学校编码: 10384 学号: 19020131152\*\*\* 分类号\_\_\_\_\_密级\_\_\_\_ UDC\_\_\_\_\_



# 硕士学位论文

# 论文标题 Title Topic

# 王财勇

指导教师姓名: 曾 晓 明 教授

专业名称: 计算数学

论文提交日期: 2016年 5 月

论文答辩时间: 2016年 5 月

学位授予日期:

答辩委员会主席: \_\_\_\_\_\_ 评 阅 人: \_\_\_\_\_

2016年 4 月

# 厦门大学学位论文原创性声明

本人呈交的学位论文是本人在导师指导下,独立完成的研究成果。本人在论文写作中参考其他个人或集体已经发表的研究成果,均 在文中以适当方式明确标明,并符合法律规范和《厦门大学研究生学术活动规范(试行)》。

另外,该学位论文为( )课题(组)的研究成果,获得( )课题(组)经费或实验室的资助,在( )实验室完成。(请在以上括号内填写课题或课题组负责人或实验室名称,未有此项声明内容的,可以不作特别声明。)

声明人(签名):

年 月 日

# 厦门大学学位论文著作权使用声明

本人同意厦门大学根据《中华人民共和国学位条例暂行实施办法》等规定保留和使用此学位论文,并向主管部门或其指定机构送交学位论文(包括纸质版和电子版),允许学位论文进入厦门大学图书馆及其数据库被查阅、借阅。本人同意厦门大学将学位论文加入全国博士、硕士学位论文共建单位数据库进行检索,将学位论文的标题和摘要汇编出版,采用影印、缩印或者其它方式合理复制学位论文。

本学位论文属于:

( )1.经厦门大学保密委员会审查核定的保密学位论文,

于 年 月 日解密,解密后适用上述授权。

( ) 2.不保密,适用上述授权。

(请在以上相应括号内打"√"或填上相应内容。保密学位论文 应是已经厦门大学保密委员会审定过的学位论文,未经厦门大学保密 委员会审定的学位论文均为公开学位论文。此声明栏不填写的,默认 为公开学位论文,均适用上述授权。)

声明人(签名):

年 月 日

### 摘要

本模板是在网上找的模板的基础上修改而成,已经完全符合厦大研究生论文写作要求。本文在原来的基础上增加了英文目录、插图等功能。使用的时候,也可以查阅原来的模板说明,本人会一并附上.大家可以自由下载,欢迎传播.希望可以帮到更多的人,有问题可以咨询我,qq:1442569339。

谢谢!

财哥(厦门大学数学科学学院2013级硕士)

关键词: 厦门大学,数学科学学院,拔尖班

# Abstract

English Abstract.

**Key Words:** Xiamen University, Mathematics

# 目 录

摘要	I
Abstract	II
目录	IV
Contents	V
第一章 绪论	1
1.1 研究背景	1
1.2 本文主要内容	1
第二章 定理环境介绍	2
2.1 使用说明	2
2.2 节标题1	2
第三章 插图	3
3.1 多幅图片的生成方式	3
第四章 其他	7
4.1 引用	7
4.2 参考文献	7
第五章 总结与展望	8
参考文献	9

#### CONTENTS

致谢	10
~~ ~;;	_

# **Contents**

Chinese Abstract					
English Abstract					
Chines	Chinese Contents				
Englisl	n Contents	V			
1 Intro	oduction	1			
1.1	Research Background	1			
1.2	Main Work and Preliminaries	1			
2 Intro	oduction of environment theorem	2			
2.2	Section Title1	2			
3 Figu	re	3			
3.1	More pictures	3			
4 Othe		7			
4.1	cite	7			
4.2	references	7			
5 Sum	mary and prospect	8			
References		9			
Acknowledgements					

# 第一章 绪论

### 1.1 研究背景

此处主要写论文的研究背景、历史,再概括介绍一下你的内容.

# 1.2 本文主要内容

本文共有三章内容.第一章内容介绍了本文的研究背景和主要内容.

第二章,......

第三章,.....

### 第二章 定理环境介绍

#### 2.1 使用说明

在CTex下按照LATEX,BibTeX,LATEX,LATEX顺序可以完全编译。

#### 2.2 节标题1

下面介绍常用的数学定理环境,包括:定义、性质、引理、证明、例.

