

## ОПРЕДЕЛИТЕЛИ

### Домашняя работа.

1.2.59.

$$\begin{vmatrix} 2 & -3 \\ 5 & -4 \end{vmatrix} = 2 \cdot (-4) - (-3) \cdot 5 = -8 + 15 = 7$$

1.2.60

$$\begin{vmatrix} \alpha & \beta \\ 0 & 0 \end{vmatrix} = \alpha \cdot 0 - \beta \cdot 0 = 0$$

1.2.61

$$\begin{vmatrix} x^2 & x \\ xy^2 & y^2 \end{vmatrix} = x^2 \cdot y^2 - x \cdot xy^2 = 0$$

1.2.62

$$\begin{vmatrix} \alpha & 3\alpha \\ \beta & 3\beta \end{vmatrix} = \alpha \cdot 3\beta - 3\alpha \cdot \beta = 0$$

1.2.63

$$\begin{vmatrix} \cos(\varphi) & \sin(\varphi) \\ \sin(\varphi) & \cos(\varphi) \end{vmatrix} = \cos(\varphi) \cdot \cos(\varphi) - \sin(\varphi) \cdot \sin(\varphi) =$$

$$= \cos^2(\varphi) - \sin^2(\varphi) = \cos(2\varphi)$$

1.2.64

$$\begin{vmatrix} x & x-1 \\ x^2+x+1 & x^2 \end{vmatrix} = x \cdot x^2 - (x-1) \cdot (x^2+x+1) =$$

$$= x^3 - (x^3 - 1) = x^3 - x^3 + 1 = 1$$

1.2.65

$$\begin{vmatrix} 2x-3 & 4 \\ -x & -3 \end{vmatrix} = 0$$

$$\begin{vmatrix} 2x-3 & 4 \\ -x & -3 \end{vmatrix} = (2x-3) \cdot (-3) - 4 \cdot (-x) =$$

$$= -2x + 9$$

$$-2x + 9 = 0; 2x = 9; \underline{x = \frac{9}{2}}$$

1.2.66

$$\begin{vmatrix} x+3 & x+1 \\ x-1 & x-2 \end{vmatrix} = 0$$

$$\begin{vmatrix} x+3 & x+1 \\ x-1 & x-2 \end{vmatrix} = (x+3) \cdot (x-2) - (x+1) \cdot (x-1) = x-5$$

$$x-5=0; \underline{x=5}$$

1.2.67

$$\begin{vmatrix} 3-x & x+2 \\ x+1 & x-1 \end{vmatrix} = 6$$

$$\begin{vmatrix} 3-x & x+2 \\ x+1 & x-1 \end{vmatrix} = (3-x) \cdot (x-1) - (x+2) \cdot (x+1) =$$

$$= -2x^2 + x - 5$$

$$-2x^2 + x - 5 = 6; 2x^2 - x + 11 = 0; D = 1^2 - 4 \cdot 11 \cdot 2 < 0$$

Значит: решений нет

$$\underline{x = \emptyset}$$

1.2.68

$$\begin{vmatrix} x-2 & y+3 \\ 1-y & x-2 \end{vmatrix} = -4$$

$$\begin{vmatrix} x-2 & y+3 \\ 1-y & x-2 \end{vmatrix} = (x-2) \cdot (x-2) - (y+3) \cdot (1-y) =$$

$$= (x-2)^2 + y^2 + 2y - 3$$

$$(x-2)^2 + y^2 + 2y - 3 = -4; (x-2)^2 + y^2 + 2y + 1 = 0$$

$$(x-2)^2 + (y+1)^2 = 0$$

$$\begin{cases} (x-2)^2 \geq 0 \\ (y+1)^2 \geq 0 \end{cases} \Rightarrow (x-2)^2 = (y+1)^2 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x=2 \\ y=-1 \end{cases}$$

1.2.69

$$\begin{vmatrix} x-2 & y+3 \\ 7-y & x+4 \end{vmatrix} = -34$$

$$\begin{vmatrix} x-2 & y+3 \\ 7-y & x+4 \end{vmatrix} = (x-2) \cdot (x+4) - (y+3) \cdot (7-y) =$$

$$= x^2 + 4x - 2x - 8 - (7y - y^2 + 21 - 3y) = x^2 + 2x - 29 - 4y + y^2$$

$$x^2 + 2x - 29 - 4y + y^2 = -34; x^2 + 2x + 1 + y^2 - 4y + 4 = 0$$

$$(x+1)^2 + (y-2)^2 = 0$$

$$\begin{cases} (x+1)^2 \geq 0 \\ (y-2)^2 \geq 0 \end{cases} \Rightarrow (x+1)^2 = (y-2)^2 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x=-1 \\ y=2 \end{cases}$$



1.2.70

$$\begin{vmatrix} \sin 2x & -\sin 3x \\ \cos 2x & \cos 3x \end{vmatrix} = 0$$

$$\begin{vmatrix} \sin 2x & -\sin 3x \\ \cos 2x & \cos 3x \end{vmatrix} = \sin 2x \cdot \cos 3x - (-\sin 3x) \cdot \cos 2x =$$

$$= \sin 2x \cdot \cos 3x + \sin 3x \cdot \cos 2x =$$

$$= \sin(5x) \quad (\sin(a) \cdot \cos(b) + \sin(b) \cdot \cos(a) = \sin(a+b))$$

$$\sin(5x) = 0$$

$$5x = \pi k, k \in \mathbb{Z}$$

$$x = \frac{\pi k}{5}, k \in \mathbb{Z}$$

1.2.71

$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 3 & 3 \\ 4 & 6 & 7 \end{vmatrix} = 1 \cdot \begin{vmatrix} 3 & 3 \\ 6 & 7 \end{vmatrix} - 1 \cdot \begin{vmatrix} 2 & 3 \\ 4 & 7 \end{vmatrix} + 1 \cdot \begin{vmatrix} 2 & 3 \\ 4 & 6 \end{vmatrix} =$$

$$= (3 \cdot 7 - 3 \cdot 6) - (2 \cdot 7 - 3 \cdot 4) + (2 \cdot 6 - 3 \cdot 4) =$$

