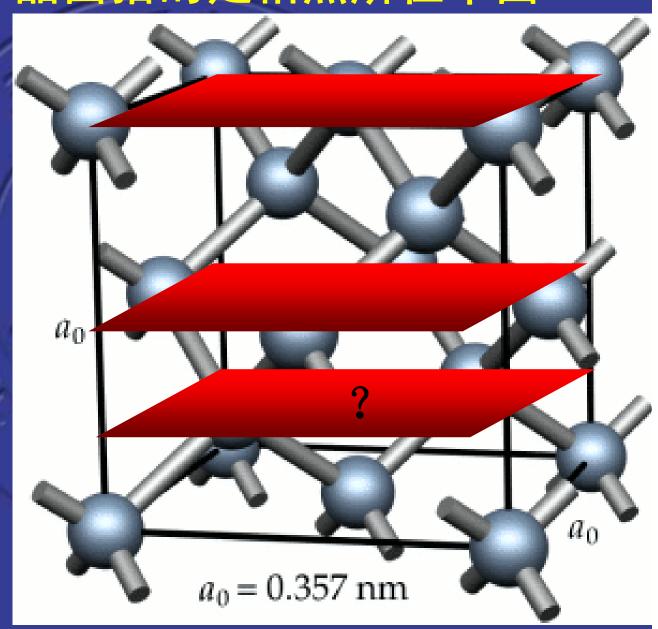
上讲回顾:晶体结构的其他性质

- 晶列,晶向指数
- 晶面,晶面指数
- 晶体的宏观对称性(操作)
 - * 平移对称性对宏观对称操作的一些限制
 - * 要点
 - 1. 晶列、晶面、操作等,都是对晶格(不是原子) 而言;
 - 2. 在宏观对称操作如转动、反演、镜面、螺旋、滑移等中,至少保持一个点、轴、面等保持不动

特别强调:晶面指的是格点所在平面

- · 右刚子构中原不图的对别即球,将不是全原结图是而不是
- · 问: (001) 晶面族最 靠近原点 的是哪个 晶面?

10.107.0.68/~jgche/



本讲目的:引入倒空间的有关概念

- 1. 为什么要倒(动量)空间?
- 2. 晶格的平移周期性,在动量空间如何描写?



第9讲、倒格子和第一Brillouin区

- 1. 晶格的Fourier变换
- 2. 倒格子
- 3. 正、倒格子对应的几何关系
- 4. 重要的例子
- 5. 第一Brillouin区



1、晶格的Fourier变换

- 一个物理问题,既可以在正(坐标)空间描写, 也可以在倒(动量)空间描写
 - * 坐标表象r, 动量表象k
- 为什么选择不同的表象? 为什么动量空间?
 - * 适当地选取一个表象,可使问题简化、容易处理
 - # 如电子在均匀空间(特例=自由电子)运动,虽然 坐标一直变化,但k守衡,这时在坐标表象当然 不如在动量表象简单
 - * 衍射实验的理论基础
 - #在量纲上,坐标空间和动量空间互为倒数,因此 也把坐标和动量空间分别称为正、倒空间;其他 也沿用这种称谓

正(坐标)空间

周期性

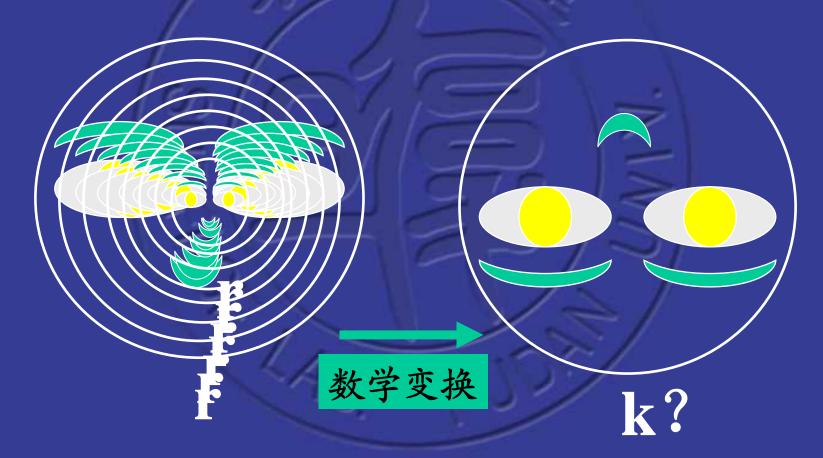
倒(动量)空间

• 数学: (正)格子

• 观察: 显微镜?

