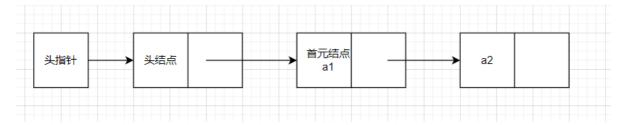


#### 定义辨析:

1. 头指针: 指向链表中第一个结点的指针

2. 头结点:在首元结点之前的一个结点,不存放数据,其指针域指向首元结点

3. 首元结点: 链表中存储第一个数据元素的结点



## 2.1.1 不带头结点的单链表

### 初始化单链表:

```
1 //初始化单链表
2 bool InitList(LinkList &L) {
3    L = nullptr; //表空,暂时没有任何结点,防止头指针的地址原来有脏数据
4    return true;
5 }
```

#### 判断表空:

```
1 //判断单链表是否为空
2 bool Empty(LinkList L) {
3 if (!L)
4 return true;
5 else
6 return false;
7 }
```

## 2.1.2 带头结点的单链表

### 判断表空:

```
1 //判断单链表是否为空
2 bool Empty(LinkList L) {
3 return (L->next == nullptr);
4 }
```

# 2.2单链表的插入

### 2.2.1 单链表的按位插入

### 带头结点:

```
1 //按位序插入
bool ListInsert(LinkList &L, int i, ElemType e) {
3
    if (i < 1)
4
          return false;
5
      LNode *p = L; // 指向头结点,头结点是第0个结点
6
      int j = 0; // 计数器, p指向的第几个结点
7
      while (p && j < i - 1) {//循环找到第i-1个结点或到表尾
8
          p = p->next;
9
          ++j;
10
11
      if (!p)//p指针为空,也就是i值不合法, i>单链表长度
12
         return false;
     LNode *s = new LNode;
13
14
      s->data = e;
15
      s->next = p->next;
16
      p->next = s;//s插到p之后
17
      return true;
18 }
```

时间复杂度: O(n)

不带头结点:

```
1 //按位插入
     bool ListInsert(LinkList &L, int i, ElemType e) {
  3
         if (i < 1)
  4
            return false;
       if (i == 1) {//插入第1个结点
  5
  6
           LNode *s = new LNode;
  7
            s->data = e;
  8
            s->next = nullptr;
           L = S;
  9
 10
            return true;
 11
        }
 12
        //插入第2个及之后的结点
 13
        int j = 1;
 14
        LNode *p = L;
 15
        while (p && j < i - 1) \{//i > n\}
 16
             p = p->next;
 17
            ++j;
 18
         }
 19
        if (!p)
 20
             return false;
       LNode *s = new LNode;
 21
 22
        s->data = e;
 23
        s->next = p->next;
 24
        p->next = s;
 25
        return true;
 26 }
```

### 2.2.2 指定结点后插入结点

### 方法:

- 1. 判断给定结点p不为空
- 2. 创建新结点s,并将给定值e赋给结点s
- 3. s结点插入到结点p之后

```
1 //指定结点后插入结点
2 bool InsertNextNode(LNode *p, ElemType e) {
    if (p == nullptr)
3
          return false;
5
     LNode *s = new LNode;
      if (!s)
6
7
          return false;
8
     s->data = e;
9
      s->next = p->next;
10
      p->next = s;
11
       return true;
12 }
```

**时间复杂度**: O(1)

### 2.2.3 指定结点前插入结点

#### 方法:

- 1. 判断给定结点p不为空
- 2. 创建新结点s,并将结点p的数据元素复制到结点s
- 3. 将结点s插入到结点p之后

```
1 //指定结点前插入结点
    bool InsertPriorNode(LNode *p, ElemType e) {
3
       if (p == nullptr)
4
           return false;
5
      LNode *s = new LNode;
6
      if (!s)
7
           return false;
8
      s->data = p->data;
9
      s->next = p->next;
10
       p->data = e;
11
       p->next = s;
12
       return true;
13 }
```

**时间复杂度**: O(1)

## 2.3 单链表的删除

## 2.3.1 按位序删除

#### 带头结点:

### 方法:

- 1. 扫描到第i-1个结点
- 2. 保存第i个结点
- 3. 删除第i个结点
- 4. 释放第i个结点内存空间

```
1 //按位序删除
2
   bool ListDelete(LinkList &L, int i, ElemType &e) {
3
     if (i < 1)
4
           return false;
5
      LNode *p = L; //p指向头结点, 也就是第0个结点
       int j = 0; // 计数器, p 指向第几个结点
 6
7
       while (p && j < i - 1) {//扫描到第i-1个结点,或者扫描到表尾
8
          p = p->next;
9
          ++j;
10
       if (!p)//i值不合格, i>表长, 扫描全表不存在p
11
12
           return false;
       LNode *q = p->next;//保存要删除的结点
13
14
       e = q->data;//e存放要删除结点的元素值
15
       p->next = q->next;//删除结点
16
       delete (q);//释放删除结点的内存空间
17
      return true;
18 }
```

### 时间复杂度:

最好时间复杂度 = O(1) 最坏、平均时间复杂度 = O(n)

按位序删除操作,**带头结点和不带头结点的区别**就在于带头结点<mark>j=0</mark>,不带头结点时<mark>j=1</mark>。

### 2.3.2 指定结点的删除

```
1 //指定结点的删除(给定结点不为表尾结点的情况)
2
  bool DeleteNode(LNode *p) {
3
   if (!p)
4
         return false;
    LNode *q = p->next;
5
6
    p->data = q->data;
7
      p->next = q->next;
8
    delete (q);
9 }
```

## 2.4 单链表的查找

### 2.4.1 按位查找

```
1 //按位查找,返回第i个结点
    LNode *GetElem(LinkList L, int i) {
 3
     if (i < 0)
4
          return nullptr;
     LNode *p = L;
int j = 0;
 5
6
 7
      while (p \&\& j < i) {
8
          p = p->next;
9
           ++j;
10
11
       return p;
12 }
```

按位查找操作,**带头结点和不带头结点的区别**就在于带头结点<mark>j=0</mark>,不带头结点时<mark>j=1</mark>。

## 2.4.2 按值查找

带头结点:

时间复杂度=O(n)

不带头结点:

# 2.5 求表长

```
1 //求表长
2 int Length(LinkList L) {
3
    int len = 0;
     LNode *p = L;
while (p->next) {
4
5
6
         p = p->next;
7
           len++;
8
      }
9
      return len;
10 }
```

### 时间复杂度=O(n)

求表长操作,**带头结点和不带头结点的区别**就在于带头结点<mark>j=0</mark>,不带头结点时<mark>j=1</mark>。

## 2.6 单链表的建立

## 2.6.1 尾插法

#### 步骤:

- 1. 初始化单链表
- 2. 保存表尾结点
- 3. while 循环插入结点

#### 1) 带头结点

```
1 //尾插法建立单链表
   LinkList list_tail_insert(LinkList &L) {
 3
      ElemType x;
4
      L = new LNode;
 5
      LNode *s, *r = L;//r为表尾结点
 6
      cin >> x;//输入第一个结点的值
 7
      while (x != 9999) {
8
         s = new LNode;
9
         s->data = x;
10
         r->next = s;
11
         r = s; //r移到新的表尾结点
12
          cin >> x;
13
      }
14
       r->next = nullptr;//表尾指针置空
15
      return L;
16 }
```

#### 2) 不带头结点

```
LinkList list_tail_insert(LinkList &L) {
 2
       ElemType x;
 3
       cin >> x;
 4
       L = new LNode;
 5
       L->data = x;
 6
       LNode *r, *s;
 7
       r = L;//尾指针
       cin >> x;
8
       while (x != 9999) {
9
10
          s = new LNode;
11
           s->data = x;
12
          r->next = s;
13
           r = s; //指向表尾结点
14
           cin >> x;
15
      }
16
       r->next = nullptr;
17
       return L;
18 }
```

不带头结点的是我自己写的,带头结点和不到头结点的区别是:不带头结点需要先插入首元结点,在进行循环插入;而带头结点可以直接进行循环插入。

## 2.6.2 头插法

### 1) 带头结点:

```
1 //头插法
   LinkList list_head_insert(LinkList &L) {
 3
      ElemType x;
4
      L = new LNode;//建立头结点
       LNode *s:
 6
      L->next = nullptr;//表尾指针置空
 7
       cin >> x;
8
      while (x != 9999) {
9
         s = new LNode;
10
          s->data = x;
11
         s->next = L->next;//s插入到表头
12
          L->next = s;//头结点指向首元结点
13
          cin >> x;
14
       }
15
      return L;
16 }
```

#### 重要应用:链表的逆置

#### 2) 不带头结点:

# 2.7 单链表的逆置 (头插法思想)

## 1) 带头结点

```
1 //逆置
void reverse(LinkList &L) {
3
      LNode *p, *q;
4
      p = L->next;
      L->next = nullptr;
6
      while (p) {
7
           q = p;
8
           p = p->next;
9
           q->next = L->next;
10
          L->next = q;
11
       }
12 }
```

## 2) 不带头结点

```
1 //逆置
  void reverse(LinkList &L) {
3
      LNode *p, *q;
4
      p = L;
5
      L = nullptr;
      while (p) {
6
7
           q = p;
8
           p = p->next;
9
          q->next = L;
10
          L = q;
11
       }
12 }
```