$$= 3 - 2 + 0 = 1$$

1.2.72

$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 2 & 3 & 1 \\ 0 & 2 & 3 \end{vmatrix} = 1 \cdot \begin{vmatrix} 3 & 1 \\ 2 & 3 \end{vmatrix} - 1 \cdot \begin{vmatrix} 2 & 1 \\ 0 & 3 \end{vmatrix} + 0 \cdot \begin{vmatrix} 2 & 3 \\ 0 & 2 \end{vmatrix} =$$

$$= (3 \cdot 3 - 2 \cdot 1) - (2 \cdot 3) = 1$$

1.2.73

$$\begin{vmatrix} -2 & 3 & 5 \\ 4 & 1 & -2 \\ 1 & -3 & 2 \end{vmatrix} = -2 \cdot \begin{vmatrix} 1 & -2 \\ -3 & 2 \end{vmatrix} - 3 \cdot \begin{vmatrix} 4 & -2 \\ 1 & 2 \end{vmatrix} + 5 \cdot \begin{vmatrix} 4 & 1 \\ 1 & -3 \end{vmatrix} =$$

$$= -2 \cdot (2 - 6) - 3 \cdot (8 + 2) + 5 \cdot (-12 - 1) = 8 - 30 -$$

$$-65 = -87$$

1.2.74

$$\begin{vmatrix} a & b & c \\ b & c & a \\ c & a & b \end{vmatrix} = a \cdot \begin{vmatrix} c & a \\ a & b \end{vmatrix} - b \cdot \begin{vmatrix} b & a \\ c & b \end{vmatrix} + c \cdot \begin{vmatrix} b & c \\ c & a \end{vmatrix} =$$

$$= a \cdot (cb - a^2) - b \cdot (b^2 - ac) + c \cdot (ba - c^2) =$$

$$= 3abc - a^3 - b^3 - c^3$$

1.2.75

$$\begin{vmatrix} d & 0 & 0 \\ 0 & \beta & 0 \\ 0 & 0 & \gamma \end{vmatrix} = d \cdot \beta \cdot \gamma + 0 \cdot 0 \cdot 0 + 0 \cdot 0 \cdot 0 - 0 \cdot 0 \cdot 0 - 0 \cdot 0 \cdot 0 -$$

$$- 0 \cdot 0 \cdot 0 = d \cdot \beta \cdot \gamma$$

1.2.76

$$\begin{vmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{vmatrix} = 0 \cdot 0 \cdot 0 + 1 \cdot 1 \cdot 1 + 1 \cdot 1 \cdot 1 - 1 \cdot 0 \cdot 1 - 1 \cdot 1 \cdot 0 - 1 \cdot 1 \cdot 0 =$$

$$= 2$$

1.2.77

$$\begin{vmatrix} \cos \alpha & \cos \beta & 0 \\ \cos \alpha & 0 & \cos \gamma \\ 0 & \cos \beta & \cos \gamma \end{vmatrix} = \cos \alpha \cdot 0 \cdot \cos \gamma + \cos \beta \cdot \cos \gamma \cdot 0 + \\ + \cos \alpha \cdot \cos \beta \cdot 0 - 0 \cdot 0 \cdot 0 - \cos \beta \cdot \cos \alpha \cdot \cos \gamma - \\ - \cos \alpha \cdot \cos \gamma \cdot \cos \beta = -2 \cdot \cos \alpha \cdot \cos \beta \cdot \cos \gamma$$

1.2.78

$$\begin{vmatrix} 0 & x & 0 \\ x & 1 & x \\ 0 & x & 0 \end{vmatrix} = 0 \cdot 1 \cdot 0 + x \cdot x \cdot 0 + x \cdot x \cdot 0 - 0 \cdot 1 \cdot 0 - \\ - x \cdot x \cdot 0 - x \cdot x \cdot 0 = 0$$

1.2.79

$$\begin{vmatrix} 2 & 3 & 5 \\ 0 & -1 & 0 \\ 6 & 7 & 8 \end{vmatrix} = -0 - 1 \cdot \begin{vmatrix} 2 & 5 \\ 6 & 8 \end{vmatrix} - 0 =$$

$$= -1 \cdot (16 - 30) = 14$$

1.2.80

$$\begin{vmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 3 & 4 & 0 \\ 5 & 6 & 7 \end{vmatrix} = 0 - 0 + 7 \cdot \begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{vmatrix} = 7 \cdot (4 - 6) = -14$$

1.2.81

$$\begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 0 \end{vmatrix} = 7 \cdot \begin{vmatrix} 2 & 3 \\ 5 & 6 \end{vmatrix} - 8 \cdot \begin{vmatrix} 1 & 3 \\ 4 & 6 \end{vmatrix} + 0 =$$

$$= 7 \cdot (12 - 15) - 8 \cdot (6 - 12) = -21 + 48 = 27$$



1.2.82

$$\begin{vmatrix} x & y & z \\ 0 & y & z \\ x & 0 & z \end{vmatrix} = 0 + y \cdot \begin{vmatrix} x & z \\ x & z \end{vmatrix} - z \cdot \begin{vmatrix} x & y \\ x & 0 \end{vmatrix} =$$

$$= 0 + y \cdot (xz - zx) - z \cdot (x \cdot 0 - yx) = xyz$$

1.2.83

$$\begin{vmatrix} \cos \alpha & \cos \beta & \cos \gamma \\ 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \end{vmatrix} = -1 \cdot \begin{vmatrix} \cos \beta & \cos \gamma \\ 0 & 1 \end{vmatrix} +$$

$$+ 1 \cdot \begin{vmatrix} \cos \alpha & \cos \gamma \\ 1 & 1 \end{vmatrix} - 0 \cdot \begin{vmatrix} \cos \alpha & \cos \beta \\ 1 & 0 \end{vmatrix} =$$

$$= -1 \cdot (\cos \beta \cdot 1 - \cos \gamma \cdot 0) + 1 \cdot (\cos \alpha \cdot 1 - \cos \gamma \cdot 1) - 0 =$$