• 观察: X射线衍射

• 数学: 倒格子





$$V(\mathbf{r}) = \sum_{l} V_{\text{atom}} (\mathbf{r} - \mathbf{R}_{l})$$

只是一个数学变换

$$\rho(\mathbf{r}) = \sum_{l} \rho_{\text{atom}} (\mathbf{r} - \mathbf{R}_{l})$$

• 势能、电荷密度等满足迭加原理的物理量

$$F(\mathbf{r}) = \sum_{l} f(\mathbf{r} - \mathbf{R}_{l})$$

- 如果晶体具有平移周期性 $\mathbf{R}_{l} = \mathbf{R}_{m} + \mathbf{R}_{n}$
 - * 则是 \mathbf{R}_l 的周期函数 $F(\mathbf{r} + \mathbf{R}_l) = F(\mathbf{r})$
- 可对其作Fourier展开 $F(\mathbf{r}) = \sum F_{\mathbf{K}_h} e^{i\mathbf{K}_h \cdot \mathbf{r}}$

$$F(\mathbf{r}) = \sum_{h} F_{\mathbf{K}_{h}} e^{i\mathbf{K}_{h} \cdot \mathbf{r}}$$

- F_{Kh}称为Fourier系数
 - * 两边乘共轭因子 $e^{-i\mathbf{K}_h \cdot \mathbf{r}}$ 后积分可得这个系数

$$\frac{1}{V} \int F(\mathbf{r}) e^{-i\mathbf{K}_h \cdot \mathbf{r}} d\mathbf{r} = \sum_{h'} F_{\mathbf{K}_{h'}} \frac{1}{V} \int e^{i(\mathbf{K}_{h'} - \mathbf{K}_h) \cdot \mathbf{r}} d\mathbf{r}$$

$$\frac{1}{V} \int F(\mathbf{r}) e^{-i\mathbf{K}_h \cdot \mathbf{r}} d\mathbf{r} = F_{\mathbf{K}_h}$$
倒格子和第一Brillouin

仅当 K_h = K_h 时,这个 积分不为零,且等于V • 因为 $F(\mathbf{r})=F(\mathbf{r}+\mathbf{R}_l)$,就有

$$F_{\mathbf{K}_h} = \frac{1}{V} \int F(\mathbf{r}) e^{-i\mathbf{K}_h \cdot \mathbf{r}} d\mathbf{r} = \frac{1}{V} \int F(\mathbf{r} + \mathbf{R}_l) e^{-i\mathbf{K}_h \cdot \mathbf{r}} d\mathbf{r}$$

· 作变量替换,r'=r+R₁,就有

$$F_{\mathbf{K}_{h}} = \frac{1}{V} \int F(\mathbf{r'}) e^{-i(\mathbf{K}_{h} \bullet \mathbf{r'} - \mathbf{K}_{h} \bullet \mathbf{R}_{l})} d\mathbf{r'}$$

$$= \left[\frac{1}{V} \int F(\mathbf{r'}) e^{-i\mathbf{K}_{h} \bullet \mathbf{r'}} d\mathbf{r'} \right] e^{i\mathbf{K}_{h} \bullet \mathbf{R}_{l}} = F_{\mathbf{K}_{h}} e^{i\mathbf{K}_{h} \bullet \mathbf{R}_{l}}$$

• 即

$$F_{\mathbf{K}_h}(1-e^{i\mathbf{K}_h\bullet\mathbf{R}_l})=0$$

$$F_{\mathbf{K}_h} \neq 0$$

$$e^{i\mathbf{K}_h \cdot \mathbf{R}_l} = 1$$

 $e^{i\mathbf{K}_h \cdot \mathbf{R}_l} = 1$ **K**_h • **R**_l = $2\pi m$, m整数

• 即如有平移周期性,那么一定在Fourier空间存在 K₁,矢量满足这个关系



看格点的Fourier变换?

- 数学上如何用一个函数来描写格点?
 - * δ 函数!

$$\rho(\mathbf{r}) = \sum_{\mathbf{R}_l} \delta(\mathbf{r} - \mathbf{R}_l)$$

· 这是周期函数,因此,可对其进行Fourier变换

$$\rho_{\mathbf{k}} = \int \rho(\mathbf{r}) e^{-i\mathbf{k} \cdot \mathbf{r}} d\mathbf{r} = \sum_{\mathbf{R}_{l}} \int \delta(\mathbf{r} - \mathbf{R}_{l}) e^{-i\mathbf{k} \cdot \mathbf{r}} d\mathbf{r} = \sum_{\mathbf{R}_{l}} e^{-i\mathbf{k} \cdot \mathbf{R}_{l}}$$

· 格点满足平移周期性,则有Kh满足

$$\mathbf{K}_h \bullet \mathbf{R}_l = 2\pi m$$

• 那么乘上不变因子
$$\rho_{\mathbf{k}} = \sum_{\mathbf{R}_l} e^{-i(\mathbf{k} - \mathbf{K}_h) \cdot \mathbf{R}_l}$$

· 利用Poisson求和公式,即可得

$$\rho_{\mathbf{k}} = \sum_{\mathbf{R}_l} e^{-i(\mathbf{k} - \mathbf{K}_h) \cdot \mathbf{R}_l} = \sum_{\mathbf{K}_h} \delta(\mathbf{k} - \mathbf{K}_h)$$

- 即当矢量 K_h 与 R_l 乘积是 2π 的整数倍时,在坐标空间 R_l 处的 δ 函数的Fourier变换为在动量空间以 K_h 为中心的 δ 函数!
- · 这告诉了我们什么信息,Kn对应什么?
 - * 坐标空间里, $\delta(\mathbf{r}-\mathbf{R}_l)$ 函数表示在 \mathbf{R}_l 的格点,当满足上述条件时,其Fourier变换也是 $\delta(\mathbf{k}-\mathbf{K}_h)$ 函数,表示坐标空间几何点的Fourier变换也是几何点!
 - * 或者说前面 K_h 与 R_l 的关系定义了倒空间矢量, K_h 的 量纲为 R_l 的倒数



