

## 【知识点八】

## 基础篇

8.1 (清华习题) 磁介质有三种, 用相对磁导率  $\mu_r$  表征它们各自的特性时 ( )

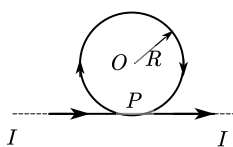
- A. 顺磁质  $\mu_r > 0$ , 抗磁质  $\mu_r < 0$ , 铁磁质  $\mu_r \gg 1$   
 B. 顺磁质  $\mu_r > 1$ , 抗磁质  $\mu_r = 1$ , 铁磁质  $\mu_r \gg 1$   
 C. 顺磁质  $\mu_r > 1$ , 抗磁质  $\mu_r < 1$ , 铁磁质  $\mu_r \gg 1$   
 D. 顺磁质  $\mu_r < 0$ , 抗磁质  $\mu_r < 1$ , 铁磁质  $\mu_r > 0$

8.2 (清华习题) 在磁感强度为  $\mathbf{B}$  的均匀磁场中作一半径为  $r$  的半球面  $S$ ,  $S$  边线所在平面的法线方向单位矢量  $\mathbf{n}$  与  $\mathbf{B}$  的夹角为  $\alpha$ , 则通过半球面  $S$  的磁通量(取弯面向外为正)为 ( )

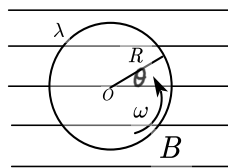
- A.  $\pi r^2 B$  B.  $2\pi r^2 B$  C.  $-\pi r^2 B \sin \alpha$  D.  $-\pi r^2 B \cos \alpha$

8.3 一面积为  $S$ , 载有电流  $I$  的平面闭合线圈置于磁感应强度为  $\mathbf{B}$  的均匀磁场中, 此线圈受到的最大磁力矩的大小为\_\_\_\_\_, 此时通过线圈的磁通量为\_\_\_\_\_。当此线圈受到最小的磁力矩作用时, 通过线圈的磁通量为\_\_\_\_\_。

8.4 (南京大学 2012) 一无限长直导线通有电流  $I$ , 在  $P$  点处弯成一个半径为  $R$  的圆,  $P$  点处导线彼此绝缘, 如图所示, 圆心  $O$  点处磁感应强度的大小为\_\_\_\_\_。



习题 8.4 图



习题 8.5 图

8.5 (天大 2015) 如图, 均匀磁场中放一均匀带正电荷的圆环, 其线电荷密度为  $\lambda$ , 圆环可绕通过环心  $O$  与环面垂直的转轴旋转, 当圆环以角速度  $\omega$  转动时, 圆环受到的力矩为\_\_\_\_\_, 其方向为\_\_\_\_\_。

8.6 (清华习题) 带电粒子沿垂直于磁感线的方向飞入有介质的匀强磁场中。由于粒子和磁场中的物质相互作用, 损失了自己原有动能的一半。路径起点的轨道曲率半径与路径终点的轨道曲率半径之比为\_\_\_\_\_。

8.7 (清华习题) 电子在磁感强度  $B=0.1\text{T}$  的匀强磁场中沿圆周运动, 电子运动形成的等效圆电流强度  $I=_____$ 。(电子电荷  $e=1.60\times 10^{-19}\text{C}$ , 电子质量  $m=9.11\times 10^{-31}\text{kg}$ )

## 提高篇

8.8 (清华习题)  $A$ 、 $B$  两个电子都垂直于磁场方向射入一均匀磁场而作圆周运动。 $A$  电子的速率是  $B$  电子速率的两倍。设  $R_A$ 、 $R_B$  分别为  $A$  电子与  $B$  电子的轨道半径;  $T_A$ 、 $T_B$  分别为它们各自的周期。则 ( )

- A.  $R_A:R_B=2, T_A:T_B=2$  B.  $R_A:R_B=1/2, T_A:T_B=1$   
C.  $R_A:R_B=1, T_A:T_B=1/2$  D.  $R_A:R_B=2, T_A:T_B=1$

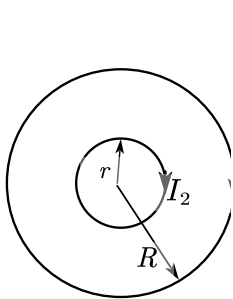
8.9 (华科 2015) 如图所示, 两个同心圆线圈, 大圆半径为  $R$ , 通有电流  $I_1$ ; 小圆半径为  $r$ , 通有电流  $I_2$ , 方向如图, 若  $r \ll R$  (大线圈在小线圈处产生的磁场近似为均匀磁场), 当它们在同一平面内时小线圈所受的磁力矩的大小为 ( )