$$= \cos \alpha - \cos \beta - \cos \gamma$$

1.2.84

$$\begin{vmatrix} -3 & 2 & 1 \\ x-1 & 0 & 7 \\ 2 & -1 & 3 \end{vmatrix} = 0$$

$$\begin{vmatrix} -3 & 2 & 1 \\ x-1 & 0 & 7 \\ 2 & -1 & 3 \end{vmatrix} = -2 \cdot \begin{vmatrix} x-1 & 7 \\ 2 & 3 \end{vmatrix} + 0 \cdot \begin{vmatrix} -3 & 1 \\ 2 & 3 \end{vmatrix} -$$

$$- (-1) \cdot \begin{vmatrix} -3 & 1 \\ x-1 & 7 \end{vmatrix} = -2 \cdot (3x - 17) + 0 + 1 \cdot (-20 - x) =$$

$$= -7x + 14$$

$$-7x + 14 = 0 ; \underline{x = 2}$$

1.2.85

$$\begin{vmatrix} 2 & 0 & -1 \\ 1 & x+5 & 2-x \\ 3 & -1 & 2 \end{vmatrix} \leq 4$$

$$\begin{vmatrix} 2 & 0 & -1 \\ 1 & x+5 & 2-x \\ 3 & -1 & 2 \end{vmatrix} = 2 \cdot \begin{vmatrix} x+5 & 2-x \\ -1 & 2 \end{vmatrix} - 0 \cdot \begin{vmatrix} 1 & 2-x \\ 3 & 2 \end{vmatrix} +$$

$$+ (-1) \cdot \begin{vmatrix} 1 & x+5 \\ 3 & -1 \end{vmatrix} = 2 \cdot (x+12) + 0 + (-1) \cdot (-16-3x) =$$

$$= 2x + 24 - (-16 - 3x) = 5x + 40$$

$$5x + 40 \leq 4; 5x \leq -36; \underline{x \leq -7,2}$$

1.2.86

$$\begin{vmatrix} x+2 & 4 & -1 \\ -2 & 2 & x-1 \\ 1 & 3 & 0 \end{vmatrix} = 0$$

$$\begin{vmatrix} x+2 & 4 & -1 \\ -2 & 2 & x-1 \\ 1 & 3 & 0 \end{vmatrix} = 1 \cdot \begin{vmatrix} 4 & -1 \\ 2 & x-1 \end{vmatrix} - 3 \cdot \begin{vmatrix} x+2 & -1 \\ -2 & x-1 \end{vmatrix} +$$

$$+ 0 \cdot \begin{vmatrix} x+2 & 4 \\ -2 & 2 \end{vmatrix} = 4x - 2 - 3 \cdot (x^2 + x - 4) + 0 =$$

$$= 4x - 2 - 3x^2 - 3x + 12 = -3x^2 + x + 10$$

$$-3x^2 + x + 10 = 0; (x-2)(3x+5) = 0;$$

$$\begin{cases} x = -\frac{5}{3} \\ x = 2 \end{cases}$$



1.2.87

$$\begin{vmatrix} -3 & x-1 & 1 \\ x+2 & 2 & 3 \\ 0 & 1 & x \end{vmatrix} = 6$$

$$\begin{vmatrix} -3 & x-1 & 1 \\ x+2 & 2 & 3 \\ 0 & 1 & x \end{vmatrix} = 0 \cdot \begin{vmatrix} x-1 & 1 \\ 2 & 3 \end{vmatrix} - 1 \cdot \begin{vmatrix} -3 & 1 \\ x+2 & 3 \end{vmatrix} +$$

$$+ x \cdot \begin{vmatrix} -3 & x-1 \\ x+2 & 2 \end{vmatrix} = 0 - (-11-x) + x \cdot (-4-x^2-x) =$$

$$= 11 + x - 4x - x^3 - x^2 = 11 - 3x - x^2 - x^3$$

$$-x^3 - x^2 - 3x + 11 = 6$$

$$-x^3 + x^2 - 2x^2 + 2x - 5x + 5 = 0$$

$$-(x-1)(x^2+2x+5) = 0$$

$$\begin{cases} x-1=0 \\ x^2+2x+5=0 \end{cases} \quad \begin{cases} x=1 \\ x=\emptyset \end{cases}$$

1.2.88

$$\begin{vmatrix} 3 & 2 & -1 \\ x+2 & 0 & 1 \\ -2 & 3-x & 1 \end{vmatrix} < 0$$

$$\begin{vmatrix} 3 & 2 & -1 \\ x+2 & 0 & 1 \\ -2 & 3-x & 1 \end{vmatrix} = -(x+2) \cdot \begin{vmatrix} 2 & -1 \\ 3-x & 1 \end{vmatrix} + 0 \cdot \begin{vmatrix} 3 & -1 \\ -2 & 1 \end{vmatrix} -$$

$$-1 \cdot \begin{vmatrix} 3 & 2 \\ -2 & 3-x \end{vmatrix} = -(x+2)(5-x) + 0 - (13-3x) = x^2 - 23$$

$$x^2 - 23 < 0 \Rightarrow x \in (-\sqrt{23}, \sqrt{23})$$

1.2.89

$$\begin{vmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & b & b^2 \\ 1 & c & c^2 \end{vmatrix} = (*)$$

$$1^0(*) = [\text{uz 1 komponentu Bar. 2-10}] =$$

$$= \begin{vmatrix} 0 & a-b & a^2-b^2 \\ 1 & b & b^2 \\ 1 & c & c^2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0 & a-b & (a-b)(a+b) \\ 1 & b & b^2 \\ 1 & c & c^2 \end{vmatrix} =$$

$$= (a-b) \cdot \begin{vmatrix} 0 & 1 & a+b \\ 1 & b & b^2 \\ 1 & c & c^2 \end{vmatrix} \Rightarrow \underline{\underline{:(a-b)}}$$

$$2^0(*) = [\text{uz 2 komponentu Bar. 3-10}] =$$

$$= \begin{vmatrix} 1 & a & a^2 \\ 0 & b-c & b^2-c^2 \\ 1 & c & c^2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & a & a^2 \\ 0 & b-c & (b-c)(b+c) \\ 1 & c & c^2 \end{vmatrix} =$$

$$= (b-c) \cdot \begin{vmatrix} 1 & a & a^2 \\ 0 & 1 & b+c \\ 1 & c & c^2 \end{vmatrix} \Rightarrow \underline{\underline{:(b-c)}}$$

$$3^0(*) = [\text{uz 3 komponentu Bar. 1-10}] =$$

$$= \begin{vmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & b & b^2 \\ 0 & c-a & c^2-a^2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & b & b^2 \\ 0 & c-a & (c-a)(c+a) \end{vmatrix} =$$

$$= (c-a) \cdot \begin{vmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & b & b^2 \\ 0 & 1 & c+a \end{vmatrix} \Rightarrow \underline{\underline{:(c-a)}}$$