# 2.8 全部操作的实现

## 1) 带头结点

```
1 typedef int ElemType;
2 //定义结点
3 typedef struct LNode {
4     ElemType data;//数据域,存放数据元素
5     struct LNode *next;//指针域,指向下一个结点
6 } LNode, *LinkList;//LNode表示结点,LinkList表示链表
7 //初始化单链表
8 bool InitList(LinkList &L) {
9     L = new LNode;//申请头结点
10 if (!L)//空间申请失败
```

```
11
          return false;
12
        L->next = nullptr;
13
        return true;
14
   }
15
   //判断表空
   bool Empty(LinkList L) {
16
17
       return (L->next == nullptr);
18
19
   //按位序插入
20
   bool ListInsert(LinkList &L, int i, ElemType e) {
       if (i < 1)
21
22
            return false;
23
        LNode *p = L; //指向头结点, 头结点是第0个结点
24
       int j = 0; // 计数器, p指向的第几个结点
25
        while (p && j < i - 1) {//循环找到第i-1个结点或到表尾
26
            p = p->next;
27
           ++j;
28
        }
29
        if (!p)//p指针为空,也就是i值不合法,i>单链表长度
30
            return false;
        LNode *s = new LNode;
31
32
        s->data = e;
33
        s->next = p->next;
34
        p->next = s;//s插到p之后
35
        return true;
36
   }
37
    //指定结点后插入结点
38
   bool InsertNextNode(LNode *p, ElemType e) {
39
       if (p == nullptr)
40
            return false;
41
        LNode *s = new LNode;
42
        if (!s)
43
           return false;
44
        s\rightarrow data = e;
45
        s->next = p->next;
46
        p->next = s;
47
        return true;
48
49
   //指定结点前插入结点
50
   bool InsertPriorNode(LNode *p, ElemType e) {
51
       if (p == nullptr)
52
            return false;
53
        LNode *s = new LNode;
       if (!s)
54
55
            return false;
        s->data = p->data;
56
57
        s->next = p->next;
58
        p->data = e;
59
        p->next = s;
60
        return true;
61
   }
62
    //按位序删除
   bool ListDelete(LinkList &L, int i, ElemType &e) {
63
64
        if (i < 1)
65
            return false;
        LNode *p = L; //p指向头结点, 也就是第0个结点
66
67
        int j = 0; // 计数器, p 指向第几个结点
        while (p && j < i - 1) {//扫描到第i-1个结点,或者扫描到表尾
68
```

```
69
            p = p->next;
 70
            ++j;
         }
 71
 72
         if (!p)//i值不合格,i>表长,扫描全表不存在p
 73
            return false;
 74
         LNode *q = p->next;//保存要删除的结点
 75
         e = q->data;//e存放要删除结点的元素值
 76
         p->next = q->next;//删除结点
 77
         delete q;//释放删除结点的内存空间
 78
         return true;
 79
    }
 80
     //指定节点的删除(给定结点不为最后结点的情况)
 81
     bool DeleteNode(LNode *p) {
 82
        if (!p)
 83
            return false;
         LNode *q = p->next;
 84
 85
         p->data = q->data;
 86
         p->next = q->next;
 87
        delete q;
 88
         return true;
 89
 90
     //按位查找, 获取表中第i个位置的元素的值
 91
    bool GetElem(LinkList L, int i, ElemType &e) {
 92
        if (i < 1)
 93
            return false;
 94
         LNode *p = L;
 95
        int j = 0;
        while (p \&\& j < i) \{
 96
 97
            p = p->next;
 98
            ++j;
99
        }
        if (!p)
100
101
            return false;
102
         e = p->data;
103
         return true;
104
105
     //按位查找,返回第i个结点
106
    LNode *GetElem(LinkList L, int i) {
107
        if (i < 0)
108
            return nullptr;
109
         LNode *p = L;
110
        int j = 0;
111
        while (p \&\& j < i)  {
112
            p = p->next;
113
            ++j;
114
         }
115
         return p;
116
     //按值查找,在表中查找具有给定关键字值的元素
117
118
     LNode *LocateElem(LinkList L, ElemType e) {
119
         LNode *p = L->next;//从首元结点开始查找
120
        while (p \&\& p->data != e) {
121
            p = p->next;
122
         }
123
         return p;//如果找到了就返回结点指针,没找到就返回空指针
124
     }
125
     //求表长
     int Length(LinkList L) {
126
```

```
127
        int len = 0;
128
         LNode *p = L;
129
         while (p->next) {
130
            p = p->next;
131
            len++;
132
         }
133
         return len;
134
135
    //尾插法建立单链表
136
    LinkList list_tail_insert(LinkList &L) {
137
         ElemType x;
138
         L = new LNode;
         LNode *s, *r = L;//r为表尾结点
139
140
        cin >> x;//输入第一个结点的值
        while (x != 9999) {
141
142
            s = new LNode;
143
            s->data = x;
144
            r->next = s;
145
            r = s; //r移到新的表尾结点
146
            cin >> x;
147
         }
148
         delete s;
149
         r->next = nullptr;//表尾指针置空
150
         return L;
151 }
152
    //头插法
153 LinkList list_head_insert(LinkList &L) {
154
         ElemType x;
155
        L = new LNode;//建立头结点
156
         LNode *s;
         L->next = nullptr;//表尾指针置空
157
158
         cin >> x;
159
        while (x != 9999) {
160
            s = new LNode;
161
            s\rightarrow data = x;
162
            s->next = L->next;//s插入到表头
163
            L->next = s;//头结点指向首元结点
164
            cin >> x;
         }
165
166
        return L;
167
    //逆置
168
169 void reverse(LinkList &L) {
170
         LNode *p, *q;
171
         p = L->next;
172
         L->next = nullptr;
173
         while (p) {
174
            q = p;
175
             p = p->next;
176
             q->next = L->next;
177
            L->next = q;
178
179
        }
180 }
```

## 2) 不带头结点

```
1 typedef int ElemType;
2
   //定义结点
3 typedef struct LNode {
4
        ElemType data;//数据域,存放数据元素
        struct LNode *next;//指针域,指向下一个结点
   } LNode, *LinkList;//LNode表示结点,LinkList表示链表
7
    //初始化链表
   bool InitList(LinkList &L) {
8
9
       L = nullptr;//表空,暂时没有任何结点,防止头指针的地址原来有脏数据
10
        return true;
11
   //判断表空(无头结点)
12
13
   bool Empty(LinkList L) {
14
       if (!L)
15
           return true;
16
        else
17
           return false;
18
   }
19
   //按位插入
20
   bool ListInsert(LinkList &L, int i, ElemType e) {
21
       if (i < 1)
22
           return false;
23
       if (i == 1) {//插入第1个结点
24
           LNode *s = new LNode;
25
           s->data = e;
26
           s->next = nullptr;
27
           L = S;
28
           return true;
29
        }
30
        //插入第2个及之后的结点
31
       int j = 1;
32
        LNode *p = L;
33
       while (p && j < i - 1) \{//i > n\}
34
           p = p->next;
35
           ++j;
36
        }
37
        if (!p)
38
           return false;
39
        LNode *s = new LNode;
40
        s->data = e;
41
        s->next = p->next;
42
        p->next = s;
43
        return true;
   }
44
45
    //指定结点后插入结点
    bool InsertNextNode(LNode *p, ElemType e) {
46
47
        if (!p)
48
            return false;
        LNode *s = new LNode;
49
        if (!s)
50
51
           return false;
52
        s->data = e;
53
        s->next = p->next;
54
        p->next = s;
55
        return true;
```

```
56 }
 57
     //指定结点前插入结点
 58
     bool InsertPriorNode(LNode *p, ElemType e) {
        if (!p)
 59
 60
             return false;
 61
         LNode *s = new LNode;
 62
         if (!s)
 63
             return false;
 64
         s->data = p->data;
 65
         s->next = p->next;
 66
         p->data = e;
 67
         p->next = s;
 68
         return true;
 69
 70
    }
 71
    //按位序删除
72
     bool ListDelete(LinkList &L, int i, ElemType &e) {
 73
         if (i < 1)
 74
             return false;
 75
         LNode *p = L;//首元结点
         int j = 1;
 76
 77
         while (p \&\& j < i - 1) {
 78
             p = p->next;
 79
             j++;
 80
         }
         if (!p)
 81
 82
             return false;
 83
         LNode *q = p->next;
 84
         e = q->data;
 85
         p->next = q->next;
 86
         delete q;
 87
         return true;
 88
    //指定节点的删除(给定结点不为最后结点的情况)
 89
 90
    bool DeleteNode(LNode *p) {
        if (!p)
 91
 92
             return false;
 93
         LNode *q = p->next;
 94
         p->data = q->data;
 95
         p->next = q->next;
 96
         delete q;
 97
         return true;
98
99
    }
     //按位查找,获取表中第i个位置的元素的值
100
101
    bool GetElem(LinkList L, int i, ElemType &e) {
102
         if (i < 1)
103
             return false;
         int j = 1;
104
105
         LNode *p = L;
         while (p \&\& j < i) \{
106
107
             p = p->next;
108
             j++;
109
         }
         if (!p)
110
             return false;
111
112
         e = p->data;
113
         return true;
```

```
114 }
115
     //按位查找,返回第i个结点
116
     LNode *GetElem(LinkList L, int i) {
        if (i < 0)
117
118
             return nullptr;
119
         LNode *p = L;
120
        int j = 1;
121
         while (p && j < i) {
122
             p = p->next;
123
             j++;
124
         }
125
         return p;
126
127
    //按值查找,在表中查找具有给定关键字值的元素
128
    LNode *LocateElem(LinkList L, ElemType e) {
129
        LNode *p = L;
130
         while (p \&\& p->data != e) {
131
             p = p->next;
132
         }
133
        return p;
134 }
135
    //求表长
136
    int Length(LinkList L) {
137
        LNode *p = L;
138
         int len = 1;
139
         while (!p->next) {
140
             p = p->next;
141
             len++;
142
         }
143
        return len;
144
145
     //尾插法建立单链表
146
    LinkList list_tail_insert(LinkList &L) {
147
         ElemType x;
148
         cin >> x;
149
         L = new LNode;
150
        L->data = x;
        LNode *r, *s;
151
152
        r = L;//尾指针
153
        cin >> x;
154
         while (x != 9999) {
155
             s = new LNode;
156
             s->data = x;
157
             r->next = s;
158
             r = s; //指向表尾结点
159
             cin >> x;
         }
160
161
         delete s;
162
         r->next = nullptr;
163
         return L;
164
165
     //头插法
     LinkList list_head_insert(LinkList &L) {
166
167
         ElemType x;
168
         LNode *s;
169
         L = nullptr;
170
         cin >> x;
171
         while (x != 9999) {
```

```
172
             s = new LNode;
173
             s->data = x;
174
             s->next = L;
175
             L = S;
176
             cin >> x;
177
         }
178
         return L;
179
180 //逆置
181
    void reverse(LinkList &L) {
182
        LNode *p, *q;
183
         p = L;
184
        L = nullptr;
185
         while (p) {
186
             q = p;
187
             p = p->next;
188
             q->next = L;
189
             L = q;
190
         }
191 }
```

# 3 双向链表

# 3.1 结点

pre DATA NEXT

```
1 typedef struct DNode {
2 ElemType data;
3 struct DNode *prior;//前指针
4 struct DNode *next;//后指针
5 } DNode, *DLinkList;
```

# 3.2 初始化

```
1 bool initList(DLinkList &L) {
2    L = new DNode; //头结点
3    if (!L)
4        return false;
5    L->prior = nullptr; //头结点prior指向空
6    L->next = nullptr;
7    return true;
8  }
```

# 3.3 判空

```
bool empty(DLinkList L) {
   if (!L->next)
      return false;
   else
      return true;
   }
}
```

## 3.4 插入结点

```
//在p结点后插入s结点
    bool insert_next_node(DNode *p, DNode *s) {
3
        if (!p || !s)
4
            return false;
5
       s->next = p->next;
6
       if (p->next)//如果p结点有后继节点
7
            p->next->prior = s;
8
        s->prior = p;
9
        p->next = s;
10
        return true;
11 }
```

