

МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«РОССИЙСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ПЕДАГОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ им. А.И.
ГЕРЦЕНА»



Направление подготовки

09.03.01 – Информатика и вычислительная техника

Профиль «Технологии разработки программного обеспечения»

Лабораторная работа №6 часть 1

«Проверка статистических гипотез»

Работу выполнили студенты 2 курса 2-1 группы:

Зухир Амира

Крючкова Анастасия

Стецук Максим

Каргаполов Денис

САНКТ-ПЕТЕРБУРГ

2022

СОДЕРЖАНИЕ

Отчет Зухир Амиры	3
Отчет Крючковой Анастасии	6
Отчет Стецук Максима	9
Отчет Каргаполова Дениса	12

Лабораторная работа № 6

Проверка статистических гипотез часть 1

Цель лабораторной работы: проверить статистическую гипотезу о нормальном законе распределения данных, приведенных в решаемой задаче.

Оборудование: ПК, табличный процессор Excel.

Использованные формулы:

Математическое ожидание:

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i n_i}{n}$$

Среднеквадратичное отклонение:

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{n} \sum (x_i - \pi)^2 \cdot n_i}$$

Теоретическая вероятность p_i :

$$p_i = \Phi(u_{i+1}) - \Phi(u_i), (i = 1, 2, \dots, k),$$

где:

$$u_i = \frac{x_i - \bar{x}}{\sigma}, \quad \Phi(u_i) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_0^{u_i} e^{-\frac{t^2}{2}} dt$$

Значения функции Φ были взяты по таблице.

Задача из лекции:

Результаты исследований прочности на сжатие (СВХ) – 200 образцов бетона-представлены в виде сгруппированного статистического ряда:

Интервалы прочности кг/см ²	Среднее значение интервала, \bar{X}_i	Частота, n_i
190 - 200	195	10
200 - 210	205	26
210 - 220	215	56
220 - 230	225	64
230 - 240	235	30
240 - 250	245	14

$n = 200$

Проверить нулевую гипотезу о нормальном 3-не распределения прочности образцов бетона на сжатие. Уровень значимости $\alpha = 0.001$

Интервалы изменения наблюдаемых значений св X		Частоты ni	Нормированные интервалы [Ui;Ui+1]	Pi = [Φ(Ui+1) - Φ(Ui)]	nPi	(ni - nPi)^2	((ni - nPi)^2)/(nPi)
190 - 200		10	(-∞; -1,7)	0,045	8,9	1,17	0,13
200 - 210		26	[-1,7; -0,89]	0,142	28,4	5,86	0,21
210 - 220		56	[-0,89; -0,08]	0,281	56,3	0,08	0,00
220 - 230		64	[-0,08; 0,73]	0,299	59,8	17,31	0,29
230 - 240		30	[0,73; 1,54]	0,171	34,2	17,47	0,51
240 - 250		14	[1,54; +∞)	0,062	12,4	2,69	0,22
Σ		200		1,0	200		1,36
α	0,001						
Xср	221						
б	12,328828						
V = k - r - 1							
V	3						

U_1	-2,51	$\Phi(U_1)$	-0,5
U_2	-1,7	$\Phi(U_2)$	-0,4554
U_3	-0,89	$\Phi(U_3)$	-0,3133
U_4	-0,08	$\Phi(U_4)$	-0,0319
U_5	0,73	$\Phi(U_5)$	0,2673
U_6	1,54	$\Phi(U_6)$	0,4382
U_7	2,35	$\Phi(U_7)$	0,5

$$\chi^2_{\text{расч.}} = 1,36$$

$$\text{Ур. Знач} = 0,001$$

$$\chi^2_{\text{кр.}} = 16,366$$

Гипотезу принимаем т.к. $\chi^2_{\text{расч.}}$ меньше $\chi^2_{\text{критического}}$

Задача 1:

Из нормальной генеральной совокупности с известной дисперсией $\sigma^2 = 3,2$ извлечена выборка объема $n = 25$ и по ней найдена выборочная средняя $\bar{x}_e = 19,3$. Требуется на уровне значимости 0,01 проверить нулевую гипотезу $H_0: a = 20$ против конкурирующей гипотезы $H_1: a = 19$.

σ^2	3,2
n	25
$X_{ср}$	19,3
α	0,01

$H_0: a =$	20
$H_1: a =$	19

Значит левосторонняя критическая область

$\Phi(U_{кр})$	0,49
Укр	2,33

Унабл	-1,96
-------	-------

-1,96 > -2,33 : значит нулевая гипотеза принимается.

Задача 2:

По результатам $n = 5$ измерений температуры в печи найдено $\bar{x}_g = 256^\circ\text{C}$. Предполагается, что ошибка измерения есть нормальная случайная величина с $\sigma = 6^\circ\text{C}$. Проверить на уровне значимости $\alpha = 0,05$ гипотезу $H_0: a = 250^\circ\text{C}$ против конкурирующей гипотезы $H_1: a > 250^\circ\text{C}$.