1.2.90

$$\begin{vmatrix} 1 & a & bc \\ 1 & b & ca \\ 1 & c & ab \end{vmatrix} = (*)$$

$$1^0(*) = [1 \text{ строка} - 2 - 3] =$$

$$= \begin{vmatrix} 0 & a-b & bc-ca \\ 1 & b & ca \\ 1 & c & ab \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0 & a-b & -c(a-b) \\ 1 & b & ca \\ 1 & c & ab \end{vmatrix} =$$

$$= (a-b) \cdot \begin{vmatrix} 0 & 1 & -c \\ 1 & b & ca \\ 1 & c & ab \end{vmatrix} \Rightarrow \underline{\div (a-b)}$$

$$2^0(*) = [2 \text{ строка} - 3 - 1] =$$

$$= \begin{vmatrix} 1 & a & bc \\ 0 & b-c & ca-ab \\ 1 & c & ab \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & a & bc \\ 0 & b-c & -a(b-c) \\ 1 & c & ab \end{vmatrix} =$$

$$= (b-c) \cdot \begin{vmatrix} 1 & a & bc \\ 0 & 1 & -a \\ 1 & c & ab \end{vmatrix} \Rightarrow \underline{\div (b-c)}$$

$$3^0(*) = [3 \text{ строка} - 1 - 2] = \begin{vmatrix} 1 & a & bc \\ 1 & b & ca \\ 0 & c-a & ab-bc \end{vmatrix} =$$

$$= \begin{vmatrix} 1 & a & bc \\ 1 & b & ca \\ 0 & c-a & -b(c-a) \end{vmatrix} = (c-a) \cdot \begin{vmatrix} 1 & a & bc \\ 1 & b & ca \\ 0 & 1 & -b \end{vmatrix} \Rightarrow \underline{\div (c-a)}$$



1.2.9)

$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a & b & c \\ a^3 & b^3 & c^3 \end{vmatrix} = (*)$$

$$1^0(*) = [\text{uz 1-20 amalida bax. 2-} \bar{u}] =$$

$$= \begin{vmatrix} 0 & 1 & 1 \\ a-b & b & c \\ a^3-b^3 & b^3 & c^3 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0 & 1 & 1 \\ a-b & b & c \\ (a-b)(a^2+ab+b^2) & b^3 & c^3 \end{vmatrix} =$$

$$= (a-b) \cdot \begin{vmatrix} 0 & 1 & 1 \\ a^2+ab+b^2 & b^3 & c^3 \end{vmatrix} \Rightarrow \underline{\underline{:(a-b)}}$$

$$2^0(*) = [\text{uz 2-20 amalida bax. 3-} \bar{u}] =$$

$$= \begin{vmatrix} 1 & 0 & 1 \\ a & b-c & c \\ a^3 & b^3-c^3 & c^3 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & 0 & 1 \\ a & b-c & c \\ a^3 & (b-c)(b^2+bc+c^2) & c^3 \end{vmatrix} =$$

$$= (b-c) \cdot \begin{vmatrix} 1 & 0 & 1 \\ a & b & c \\ a^3 & b^2+bc+c^2 & c^3 \end{vmatrix} \Rightarrow \underline{\underline{:(b-c)}}$$

$$3^0(*) = [\text{uz 3-20 amalida bax. 1-} \bar{u}] =$$

$$= \begin{vmatrix} 1 & 1 & 0 \\ a & b & c-a \\ a^3 & b^3 & c^3-a^3 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 0 \\ a & b & c-a \\ a^3 & b^3 & (c-a)(c^2+ac+a^2) \end{vmatrix} =$$

$$= (c-a) \cdot \begin{vmatrix} 1 & 1 & 0 \\ a & b & c \\ a^3 & b^3 & c^2+ac+a^2 \end{vmatrix} \Rightarrow \underline{\underline{:(c-a)}}$$

1.2.92

$$\begin{vmatrix} \sin \alpha & \cos \alpha & \sin(\alpha + \beta) \\ \sin \beta & \cos \beta & \sin(\beta + \gamma) \\ \sin \gamma & \cos \gamma & \sin(\gamma + \delta) \end{vmatrix} = \begin{bmatrix} \sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta + \\ + \cos \alpha \cdot \sin \beta \end{bmatrix}$$

$$= \begin{vmatrix} \sin \alpha & \cos \alpha & \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta \\ \sin \beta & \cos \beta & \sin \beta \cdot \cos \gamma + \cos \beta \cdot \sin \gamma \\ \sin \gamma & \cos \gamma & \sin \gamma \cdot \cos \delta + \cos \gamma \cdot \sin \delta \end{vmatrix} =$$

$$= \begin{vmatrix} \sin \alpha & \cos \alpha & \sin \alpha \cdot \cos \beta \\ \sin \beta & \cos \beta & \sin \beta \cdot \cos \gamma \\ \sin \gamma & \cos \gamma & \sin \gamma \cdot \cos \delta \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} \sin \alpha & \cos \alpha & \cos \alpha \cdot \sin \beta \\ \sin \beta & \cos \beta & \cos \beta \cdot \sin \gamma \\ \sin \gamma & \cos \gamma & \cos \gamma \cdot \sin \delta \end{vmatrix} =$$