# 3.5 删除结点

```
1
    //删除结点p的后继节点
2
    bool delete_next_node(DNode *p) {
3
       if (!p || !p->next)
4
            return false;
 5
        DNode *q = p->next;
6
        p->next = q->next;
7
        if (q->next)
8
            q->next->prior = p;
9
        delete q;
10
        return true;
11 }
```

# 3.6 按位查找

```
//按位查找,返回第i个结点
 2
    DNode *get_elem(DLinkList &L, int i) {
 3
       if (!L)
 4
            return nullptr;
 5
        int j = 1;
 6
        DNode *p = L->next;
 7
        while (p \&\& j < i)  {
8
            p = p->next;
9
            j++;
10
11
        return p;
12 }
```

# 3.7 后插法

```
bool insert_tail_list(DLinkList &L) {
1
2
       if (!L)
3
            return false;
4
       L = new DNode;
5
       L->prior= nullptr;
6
       ElemType x;
7
       DNode *p, *s;
8
       p = L;
9
       if (!p)
```

```
10
      return false;
11
       cin >> x;
12
       while (x != 9999) {
13
         s = new DNode;
14
           s->data = x;
15
          s->prior = p;
16
           p->next = s;
17
          p = s;
18
          cin >> x;
19
20
       p->next = nullptr;
21
       return true;
22 }
```

## 3.8 遍历

## 1) 后向遍历

```
1 //后向遍历打印双链表
void next_to_string(DLinkList L) {
3
      if (!L)
4
           exit(-1);
     cout << "打印双链表: ";
5
      DNode *p = L->next;//首元结点
6
7
      while (p) {
         cout << p->data << " ";
8
9
          p = p->next;
10
       }
11
      cout << endl;</pre>
12 | }
```

## 2) 前向遍历

时间复杂度=O(n)

# 4循环链表

# 4.1 循环单链表

#### 特点:

- 1. 表尾指针的next指向头结点
- 2. 从一个节点出发,可以找到其他任何一个结点。

## 1) 初始化

```
bool init_list(LinkList &L) {
   L = new LNode;
   if (!L)
       return false;
   L->next = L;
   return true;
}
```

## 2) 判空

```
bool empty(LinkList L) {
   if (L->next == L)
       return true;
   else
      return false;
}
```

## 3) 判断结点是否是表尾结点

```
bool is_tail(LinkList L, LNode *p) {
   if (p->next == L)
       return true;
   else
      return false;
   }
}
```

# 4.2 循环双链表

### 特点:

- 1. 表头指针prior指向表尾结点
- 2. 表尾指针的next指向头结点

## 1) 初始化

```
bool init_list(DLinkList &L) {
    L = new DNode;
    if (!L)
        return false;
    L->prior = L;
    L->next = L;
    return true;
}
```

## 2) 判空

```
bool empty(DLinkList L) {
   if (L->next == L)
      return true;
   else
      return false;
}
```

## 3) 判断结点是否为表尾结点

```
bool is_tail(DLinkList L, DNode *p) {
   if (p->next == L)
       return true;
   else
       return false;
   }
}
```

## 4) 插入

```
1 //结点p后插入元素值为e的结点
    bool insert_next_node(DNode *p, ElemType e) {
 3
       if (!p)
4
           return false;
 5
      DNode *s = new DNode;
 6
       s->data = e;
 7
       s->next = p->next;
8
       if (p->next)
9
            p->next->prior = s;
10
       s->prior = p;
11
        p->next = s;
12
        return true;
13 }
```

## 5) 删除

```
1 //删除结点p后的结点
2
    bool delete_next_node(DNode *p) {
3
       if (!p || !p->next)
4
           return false;
5
      DNode *q = p->next;
6
       p->next = q->next;
7
       if (q->next)
8
           q->next->prior = p;
9
       delete q;
10
       return true;
11 }
```

### 6) 获取结点

```
1 //获取第i个结点
 2
    DNode *get_elem(DLinkList L, int i) {
 3
       if (i < 1 || !L)
 4
            return nullptr;
 5
        DNode *p = L->next;
 6
        int j = 1;
 7
        while (p != L \&\& j < i) {
8
            p = p->next;
9
            j++;
10
        if (p == L)
11
12
           return nullptr;
13
        return p;
14 }
```

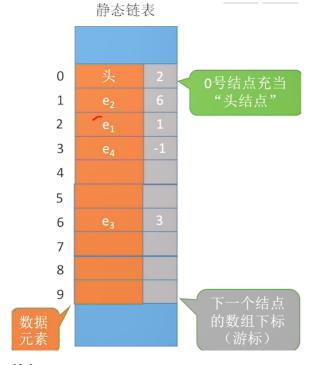
# 5 静态链表 (不一定考)

特点: 分配一整片连续的内存空间, 各个结点集中安置

优点: 增删操作不需要大量移动元素

缺点:不能随机存取,只能从头结点开始依次往后查找;容量固定不可变

使用场景: 1) 不支持指针的低级语言; 2) 数据元素数量固定不变的场景(如操作系统的文件分配表FAT)



#### 结点:

```
struct Node{
2
       ElemType data;
3
       int next;//游标,充当指针,指向下一个元素的数组下标
4
   };
5 struct Node node[MAX_SIZE];//初始化
   //或者
6
7
   typedef struct{
8
       ElemType data;
9
       int next;
10 }SLinkList[MAX_SIZE];
11 SLinkList sLinkList;//初始化
```

# 1) 查找

从头结点出发挨个往后遍历

时间复杂度=O(n)

# 2) 插入位序为i的结点

- 1. 找到一个空的结点, 存入数据
- 2. 从头结点出发找到位序为i-1的结点
- 3. 修改新结点的next
- 4. 修改i-1号结点的next

# 3) 删除某个结点

- 1. 从头结点出发找到前驱结点
- 2. 修改前驱节点的游标
- 3. 被删除结点next设置为-2(设置为-2只是为了表示next为空)

# 6 顺序表和链表的对比

# 1) 逻辑结构

都属于线性表,都是线性结构

# 2) 存储结构

**顺序表**: 采用<mark>顺序存储</mark>,逻辑上相邻的元素,对应的物理存储位置也相邻

1. 优点: 支持随机存取, 存储密度高

2. 缺点: 大片连续空间分配不方便, 改变容量不方便, 会出现空间闲置或溢出的现象

链表:采用链式存储,逻辑上相邻的元素,物理存储位置不一定相邻

1. 优点: 理想的小空间分配方便, 改变容量方便, 不会出现空间闲置或溢出现象

2. 缺点:不可随机存取,存储密度低

# 3) 基本操作

### 创建操作:

- 顺序表
  - 静态分配,需要与分配一大块连续的内存空间,会造成浪费或溢出,容量不可改变。
  - 也可采用动态分配,容量可以改变,但是需要移动大量的元素,时间代价高
- 链表: 动态分配, 只需要先申请一个头结点, 容量可改变

#### 销毁操作:

顺序表:系统自动回收内存空间链表:需要手动申请和释放内存

### 插入、删除操作:

- 顺序表:
  - 。 插入/删除元素需要将后续元素都后移/前移
  - 。 时间复杂度O(n), 时间开销主要来自移动元素
- 链表:
  - 插入/删除元素只需要修改指针即可
  - 。 时间复杂度O(n), 时间开销主要来自查找目标元素

#### 查找操作:

• 顺序表:

。 按位查找: O(1)

。 按值查找: O(n), 若表内有序可采用折半查找, 时间复杂度O(log2n)

• 链表:

按位查找: O(n)按值查找: O(n)

# 4) 顺序表和链表的选择

	顺序表	链表
弹性 (可扩容)	×	√
增、删	×	√
查	√	×

# 7线性表的应用

## 7.1 线性表的合并

### 步骤:

- 1. 分别获取LA表长m、LB表长n
- 2. 遍历LB表,如果表中元素不在A中,插入到LA表后

时间复杂度=O(m\*n), 顺序表和链表都是。

# 7.2 有序表的合并

# 1) 有序顺序表的合并

```
void merge_list_seq(SeqList LA, SeqList LB, SeqList &LC) {
1
2
       if ((LA.length + LB.length) > LC.MaxSize)
3
           LC.IncreaseList(LA.length + LB.length - LC.length);//扩展LC的容量
4
       int a = 0, b = 0, c = 0;
       while (a < LA.length & b < LB.length) {//遍历LA和LB
6
           if (LA.data[a] <= LB.data[b])//两两相比,把小的那个元素插入到LC表
 7
               LC.data[c++] = LA.data[a++];
8
           else
9
               LC.data[c++] = LB.data[b++];
10
11
       while (a < LA.length)//如果LA表还有剩余元素,插入到LC表中
           LC.data[c++] = LA.data[a++];
12
13
       while (b < LB.length)//如果LB表还有剩余元素,插入到LC表中
```

# 三、栈、队列、数组

# 1栈

## 1.1 栈的定义和特点

### 1.1.1栈的基本概念

**定义**: 栈是<mark>只允许在一端进行插入或删除操作</mark>的线性表

### 术语:

1. 栈顶:表尾,允许插入和删除的一端 2. 栈底:表头,不允许插入和删除的一端

3. 空栈:不含元素的空表。

特点: 后进先出 (Last In First Out, LIFO)

### 1.1.2 栈的抽象数据类型定义

```
ADT Stack {
2
       数据对象: D = {ai|ai∈ElemSet, i=1,2,3,...,n,n≥0}// ElemSet 表示元素的集合
3
       数据关系: R1=\{\langle ai-1,ai\rangle | ai-1,ai\in D, i=2,...,n\}// ai-1为前驱,ai为后继
             约定 an 端为栈顶, a1 端为栈底
4
5
      基本操作:
          InitStack(&S)初始化操作
6
             操作结果: 构造一个空栈 S
8
          DestroyStack(&S) 销毁栈操作
9
             初始条件: 栈S已存在
10
             操作结果: 栈S被销毁
          ClearStack(&S) 栈指控操作
11
12
             初始条件: 栈S已存在
13
             操作结果: 将S清为空栈
          StackEmpty (S) 判定栈是否为空栈
14
15
             初始条件: 栈S已存在
16
             操作结果: 若栈S为空栈,则返回true,若栈S为非空,则返回false
          StackLength (S) 求栈的长度
17
18
             初始条件: 栈S已存在
             操作结果: 返回栈S的元素个数,即栈的长度
19
20
          GetTop(S)取栈顶元素
             初始条件: 栈S已存在且非空
21
             操作结果: 返回S的栈顶元素,不修改栈顶指针
22
23
          Push (&S, e) 入栈操作
             初始条件: 栈S已存在
24
25
             操作结果:插入元素e为新的栈顶元素
26
          Pop (&S, &e) 出栈操作
27
             初始条件: 栈S存在且非空
28
             操作结果:删除栈S的栈顶元素,并用e返回其值
29
          StackTraverse(S)
30
             初始条件: 栈S已存在且非空
31
             操作结果: 从栈底到栈顶依次对S的每个数据元素进行访问
32
   }ADT Stack
33
```

