Complétion des Réseaux de Process Hitting - une Contribution pour le Process Hitting

# Complétion des Réseaux de Process Hitting – une Contribution pour le Process Hitting Soutenance de Master

Xinwei CHAI

École Centrale de Nantes – IRCCyN

le 28 août 2015

### Table de Matières

Complétion
des Réseaux
de Process
Hitting – une
Contribution
pour le
Process
Hitting

X.CHA

Introduction

Process

Hitting

Completion

Accessibilité
Complétion basée si le processus (CP)
Complétion basée si la séquence stricte (CSS) Introduction

- Process Hitting
- 3 Complétion
- Accessibilité
  - Complétion basée sur le processus (CP)
  - Complétion basée sur la séquence stricte (CSS)

### le RRB

Complétion des Réseaux de Process Hitting – une Contribution pour le Process Hitting

X.CHA

Introduction

Process Hitting

Complétio

Complétion basée s le processus (CP) Complétion basée s la séquence stricte RRB : Réseau de Régulation Biologique

Deux sens de la complétion

- Découverte des parties inconnues de RRB
- Enrichissement du Process Hitting

## Modèles de RRB

Complétion
des Réseaux
de Process
Hitting – une
Contribution
pour le
Process
Hitting

X.CHA

#### Introduction

Process Hitting

#### Complétio

Accessibilité
Complétion basée su
le processus (CP)
Complétion basée su
la séquence stricte

- Réseaux booléens [ATH09]
- Modèle de Thomas [Tho78]
- Process Hitting [PCF+14, Pau11, PMR12]

## Réseaux booléens

Complétion des Réseaux de Process Hitting – une Contribution pour le Process Hitting

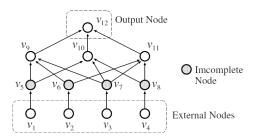
X.CHA

#### Introduction

Process Hitting

#### Complétion

Complétion basée su le processus (CP) Complétion basée su la séquence stricte (CSS)



Un réseau booléen partiel, construit à partir d'expériences, plusieurs exemples sont disponibles :

 $\mathbf{e}^i = \{v_1^i, v_2^i, v_3^i, v_4^i, v_{12}^i\}, i \in [1; n]$  avec n le nombre total d'expériences, les fonctions booléennes de  $v_9 \sim v_{11}$  sont déjà connues, mais il reste à déterminer celles de  $v_5 \sim v_8$  pour expliquer les observations de  $v_{12}$ 

## Avantages et défauts des réseaux booléens

Complétion
des Réseaux
de Process
Hitting – une
Contribution
pour le
Process
Hitting

X.CHA

#### Introduction

Process Hitting

#### Complétio

Accessibilité
Complétion basée su
le processus (CP)
Complétion basée su
la séquence stricte

Un formalisme très concis mais limité :

- seulement deux valeurs par variables
- représentation unique des données statiques

## Modèle de Thomas

Complétion des Réseaux de Process Hitting – une Contribution pour le Process Hitting

X.CHA

#### Introduction

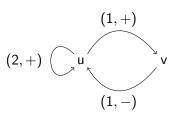
Process Hitting

#### Complétio

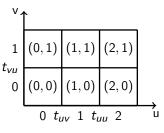
Accessibilité

Complétion basé

Completion bases s le processus (CP) Complétion basée s la séquence stricte (CSS)



Graphe de régulation



Espace d'états

# Approche synchrone et asynchrone

Complétion des Réseaux de Process Hitting – une Contribution pour le Process Hitting

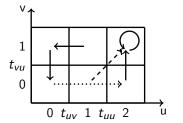
X.CHA

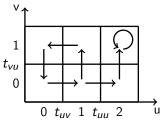
#### Introduction

Process Hitting

Complétion

Accessibilité
Complétion basée sur
le processus (CP)
Complétion basée sur
la séquence stricte





Les attracteurs  $K_{\nu,\omega_{\nu}(q)}$  sont les mêmes mais les chemins peuvent être différents

# Avantages et défauts

Complétion des Réseaux de Process Hitting – une Contribution pour le Process Hitting

Introduction

Process Hitting

Complétion

Accessibilité
Complétion basée si le processus (CP)
Complétion basée si la séquence stricte (CSS)

### Approche synchrone:

- Déterministe
- Possibilité de passer plusieurs niveau dans une transition
- Possibilité de changer plusieurs variables dans une seule transition