$$= \cos \delta \cdot \begin{vmatrix} \sin \alpha & \cos \alpha & \sin \alpha \\ \sin \beta & \cos \beta & \sin \beta \\ \sin \gamma & \cos \gamma & \sin \gamma \end{vmatrix} + \sin \delta \cdot \begin{vmatrix} \sin \alpha & \cos \alpha & \cos \alpha \\ \sin \beta & \cos \beta & \cos \beta \\ \sin \gamma & \cos \gamma & \cos \gamma \end{vmatrix} =$$

$$= \begin{bmatrix} 1) \text{ строка } 1 = \text{строка } 2 \Rightarrow |...| = 0 \\ 2) \text{ строка } 2 = \text{строка } 3 \Rightarrow |...| = 0 \end{bmatrix} =$$

$$= \cos \delta \cdot 0 + \sin \delta \cdot 0 = \underline{0}$$

1.2.93

$$\begin{vmatrix} a & a^2+1 & (a+1)^2 \\ b & b^2+1 & (b+1)^2 \\ c & c^2+1 & (c+1)^2 \end{vmatrix} = [(x+1)^2 = x^2 + 2x + 1 = x^2 + 1 + 2x] =$$

$$= \begin{vmatrix} a & a^2+1 & a^2+1+2a \\ b & b^2+1 & b^2+1+2b \\ c & c^2+1 & c^2+1+2c \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} a & a^2+1 & a^2+1 \\ b & b^2+1 & b^2+1 \\ c & c^2+1 & c^2+1 \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} a & a^2+1 & 2a \\ b & b^2+1 & 2b \\ c & c^2+1 & 2c \end{vmatrix} =$$

$$= \begin{bmatrix} 1) 2\text{-й столбец} = 3\text{-й столбец} \Rightarrow |...| = 0 \\ 2) 1\text{-й столбец пропорционален 3-му столбцу} \Rightarrow |...| = 0 \end{bmatrix}$$

$$= 0 + 0 = \underline{0}$$

1.2.94

$$\rightarrow \begin{vmatrix} x & a & b & 0 & c \\ 0 & y & 0 & 0 & d \\ 0 & 0 & 0 & 0 & f \\ 0 & 0 & 0 & 0 & v \\ g & h & k & u & e \end{vmatrix} = -0 + 0 - 0 + 0 -$$

$$-v \cdot \begin{vmatrix} x & a & b & 0 \\ 0 & y & 0 & 0 \\ 0 & 0 & z & 0 \\ g & h & k & u \end{vmatrix} = -v \cdot (-0 + y \cdot \begin{vmatrix} x & b & 0 \\ 0 & z & 0 \\ g & k & u \end{vmatrix} - 0 + 0) =$$

$$= -v \cdot y \cdot (-0 + z \cdot \begin{vmatrix} x & 0 \\ g & u \end{vmatrix} - 0) = -v \cdot y \cdot z \cdot x \cdot u =$$

$$= -uvxyz$$

1.2.95

$$\rightarrow \begin{vmatrix} 0 & 5 & 2 & 0 \\ 8 & 3 & 5 & 4 \\ 7 & 2 & 4 & 1 \\ 0 & 4 & 1 & 0 \end{vmatrix} = -0 + 4 \cdot \begin{vmatrix} 0 & 2 & 0 \\ 8 & 5 & 4 \\ 7 & 4 & 1 \end{vmatrix} - 1 \cdot \begin{vmatrix} 0 & 5 & 0 \\ 8 & 3 & 4 \\ 7 & 2 & 1 \end{vmatrix} + 0 =$$

$$= 4 \cdot (0 - 2 \cdot \begin{vmatrix} 8 & 4 \\ 7 & 1 \end{vmatrix} + 0) - (0 - 5 \cdot \begin{vmatrix} 8 & 4 \\ 7 & 1 \end{vmatrix} + 0) =$$

$$= 4 \cdot (-2 \cdot (-20)) - (-5 \cdot (-20)) = 8 \cdot 20 - 5 \cdot 20 = 60$$

1.2.96

$$\rightarrow \begin{vmatrix} 5 & a & 2 & -1 \\ 4 & b & 4 & -3 \\ 2 & c & 3 & -2 \\ 4 & d & 5 & -4 \end{vmatrix} = 5 \cdot \begin{vmatrix} b & 4 & -3 \\ c & 3 & -2 \\ d & 5 & -4 \end{vmatrix} - a \cdot \begin{vmatrix} 4 & 4 & -3 \\ 2 & 3 & -2 \\ 4 & 5 & -4 \end{vmatrix} +$$



$$+ 2 \cdot \begin{vmatrix} 4 & b & -3 \\ 2 & c & -2 \\ 4 & d & -4 \end{vmatrix} - (-1) \cdot \begin{vmatrix} 4 & b & 4 \\ 2 & c & 3 \\ 4 & d & 5 \end{vmatrix} =$$

$$= 5 \cdot (b \cdot 3 \cdot (-4) + 4 \cdot (-2) \cdot d + (-3) \cdot c \cdot 5 - (d \cdot 3 \cdot (-3) + 5 \cdot (-2) \cdot b + (-4) \cdot c \cdot 4)) - a \cdot (4 \cdot 3 \cdot (-4) + 4 \cdot (-2) \cdot 4 + (-3) \cdot 2 \cdot 5 - (4 \cdot 3 \cdot (-3) + 5 \cdot (-2) \cdot 4 + (-4) \cdot 2 \cdot 4)) + 2 \cdot (4 \cdot c \cdot (-4) + b \cdot (-2) \cdot 4 + (-3) \cdot 2 \cdot d - (4 \cdot c \cdot (-3) + d \cdot (-2) \cdot 4 + (-4) \cdot 2 \cdot d)) + (4 \cdot c \cdot 5 + b \cdot 3 \cdot 4 + 4 \cdot 2 \cdot d - (4 \cdot c \cdot 4 + d \cdot 3 \cdot 4 + 5 \cdot 2 \cdot b)) = 5 \cdot (-2b + d + c) - a \cdot (-2) + 2 \cdot (-4c + 2d) + 1 \cdot (4c + 2b - 4d) = -10b + 5d + 5c + 2a - 8c + 4d + 4c + 2b - 4d = -8b + 5d + c + 2a$$