- A.  $\frac{\mu_0 \pi I_1 I_2 r^2}{2R}$  B.  $\frac{\mu_0 I_1 I_2 r^2}{2R}$  C.  $\frac{\mu_0 \pi I_1 I_2 r^2}{2r}$  D. 0

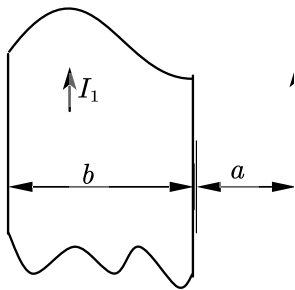
8.10 (华科 2016) 均匀磁场  $B$  中放一均匀带正电荷的圆环, 圆环半径为  $R$ , 电荷线密度为  $\lambda$ , 圆环可绕过圆心且与环面垂直的转轴旋转, 转轴与磁场  $B$  垂直。当圆环以角速度  $\omega$  转动时, 圆环受到的磁力矩的大小为\_\_\_\_\_。

8.11 (华科 2016) 如图所示, 一宽度为  $b$  的无限长导体片上有均匀分布的电流  $I_1$ , 另一与导体片平行的导线和导体片相距为  $a$ , 载有同向电流  $I_2$ , 求导线单位长度上所受的磁场力的大小和方向。

8.12 (华科 2015) 图中所示的是一个外半径为  $R_1$  的无限长的圆柱形导体管, 管内空心部分的半径为  $R_2$ , 空心部分的轴与圆柱的轴相互平行但不重合, 两轴距离为  $a$ , 且  $a > R_2$ , 现有电流  $I$  沿导体管轴向流动, 电流均匀分布在管的横截面上, 而电流方向与管的轴线平行。求 (1) 圆柱轴线上的磁感应强度的大小; (2) 空心部分轴线上的磁感应强度的大小。



习题 8.9 图



习题 8.11 图

## 【知识点八参考答案】

## 基础篇

8.1 【正解】C

8.2 【正解】D

【解析】将半球面投影到边线所在的水平面上, 利用磁通量的定义式  $\Phi_m = \int_s \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S} = -\pi r^2 B \cos \alpha$ ,  
负号是因为投影面的法线方向和边线所在平面的法向方向相反。

8.3 【正解】 $IBS$ ; 0;  $BS$ 

【解析】当线圈平面和磁感应强度平行时, 此时受到的磁力矩最大为  $IBS$ , 磁通量为零;  
当线圈平面和磁感应强度垂直时, 此时受到的磁力矩为零, 磁通量最大为  $BS$

8.4 【正解】 $\frac{\mu_0 I}{2R} \left(1 - \frac{1}{\pi}\right)$ 

【解析】 $O$  点的磁感应强度可以看成由两部分组成, 一部分由圆环电流产生, 圆环在  $O$  点激发的磁感应强度垂直纸面向里大小为  $\frac{\mu_0 I}{2R}$ , 另一部由无限长直导线激发, 方向为垂直纸面向外, 大小为  $\frac{\mu_0 I}{2\pi R}$ , 所以  $O$  点的磁感应强度为  $\frac{\mu_0 I}{2R} \left(1 - \frac{1}{\pi}\right)$ , 方向为垂直纸面向里。

8.5 【正解】 $\pi R^3 \lambda B \omega$ ; 在纸面中向上

【解析】已知任意形状的载流线圈在均匀磁场中的力矩为  $\mathbf{M} = \mathbf{p}_m \times \mathbf{B}$ , 所以只要求出旋转圆环中电流即可求得有力矩, 电流  $I = \frac{dq}{dt} = \frac{2\pi R \lambda}{2\pi/\omega} = R\omega\lambda$ , 所以  
 $\mathbf{M} = \mathbf{p}_m \times \mathbf{B} = I\mathbf{S} \times \mathbf{B} = R\omega\lambda \cdot \pi R^2 \cdot B\mathbf{e}_n = \pi R^3 \lambda B \omega \mathbf{e}_n$ ,  $\mathbf{e}_n$  为纸面向上

8.6 【正解】 $\sqrt{2}$ : 1

【解析】设电子的初始速度为  $v$ , 动能损失原来的一版则速度变为  $v' = \frac{\sqrt{2}}{2}v$ , 由洛伦兹力提供向心力得到, 曲率半径和运动速度成正比。所以起点和终点的曲率半径之比为  $\sqrt{2}$ : 1

8.7 【正解】 $4.47 \times 10^{-10} \text{ A}$ 

【解析】电子受到的洛伦兹力提供做匀速圆周运动的向心力,  $Bev = m \frac{v^2}{R}$ ,  $\omega = \frac{Be}{m}$ , 电子运动形成的等效电流强度  $I = \frac{Q}{t} = \frac{e}{T} = \frac{\omega e}{2\pi} = \frac{Be^2}{2\pi m} = 4.47 \times 10^{-10} \text{ A}$