定义 2.1 对任给的自然数 $n \ge 2$ 和n个实参数 $\lambda_i$ ,  $i = 1, 2, \dots, n$ ,称多项式函数组:

$$\begin{cases}
b_0^n(t) &= (1-t)^{n-1}((1-t)-\lambda_1 t) \\
b_i^n(t) &= t^i (1-t)^{n-1-i} {n \choose i} (1-t) + \lambda_i (1-t) - \lambda_{i+1} t, i = 1, \dots, \left[\frac{n}{2}\right] - 1 \\
b_{\left[\frac{n}{2}\right]}^n &= t^{\left[n/2\right]} (1-t)^{n-1-\left[n/2\right]} {n \choose \left[n/2\right]} (1-t) + \lambda_{\left[n/2\right]} (1-t) + \lambda_{\left[n/2\right]+1} t) \\
b_i^n(t) &= t^i (1-t)^{n-1-i} {n \choose i} (1-t) - \lambda_i (1-t) + \lambda_{i+1} t, i = \left[\frac{n}{2}\right] + 1, \dots, n-1 \\
b_n^n(t) &= t^n (1-\lambda_n)
\end{cases}$$
(2.1)

为带形状参数 $\{\lambda_i\}_{i=1}^n$ 的一类新的n次广义Bernstein基.

**性质** 2.1 (**非负性**) 当第一类拟Bernstein条件或第二类拟Bernstein条件成立时,基函数非负.即 $T_{i,n}(u) \ge 0, i = 0, 1, \cdots, n$ .

为了证明此性质,我们引入如下引理.

引理 2.2 如下不等式

$$\left[ \binom{n}{\frac{n}{2}} + (-1)^{\frac{n}{2}+1} \right] (1-u)^{\frac{n}{2}} u^{\frac{n}{2}} - 1 < 0 \tag{2.2}$$

证明: 记:

$$W = \binom{n}{\frac{n}{2}} + (-1)^{\frac{n}{2}+1}$$

$$H(u) = W(1-u)^{\frac{n}{2}}u^{\frac{n}{2}} - 1 \tag{2.3}$$

于是上述不等式的左边变为H(u).

**例** 1 取 $k = 1(C^1$ 连续), $\alpha_2 = \beta_1, \lambda_1 = \lambda_2 = -1/4$ ,其他参数任意,将参数代入方程中,则此时 $\gamma_0 = 1, \gamma_1 = -3$ .如图所示,两曲线在连接处 $C^1$ 连续.

### 第三章 插图

本章主要介绍插图的方法. 首先建议大家使用eps格式的图片.其次,如果使用jpg,png格式的图片,则先用ebb生成对应的BoundingBox文件,打开后,内容如下:

%%Title:test.jpg

%%Creator: ebb Version 0.5.2 %%BoundingBox: 0 0 438 340

%%CreationDate: Sun Oct 25 19:51:22 2008

然后我们需要拷贝里面的'00438340'放入插图环境中.

\begin{figure}[!ht]

\centering

\includegraphics[width=.3\textwidth,bb=0 0 438 340]{flower\_6.png}\caption{调节\$\lambda\$生成蝴蝶结图案}

\label{chap:curfig6}

\end{figure}

注意: 通常ebb程序在:

\*:\CTEX\MiKTeX\miktex\bin

中,使用时直接用ebb打开图片,即可生成对应的BoundingBox.效果:

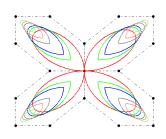


图 3.1 调节 λ生成蝴蝶结图案

### 3.1 多幅图片的生成方式

方法1:

```
\begin{figure*}[!ht]
\centering
  \subfigure[2阶基函数]
  {
  \includegraphics[width=0.27\textwidth,bb=0 0 297 230]{base2.png}
  }
  \hspace{0.0002\textwidth}
  \subfigure[4阶基函数]
  {
  \includegraphics[width=0.27\textwidth,bb=0 0 297 230]{base4.png}
  }
  \hspace{0.0002\textwidth}
  \subfigure[6阶基函数]
  {
  \includegraphics[width=0.27\textwidth,bb=0 0 297 230]{base6.png}
  }
  \caption{\Delta Box \text{ box \text \text{ box \text{ box
```

#### 效果:

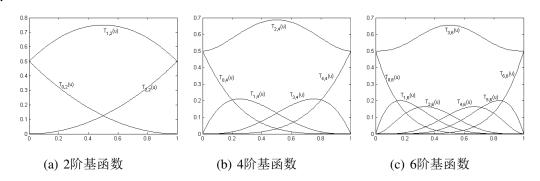


图 3.2 基函数的拟对称性,其中 $\alpha = 0.5, \beta = 0.5, \lambda = -0.5$ 

#### 方法2:

```
\begin{figure}[!ht]\centering
\includegraphics[width=.3\textwidth,bb=0 0 395 329]{lambda.png}
\includegraphics[width=.3\textwidth,bb=0 0 395 329]{alpha.png}
\includegraphics[width=.3\textwidth,bb=0 0 395 329]{beta.png}
```