2、倒格子(reciprocal lattice)

• 定义: 对Bravais格子中所有的格矢 \mathbf{R}_l , 有一系列动量空间矢量 \mathbf{K}_h , 满足 $e^{i\mathbf{K}_h \bullet \mathbf{R}_l} = 1$

$$\mathbf{K}_h \bullet \mathbf{R}_l = 2\pi m,$$
 m为整数

的全部端点 K_h 的集合,构成该Bravais格子的倒格子,这些点称为倒格点, K_h 称为倒格失

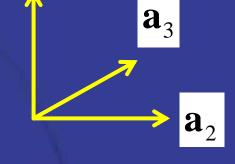
- 因此,Bravais格子也称为正格子(direct lattice)
- 等价关系:知道K_h,就知道R_i;反过来也一样
- · 它们满足Fourier变换关系,因此,倒空间也称 Fourier空间

倒格子基矢?

- 对正格子 $\mathbf{R}_l = l_1 \mathbf{a}_1 + l_2 \mathbf{a}_2 + l_3 \mathbf{a}_3$
- $\mathbf{K}_h \cdot \mathbf{R}_l = l_1 \mathbf{K}_h \cdot \mathbf{a}_1 + l_2 \mathbf{K}_h \cdot \mathbf{a}_2 + l_3 \mathbf{K}_h \cdot \mathbf{a}_3 = 2\pi m$
- 如果选择一组b, 使 $\mathbf{b}_i \cdot \mathbf{a}_j = 2\pi \delta_{ij}$
- 那么矢量K就可由b组成 $\mathbf{K}_h = h_1 \mathbf{b}_1 + h_2 \mathbf{b}_2 + h_3 \mathbf{b}_3$
- 这就定义了倒格子基矢,它可以满足正、倒格矢之间的K*R=2\pi m的关系
 - * 这样形式上与正格矢一样, K_{h} 也具有平移对称性
 - →可用基矢和整数表示的平移周期性
 - \rightarrow K_h 定义了倒空间的Bravais格子, b_i 就是倒格子基矢

•
$$\mathbf{b}_i \cdot \mathbf{a}_j = 2\pi \delta_{ij}$$
 表示什么?

- $\mathbf{a}_2 \times \mathbf{a}_3$
- · 是正交关系!即b1与a2和a3正交!
- · 看a2和a3确定的平面,即a,×a3 矢量垂直于该平面
 - * b₁与a₂和a₃分别正交!



- 即矢量b1与矢量a,×a,平行! 因此,可设 $\mathbf{b}_1 = \eta(\mathbf{a}_2 \times \mathbf{a}_3)$
- 确定力可利用正交关系,就有

$$\mathbf{a}_1 \bullet \mathbf{b}_1 = \eta \mathbf{a}_1 \bullet (\mathbf{a}_2 \times \mathbf{a}_3) = 2\pi$$

$$\eta = \frac{2\pi}{\mathbf{a}_1 \cdot (\mathbf{a}_2 \times \mathbf{a}_3)} = \frac{2\pi}{\Omega} \mathbf{b}_1 = \frac{2\pi}{\Omega} (\mathbf{a}_2 \times \mathbf{a}_3) \mathbf{\Omega} = |\mathbf{a}_1 \cdot (\mathbf{a}_2 \times \mathbf{a}_3)|$$

$$\mathbf{b}_1 = \frac{2\pi}{\Omega} (\mathbf{a}_2 \times \mathbf{a}_3)$$

$$|\Omega| = |\mathbf{a}_1 \cdot (\mathbf{a}_2 \times \mathbf{a}_3)|$$

• 类似地,就可以得到

$$\mathbf{b}_{1} = 2\pi \frac{\mathbf{a}_{2} \times \mathbf{a}_{3}}{\mathbf{a}_{1} \bullet (\mathbf{a}_{2} \times \mathbf{a}_{3})}$$

$$\mathbf{b}_{2} = 2\pi \frac{\mathbf{a}_{3} \times \mathbf{a}_{1}}{\mathbf{a}_{1} \bullet (\mathbf{a}_{2} \times \mathbf{a}_{3})}$$

$$\mathbf{b}_{3} = 2\pi \frac{\mathbf{a}_{1} \times \mathbf{a}_{2}}{\mathbf{a}_{1} \bullet (\mathbf{a}_{2} \times \mathbf{a}_{3})}$$

$$\mathbf{a}_{3} = 2\pi \frac{\mathbf{b}_{1} \times \mathbf{b}_{2}}{\mathbf{b}_{1} \bullet (\mathbf{b}_{2} \times \mathbf{b}_{3})}$$

$$\mathbf{a}_{3} = 2\pi \frac{\mathbf{b}_{1} \times \mathbf{b}_{2}}{\mathbf{b}_{1} \bullet (\mathbf{b}_{2} \times \mathbf{b}_{3})}$$