## 提高篇

8.8 【正解】D

【解析】电子受到的洛伦兹力提供做匀速圆周运动的向心力,  $Bev = m \frac{v^2}{R}$ , 电子的质量和所带电荷相同, 同一个均匀磁场磁感应强度也相同, 可得  $\frac{Be}{m} = \frac{v}{R}$ , 运动半径和速度成正比所以  $R_A:R_B = 2$ , 所以运动角速度相同, 得到  $T_A:T_B = 1$

8.9 【正解】D

【解析】由小线圈和大线圈共平面和圆的对称性可知, 大线圈激发的磁场对小线圈产生的安培力相互抵消, 合力为零, 所以磁力矩为零。

8.10 【正解】  $\pi R^3 \lambda B \omega$ ;

【解析】 见题四

8.11 【正解】  $F = \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi b} \ln \frac{a+b}{a}$ , 向左方向

【解析】 如图所示建立坐标系, 在坐标  $x$  处取宽度为  $dx$  的长直电流元, 其电流为  $dI_1 = \frac{I_1}{b} dx$ , 它在无限长直

载流导线  $I_2$  处产生的磁场大小为:  $dB = \frac{\mu_0 dI_1}{2\pi(a+b-x)} = \frac{\mu_0 I_1 dx}{2\pi b(a+b-x)}$ , 则导体片在  $I_2$  处产生的

磁感应强度为所有电流元激发的磁感应强度的叠加,  $B = \int dB = \int_0^b \frac{\mu_0 I_1 dx}{2\pi b(a+b-x)} = \frac{\mu_0 I_1}{2\pi b} \ln \frac{a+b}{a}$

所以导线单位长度上收到的力的大小为:  $F = BI_2 l = \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi b} \ln \frac{a+b}{a}$ , 方向向左。

8.12 【正解】 (1)  $\mathbf{B} = \frac{\mu_0 I}{2\pi a} \frac{R_2^2}{(R_1^2 - R_2^2)} (-\mathbf{e}_\theta)$ ; (2)  $\mathbf{B} = \frac{\mu_0 I}{2\pi} \frac{a}{(R_1^2 - R_2^2)} (\mathbf{e}_\theta)$

【解析】 应用补偿法, 将带有空腔的圆柱形导体管, 等效为完整的圆柱形导体管加上在空腔处带有相反电流的小圆柱体, 且电流密度与实际截面上的电流密度相等, 则空间磁场可以看成两圆柱体产生的磁场的叠加。

(1) 圆柱轴线上的  $\mathbf{B}$  可视为大圆柱电流产生的  $\mathbf{B}_1$  和小圆柱电流产生的  $\mathbf{B}_2$  的叠加 (设顺时针为正) 则根据安培环路定理可得:

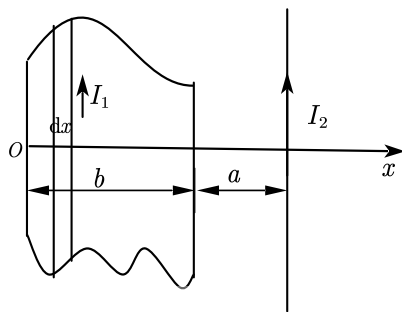
$$\mathbf{B}_1 = 0, \mathbf{B}_2 = \frac{\mu_0 I'}{2\pi a} (-\mathbf{e}_\theta), \quad \mathbf{e}_\theta \text{ 为切向单位矢量}$$

$$I' = \frac{I}{\pi(R_1^2 - R_2^2)} \cdot \pi R_2^2 = \frac{R_2^2 I}{(R_1^2 - R_2^2)}, \quad \text{故 } \mathbf{B} = \frac{\mu_0 I}{2\pi a} \frac{R_2^2}{(R_1^2 - R_2^2)} (-\mathbf{e}_\theta)$$

(2) 同理, 空心部分轴线  $\mathbf{B}_2 = 0$ ,

$$\mathbf{B}_1 = \frac{\mu_0 I'}{2\pi a} (\mathbf{e}_\theta), \quad \mathbf{e}_\theta \text{ 为切向单位矢量}$$

$$I' = \frac{I}{\pi(R_1^2 - R_2^2)} \cdot \pi a^2 = \frac{Ia^2}{(R_1^2 - R_2^2)}, \quad \text{故 } \mathbf{B} = \frac{\mu_0 I}{2\pi} \frac{a}{(R_1^2 - R_2^2)} (\mathbf{e}_\theta)$$



习题8.11图