# 考试试卷册

(2009 - 2010 学年第一学期)

考试科目算法基础出卷教师顾乃杰使用班级PB0711考试日期2010.01.04

# 中国科学技术大学教务处

# 装订线 答题时不要超过此线

# 中国科学技术大学 2009--2010 学年第 1 学期考试试卷

考试科目:	算法基础	得分:
<b>~</b> · · · · · · <u> </u>	<u> </u>	1 4 / 4

学生所在系: 姓名: 学号:

### 一、基本题:

(20分,每小题5分)

- 1. 已知  $f(n) = n + 2\sqrt{n}$ ,  $g(n) = n^2$ , 请证明 f(n) = O(g(n));
- 2. 请举例说明存在函数 f(n) , 使得  $f(n) \neq O(n)$  且  $f(n) \neq \Omega(n)$  ;
- 3. 求解递归方程  $T(n) = 8 \cdot T(n/2) + n$

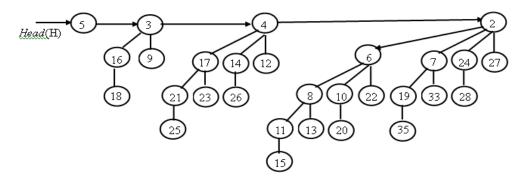
(给出量级和推导过程)

4. 求解递归方程  $T(n) = 9 \cdot T(n/3) + n^3 \log n$  (给出量级和推导过程)

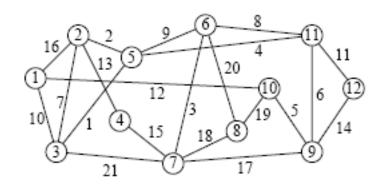
二、计算题:

(40 分,每小题 10 分)

1. 有下图所示的二项堆,请给出在该二项堆中执行 Extract-Min 操作的过程。



- 2. 已知有两个序列 X = 11201012",Y = 21011021",计算出 X 和 Y 的一个最长公 共子序列 (给出计算过程)。
- 3. 已知有一段电文, 共出现了8种字符, 各字符出现次数分别为: A3次, B5次, C 12 次, D 15 次, E 6 次, F 2 次, G 9 次, H 4 次, 现在要求对此段电文进行 3 讲制编码(采用前缀码), 如何编码才能使编码后的电文总长度最小? 请给出你 的编码方案(给出编码树)。
- 4. 请给出下图的一棵最小生成树,图中给出了顶点编号和边的权值:



## 三、阅读并分析算法:

(20分,每小题10分)

1. 给出下述函数的运行结果,将其表示成 n 的函数:

```
Function Pesky(n)

1. r := 0;

2. for i := 1 to n do

3. for j := 1 to i do

4. for k := j to i + j do

5. r := r + 1

6. return(r)
```

2. 已知下述算法被调用时的初值为 P[1..12]= "AABCAAABCAAA", 数组 Next[1..12]全为 0, 请给出算法运行后数组 Next[1..12]的值。

```
NewPass(P)

1. j \leftarrow 0;

2. m \leftarrow Length(P);

3. For i \leftarrow 1 to m do

4. Next[i] \leftarrow j;

5. While j > 0 and P[i] \neq P[j] do

6. j \leftarrow Next[j];

7. j \leftarrow j + 1;

8. Return
```

# 四、算法设计:

(20 分, 每题 10 分)

1. 已知某班共有 n 个同学参加算法课程考试,课程的成绩从 0 至 100,由于学校教务部门要求任课教师根据考试成绩进行试卷分析,也就是对任意输入的整数 a 和 b (注:  $0 \le a < b \le 100$ )要求统计出成绩**大于等于** a 且**小于** b 的**学生数**和占总人数的**百分比**。为了便于快速完成统计工作,现要求编写算法:对学生考试成绩做预处理,预处理所需时间不超过 O(n),使得在预处理后,能够对任意输入的

整数 a 和 b (注:  $0 \le a < b \le 100$ ), 只需 O(1) 的时间就能统计出成绩**大于等于** a 且 **小于** b 的**学生数**和占总人数的**百分比**。

2. 已知有一个带权的无向图 G ,该图表示一个网络,其顶点表示路由器,边表示连接两个路由器的链路(双向),边上的权值表示链路的带宽,图中任意两顶点之间均有路径相通,路径的带宽定义为路径上所有边的最小权值(最小带宽),设 a 和 b 是图 G 上给定的两顶点,请设计算法,求出由 a 至 b 的一条最大带宽路径。