1.2.97

$$\begin{vmatrix} 3 & 2 & 2 & 2 \\ 9 & -8 & 5 & 10 \\ 5 & -8 & 5 & 8 \\ 6 & -5 & 4 & 7 \end{vmatrix} = 3 \cdot \begin{vmatrix} -8 & 5 & 10 \\ -8 & 5 & 8 \\ -5 & 4 & 7 \end{vmatrix} - 2 \cdot \begin{vmatrix} 9 & 5 & 10 \\ 5 & 5 & 8 \\ 6 & 4 & 7 \end{vmatrix} +$$

$$+ 2 \cdot \begin{vmatrix} 9 & -8 & 10 \\ 5 & -8 & 8 \\ 6 & -5 & 7 \end{vmatrix} - 2 \cdot \begin{vmatrix} 9 & -8 & 5 \\ 5 & -8 & 5 \\ 6 & -5 & 4 \end{vmatrix} = 3 \cdot (-8 \cdot 5 \cdot 7 +$$

$$+ 5 \cdot 8 \cdot (-5) + 10 \cdot (-8) \cdot 4 - ((-5) \cdot 5 \cdot 10 + 4 \cdot 8 \cdot (-8) + 7 \cdot (-8) \cdot 5))$$

$$- 2 \cdot (9 \cdot 5 \cdot 7 + 5 \cdot 8 \cdot 6 + 10 \cdot 5 \cdot 4 - (6 \cdot 5 \cdot 10 + 4 \cdot 8 \cdot 9 +$$

$$+ 7 \cdot 5 \cdot 5)) + 2 \cdot (9 \cdot (-8) \cdot 7 + (-8) \cdot 8 \cdot 6 + 10 \cdot 5 \cdot (-5) -$$

$$\begin{aligned}
 & -(6 \cdot (-8) \cdot 10 + (-5) \cdot 8 \cdot 9 + 7 \cdot 5 \cdot (-8)) - \\
 & -2 \cdot (9 \cdot (-8) \cdot 4 + (-8) \cdot 5 \cdot 6 + 5 \cdot 5 \cdot (-5)) - \\
 & -(6 \cdot (-8) \cdot 5 + (-5) \cdot 5 \cdot 9 + 4 \cdot 5 \cdot (-8)) = \\
 & = 3 \cdot (-141) - 2 \cdot (-8) + 2 \cdot (-18) - 2 \cdot (-22) = \\
 & = -42 + 16 - 36 + 44 = \underline{-6}
 \end{aligned}$$

1.2.98

$$\begin{vmatrix} 7 & 3 & 2 & 6 \\ 8 & -9 & 4 & 9 \\ 7 & -2 & 7 & 3 \\ 5 & -3 & 3 & 4 \end{vmatrix} = 7 \cdot \begin{vmatrix} -9 & 4 & 9 \\ -2 & 7 & 3 \\ -3 & 3 & 4 \end{vmatrix} - 3 \cdot \begin{vmatrix} 8 & 4 & 9 \\ 7 & 7 & 3 \\ 5 & 3 & 4 \end{vmatrix} +$$

$$+ 2 \cdot \begin{vmatrix} 8 & -9 & 9 \\ 7 & -2 & 3 \\ 5 & -3 & 4 \end{vmatrix} - 6 \cdot \begin{vmatrix} 8 & -9 & 4 \\ 7 & -2 & 7 \\ 5 & -3 & 3 \end{vmatrix} =$$

$$\begin{aligned}
 & = 7 \cdot (-9 \cdot 7 \cdot 4 + 4 \cdot 3 \cdot (-3) + 9 \cdot (-2) \cdot 3 - (-3 \cdot 7 \cdot 9 + 3 \cdot 3 \cdot (-9) - \\
 & + 4 \cdot (-2) \cdot 4)) - 3 \cdot (8 \cdot 7 \cdot 4 + 4 \cdot 3 \cdot 5 + 9 \cdot 7 \cdot 3 - \\
 & - (5 \cdot 7 \cdot 9 + 3 \cdot 3 \cdot 8 + 4 \cdot 7 \cdot 4)) + 2 \cdot (8 \cdot (-2) \cdot 4 + (-9) \cdot 3 \cdot 5 + \\
 & + 9 \cdot 7 \cdot (-3) - (5 \cdot (-2) \cdot 9 + (-3) \cdot 3 \cdot 8 + 4 \cdot 7 \cdot (-9))) - \\
 & - 6 \cdot (8 \cdot (-2) \cdot 3 + (-9) \cdot 7 \cdot 5 + 4 \cdot 7 \cdot (-3) - (5 \cdot (-2) \cdot 4 + \\
 & + (-3) \cdot 7 \cdot 8 + 3 \cdot 7 \cdot (-9))) = 7 \cdot (-40) - 3 \cdot (-26) + \\
 & + 2 \cdot 26 - 6 \cdot (-50) = -280 + 78 + 52 + 300 = \underline{150}
 \end{aligned}$$

1.2.99

$$\begin{vmatrix} 3 & 6 & 5 & 6 & 4 \\ 5 & 9 & 7 & 8 & 6 \\ 6 & 12 & 13 & 9 & 7 \\ 4 & 6 & 6 & 5 & 4 \\ 2 & 5 & 4 & 5 & 3 \end{vmatrix} = 3 \cdot \begin{vmatrix} 9 & 7 & 8 & 6 \\ 12 & 13 & 9 & 7 \\ 6 & 6 & 5 & 4 \\ 5 & 4 & 5 & 3 \end{vmatrix} -$$

$$\begin{vmatrix} 5 & 7 & 8 & 6 \\ 6 & 13 & 9 & 7 \\ 4 & 6 & 5 & 4 \\ 2 & 4 & 5 & 3 \end{vmatrix} + 5 \cdot \begin{vmatrix} 5 & 9 & 8 & 6 \\ 6 & 12 & 9 & 7 \\ 4 & 6 & 5 & 4 \\ 2 & 5 & 5 & 3 \end{vmatrix} - 6 \cdot \begin{vmatrix} 5 & 9 & 7 & 6 \\ 6 & 12 & 13 & 7 \\ 4 & 6 & 6 & 4 \\ 2 & 5 & 4 & 3 \end{vmatrix} +$$