### 1.1.3 基本操作

```
InitStack(&S): 初始化栈。构造一个空栈S,分配内存空间。
DestroyStack(&L): 销毁栈。销毁并释放栈S所占用的内存空间。
Push(&S,x): 进栈。若栈S未满,则将x加入使之成为新的栈顶。
Pop(&S,&x): 出栈。若栈S非空,则弹出栈顶元素,并用x返回。
GetTop(S,&x): 读栈顶元素。若栈S非空,则用x返回栈顶元素。
StackEmpty(S): 判空操作。若S为空栈,则返回true,否则返回false。
```

### 1.1.4 卡特兰数

n个不同元素进栈,出栈元素不同排列的个数 $\frac{1}{n+1}\mathbb{C}_{2n}^n$ 

# 1.2 栈的顺序存储的实现

### 1.2.1 顺序栈的定义

顺序栈: 利用顺序存储结构实现的栈, 用静态数组实现, 需要记录栈顶指针

```
#define MAX_SIZE 10
typedef int ElemType;
typedef struct{
    ElemType data[MAX_SIZE];
    int top;
}sqstack;
```

### 1.2.2 顺序栈的基本操作的实现

```
1 #define MAX_SIZE 10
2 typedef int ElemType;
3 typedef struct {
      ElemType data[MAX_SIZE];
       int top;
6 } SqStack;
7
   //初始化栈
8 void InitStack(SqStack &S) {
9
      S.top = 0;
10 }
11 //判空
12 | bool Empty(SqStack S) {
13
     if (s.top == 0)
14
          return true;
      else
15
16
          return false;
   }
17
18
   //入栈
19
   bool Push(SqStack &S, ElemType x) {
20
      if (S.top == MAX_SIZE)//栈满
21
          return false;
22
      S.data[S.top++] = x;//新元素入栈
23
      return true;
24 }
25
   //出栈
26 bool Pop(SqStack &S, ElemType &x) {
```

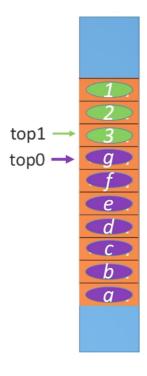
```
27 if (S.top == 0)//栈空
28
           return false;
29
       x = S.data[--S.top];
30
      return true;
31 }
32 //读栈顶
33 bool GetTop(SqStack S, ElemType &x) {
34
      if (s.top == 0)
35
          return false;
      x = S.data[S.top-1];
36
37
       return true;
38 }
```

创、增、删、查时间复杂度为O(1)

# 1.3 共享栈

## 1.3.1 共享栈的定义

共享栈: 两个栈共享一片内存空间



## 1.3.2 共享栈的实现

```
1 #define MAX_SIZE 10
2 typedef int ElemType;
3 typedef struct {
4
      ElemType data[MAX_SIZE];
5
       int top0;
6
       int top1;
7
   } ShareStack;
8
   //初始化
9
   void InitStacki(ShareStack &S) {
      S.top0 == -1;
10
11
       S.top1 == MAX_SIZE;
12 }
13 //判空
   bool Empty(ShareStack S) {
14
```

# 1.3 栈的链式存储的实现

### 1.3.1 链式栈的实现

```
1 typedef int ElemType;
2 typedef struct StackNode {
      ElemType data;
      struct StackNode *next;
5 } StackNode, *LinkStack;
6 //初始化
   void InitStack(LinkStack &S) {
8
      S = nullptr;
9 }
10 //入栈
bool Push(LinkStack &S, ElemType x) {
12
      StackNode *s = new StackNode;
13
      s->data = x;
14
      s->next = S;
15
      S = S;
16 }
   //出栈
17
18 | bool Pop(LinkStack &S, ElemType &e) {
     if (!s)
19
20
           return false;
     e = S->data;
21
22
      StackNode *p = S;
23
      S = S->next;
24
       delete p;
25
      return true;
26 }
   //取栈顶元素
27
28 bool GetTop(LinkStack S, ElemType &e) {
      if (!s)
29
30
          return false;
31
      e = S->data;
32
      return true;
33 }
```

### 1.3.2 汉诺塔问题的递归算法

#### 算法步骤:

- 1. 如果n=1,则直接将编号为1的圆盘从A移到C,递归结束
- 2. 否则:
  - 。 递归,将A上编号为1至n-1的圆盘移动到B,C做辅助塔
  - 。 直接将编号为n的圆盘从A移到C
  - 。 递归, 将B上编号为1至n-1的圆盘移动到C, A做辅助塔

```
void move(LinkStack &from, LinkStack &to) {
 2
        ElemType data;
 3
        Pop(from, data);
 4
        Push(to, data);
 5
    void hanoi(int n, LinkStack &A, LinkStack &B, LinkStack &C) {
 6
 7
        if (n == 1)
 8
            move(A, C);
9
        else {
10
            hanoi(n - 1, A, C, B);
11
            move(A, C);
12
            hanoi(n - 1, B, A, C);
13
        }
14 }
```

时间复杂度=O(2<sup>n</sup>)

空间复杂度=O(n)

# 2 队列

# 2.1 队列的定义和特点

## 2.1.1 队列的概念

定义: 队列是只允许在一端进行插入, 在另一端进行删除的线性表。

特点: 先进先出 (First In First Out, FIFO)

### 术语:

• 队头:允许删除的一端,又称队首。

• 队尾:允许插入的一端。

• 空队列:不含任何元素的空表。

### 2.1.2 队列的抽象数据类型定义

```
ADT Queue{
1
2
       数据对象: D = {ai | ai ∈ ElemSet, i=1,2,3,...,n,n≥0}
3
       数据关系: R1={<ai-1,ai>|ai-1,ai∈D,i=2,...,n}
4
              约定 a1 端为队列头, an端为队列尾
5
       基本操作:
6
          InitQueue(&Q)
7
              操作结果: 构造一个空队列Q
8
          DestroyQueue(&Q)
9
              初始条件: 队列Q已存在
10
              操作结果:队列Q被销毁,不再存在
11
          ClearQueue(&Q)
12
              初始条件:队列Q已存在
13
              操作结果: 将Q清为空队列
14
          QueueEmpty(Q)
15
              初始条件: 队列Q已存在
              操作结果: 若Q为空队列,则返回true,否则返回false
16
17
          GetHead(Q)
18
              初始条件: Q为非空队列
19
              操作结果:返回Q的队头元素
20
          EnQueue(&Q,e)
```

```
初始条件:队列Q已存在
21
22
            操作结果:插入元素e为Q的新的队尾元素
23
         DeQueue(&Q,&e)
24
            初始条件: Q为非空队列
25
            操作结果: 删除Q的队头元素,并用e返回其值
26
         QueueTraverse(&Q)
27
            初始条件: Q已存在且非空
28
            操作结果: 从队头到队尾, 依次对Q的每个数据元素访问
29
   }ADT Queue
```

### 2.1.3 基本操作

```
InitQueue(&Q): 初始化队列,构造一个空队列Q。

DestroyQueue(&Q): 销毁队列。销毁并释放队列Q所占用的内存空间。

EnQueue(&Q,x): 入队,若Q未满,将x加入,使之成为新的队尾。

DeQueue(&Q,&x): 出队,若Q非空,删除队头元素,并用x返回。

GetHead(Q,&x): 度队头元素,若队列Q非空,则将队头元素赋值给x。

QueueEmpty(Q): 判断队空,若队列Q为空返回true,否则返回false。
```

## 2.2 队列的顺序实现

### 2.2.1 循环队列

```
#define MAX_SIZE 10//队列初始容量
2
   typedef int ElemType;
3
   //队列的顺序存储结构
   typedef struct {
5
       ElemType *data;
6
        int front;//队头指针
7
       int rear;//队尾指针
    } SqQueue;
8
9
    //初始化
10
   bool InitQueue(SqQueue &Q) {
11
        Q.data = new ElemType[MAX_SIZE];
12
       if (!Q.data)
13
            return false;
14
       Q.front = Q.rear = 0;
15
       return true;
16
   }
17
   //判空
18
    bool QueueEmpty(SqQueue Q) {
19
        if (Q.front == Q.rear)//队空条件
20
            return true;
       else
21
22
           return false;
23
    }
24
    //入队
25
    bool EnQueue(SqQueue &Q, ElemType e) {
       if ((Q.rear + 1) % MAX_SIZE == Q.front)//队满
26
27
            return false;
28
        Q.data[Q.rear] = e;//添加数据
29
        Q.rear = (Q.rear + 1) % MAX_SIZE; //循环队列, 队尾指针+1
30
        return true;
   }
31
32
   //出队
    bool DeQueue(SqQueue &Q, ElemType &e) {
```

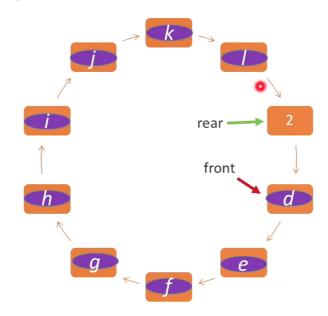
```
34
      if (Q.front == Q.rear)//队空
35
            return false;
36
        e = Q.data[Q.front];//保存队头元素
37
       Q.front = (Q.front + 1) % MAX_SIZE;//队头指针加1
38
        return true;
39
   }
40
   //取队头元素
41
    bool GetHead(SqQueue Q, ElemType &e) {
42
       if (Q.front == Q.rear)
43
            return false;
44
       e = Q.data[Q.front];
45
        return true;
46
    }
47
   //求循环队列长度
48
   int Length(SqQueue Q) {
49
       return (Q.rear - Q.front + MAX_SIZE) % MAX_SIZE;
50
   }
```