\caption{\$\lambda,\alpha,\beta\$对6次基函数的影响}\label{fig2}\end{figure}

#### 效果:

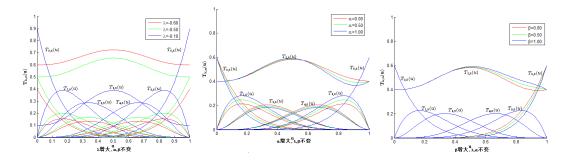


图 3.3  $\lambda, \alpha, \beta$ 对6次基函数的影响

#### 方法3:

```
\begin{figure}
\begin{minipage}[t]{0.5\linewidth}
\centering
\includegraphics[width=2.2in,bb=0 0 340 268]{alpha_flower.png}
\caption{fig1}
\label{fig:side:a}
\end{minipage}%
\begin{minipage}[t]{0.5\linewidth}
\centering
\includegraphics[width=2.2in,bb=0 0 332 260]{beta_flower.png}
\caption{fig2}
\label{fig:side:b}
\end{minipage}
\end{figure}
```

#### 效果:

以上插图的不同之处在于:

方法1:有许多子图片组合生成一幅带序号的图片,子图片序号为(a)、(b)、(c); 方法2:有许多子图片组合生成一幅带序号的图片,子图片无序号; 方法3:两个子图片合并在一起,序号独立,无大序号。

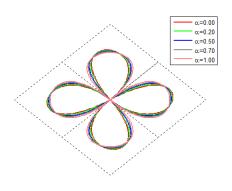


图 3.4 fig1

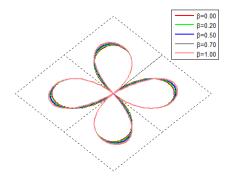


图 3.5 fig2

# 第四章 其他

### 4.1 引用

\section{引用示例}
张尧庭\cite{zhang} 丁文祥\ucite{Ding}

其中前者为平行引用,后者为上引,效果: 曹[1],吴<sup>[2]</sup>

### 4.2 参考文献

加参考文献时,我们先依次点击Insert———>Bibtex Item,里面会有各种文献类型;你要加哪个就点击哪个,然后直接填写相关内容即可.

# 第五章 总结与展望

本文主要做了两方面的工作:

- 1.提出了.....,给出了简单的应用.
- 2.实例证明了我们方法的有效性.
- 今后要解决的问题包括:
- 1.构造其它新的带参的Bézier曲线或者其他新的曲线曲面.
- 2.将本文曲线分类方法推广到B-样条,Catmull Rom,Beta-样条曲线.

### 参考文献

- [1] (美) Ron Goldman著吴宗敏等译. 金字塔算法:曲线曲面几何模型的动态编程处理[M].电子工业出版社, 2002.
- [2] WEIFENG WANG PING JIANG TAINING XIANG, ZHI LIU. A Novel Extension of *Bézier* Curves and Surfaces of the Same Degree[J]. Journal of Information & Computational Science, 2010, 7(10):2080–2089.
- [3] 王仁宏等. 计算几何教程[M]. 2.科学出版社, 2008.
- [4] 施法中. 计算机辅助几何设计与非均匀B样条[M].高等教育出版社, 2013.
- [5] 严兰兰,梁烔丰. 形状可调二次Beziér曲线[J]. 东华理工大学学报(自然科学版), 2008, 31(1).
- [6] 吴晓勤. 带形状参数的Beziér曲线[J]. 中国图象图形学报, 2006, 11(2).
- [7] 严兰兰, 宋来忠. 带两个形状参数的Bézier曲线[J]. 工程图学学报, 2008, (3).
- [8] 严兰兰, 韩旭里. 一种新的曲线曲面[J]. 图学学报, 2014, 35(4).
- [9] 张贵仓,师利红.带多个形状参数的Bézier曲线[J].西北师范大学学报(自然科学版), 2010, 46(4).
- [10] 张贵仓,赵菲,蕙海英.带3个形状参数的四次Bézier曲线[J].西北师范大学学报(自然科学版),2014,50(2).
- [11] 程黄和,曾晓明. 带形状参数的Bézier曲线[J]. 厦门大学学报(自然科学版), 2006, 45(3).
- [12] XILI HUANG XI-AN HAN, YICHEN MA. A novel generalization of Bézier curve and surface[J]. Journal of computational and applied mathematics, 2008, 217:180–193.
- [13] 吴晓勤. 带形状参数的五次*Béier*曲线[J]. 第二届全国几何设计与计算学术会议论文集, 2005: 97-100.
- [14] XIAOMING ZENG LIANGQIANG YANG. Bezier curves and surfaces with shape parameters.[J]. International Journal of Computer Mathematics., 2008.

# 致 谢

感谢共产党!

感谢毛主席!

感谢评委!