- 有些教科书也将这个关系作为倒格子基矢定义,即由这三个矢量可以定义倒格矢,倒格矢
 给出的端点集合构成倒格子
- 互为倒正,即正格子也可看作倒格子的倒格子

Kh端点的集合构成倒空间中的Bravais格子

- 倒格矢 $\mathbf{K}_h = h_1 \mathbf{b}_1 + h_2 \mathbf{b}_2 + h_3 \mathbf{b}_3$
- 满足平移对称 $\mathbf{K}_h = \mathbf{K}_{h'} + \mathbf{K}_{h''}$
- 倒格子原胞体积,是正格子原胞体积的倒数,可得

$$\Omega^* = \left| \mathbf{b}_1 \cdot (\mathbf{b}_2 \times \mathbf{b}_3) \right| = \frac{(2\pi)^3}{\Omega}$$

二维倒格子

$$\mathbf{b}_1 = 2\pi \frac{\mathbf{a}_2 \times \hat{\mathbf{k}}}{\hat{\mathbf{k}} \cdot (\mathbf{a}_1 \times \mathbf{a}_2)}$$

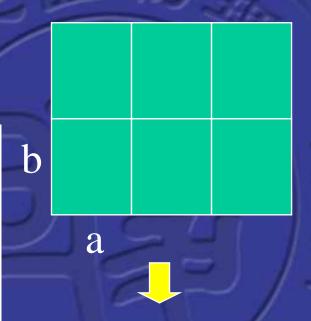
$$\mathbf{b}_2 = 2\pi \frac{\hat{\mathbf{k}} \times \mathbf{a}_1}{\hat{\mathbf{k}} \cdot (\mathbf{a}_1 \times \mathbf{a}_2)}$$

$$\mathbf{a}_3 = \hat{\mathbf{k}}$$

倒格子: 二维

$$\mathbf{b}_1 = 2\pi \frac{\mathbf{a}_2 \times \hat{\mathbf{k}}}{\hat{\mathbf{k}} \cdot (\mathbf{a}_1 \times \mathbf{a}_2)}$$

$$\mathbf{b}_2 = 2\pi \frac{\hat{\mathbf{k}} \times \mathbf{a}_1}{\hat{\mathbf{k}} \cdot (\mathbf{a}_1 \times \mathbf{a}_2)}$$



$$2\pi/a$$

$$\mathbf{a}_1 = a\hat{\mathbf{i}}$$

$$\mathbf{a}_2 = b\hat{\mathbf{j}}$$

$$\mathbf{b}_1 = \frac{2\pi}{a}\mathbf{\hat{i}}$$

$$\mathbf{b}_2 = \frac{2\pi}{b}\mathbf{\hat{j}}$$



3、正、倒格子对应的几何关系

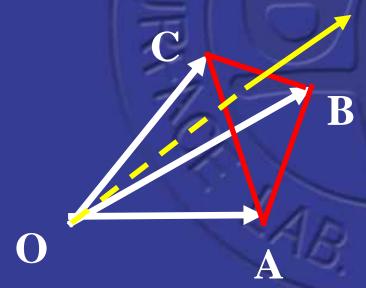
• 不同空间描写晶体的对称性

r空间 k空间
Bravais格子 倒格子
W-S原胞 第一Brillouin区

$K_h = h_1 b_1 + h_2 b_2 + h_3 b_3$ 与晶面 $(h_1 h_2 h_3)$ 正交

• 注意不是密勒指数(hkl),晶面指数($h_1h_2h_3$)。即该晶面族最靠近原点晶面的截距分别为 a_1/h_1 , a_2/h_2 , a_3/h_3

• 证明:



$$K_h$$

$$\mathbf{CA} = \mathbf{OA} - \mathbf{OC} = \frac{\mathbf{a}_1}{h_1} - \frac{\mathbf{a}_3}{h_3}$$

$$\mathbf{CB} = \mathbf{OB} - \mathbf{OC} = \frac{\mathbf{a}_2}{h_2} - \frac{\mathbf{a}_3}{h_3}$$

$$\mathbf{K}_h \cdot \mathbf{C}\mathbf{A} = \left(h_1 \mathbf{b}_1 + h_2 \mathbf{b}_2 + h_3 \mathbf{b}_3\right) \cdot \left(\frac{\mathbf{a}_1}{h_1} - \frac{\mathbf{a}_3}{h_3}\right) = 0$$

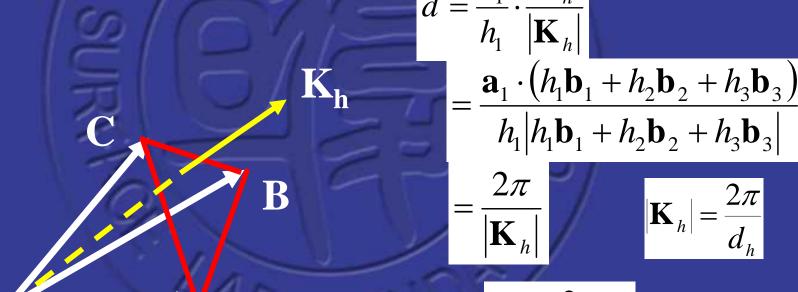
$$\mathbf{K}_h \cdot \mathbf{CB} = \left(h_1 \mathbf{b}_1 + h_2 \mathbf{b}_2 + h_3 \mathbf{b}_3\right) \cdot \left(\frac{\mathbf{a}_2}{h_2} - \frac{\mathbf{a}_3}{h_3}\right) = 0$$