### Approche asynchrone:

- Non-déterministe
- Passage d'un seul niveau dans une transition
- Au plus une seule variable peut changer par transition

Explosion d'espaces d'états

# **Process Hitting**

Complétion des Réseaux de Process Hitting – une Contribution pour le Process Hitting

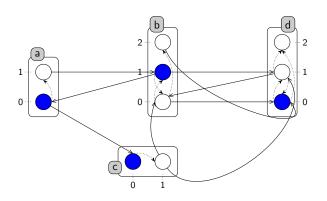
X.CHA

Introduction

Process Hitting

Complétio

Complétion basée s le processus (CP) Complétion basée s la séquence stricte (CSS)



Exemple de Process Hitting, sortes : a, b, c, d, processus :  $a_0, a_1, b_0 \dots$ , actions :  $a_0 \rightarrow c_0 \ ^{\uparrow} \ c_1, \ b_1 \rightarrow a_0 \ ^{\uparrow} \ a_1 \dots$ )

## Structure abstraite

Complétion des Réseaux de Process Hitting – une Contribution pour le Process Hitting

X.CHA

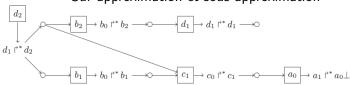
Introduction

Process Hitting

Complétion

Complétion basée su le processus (CP) Complétion basée su la séquence stricte (CSS)

### Sur-approximation et sous-approximation



La structure abstraite  $\mathcal{A}^{\omega}_{\varsigma}$  de l'exemple avec l'objectif  $d_1$   $r^*$   $d_2$  et le contexte  $\langle a_1,b_0,c_0,d_1 \rangle$  , cet objectif n'est pas réalisable.

## Fonction de l'outil PINT

Complétion des Réseaux de Process Hitting – une Contribution pour le Process Hitting

X CHA

Introduction

Process Hitting

Accessibilité

Complétion basée su le processus (CP) Complétion basée su la séquence stricte

Sur-approximation	Sous-approximation	Accessibilité
vrai	vrai	vrai
vrai	faux	inconclusive
faux	vrai	N/A
faux	faux	faux

# Approches de l'accessibilité & et de la complétion

Complétion
des Réseaux
de Process
Hitting – une
Contribution
pour le
Process
Hitting

X.CHA

Introduction

Process

#### Complétic

Complétion basée s le processus (CP) Complétion basée s la séquence stricte (CSS)

Méthode	Entrée	Sortie	Calcul
PINT	processus	non-définitive	non-exhaustif
CSS	séquence	définitive	exhaustif

### Résultat de complétion :

$$\left\{ egin{aligned} {\it PINT} & +\it CP & inaccessible 
ightarrow inaccessible 
ightarrow accessible^2 \end{aligned} 
ight.$$

- 1. CP = Complétion basée sur le processus

# Complétion basée sur le processus (CP)

Complétion des Réseaux de Process Hitting – une Contribution pour le Process Hitting

X.CHAI

Introduction

Process Hitting

Complétior

Complétion basée sur le processus (CP)

le processus (CP) Complétion basée su la séquence stricte

#### Éléments :

- Process Hitting PH
- processus p (inaccessible)
- ensemble de relations de régulation R

# Classement des processus inaccessibles

Complétion
des Réseaux
de Process
Hitting – une
Contribution
pour le
Process
Hitting

X.CHA

Introduction

Process Hitting

Complétion

Accessibilité

Complétion basée sur le processus (CP) unreachableProcess1 : sans actions liées

$$\{a_i\mid \nexists h=b_k\to a_j \upharpoonright a_i\}$$

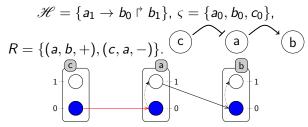
unreachableProcess2 : avec actions liées

$$\{a_i \mid \exists h = b_k \to a_j \upharpoonright a_i\}$$

## Exemple

Complétion des Réseaux de Process Hitting - une Contribution pour le Process Hitting

Complétion basée sur le processus (CP)



Au début,  $b_1$  n'est pas accessible, comme il a une action liée  $a_1 \rightarrow b_0 \upharpoonright b_1$ ,  $b_1$  est classé dans unreachable Process 2.  $a_0$ est évidemment inaccessible car  $b_0$  est accessible (état initial). Selon  $(c, a, -) \in R$ ,  $c_0 \rightarrow a_0 \upharpoonright a_1$  est rajoutée, alors  $b_1$  devient accessible.