### 2.2.2 判断队满\队空的三种方式

第一种方式:上述循环队列操作中的方式

• 队满: (Q.rear + 1) % MAX\_SIZE == Q.front

• 队空: Q.front == Q.rear



注意: 这种方式下,数组空间中会有一个位置的浪费。

### 第二种方式:

如果想要不浪费这一个空间,需要在结构体中添加一个size属性,用来记录队列的长度,在进行入队出队操作的时候size++或者size--,判断队满size==MAXSIZE

```
//队列的顺序存储结构
1
2
   typedef struct {
3
      ElemType *data;
4
      int front;//队头指针
      int rear;//队尾指针
6
      int size;
7
   } SqQueue;
8
  //初始化
9
   bool InitQueue(SqQueue &Q) {
```

```
10     Q.data = new ElemType[MAX_SIZE];
11     if (!Q.data)
12         return false;
13     Q.front = Q.rear = 0;
14     Q.size = 0;
15     return true;
16  }
```

• 队满: Q.size == MAX\_SIZE

• 队空: Q.size == 0

#### 第三种方式:

结构体中添加一个tag属性,用来记录最近一次的插入或者删除操作。删除操作完成时设置tag=0,插入操作完成时设置tag=1。只有删除操作,才可能导致队空;只有插入操作,才可能导致队满。

```
#define MAX_SIZE 10//队列初始容量
 2
   typedef int ElemType;
 3
   typedef struct {
4
       ElemType *data;
       int front;//队头指针
 6
       int rear;//队尾指针
 7
       int tag;//入队操作后设为1,出队操作后设为0
8
   } SqQueue;
9
10
   //初始化
11 | bool InitQueue(SqQueue &Q) {
12
       Q.data = new ElemType[MAX_SIZE];
13
       if (!Q.data)
14
           return false;
       Q.front = Q.rear = 0;
15
16
       Q.tag = 0;
       return true;
17
18 }
```

队空: Q.rear == Q.front && Q.tag == 0
 队满: Q.rear == Q.front && Q.tag == 1

## 2.3 队列的链式实现

### 2.3.1 带头结点 (方便操作)

```
1 typedef int ElemType;
2
   typedef struct LinkNode {
3
        ElemType data;
4
       struct LinkNode *next;
5
   } LinkNode;
6
   typedef struct {
7
       LinkNode *front;
8
       LinkNode *rear;
9
   } LinkQueue;
10
   //初始化
   void InitQueue(LinkQueue &Q) {
11
12
       Q.front = Q.rear = new LinkNode;//头结点
13
       Q.front->next = nullptr;//头结点的指针域置空
14
    }
```

```
15 //判空
16
    bool Empty(LinkQueue Q) {
17
        if (Q.front == Q.rear)
18
            return true;
19
        else
20
             return false;
21
    }
22
    //入队
23
    bool EnQueue(LinkQueue &Q, ElemType e) {
24
        LinkNode *s = new LinkNode;
25
        s->data = e;
26
        s->next = nullptr;
27
        Q.rear->next = s;
28
        Q.rear = s;
29
        return true;
30 }
31
    //出队
32
    bool DeQueue(LinkQueue &Q, ElemType &e) {
33
        if (Q.rear == Q.front)
34
             return false;
35
        LinkNode *p = Q.front->next;
36
        e = p->data;
37
        Q.front->next = p->next;
38
        if (Q.rear == p)
39
             Q.rear = Q.front;
40
        delete p;
41
        return true;
42
    }
43
    //取队头元素
    bool GetHead(LinkQueue Q, ElemType &e) {
45
       if (Q.rear == Q.front)
46
             return false;
47
         e = Q.front->next->data;
48
        return true;
49
    }
50
    //获取队列长度
51
    int Length(LinkQueue Q) {
        if (Q.front == Q.rear)
52
53
             return 0;
54
        int len = 0;
55
        LinkNode *p = Q.front;
56
        while (p->next) {
57
             p = p->next;
58
             len++;
59
         }
         return len;
60
61
62
    //遍历
63
    bool traverse(LinkQueue Q) {
64
        if (Q.rear == Q.front)
65
             return false;
66
         std::cout << "打印链式队列: ";
        LinkNode *p = Q.front->next;
67
        while (p) {
68
69
             std::cout << p->data << "\t";</pre>
70
             p = p->next;
71
         }
72
         std::cout << std::endl;</pre>
```

```
73 return true;
74 }
```

### 2.3.2 不带头结点

```
1
    typedef int ElemType;
    typedef struct LinkNode {
2
 3
        ElemType data;
4
        struct LinkNode *next;
 5
    } LinkNode;
   typedef struct {
6
7
        LinkNode *front;
8
        LinkNode *rear;
9
   } LinkQueue;
10
    //初始化
    void InitQueue(LinkQueue &Q) {
11
12
        Q.front = nullptr;
13
        Q.rear = nullptr;
14
   }
    //判空
15
16
    bool Empty(LinkQueue &Q) {
17
        if (Q.front == nullptr)
18
            return true;
19
        else
20
            return false;
21
    }
22
    //入队
    bool EnQueue(LinkQueue &Q, ElemType e) {
23
24
        LinkNode *s = new LinkNode;
25
        s->data = e;
26
        s->next = nullptr;
27
        if (Q.front == nullptr) {//在队列中插入第一个结点
28
            Q.front = s;
29
            Q.rear = s;
30
        } else {
31
            Q.rear->next = s;//新结点插入到Q.rear之后
32
            Q.rear = s;//修改Q.rear
33
34
        return true;
35
    }
36
    //出队
37
    bool DeQueue(LinkQueue &Q, ElemType &e) {
        if (Q.front == nullptr)
38
39
            return false;
40
        LinkNode *p = Q.front;
41
        e = p->data;
42
        Q.front = p->next;
43
        if (p == Q.rear) {//如果删除的p是最后一个结点
44
            Q.rear = nullptr;
45
            Q.front = nullptr;
46
        }
47
        delete p;
48
        return true;
49
   }
    //获取队列长度
50
51
    int Length(LinkQueue Q) {
        if (Q.front == nullptr)
```

```
return 0;
     int len = 0;
54
55
      LinkNode *p = Q.front;
      while (p) {
56
57
           p = p->next;
58
           len++;
59
       }
60
      return len;
61 }
62
   //遍历
63 bool traverse(LinkQueue Q) {
64
    if (Q.front == nullptr)
65
           return false;
     LinkNode *p = Q.front;
while (p) {
66
67
68
          std::cout << p->data << "\t";</pre>
69
           p = p->next;
70
71
       std::cout << std::endl;</pre>
72
       return true;
73 }
```

## 2.4 双端队列

#### 分类:

取端队列:只允许从两端插入、两端删除的线性表。

輸入受限的双端队列: 只允许从一端输入, 两端删除的线性表輸出受限的双端队列: 只允许从两端插入, 一端删除的线性表

考点: 判断输出序列合法性

PS: 在栈中合法的输出序列, 在双端队列中必定合法

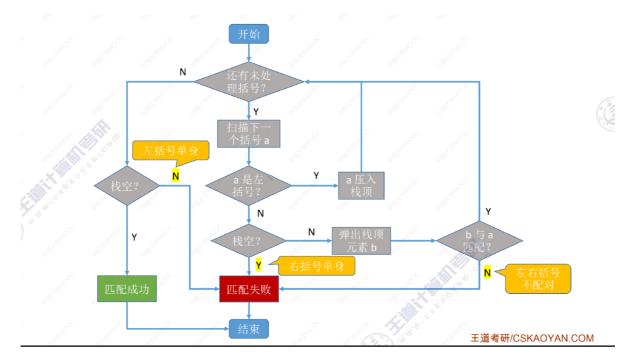
## 3 栈的应用

## 3.1 括号匹配

实现思路: 依次扫描所有字符, 遇到左括号入栈, 遇到有括号则弹出栈顶元素检查是否匹配

#### 匹配失败情况:

- 1. 右括号和左括号不匹配
- 2. 右括号消耗完, 左括号还有剩余 (左括号单身)
- 3. 左括号消耗完,还有有括号(右括号单身)



### 代码实现:

```
bool bracket(char str[], int length) {
1
 2
        LinkStack S;
 3
        InitStack(S);
        for (int i = 0; i < length; i++) {
 5
            if (str[i] == '(' || str[i] == '[' || str[i] == '{'}) {
                Push(S, str[i]);//扫描到左括号, 出栈
 6
 7
            } else {
8
                if (Empty(S))//匹配到右括号,且当前栈空
9
                    return false;//匹配失败
10
                char topElem;
                Pop(S, topElem);//在栈顶元素出栈
11
                if (str[i] == ')' && topElem != '(')
12
13
                    return false;
14
                if (str[i] == ']' && topElem != '[')
15
                    return false;
                if (str[i] == '}' && topElem != '{')
16
                    return false;
17
18
19
20
        return Empty(S);
21 }
```

## 3.2 表达式求值

### 三种算术表达式:

1. 中缀表达式:运算符在两个操作数中间,例:a+b-c\*d

2. 后缀表达式(逆波兰表达式): 运算符在两个操作数后面,例: ab+cd\*-

3. 前缀表达式 (波兰表达式): 运算符在两个操作数前面,例: -+ad\*cd

表达式的三种成分:操作数、运算符、界限符(括号)

### 3.2.1 中缀表达式转后缀表达式

#### 1) 手算方法:

- 1. 确定中缀表达式中各个运算符的运算顺序
- 2. 选择下一个运算符,按照[左操作数 右操作数 运算符]的方式组合成一个新的操作数
- 3. 如果还有运算符没被处理,就继续步骤2

注:由于运算顺序不唯一,因此对应的后缀表达式也不唯一

**例:** A+B\*(C-D)-E/F

转后缀表达式: ABCD-\*+EF/- (计算机应该得到的结果)

ABCD-\*EF/-+

**注**:要保证<mark>手算和机算结果相同(为了确保算法的"正确性")</mark>,应采用"左优先"原则

"左优先"原则: 只要左边的运算符能先计算,就优先算左边的

例: A+B-C\*D/E+F ==> AB+CD\*F/-F+

#### 2) 机算方法:

- 1. 初始化一个栈, 用于保存暂时还不能确定运算顺序的运算符
- 2. 从左到右处理各个元素,直到末尾。可能遇到三种情况:
  - 1. 遇到操作数。直接加入后缀表达式。
  - 2. 遇到<mark>界限符</mark>。遇到'('直接入栈;遇到')'则依次弹出栈内运算符并加入后缀表达式,知道弹出'('为止。注意:'('不加入后缀表达式。
  - 3. 遇到<mark>运算符</mark>。依次弹出栈内<mark>优先级</mark>高于或等于当前运算符的所有运算符,并加入后缀表达式, 若碰到'('或栈空则停止。之后再把当前运算符入栈。
- 3. 按上述方法处理完所有字符后,将栈中剩余运算符依次弹出,并加入后缀表达式