倒格矢的长度与面间距

• 设晶面 $(h_1h_2h_3)$ 的面间距为d

· 则最靠近原点的晶面到原点的距离即OA在面

方向上的投影



注意,面间距是与晶面指数而不是密勒指数相关

倒格子与Bravais格子的几何关系

- 由倒格矢与晶面面间距的关系
 - * 可得晶面与倒格点的关系
- 自原点O引晶面族法线N,截取P使 $OP = 2\pi/d$
 - * P点即倒格点,沿N平移OP,形成格子,即倒格子
 - * 晶面←→倒格点



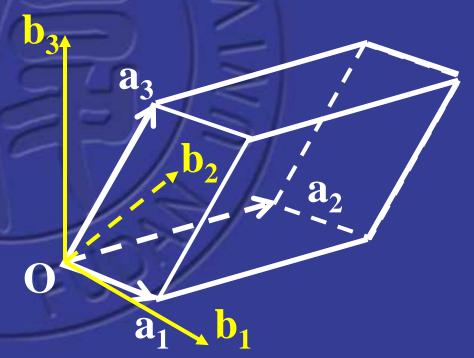
倒格子基矢与正格子基矢的关系

· 正格子基矢组成 a_1a_2 , a_2a_3 , a_3a_1 坐标面,各有对应晶面,面间距分别是 d_1 , d_2 , d_3 。

* 可作OP垂直于 a_1a_2 晶面,

取长度为 $b_3=2\pi/d_3$

同理, 得b₂, b₃

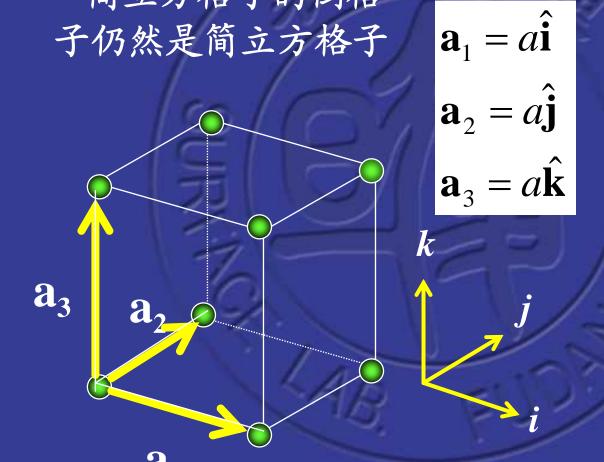


4、重要的例子

- 简单立方结构: sc
- · 面心立方结构: fcc
- 体心立方结构: bcc
- · 简单六角结构: sh

简单立方: Simple cubic (sc)

• 简立方格子的倒格 子仍然是简立方格子



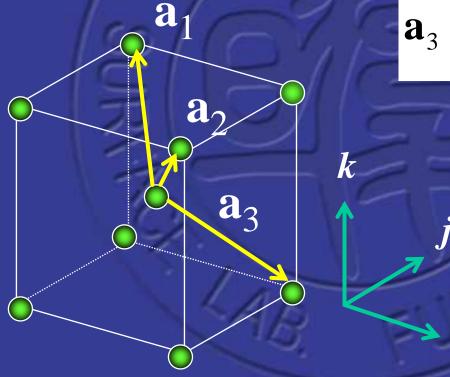
$$\mathbf{b}_{1} = \frac{2\pi}{a}\hat{\mathbf{i}}$$

$$\mathbf{b}_{2} = \frac{2\pi}{a}\hat{\mathbf{j}}$$

$$\mathbf{b}_{3} = \frac{2\pi}{a}\hat{\mathbf{k}}$$

体心立方

• 体心立方格子的倒格子是面心立方格子



 $\mathbf{a}_1 = \frac{a}{2}(-\hat{\mathbf{i}} + \hat{\mathbf{j}} + \hat{\mathbf{k}})$

$$\mathbf{a}_2 = \frac{a}{2} (+\hat{\mathbf{i}} - \hat{\mathbf{j}} + \hat{\mathbf{k}})$$

$$\mathbf{a}_3 = \frac{a}{2} (+\hat{\mathbf{i}} + \hat{\mathbf{j}} - \hat{\mathbf{k}})$$

$$\mathbf{b}_1 = \frac{2\pi}{a}(\hat{\mathbf{j}} + \hat{\mathbf{k}})$$

$$\mathbf{b}_2 = \frac{2\pi}{a} (+\hat{\mathbf{i}} + \hat{\mathbf{k}})$$

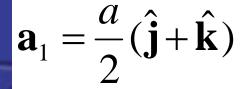
$$\mathbf{b}_3 = \frac{2\pi}{a} (+\hat{\mathbf{i}} + \hat{\mathbf{j}})$$