$$+ 4 \cdot \begin{vmatrix} 5 & 9 & 7 & 8 \\ 6 & 12 & 13 & 9 \\ 4 & 6 & 6 & 5 \\ 2 & 5 & 4 & 5 \end{vmatrix} = (*)$$

$$1^0 \begin{vmatrix} 9 & 7 & 8 & 6 \\ 12 & 13 & 9 & 7 \\ 6 & 6 & 5 & 4 \\ 5 & 4 & 5 & 3 \end{vmatrix} = 9 \cdot \begin{vmatrix} 13 & 9 & 7 \\ 6 & 5 & 4 \\ 4 & 5 & 3 \end{vmatrix} - 7 \cdot \begin{vmatrix} 12 & 9 & 7 \\ 6 & 5 & 4 \\ 5 & 5 & 3 \end{vmatrix} +$$

$$+ 8 \cdot \begin{vmatrix} 12 & 13 & 7 \\ 6 & 6 & 4 \\ 5 & 4 & 3 \end{vmatrix} - 6 \cdot \begin{vmatrix} 12 & 13 & 9 \\ 6 & 6 & 5 \\ 5 & 4 & 5 \end{vmatrix} =$$

$$= 9 \cdot (13 \cdot 5 \cdot 5 + 9 \cdot 4 \cdot 4 + 7 \cdot 6 \cdot 5 - 7 \cdot 5 \cdot 4 - 9 \cdot 6 \cdot 3 - 13 \cdot 4 \cdot 5) -$$

$$- 7 \cdot (12 \cdot 5 \cdot 3 + 9 \cdot 4 \cdot 5 + 7 \cdot 6 \cdot 5 - 7 \cdot 5 \cdot 5 - 9 \cdot 6 \cdot 3 -$$

$$- 12 \cdot 4 \cdot 5) + 8 \cdot (12 \cdot 6 \cdot 3 + 13 \cdot 4 \cdot 5 + 7 \cdot 6 \cdot 4 - 7 \cdot 6 \cdot 5 -$$

$$- 13 \cdot 6 \cdot 3 - 12 \cdot 4 \cdot 4) - 6 \cdot (12 \cdot 6 \cdot 5 + 13 \cdot 5 \cdot 5 + 9 \cdot 6 \cdot 4 -$$

$$- 9 \cdot 6 \cdot 5 - 13 \cdot 6 \cdot 5 - 12 \cdot 5 \cdot 4) = 9 \cdot (-13) - 7 \cdot (-7) +$$

$$+ 3 \cdot 8 - 6 \cdot 1 = -117 + 49 + 24 - 6 = -10$$



$$2^0 \begin{vmatrix} 5 & 7 & 8 & 6 \\ 6 & 13 & 9 & 7 \\ 4 & 6 & 5 & 4 \\ 2 & 4 & 5 & 3 \end{vmatrix} = 5 \cdot \begin{vmatrix} 13 & 9 & 7 \\ 6 & 5 & 4 \\ 4 & 5 & 3 \end{vmatrix} - 7 \cdot \begin{vmatrix} 6 & 9 & 7 \\ 4 & 5 & 4 \\ 2 & 5 & 3 \end{vmatrix} +$$

$$+ 8 \cdot \begin{vmatrix} 6 & 13 & 7 \\ 4 & 6 & 4 \\ 2 & 4 & 3 \end{vmatrix} - 6 \cdot \begin{vmatrix} 6 & 13 & 9 \\ 4 & 6 & 5 \\ 2 & 4 & 5 \end{vmatrix} =$$

$$= 5 \cdot (13 \cdot 5 \cdot 3 + 9 \cdot 4 \cdot 4 + 6 \cdot 5 \cdot 7 - 7 \cdot 5 \cdot 4 - 13 \cdot 4 \cdot 5 - 9 \cdot 6 \cdot 3) - 7 \cdot (6 \cdot 5 \cdot 3 + 9 \cdot 4 \cdot 2 + 7 \cdot 4 \cdot 5 - 7 \cdot 5 \cdot 2 - 9 \cdot 4 \cdot 3 - 6 \cdot 4 \cdot 5) + 8 \cdot (6 \cdot 6 \cdot 3 + 13 \cdot 4 \cdot 2 + 7 \cdot 4 \cdot 4 - 7 \cdot 6 \cdot 2 - 13 \cdot 4 \cdot 3 - 6 \cdot 4 \cdot 4) - 6 \cdot (6 \cdot 6 \cdot 5 + 13 \cdot 5 \cdot 2 + 9 \cdot 4 \cdot 4 - 9 \cdot 6 \cdot 2 - 13 \cdot 4 \cdot 5 - 6 \cdot 5 \cdot 4) =$$

$$= 5 \cdot (-13) - 7 \cdot 41 + 8 \cdot (-12) - 6 \cdot (-34) =$$

$$= -65 - 28 - 96 + 204 = \underline{15}$$

$$3^0 \begin{vmatrix} 5 & 9 & 8 & 6 \\ 6 & 12 & 9 & 7 \\ 4 & 6 & 5 & 4 \\ 2 & 5 & 5 & 3 \end{vmatrix} = 5 \cdot \begin{vmatrix} 12 & 9 & 7 \\ 6 & 5 & 4 \\ 5 & 2 & 3 \end{vmatrix} -$$

$$- 9 \cdot \begin{vmatrix} 6 & 9 & 7 \\ 4 & 5 & 4 \\ 2 & 5 & 3 \end{vmatrix} + 8 \cdot \begin{vmatrix} 6 & 12 & 7 \\ 4 & 6 & 4 \\ 2 & 5 & 3 \end{vmatrix} - 6 \cdot \begin{vmatrix} 6 & 12 & 9 \\ 4 & 6 & 5 \\ 2 & 5 & 5 \end{vmatrix} =$$

$$= 5 \cdot (12 \cdot 5 \cdot 3 + 9 \cdot 4 \cdot 5 + 7 \cdot 6 \cdot 2 - 7 \cdot 5 \cdot 5 - 9 \cdot 6 \cdot 3 - 12 \cdot 4 \cdot 2) -$$

