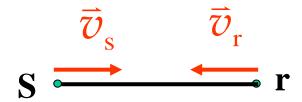
§ 5.5 多普勒效应

当波源S和接收器r有相对运动时,接收器所测得的频率 v, 不等于波源振动频率 v_s的现象。

机械波的多普勒效应



- •参考系:媒质
- 符号规定: S和r 相互靠近时 v_s , v_r 为正
- · Vs: 波源振动频率, V: 波的频率, V: 接收频率
- 1. 波源和接收器都静止 $(v_s=0, v_r=0)$

$$v_{\rm r} = v = v_{\rm r}$$

2. 波源静止,接收器运动($v_s=0$)

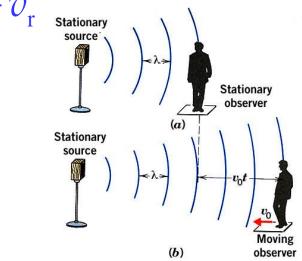
相当于波通过接收器的总距离为 *u* + *v*_r 单位时间接收到完整波的个数

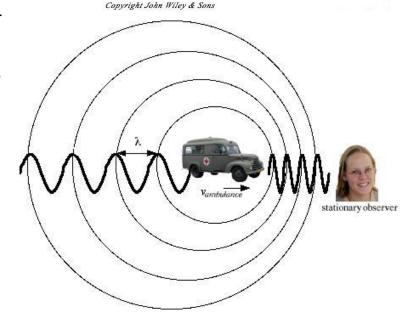
$$v_{\rm r} = \frac{u + v_{\rm r}}{\lambda} = \frac{u + v_{\rm r}}{u} v_{\rm s}$$

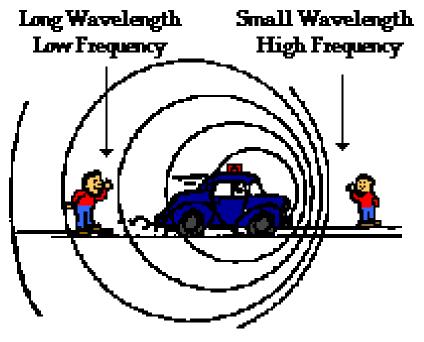
3. 波源运动,接收器静止($v_r=0$)相当于波通过接收器所在处的波的波长比原来缩短了 $v_sT=v_s/v_s$

$$\lambda = \frac{u - v_{s}}{v_{s}}$$

$$v_{r} = \frac{u}{\lambda} = \frac{u}{u - v_{s}} v_{s}$$







The Doppler Effect for a moving sound source

$$v_{\rm r} = \frac{u}{\lambda} = \frac{u}{u + v_{\rm s}} v_{\rm s}$$
 $v_{\rm r} = \frac{u}{\lambda} = \frac{u}{u - v_{\rm s}} v_{\rm s}$

4. 波源和接收器皆运动

$$v_{\rm r} = \frac{u + v_{\rm r}}{u - v_{\rm s}} v_{\rm s}$$

▶若S和 r 的运动不在二者连线上

$$v_{\rm r} = \frac{u + v_{\rm r} \cos \theta_{\rm r}}{u - v_{\rm s} \cos \theta_{\rm s}} v_{\rm s}$$

▶有纵向多普勒效应; 无横向多普勒效应(不考虑相对 论效应) [例题5-13]火车以20m/s的速度行驶,若机车汽笛的频率为500Hz,问: (1)一静止观察者在机车前和机车后所听到的声音频率各为多少? (2)设另有一列火车上有乘客,当该列火车以10m/s的速度驶近或驶离第一列火车,乘客听到的声音频率各为多少? (已知空气中声波的速率为340m/s。

解:
$$v_{\text{ii}} = \frac{u}{u - v_{\text{s}}} v = \frac{340 \times 500}{340 - 20} = 531 \text{Hz}$$

$$v_{\text{fi}} = \frac{u}{u + v_{\text{s}}} v = \frac{340 \times 500}{340 + 20} = 472 \text{Hz}$$

$$v' = \frac{u \pm v_{\rm r}}{u \mp v_{\rm s}} v$$

$$v'_{\text{iff}} = \frac{u + v_{\text{r}}}{u - v_{\text{s}}}v = \frac{340 + 10}{340 - 20} \times 500 = 547 \text{Hz}$$

$$v'_{\text{iff}} = \frac{u - v_{\text{r}}}{u + v_{\text{s}}}v = \frac{340 - 10}{340 + 20} \times 500 = 458$$
Hz