10.107.0.68/~jgche/

倒格子和第一Brillouin区

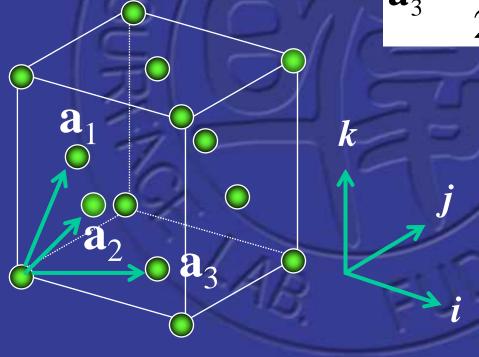
面心立方

• 面心立方格子的倒格子是体心立方格子



$$\mathbf{a}_2 = \frac{a}{2}(\hat{\mathbf{k}} + \hat{\mathbf{i}})$$

$$\mathbf{a}_3 = \frac{a}{2}(\hat{\mathbf{i}} + \hat{\mathbf{j}})$$



$$\mathbf{b}_1 = \frac{2\pi}{a} (-\hat{\mathbf{i}} + \hat{\mathbf{j}} + \hat{\mathbf{k}})$$

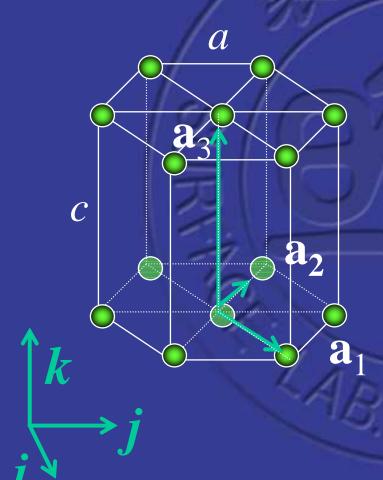
$$\mathbf{b}_2 = \frac{2\pi}{a}(\hat{\mathbf{i}} - \hat{\mathbf{j}} + \hat{\mathbf{k}})$$

$$\mathbf{b}_3 = \frac{2\pi}{a}(\hat{\mathbf{i}} + \hat{\mathbf{j}} - \hat{\mathbf{k}})$$

10.107.0.68/~jgche/

倒格子和第一Brillouin区

简单六角: simple hexagon (sh)



10.107.0.68/~jgche/

$$\mathbf{a}_1 = \frac{a}{2}(\sqrt{3}\hat{\mathbf{i}} + \hat{\mathbf{j}})$$

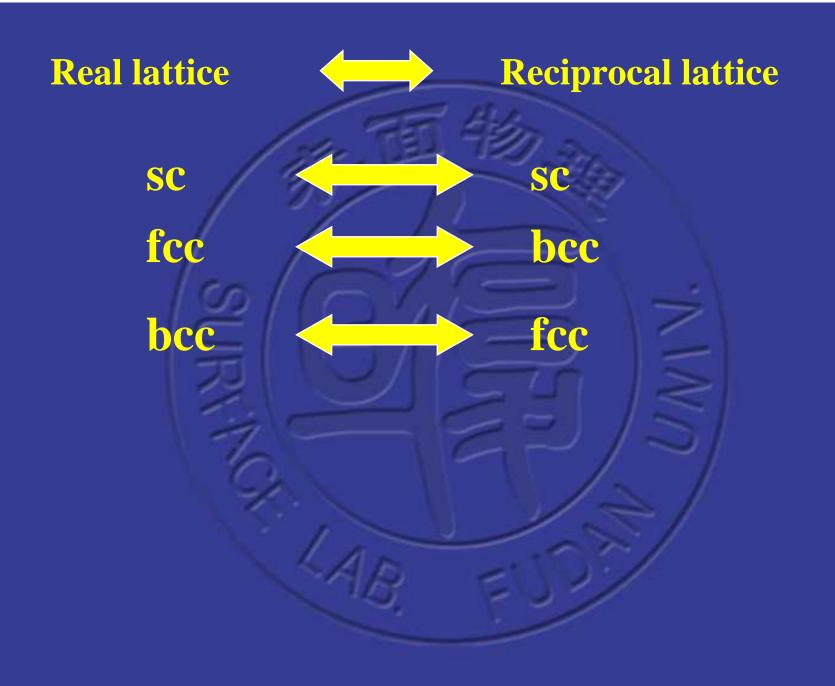
$$\mathbf{a}_2 = \frac{a}{2} \left(-\sqrt{3}\hat{\mathbf{i}} + \hat{\mathbf{j}} \right)$$

$$\mathbf{a}_3 = c\hat{\mathbf{k}}$$

$$\mathbf{b}_1 = \frac{2\pi}{\sqrt{3}a}(\hat{\mathbf{i}} + \sqrt{3}\hat{\mathbf{j}})$$

$$\mathbf{b}_2 = \frac{2\pi}{\sqrt{3}a}(-\hat{\mathbf{i}} + \sqrt{3}\hat{\mathbf{j}})$$

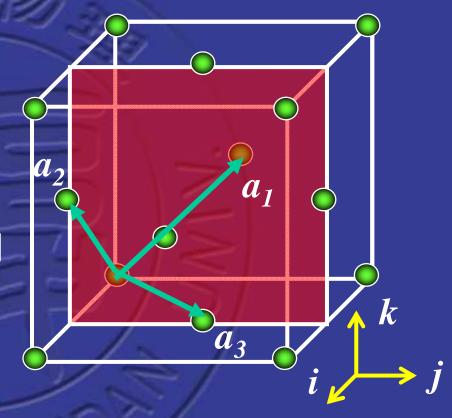
$$\mathbf{b}_3 = \frac{2\pi}{c}\hat{\mathbf{k}}$$





例:晶面的面间距?