### 3.2.2 后缀表达式的计算

#### 后缀表达式的手算方法:

从左往右扫描,每遇到一个运算符,就让<mark>运算符前面最近的两个操作数</mark>执行对应运算,合为一个操作数 数

#### 用栈实现后缀表达式的计算:

- 1. 从左到右扫描下一个元素,直到处理完所有元素
- 2. 若扫描到操作数则压入栈, 并返回步骤1; 否则执行步骤3
- 3. 若扫描到运算符,则弹出两个栈顶元素,执行相应运算,运算结果压入栈顶,回到步骤1

注意: 先出栈的是右操作数

### 3.2.3 中缀表达式转前缀表达式

#### 手算方法:

- 1. 确定中缀表达式中各个运算符的运算顺序
- 2. 选择下一个运算符,按照[运算符 左操作数 右操作数]的方式组合成一个新的操作数
- 3. 如果还有运算符没被处理,就继续步骤2

"右优先"原则:只要右边的运算符能先计算,就优先算右边的

注: 一个中缀表达式可以对应多个后缀、前缀表达式

### 3.2.4 前缀表达式的计算

#### 用栈实现前缀表达式的计算:

- 1. 从右往左扫描下一个元素,知道处理完所有元素
- 2. 若扫描到操作数则压入栈,并回到步骤1;否则执行步骤3
- 3. 若扫描到运算符,则弹出两个栈顶元素,执行相应运算,运算结果压入栈顶,回到步骤1

注意: 先出栈的是左操作数

### 3.2.5 中缀表达式的计算

### 用栈实现中缀表达式的计算:

- 1. 初始化两个栈,操作数栈和运算符栈
- 2. 若扫描到操作数,压入操作数栈
- 3. 若扫描到运算符或界限符,则按照"中缀转后缀"相同逻辑压入运算符栈(期间也会弹出运算符,每 当弹出一个运算符时,就需要再弹出两个操作数栈的栈顶元素并执行相应的运算,运算结果在压回 操作数栈)

## 3.3 递归中的应用

### 3.2.1 递归

**递归调用**其实就是特殊的函数调用,只不过它调用的函数是其本身而已。

函数调用的特点: 最后被调用的函数最先执行结束 (LIFO)

函数调用时需要用一个栈存储:

- 1. 调用返回地址
- 2. 实参
- 3. 局部变量

#### 递归算法的两部分:

- 1. 递归表达式 (递归体)
- 2. 边界条件 (递归出口)

缺点: 递归层数太多会导致栈溢出。

缺点:可能包含很多重复计算。

### 3.3.2 阶乘

```
1  int factorial(int n) {
2    if (n == 0 || n == 1)
3        return 1;
4    else
5        return n * factorial(n - 1);
6  }
```

### 3.3.3 斐波那契数列

```
1 int fib(int n) {
2    if (n == 0)
3        return 0;
4    else if (n == 1)
5        return 1;
6    else
7        return fib(n - 1) + fib(n - 2);
8    }
```

### 3.3.4 利用栈将递归转换为非递归的方法

#### 利用栈消除递归的步骤:

- 1. 设置一个工作栈存放递归工作记录(包括实参、返回地址、及局部变量等)
- 2. 进入非递归调用入口(即被调用程序开始处)将调用程序传来的实在参数和返回地址入栈(递归程序不可以作为主程序,因而可认为初始是被某个调用程序调用)。
- 3. 进入递归调用入口: 当不满足递归结束条件时,逐层递归,将实参、返回地址及局部变量入栈,这一过程可用循环语句来实现——模拟递归分解的过程。
- 4. 递归结束条件满足,将到达递归出口的给定常数作为当前的函数值。
- 5. 返回处理:在栈不空的情况下,反复退出栈顶记录,根据记录中的返回地址进行题意规定的操作,即逐层计算当前函数值,直至占空为止——模拟递归求值过程。

### 3.3.5 用栈实现的非递归阶乘

```
int non_recursion_factorial_1(int n) {
 2
       stack<int> stack;//新建一个栈,存储每层递归的计算结果
 3
      int result = 1;
      if (n == 0 || n == 1)//边界条件
4
 5
          return 1;
 6
      while (n != 1 && n != 0)//while循环,将每层的计算结果入栈
          stack.push(n--);
8
     while (!stack.empty()) {//栈非空,逐层计算函数值,依次退栈,直到栈空
9
           result = result * stack.top();
10
          stack.pop();
11
12
      return result:
13 }
```

## 4队列的应用

树的遍历、图的广度优先遍历

1.

4.

# 四、串

## 1 串的定义

## 1.1 串的定义

**定义**: 串(string)是由0个或多个字符组成的有限序列。一般记为  $S='a1a2\cdots an'(n\geq 0)$ 

其中S是串名,单引号中的内容是串的值; a<sub>i</sub>可以是字母、数字或其他字符; 串中字符的数目n称为串的长度。n=0时的串称为空串(用 Ø 表示)。

**子串**: 串中任意个连续的字符组成的子序列。 (任意的意思是可以为0)

主串:包含子串的串相应的称为主串。

字符在主串中的位置:字符在串中的序号。

子串在主串中的位置: 子串的第一个字符在主串中的位置。

两个串相等: 当且仅当两个串的值相等。

空格串:由一个或多个空格组成的串""称为空格串。

注意:空格串不是空串。

## 1.2串的特点

字符串一般简称为串。串是一种特殊的线性表,数据元素之间呈线性关系,其特殊性体现在数据元素是一个字符,也就是说,串是一种内容受限的线性表。

## 1.3 串的抽象数据类型

```
1
   ADT String{
2
       数据对象: D={ai | ai ∈ CharacterSet, i=1,2,···,n,n≥0}
3
       数据关系: R1={<ai-1,ai>|ai-1,ai∈D,i=1,2,···,n}
       基本操作:
4
5
          StrAssign(%T, chars)//赋值操作
             初始条件: chars是字符串常量
6
              操作结果: 生成一个其值等于chars的串T
7
8
          StrCopy(&T,S)//复制
              初始条件: 串S存在
9
10
              操作结果:有串S复制得串T
          StrEmpty(S)//判空
11
12
              初始条件: 串S存在
              操作结果: 若S为空串,则返回true,否则返回false
13
14
          StrCompare(S,T)//比较
15
              初始条件: 串S和T存在
16
              操作结果: 若S>T,则返回值>0;若S=T,则返回值=0,若S<T,则返回值<0
17
          StrLength(S)//求串长
18
              初始条件: 串S存在
19
              操作结果: 返回串的元素个数, 称为串的长度
20
          ClearString(&S)//清空串
21
              初始条件: 串S存在
22
              操作结果: 将S清为空串
23
          Concat($T,S1,S2)//串联接
              初始条件: 串S1和串S2存在
24
25
              操作结果:用T返回由S1和S2连接而成的新串
26
          SubString(&Sub,S,pos,len)//获取子串
27
              初始条件: 串S存在,1≤pos≤StrLength(S)且0≤len≤StrLength(S)-pos+1
28
              操作结果:用Sub返回串S的第pos个字符起长度为len的子串
29
          Index(S,T)//定位子串
30
              初始条件: 串S和T存在, T是非空串
```

```
操作结果: 若主串S中存在和串T值相同的子串,则返回它在主串S中第一次出现的位置;
31
   否则函数值为0
32
         Replace(&S,T,V)//替换子串
33
             初始条件: 串S,T,V存在,T是非空串
34
             操作结果:用V替换主串S中出现的所有与T相等的不重叠的字串
35
         StrInsert(&S,pos,T)//插入子串
36
             初始条件: 串S和T存在, 1≤pos≤StrLength(S)+1
             操作结果: 在串S的第pos个字符之前插入串T
37
38
         StrDelete(&S,pos,len)//删除子串
39
             初始条件: 串S存在, 1≤pos≤StrLength(S)-len+1
             操作结果: 从串S中删除第pos个字符起长度为len的子串
40
41
         DestroyString(&S)//销毁串
             初始条件: 串S存在
42
43
             操作结果: 串S被销毁
44 }
```

#### 字符串比较:

- 1. 两个串逐字符对比,先出现较大字符那个串就大
- 2. 长串的前缀与短串相同时,长的那个大

## 1.4 字符集

- 1. ASCII字符集——英文字符——八个比特位表示
- 2. UniCode字符集——中英文

基于相同的字符集可以有多个不同的编码方式,比如:UTF-8、UTF-16等。

采用不同的编码方式,每个字符所占的空间不同,考研默认每个字符1B即可。

## 2 串的实现

## 2.1 串的顺序存储

#### 串的定长顺序存储结构:

```
1 #define MAXLEN 255//串的最大长度
2 typedef struct{
3    char ch[MAXLEN];
4    int length;
5 }SString;
```

#### 串的堆式顺序存储结构:

```
1 typedef struct{
2 char *ch;//动态数组(堆分配存储)
3 int length;
4 }HString;
```

不同的实现方式: (选择方法4)



## 2.2 串的链式存储

#### 结构1:

```
typedef struct StringNode{
char ch;
struct StringNode *next;
}StringNode,*String;
```

缺点: 存储密度低, 每个字符1B, 每个指针4B

结构2: (提高存储密度)

```
1 #define CHUNKSIZE 80//由用户定义的块大小
2
  typedef struct Chunk{
3
      char ch[CHUNKSIZE];
      struct Chunk *next;
4
5
  }Chunk;
  typedef struct{
6
7
      Chunk *head,*tail;//串的头、尾指针
      int length;//串的当前长度
8
 }LString;
```

注: 如果某个结点的数组存不满,可以用特殊字符填充。

## 2.3 基本操作的实现

## 2.3.1 求子串 SubString(&Sub,S,pos,len)

```
bool SubString(SString &Sub, SString S, int pos, int len){
1
2
       if((pos+len-1)>S.length)
3
            return false;
4
       for(int i=pos;i<pos+len;i++)</pre>
5
            Sub.ch[i-pos+1]=S.ch[i];
6
       SUb.length=len;
7
       return true;
8
  }
```

## 2.3.2 比较 StrCompare(S,T)

```
1  //比较操作。若S>T,则返回值>0;若S=T,则返回值=0,若S<T,则返回值<0
2  int StrCompare(SString S,SString T){
3   for(int i=1;i<=S.length&&i<T.length;i++){
4    if(S.ch[i]!=T.ch[i])
5    return S.ch[i]-T.ch[i];
6   }
7   return S.length-T.length;//扫描过的所有字符都相同,则长度大的串更大
8 }</pre>
```

### 2.3.3 定位 Index(S,T)

```
1 //定位子串。若主串S中存在和串T值相同的子串,则返回它在主串S中第一次出现的位置;否则函数值为
   int Index(SString S,SString T){
3
      int i=1;
4
      SString Sub;
5
       while(i<S.length-T.length+1){</pre>
           SubString(Sub,S,i,T.length);
6
 7
           if(StrCompare(Sub,T)!=0)
8
              ++i;
9
          else
10
              return i;//返回子串在主串中的位置
11
12
       return 0;//没有相同子串
13 }
```