$$- 9 \cdot (6 \cdot 5 \cdot 3 + 9 \cdot 4 \cdot 2 + 7 \cdot 4 \cdot 5 - 7 \cdot 5 \cdot 2 - 9 \cdot 4 \cdot 3 - 6 \cdot 4 \cdot 5) +$$

$$+ 8 \cdot (6 \cdot 6 \cdot 3 + 12 \cdot 4 \cdot 2 + 7 \cdot 4 \cdot 5 - 7 \cdot 6 \cdot 2 - 12 \cdot 4 \cdot 3 - 6 \cdot 4 \cdot 5) -$$

$$- 6 \cdot (6 \cdot 6 \cdot 5 + 12 \cdot 5 \cdot 2 + 9 \cdot 4 \cdot 5 - 9 \cdot 6 \cdot 2 - 12 \cdot 4 \cdot 5 - 6 \cdot 5 \cdot 5) =$$

$$= 5 \cdot (-7) - 9 \cdot 4 + 8 \cdot (-4) - 6 \cdot (-18) = -35 - 36 - 32 + 108 = 5$$

$$4^0 \begin{vmatrix} 5 & 9 & 7 & 6 \\ 6 & 12 & 13 & 7 \\ 4 & 6 & 6 & 4 \\ 2 & 5 & 4 & 3 \end{vmatrix} = 5 \cdot \begin{vmatrix} 12 & 13 & 7 \\ 6 & 6 & 4 \\ 5 & 4 & 3 \end{vmatrix} - 9 \cdot \begin{vmatrix} 6 & 13 & 7 \\ 4 & 6 & 4 \\ 2 & 4 & 3 \end{vmatrix} +$$

$$+ 7 \cdot \begin{vmatrix} 6 & 12 & 7 \\ 4 & 6 & 4 \\ 2 & 5 & 3 \end{vmatrix} - 6 \cdot \begin{vmatrix} 6 & 12 & 13 \\ 4 & 6 & 6 \\ 2 & 5 & 4 \end{vmatrix} =$$

$$= 5 \cdot (12 \cdot 6 \cdot 3 + 13 \cdot 4 \cdot 5 + 7 \cdot 6 \cdot 4 - 7 \cdot 6 \cdot 5 - 13 \cdot 6 \cdot 3 - 12 \cdot 4 \cdot 4) -$$

$$- 9 \cdot (6 \cdot 6 \cdot 3 + 13 \cdot 4 \cdot 2 + 7 \cdot 4 \cdot 4 - 7 \cdot 6 \cdot 2 - 13 \cdot 4 \cdot 3 - 6 \cdot 4 \cdot 4) +$$

$$+ 7 \cdot (6 \cdot 6 \cdot 3 + 12 \cdot 4 \cdot 2 + 7 \cdot 4 \cdot 5 - 7 \cdot 6 \cdot 2 - 12 \cdot 4 \cdot 3 - 6 \cdot 4 \cdot 5) -$$

$$- 6 \cdot (6 \cdot 6 \cdot 4 + 12 \cdot 6 \cdot 2 + 13 \cdot 4 \cdot 5 - 13 \cdot 6 \cdot 2 - 12 \cdot 4 \cdot 4 - 6 \cdot 6 \cdot 5) =$$

$$= 5 \cdot 8 - 9 \cdot (-12) + 7 \cdot (-4) - 6 \cdot 20 = 40 + 108 - 28 - 120 = 0$$

$$5^0 \begin{vmatrix} 5 & 9 & 7 & 8 \\ 6 & 12 & 13 & 9 \\ 4 & 6 & 6 & 5 \\ 2 & 5 & 4 & 5 \end{vmatrix} = 5 \cdot \begin{vmatrix} 12 & 13 & 9 \\ 6 & 6 & 5 \\ 5 & 4 & 5 \end{vmatrix} - 9 \cdot \begin{vmatrix} 6 & 13 & 9 \\ 4 & 6 & 5 \\ 2 & 4 & 5 \end{vmatrix} +$$

$$+ 7 \cdot \begin{vmatrix} 6 & 12 & 9 \\ 4 & 6 & 5 \\ 2 & 5 & 5 \end{vmatrix} - 8 \cdot \begin{vmatrix} 6 & 12 & 13 \\ 4 & 6 & 6 \\ 2 & 5 & 4 \end{vmatrix} =$$

$$= 5 \cdot (12 \cdot 6 \cdot 5 + 13 \cdot 5 \cdot 5 + 9 \cdot 6 \cdot 4 - 9 \cdot 6 \cdot 5 - 13 \cdot 6 \cdot 5 - 12 \cdot 5 \cdot 4) -$$

$$- 9 \cdot (6 \cdot 6 \cdot 5 + 13 \cdot 5 \cdot 2 + 9 \cdot 4 \cdot 4 - 9 \cdot 6 \cdot 2 - 13 \cdot 4 \cdot 5 - 6 \cdot 5 \cdot 4) +$$

$$+ 7 \cdot (6 \cdot 6 \cdot 5 + 12 \cdot 5 \cdot 2 + 9 \cdot 4 \cdot 5 - 9 \cdot 6 \cdot 2 - 12 \cdot 4 \cdot 5 - 6 \cdot 5 \cdot 5) -$$

$$- 8 \cdot (6 \cdot 6 \cdot 4 + 12 \cdot 6 \cdot 2 + 13 \cdot 4 \cdot 5 - 13 \cdot 6 \cdot 2 - 12 \cdot 4 \cdot 4 - 6 \cdot 6 \cdot 5) =$$

$$= 5 \cdot 1 - 9 \cdot (-34) + 7 \cdot (-18) - 8 \cdot 20 = 5 + 306 - 126 - 160 = 25$$

$$\begin{aligned} (*) &= 3 \cdot (-10) - 6 \cdot 15 + 5 \cdot 5 - 6 \cdot 0 + 4 \cdot 25 = \\ &= -30 - 90 + 25 - 0 + 100 = \underline{5} \end{aligned}$$