- 该晶面的密勒指数?
 - * (100)!
- 但以原胞基矢为单位, 这个晶面截取的是?
 - $* \overline{\infty, 1, 1}$
 - * 其倒数互质成最小整数则为(011)
 - * 它是决定面间距的指数
 - * 计算某一晶面族面间距时,用最靠近原点的晶面,用原胞基矢得到



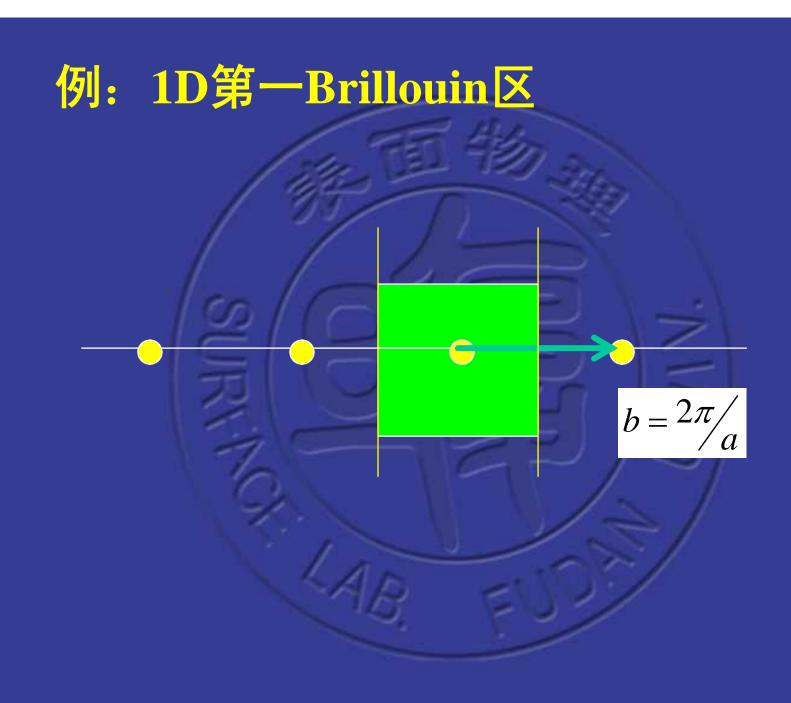
$$d = \frac{2\pi}{|\mathbf{K}_h|} = \frac{2\pi}{|\mathbf{b}_2 + \mathbf{b}_3|} = \frac{2\pi}{\left|\frac{2\pi}{a}\left[\left(+\hat{\mathbf{i}} - \hat{\mathbf{j}} + \hat{\mathbf{k}}\right) + \left(+\hat{\mathbf{i}} + \hat{\mathbf{j}} - \hat{\mathbf{k}}\right)\right]} = \frac{a}{2}$$

倒格子也是Bravais格子,那么,有无对应的倒空间原胞?

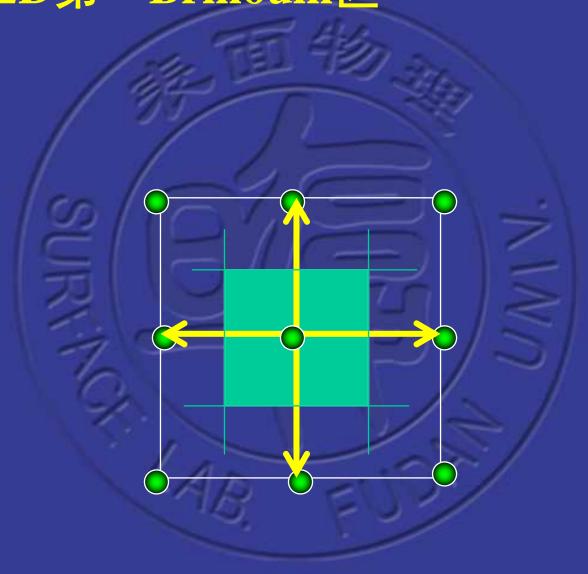
- 倒空间常用的是Brillouin区,而 不是倒空间原胞
 - * 常把倒空间的第一Brillouin区俗称 为倒空间的Wigner-Seitz原胞
 - #与正格子原胞不同,另有重要 意义

- 倒空间原胞?
 - * 正格子中每个格点代表一个基元,倒格子无这种对应,故倒格子原胞不常用,倒空间常用Brillouin区
- Brillouin区
 - * 以坐标空间取Wigner-Seitz原胞的方式,即取倒格 矢中垂面将空间划分成一个个不同阶Brillouin区
 - #这样划分的中垂面都具有高对称性,都将导致衍射极大→称为Bragg面
 - * 含原点不经任何中垂面的区域为第一Brillouin区
 - * 其余为第二、三... 等不同阶的Brillouin区(以后讲解)
- · 倒空间常用Brillouin区,而不是倒空间原胞
 - * 把第一Brillouin区俗称为倒空间的Wigner-Seitz原胞,但高阶Brillouin区也有意义