## 3 串的模式匹配算法

子串的**定位操作**通常称为串的**模式匹配**或**串匹配**。

模式匹配中有两个字符串S和T, S称为主串, 也称为正文串; T为子串, 也称为模式。

## 3.1 BF(Brute-Force)算法

BF算法为暴力算法,又称为朴素模式匹配算法。

### 算法步骤:

- 1. 分别利用计数指针i和j指示主串S和模式T中当前正待比较的字符位置,i初值为pos, j初值为1.
- 2. 如果两个串均未比较到串尾,即i和j均分别小于等于S和T的长度时,则循环执行以下操作:
  - 1. S.ch[i]和T.ch[j]比较,若相等,则i和j分别指示串中下一个位置,继续比较后续字符。

- 2. 若不相等,指针后退重新开始匹配,从主串的下一个字符(i=i-j+2)起再重新和模式的第一个字符(i=1)比较。
- 3. 如果j>T.length,说明模式T中的每个字符依次和主串S中的一个连续的字符序列相等,则匹配成功,返回模式T中的第一个字符相等的字符在主串S中的序号(i-T.length);否则称匹配不成功,返回 0.

```
1 //指定主串查找的起始位置
   int Index_BF(SString S,SString T,int pos){
3
      int i=pos,j=1;
4
      while(i<S.length&&j<T.length){</pre>
5
          if(S.ch[i]==T.ch[j]){
 6
               i++;
7
               j++;
8
          }
           else{
9
10
               i=i-j+2;
11
               j=1;
12
           }
13
      }
14
      if(j>T.length)
15
           retuen i-T.length;
16
       else
17
       return 0;
18 }
```

### 从头开始扫描:

```
int Index_BF(SString S,SString T){
 2
      int i=1,j=1;
 3
       while(i<S.length&&j<T.length){</pre>
 4
           if(S.ch[i]==T.ch[j]){
 5
                ++i;
 6
                ++j;
 7
           }
 8
            else{
9
                i=i-j+2;
10
                j=1;
11
            }
12
13
      if(j>T.length)
14
           retuen i-T.length;
15
       else
16
          return 0;
17 }
```

时间复杂度: 主串长度为n,模式长度为m,最坏时间复杂度O(nm)

## 3.2 KMP 算法

### 3.2.1 KMP算法原理

Knuth-Morris-Pratt 字符串查找算法。

前缀:除最后一个字符外,字符串的的所有头部子串。(所有头部子串的集合)

后缀:除第一个字符外,字符串的所有尾部子串。(所有尾部子串的集合)

部分匹配值:字符串的前缀和后缀的最长相等前后缀长度。(前缀和后缀交集中最长的那个的长度)

KMP算法需要根据模式串T,计算出next数组,next数组中存放的是每个长度的部分匹配值,KMP 算法利用next数对模式串组进行回溯,但是主串不回溯。

KMP算法,最坏时间复杂度: O(m+n),求next数组时间复杂度O(m),模式匹配最坏时间复杂度O(n)。

#### 代码实现:

```
int Index_KMP(HString S, HString T) {
 2
       int i = 1, j = 1;
 3
        int next[T.length + 1];
 4
        get_next(T, next);
 5
        while (i <= S.length && j <= T.length) {
 6
            if (j == 0 || S.ch[i] == T.ch[j]) {
 7
                ++i;
 8
                ++j;
 9
            } else {
10
                j = next[j];
11
12
        }
       if (j > T.length)
13
           return i - T.length;
14
15
        else
16
            return 0;
17 }
```

### 3.2.2 next数组

#### 1) 手算

先填写: next[1]=0,next[2]=1

后续:在不匹配的位置前上画一条线,模式串一步一步后退,知道分界线之前能"**对上**",或模式串完全退到分界线后,也就是不匹配的位置。此时j指向哪儿,next数组值就是多少。

#### 2) 实现

```
void get_next(HString T, int next[]) {
 2
        if (T.length == 0)
 3
             exit(-2);
        int i = 1, j = 0;
 4
 5
        next[1] = 0;
        while (i < T.length) {</pre>
 6
 7
             if (j == 0 || T.ch[i] == T.ch[j]) {
 8
                 ++i;
9
                 ++j;
10
                 next[i] = j;
            } else {
11
12
                 j = next[j];
13
            }
        }
14
15 }
```

### 3.2.3 nextval数组代码实现

```
void get_next_val(HString T, int nextval[]) {
 2
        if (T.length < 0)</pre>
 3
            return;
       int i = 1, j = 0;
 4
 5
        nextval[1] = 0;
 6
        while (i <= T.length) {</pre>
 7
            if (j == 0 || T.ch[i] == T.ch[j]) {
 8
                 ++i;
9
                 ++j;
10
                 if (T.ch[i] != T.ch[j])
11
                     nextval[i] = j;
12
                 else
13
                     nextval[i] = nextval[j];
14
            } else {
15
                 j = nextval[j];
16
            }
17
18 }
```

# 五、数组

## 5.1 数组的定义

数组:数组是由类型相同的数据元素组成的有序集合,每个元素称为数组元素。

## 5.2 数组的存储结构

## 5.2.1 一维数组

```
1 | ElemType arr[10];
```

内存:各数组元素大小相同,且物理上连续存放。已知起始地址,数组各元素的物理位置可以直接计算 出来。

arr[0]	arr[1]	arr[2]	arr[3]	arr[4]	arr[5]	arr[6]	arr[7]	arr[8]	arr[9]
--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------

起始地址LOC=arr[0]地址,则a[i]存放地址=LOC+i\*sizeof(ElemType);

注:除非特别说明,下表默认从0开始。

```
1 例: int arr[10]={0,1,2,3,4,5,6,7,8,9};
2 int *p = arr;// *p = 0;
3 int *q=arr+3;// *q = 4;
```

## 5.2.2 二维数组

```
1 | ElemType arr[2][3]={0,1,2,3,4,5};//两行三列的二维数组
```

逻辑视角:

arr[0][0]	arr[0][1]	arr[0][2]
arr[1][0]	arr[1][1]	arr[1][2]

内存: (行优先存储)

arr[0][0]	arr[0][1]	arr[0][2]	arr[1][0]	arr[1][1]	arr[1][2]
-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------

M行N列二维数组arr[M][N]

arr[i][j]的存储地址=LOC+(i\*N+j)\*sizeof(ElemType);

```
1 int arr[2][3]={0,1,2,3,4,5};
2 int i=j=1;
3 int *p=&arr[0][0]+i*N+j;// *p=4
```

内存: (列优先存储)

arr[0][0] arr[1][0] arr[0][1] arr[1][1] arr[0	][2] arr[1][2]
-----------------------------------------------	----------------

M行N列二维数组arr[M][N]

arr[i][j]的存储地址=LOC+(j\*M+i)\*sizeof(ElemType);

```
1 int arr[2][3]={0,1,2,3,4,5};
2 int i=j=1;
3 int *p=&arr[0][0]+j*M+i;//*p=4
```

## 5.3 特殊矩阵的压缩存储

### 普通矩阵:

可用二维数组存储。

注:矩阵的下表从1开始,数组的下标从0开始

### 特殊矩阵:

下列压缩策略中计算矩阵到数组的映射函数,可能需要用到等差数列的求和公式

$$Sn = n*a1 + rac{n*(n-1)}{2}*d$$
 或者  $Sn = rac{n*(a1+an)}{2}$ 

## 5.3.1 对称矩阵

若n阶方阵中任意一个元素a<sub>i,i</sub>,都有a<sub>i,i</sub>=a<sub>i,i</sub>,责成该局真伪对称矩阵。

普通存储: n\*n二维数组。

### 压缩存储策略:

- 只存储主对角线+下三角区(i>i)
  - 按行优先原则将各元素存入一维数组中。

a <sub>1,1</sub>	a <sub>2,1</sub>	a <sub>2,2</sub>	a <sub>3,1</sub>	•••••	a <sub>n,n-1</sub>	a <sub>n,n</sub>
------------------	------------------	------------------	------------------	-------	--------------------	------------------

数组大小为: 1+2+3+·····+n= n\*(n+1)/2

· 使用方法: 构造一个映射函数, 通过矩阵下标计算出数组下标。

$$a_{i,j}$$
 --->  $arr[k]$  按照行优先原则, $a_{i,j}$ 是第1+2+3+···+(i-1)+j =  $\frac{i*(i-1)}{2}+j$  个元素  $k=\frac{i*(i-1)}{2}+j-1$ 

• 主对角线+上三角区(i<j) 方法和上面类似。

## 5.3.2 三角矩阵

- 下三角矩阵:除了主对角线和下三角区,其余元素均为常量c。
  - 。 压缩存储策略: 按行优先原则将下三角矩阵存入一维数组, 并在最后一个位置存储常量c。

0	a <sub>1,1</sub>	a <sub>2,1</sub>	a <sub>2,2</sub>	a <sub>3,1</sub>	•••••	a <sub>n,n-1</sub>	a <sub>n,n</sub>	С	
---	------------------	------------------	------------------	------------------	-------	--------------------	------------------	---	--

- $\circ$  数组大小:  $1+2+3+\cdots+n+1=rac{n*(n+1)}{2}+1$
- 使用方法:构造映射函数
- 上三角矩阵:与上面类似

## 5.3.3 三对角矩阵

三对角矩阵: 又称为带状矩阵,当|i-j|>1时,有 $\mathbf{a}_{\mathbf{i},\mathbf{j}}$ =0 $(1\leq i,j< n)$ 

- 压缩策略:按行优先原则(或列优先原则),只存储带状部分
- 数组大小: 2+3\*(n-2)+2=3\*n-2
- 已知矩阵元素下标,计算aii在数组中的位置,数组下标从0开始

前
$$i-1$$
行共有 $3*(i-1)-1$ 个元素

 $a_{i,i}$ 是第i行第j-i+2个元素

$$a_{i,i}$$
是第 $2*i+j-2$ 个元素

$$k = 2 * i + j - 3$$

• 已知数组下标k, 计算矩阵元素下标ai,i

明显可知
$$3*(i-1)-1 < k+1 \le 3*i-1$$

 $i \geq rac{k+2}{3}$  可以理解为"刚好"大于等于

向上取整 
$$i = \lceil \frac{k+2}{3} \rceil$$
 ,  $j = k-2*i+3$ 

## 5.3.4 稀疏矩阵

稀疏矩阵:非零元素个数远远小于矩阵元素的个数

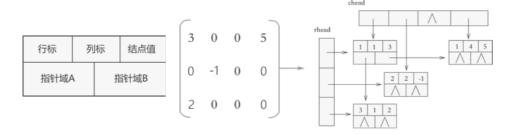
### 压缩策略:

• 顺序存储——三元组<行,列,值>

```
1 struct node{
2   int i;
3   int j;
4   int value;
5 };
6 struct node arr[n];
```

- 。 这种方式是访问稀疏矩阵只能顺序存取, 失去了随机存取的特性
- 十字链表法——链式存储

```
1 //结点
   typedef struct OLNode{
 2
 3
       int i,j;//行标和列标
       int data;//数据
       struct OLNode *right,*down;//右指针和下指针
   }OLNode,*OLink;
   //十字链表结构体
 7
8
   typedef struct{
       LONode *rhead,*chead;//行和列链表头指针
10
       int m,n,count;//行数、列数、非零元素个数
11
```



## 5.4 矩阵考点易错点

- 1. 矩阵的压缩存储需要的数组大小
- 2. 由矩阵元素的行标和列标<i,i>推导出对应的数组下标k(数列求和)
- 3. 由数组下标k, 推导出<i,j>
  - 1. 如何处理不等式中的"刚好大于等于/小于等于"
  - 2. 向上取整/向下取整
- 4. 易错点:
  - 1. 存储上三角? 下三角
  - 2. 行优先存储? 列优先存储?
  - 3. 矩阵下标从0? 1? 开始
  - 4. 数组下标从0? 1? 开始

# 六、树

# 6.1 树的定义及相关概念

## 6.1.1 定义

**树**: 树是 $n(n \ge 0)$ 个结点的有限集。

**空树**:结点数为0的数,即n=0;

#### 非空树应满足:

- 1. 有且仅有一个称之为根的节点。
- 2. 除根节点以外的其余结点可分为m(m>0)个互不相交的有限集 $T_1$ ,  $T_2$ , …,  $T_m$ , 其中每一个集合本身又是一棵树, 并且称为根的子树。

除了根结点外,每个结点有且仅有一个前驱。

## 6.1.2 树的基本术语

结点: 树中的一个独立单元。包含一个数据元素及若干指向其子树的分支。

结点的度: 结点拥有的子树称为结点的度。

结点的高度:从下往上数。

树的度: 树的度是树内各结点度的最大值。

树的深度: 树中结点的最大层次称为树的深度或高度。

叶子: 度为0的结点称为叶子或终端结点。

**非终端节点**: 度不为0的结点称为非终端结点或分支结点。除根结点外,非终端结点也称为内部结点。

双亲和孩子: 结点的子树称为该结点的孩子, 相应的该结点称为孩子的双亲。

兄弟: 同一个双亲的孩子之间互称兄弟。

祖先: 从根到该结点所经历分支上的所有结点。

**子孙**:以某结点为根的子树中的任一结点都称为该结点的子孙。

层次:结点的层次从根开始定义起,根为第一层,根的孩子为第二层。树中任意结点的层次等于其双亲

结点的层次加1。

堂兄弟: 双亲在同一层的, 不互为兄弟的结点互为堂兄弟。

**有序树和无序树**:如果将树中结点的的各子树看成从左至右是有次序的(即不能互换),则称该树为有序树,否则成为无序树。有序树中最左边的的子树的根称为第一个孩子,最右边的称为最后一个孩子。

森林:  $m(m \ge 0)$ 棵互不相交的树的集合。对树中的每个结点而言,其子树的集合即为森林。

结点之间的路径: 只能从上往下

路径长度: 经过了几条边

## 6.1.3 树和森林的关系

 $RF = \langle root, r_i \rangle | i = 1, 2, 4, m, m > 0$ 

## 6.1.4 常考性质

- 1. 结点数=分支数+1
- 2. 分支数=树的总度数
- 3. 分支数=树中各结点的度数和
- 4. 度为m的树,和m叉树的区别

度为m的树	m叉树		
任意结点的度≤m(最多m个孩子)	任意结点的度≤m(最多m个孩子)		
至少有一个结点的度 = m (有m个孩子)	允许所有结点的度都 <m< td=""></m<>		
一定是非空树,至少有m+1个结点	可以是空树		

- 5. 度为m的树第i层至多有 $m^{(i-1)}$ 个结点 $(i \geq 1)$
- 6. 高度为h的m叉树至多有 $\frac{m^h-1}{m-1}$ 个结点
- 7. 高度为h的m叉树至少有h+m-1个结点

## 6.2 二叉树

## 6.2.1 二叉树的定义

**二叉树**: 是 $n(n \ge 0)$ 个结点所构成的集合。空树n=0; 非空树应满足:

- 1. 有且仅有一个根结点。
- 2. 除根结点外,其余结点分为两个互不相交的子集T<sub>1</sub>和T<sub>2</sub>,分别称为T的左子树和右子树,且T<sub>1</sub>和T<sub>2</sub>本身又是二叉树。

#### 二叉树与树的区别:

- 1. 二叉树每个结点最多只有两棵子树。
- 2. 二叉树的子树有左右之分,不能颠倒。

## 6.2.2 两种特殊的二叉树

**满二叉树**:深度为k且含有 $2^k-1$ 个结点的二叉树。

#### 特点:

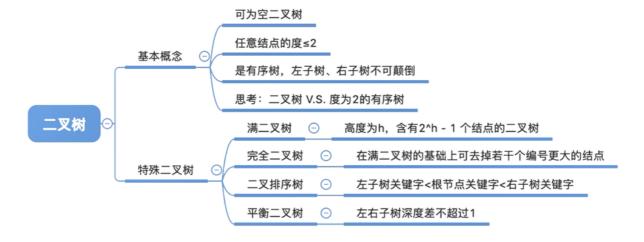
- 1. 每一层上的结点数都是最大结点数。
- 2. 只有最后一层有叶子结点。
- 3. 不存在度为1的结点。
- 4. 按层序从1开始编号,结点i的做孩子为2i,有孩子为2i+1;结点i的父节点为  $\left|\frac{i}{2}\right|$

**完全二叉树**:深度为k的,有n个结点的二叉树,当且仅当其每一个结点都与深度为k的满二叉树中编号为1至n的结点——对应时,称之为完全二叉树。

### 特点:

- 1. 叶子结点只可能在层次最大的两层上出现。
- 2. 对任意结点,若其右分支下的子孙的最大层次为l,则其左分支下的子孙最大层次必为l或l+1。
- 3. 最多只有一个度为1的结点。
- 4. 按层序从1开始编号,结点i的做孩子为2i,有孩子为2i+1;结点i的父节点为  $\left|\frac{i}{2}\right|$
- 二叉排序树:一棵二叉树或是空二叉树,或是具有以下性质的二叉树:
  - 1. 左子树上所有结点的关键字均小于根结点的关键字。
  - 2. 右子树上所有结点的关键字均大于根结点的关键字。
  - 3. 左子树和右子树又各是一棵二叉排序树。

平衡二叉树: 树上任一结点的左子树和右子树的深度只差不超过1.



## 6.2.3 二叉树的性质 (重要)

**性质1**: 在二叉树的第i层上至多有 $2^{(i-1)}$ 个结点 $(i \ge 1)$ 

**性质2**: 深度为k的二叉树至多有 $2^k-1$ 个结点 $(k\geq 1)$ 

**性质3**: 对任何一棵二叉树,如果其终端结点数为 $n_0$ ,度为2的结点数为 $n_2$ ,则 $n_0=n_2+1$ 

**性质4**: 具有n个结点的完全二叉树的深度为 $|log_2n|+1$ 或\$\$

**性质5**: 如果对一棵有n个结点的完全二叉树(其深度为 $\lfloor log_2 n \rfloor + 1$ )的结点按层序排号(从第1层到第  $\lfloor log_2 n \rfloor + 1$ 层,每层从左到右),则对任一结点 $i(1 \le i \le n)$ ,有

- 1. i=1,则结点i是二叉树的根,无双亲;如果i>1,则其双亲PARENT(i)是结点 $\left|\frac{i}{2}\right|$ 。
- 2.2i > n,则结点i无左孩子(结点i为叶子结点);否则其左孩子LCHILD(i)是结点2i。
- 3. 2i + 1 > n,则结点i无右孩子;否则其右孩子RCHILD(i)是结点2i + 1。

#### 完全二叉树考点1:

- 若完全二叉树有2k个结点,则必有 $n_1 = 1, n_0 = k, n_2 = k-1$
- 若完全二茶树有2k-1个结点,则必有 $n_1=0, n_0=k, n_2=k-1$

## 6.2.4 二叉树的存储结构

1. 顺序存储结构

```
#define MAX_SIZE 100
typedef int ElemType;
struct TreeNode{
    ElemType value;//结点中数据元素
    bool isEmpty;//结点是否为空
}
TreeNode tree[MAX_SIZE];//从上到下,从左到右编号
```

二叉树的顺序存储中,一定要把二叉树的结点编号与完全二叉树对应起来。

- i的左孩子——2i
- i的右孩子——2i+1
- o i的父节点—— $\left|\frac{i}{2}\right|$

**最坏情况**: 高度为h且只有h个结点的单支树,也至少需要 $2^h-1$ 个存储单元。

**结论**: 二叉树的顺序存储结构只适合存储完全二叉树。

2. 链式存储结构

```
typedef int ElemType;
typedef struct BiTNode {
    ElemType data;//数据域
    struct BiTNode *lchild, *rchild;//左、右孩子指针
} BiTNode, *BiTree;
```

n个结点的二叉链表共有n+1个空链域

注意:链式存储很容易找到某个结点的孩子结点,但是要想找到该结点的父结点就只能从根结点开始遍历了

为了使链表也可以简单的找到结点的父结点,只需要在结构体中添加一个指向父结点的指针就行了,例如:

```
1 //三叉链表
2 typedef struct BiTNode {
3    ElemType data;
4   struct BiTNode *lchild, *rchild;
5   struct BiTNode *parent;//指向父结点的指针
6 } BiTNode, *BiTree;
```

注意:三叉链表在考试中不常考

## 6.3 二叉树的遍历

遍历: 遍历就是按照某种次序访问一边所有结点。

层次遍历:基于树的层次特性确定的访问次序。

• 先序遍历

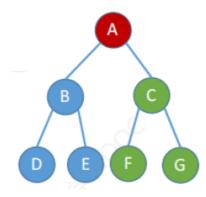
○ **访问规则**:根左右(NLR)

• 中序遍历

○ 访问规则: 左根右(LNR)

• 后序遍历

○ **访问规则**: 左右根(LRN)



先序遍历: A B D E C F G

中序遍历: DBEAFCG

后序遍历: DEBFGCA