# Complétion basée sur la séquence stricte (CSS)

Complétion des Réseaux de Process Hitting – une Contribution pour le Process Hitting

X.CHA

Introduction

Process

пишп

Accessibilité

Accessibilité

le processus (CP)

Complétion basée s
la séquence stricte
(CSS)

Fonctionnement analogue

#### Éléments:

- Process Hitting PH
- séquence stricte S
- ensemble de relations de régulation R

# Exemple

Complétion des Réseaux de Process Hitting – une Contribution pour le Process Hitting

X.CHAI

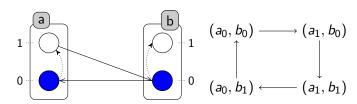
Introduction

Process Hitting

Complétion

Complétion basée s le processus (CP)

Complétion basée sur la séquence stricte (CSS)  $\mathscr{H}=\{b_0 \to a_0 \ \ \ \ \ a_1, a_1 \to b_0 \ \ \ \ \ b_1\}$ , le contexte  $\varsigma=\{a_0,b_0\}$ , ensemble de relations de régulation  $R=\{(a,b,+),(b,a,-)\}$ . Considérons deux séquences strictes  $S_1=a_1::b_1::a_0::b_0$ ,  $S_2=b_1::b_0$ 



# Approches de l'accessibilité & et de la complétion

Complétion des Réseaux de Process Hitting – une Contribution pour le Process Hitting

X.CHA

Introduction

Process Hitting

Complétio

Complétion bas le processus (C

Complétion basée la séquence stricte

Méthode	Entrée	Sortie	Calcul
PINT	processus	non-définitive	non-exhaustif
CSS	séquence	définitive	exhaustif

### Résultat de complétion :

$$\left\{ egin{aligned} PINT & +CP & inaccessible 
ightarrow inaccessible 
ightarrow accessible ^4 \end{aligned} 
ight.$$

<sup>3.</sup> CP = Complétion basée sur le processus

<sup>4.</sup> CSS = Complétion basée sur la séquence stricte → ⟨ ■ ⟩ ⟨ ■ ⟩ ⟨ ■ ⟩ ⟨ ■ ⟩ ⟨ □ ⟩ ⟨

### Conclusion

Complétion des Réseaux de Process Hitting – une Contribution pour le Process Hitting

X.CHA

Introduction

Process Hitting

Complétion

Accessibilité
Complétion basé

Complétion basée sur le processus (CP) Complétion basée sur la séquence stricte (CSS)

- Propriété du Process Hitting[PCF<sup>+</sup>14, Pau11, PMR12]
- Contribution au Process Hitting (cut set[PAK13] & complétion)
- Avantages
  - Données imprécises
  - Complexité réduite
- Oéfauts
  - Construction de R
  - Sémantiques manquantes

## Références I

Complétion des Réseaux de Process Hitting – une Contribution pour le Process Hitting

X.CHA

Introduction

Process Hitting

Complétion

Complétion basée sur le processus (CP) Complétion basée sur la séquence stricte Tatsuya Akutsu, Takeyuki Tamura, and Katsuhisa Horimoto.

Completing networks using observed data.

In International Conference on Algorithmic Learning Theory, pages 126–140. Springer, 2009.

Loïc Paulevé, Geoffroy Andrieux, and Heinz Koeppl.
Under-approximating cut sets for reachability in large scale automata networks.

In International Conference on Computer Aided Verification, pages 69–84. Springer, 2013.

Loïc Paulevé.

Modélisation, simulation et vérification des grands réseaux de régulation biologique.

PhD thesis, Ecole Centrale de Nantes (ECN), 2011.

## Références II

Complétion des Réseaux de Process Hitting – une Contribution pour le Process Hitting

X.CHA

Introduction

Process Hitting

Complétion

Accessibilité

Complétion basé

le processus (CP)

Complétion basée sur la séquence stricte (CSS)

Loïc Paulevé, Courtney Chancellor, Maxime Folschette, Morgan Magnin, and Olivier Roux. Analyzing large network dynamics with process hitting,

2014. Loïc Paulevé, Morgan Magnin, and Olivier Roux.

Static analysis of biological regulatory networks dynamics using abstract interpretation.

Mathematical Structures in Computer Science, 22(4):651–685, 2012.

René Thomas. Logical analysis of systems comprising feedback loops. Journal of Theoretical Biology, 73(4):631–656, 1978.