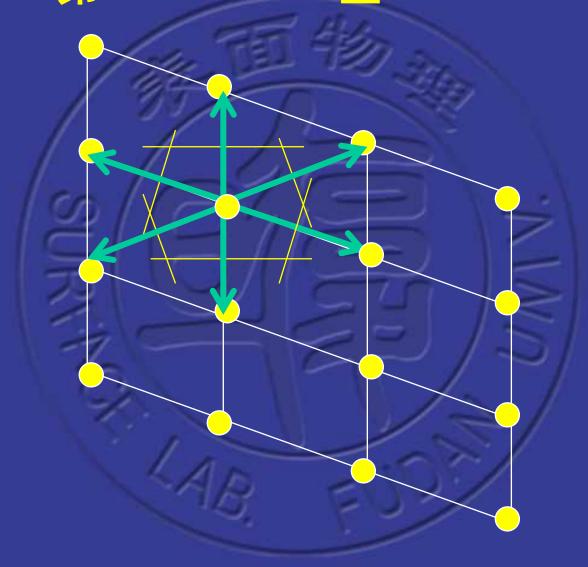
10.107.0.68/边界面有高级对和维-Brac能带结构中有重要意义?



例: 2D第一Brillouin区

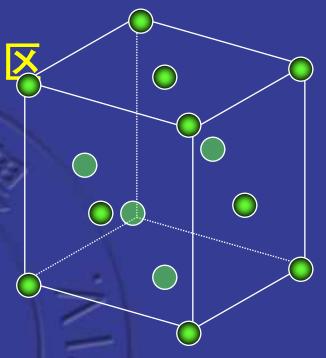


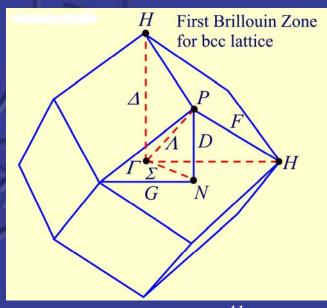
例: 2D第一Brillouin区



例:体心立方的第一Brillouin区

- 倒格子是面心立方格子
 - * 对顶角的倒格点来说,最近邻的倒格点即12个面心格点,所以最短的倒格矢显然是指向12个面心格点的倒格矢显然是指向12个面心格点的矢量,它们的中垂面截成下十二面体,正好是倒空间原胞的体积
 - * 高对称轴和点如图所示 P=(0.5,0.5,0.5) 2\pi/a H=(1,0,0) 2\pi/a N=(0.5,0.5,0) 2\pi/a





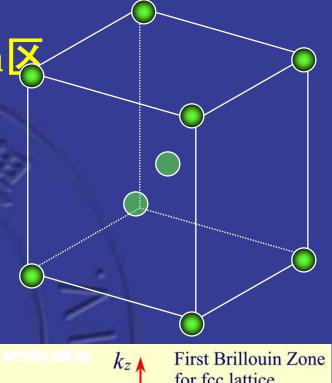
例: 面心立方的第一Brillouin区

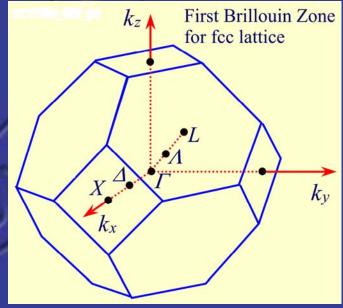
- 倒格子是体心立方格子
 - * 对中心倒格点来说,最近邻的倒格点即8个顶角,所以最短的倒格矢显然是体心指向8个顶角的矢量,它们的中垂面截成八面体
 - * 但是体积太大,还需截。次近邻的到格点显然是临近的晶胞的体心,在轴上,有6个中垂面,截kx,ky和kz轴
 - # →第一Brillouin区不一定是最近 邻倒格点的中垂面所围
 - * 高对称轴和点如图所示

 $L=(0.5,0.5,0.5) 2\pi/a$

 $X=(1,0,0) 2\pi/a$

 $K=(0.75,0.75,0) 2\pi$





本讲要点:兼答本讲目的所提问题

- 1. 衍射实验的理论准备
 - * 简化) 倒格子是正格子的一个Fourier变换
- 2. 倒格子
 - * 倒格子基矢, 倒格矢
 - * Brillouin区(倒空间的Weigner-Seitz原胞)
- 3. 正格子和倒格子之间的关系
 - * 互为正、倒
 - * 倒格矢与晶面正交
 - * 几何关系:倒格点



- 倒格子
 - * 也是一种Bravias格子

#基矢,原胞(第一Brillouin区)

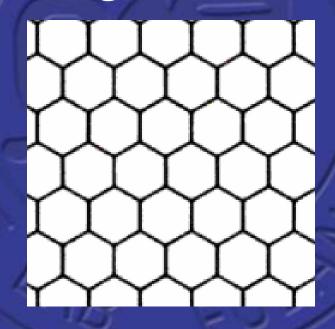
思考题

• 倒格子是否保持其正格子的宏观对称性?



习题

9. 原子排列成二维蜂窝结构,交点是原子所在位置。试确定它的倒格子基矢,并作它的Brillouin区(即Wigner-Seitz原胞)。



课堂讨论题

- 1. 一给定的正格子是否只有一唯一的倒格子与之对应?
- 2. 给定的正格子基矢是否只有唯一的倒格子基矢与之对应?
- 3. 一正格矢 R_l 是否只有一唯一的倒格矢 K_h 与之对应?