б	6
n	5
$\bar{x}_{ср}$	256
α	0,05

$H_0: a =$	250
$H_1: a =$	>250

Значит правосторонняя критическая область

$\Phi(U_{кр})$	0,45
Укр	1,645

Унабл	2,24
-------	------

2,24 > 1,645 : значит нулевая гипотеза отвергается.

Лабораторная работа № 6

Проверка статистических гипотез часть 1

Цель лабораторной работы: проверить статистическую гипотезу о нормальном законе распределения данных, приведенных в решаемой задаче.

Оборудование: ПК, табличный процессор Excel.

Использованные формулы:

Математическое ожидание:

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i n_i}{n}$$

Среднеквадратичное отклонение:

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{n} \sum (x_i - \pi)^2 \cdot n_i}$$

Теоретическая вероятность p_i :

$$p_i = \Phi(u_{i+1}) - \Phi(u_i), (i = 1, 2, \dots, k),$$

где:

$$u_i = \frac{x_i - \bar{x}}{\sigma}, \quad \Phi(u_i) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_0^{u_i} e^{-\frac{t^2}{2}} dt$$

Значения функции Φ были взяты по таблице.

Задача из лекции:

Результаты исследований прочности на сжатие (СВХ) – 200 образцов бетона-представлены в виде сгруппированного статистического ряда:

Интервалы прочности кг/см ²	Среднее значение интервала, \bar{X}_i	Частота, n_i
190 - 200	195	10
200 - 210	205	26
210 - 220	215	56
220 - 230	225	64
230 - 240	235	30
240 - 250	245	14

$n = 200$

Проверить нулевую гипотезу о нормальном з-не распределения прочности образцов бетона на сжатие. Уровень значимости $\alpha = 0.001$

Интервалы изменения наблюдаемых значений св X		Частоты ni	Нормированные интервалы [Ui;Ui+1]	Pi = [Φ(Ui+1) - Φ(Ui)]	nPi	(ni - nPi)^2	((ni - nPi)^2)/(nPi)
190 - 200		10	(-∞; -1,7)	0,045	8,9	1,17	0,13
200 - 210		26	[-1,7; -0,89]	0,142	28,4	5,86	0,21
210 - 220		56	[-0,89; -0,08]	0,281	56,3	0,08	0,00
220 - 230		64	[-0,08; 0,73]	0,299	59,8	17,31	0,29
230 - 240		30	[0,73; 1,54]	0,171	34,2	17,47	0,51
240 - 250		14	[1,54; +∞)	0,062	12,4	2,69	0,22
Σ		200		1,0	200		1,36
α	0,001						
Xср	221						
б	12,328828						
V = k - r - 1							
V	3						

U_1	-2,51	$\Phi(U_1)$	-0,5
U_2	-1,7	$\Phi(U_2)$	-0,4554
U_3	-0,89	$\Phi(U_3)$	-0,3133
U_4	-0,08	$\Phi(U_4)$	-0,0319
U_5	0,73	$\Phi(U_5)$	0,2673
U_6	1,54	$\Phi(U_6)$	0,4382
U_7	2,35	$\Phi(U_7)$	0,5

$$\chi^2_{\text{расч.}} = 1,36$$

$$\text{Ур. Знач} = 0,001$$

$$\chi^2_{\text{кр.}} = 16,366$$

Гипотезу принимаем т.к. $\chi^2_{\text{расч.}}$ меньше $\chi^2_{\text{критического}}$

Задача 1:

Из нормальной генеральной совокупности с известной дисперсией $\sigma^2 = 3,2$ извлечена выборка объема $n = 25$ и по ней найдена выборочная средняя $\bar{x}_e = 19,3$. Требуется на уровне значимости 0,01 проверить нулевую гипотезу $H_0: a = 20$ против конкурирующей гипотезы $H_1: a = 19$.

σ^2	3,2
n	25
$X_{ср}$	19,3
α	0,01

$H_0: a =$	20
$H_1: a =$	19

Значит левосторонняя критическая область

$\Phi(U_{кр})$	0,49
Укр	2,33

Унабл	-1,96
-------	-------

-1,96 > -2,33 : значит нулевая гипотеза принимается.

Задача 2:

По результатам $n = 5$ измерений температуры в печи найдено $\bar{x}_g = 256^\circ\text{C}$. Предполагается, что ошибка измерения есть нормальная случайная величина с $\sigma = 6^\circ\text{C}$. Проверить на уровне значимости $\alpha = 0,05$ гипотезу $H_0: a = 250^\circ\text{C}$ против конкурирующей гипотезы $H_1: a > 250^\circ\text{C}$.

б	6
n	5
$\bar{x}_{ср}$	256
α	0,05

$H_0: a =$	250
$H_1: a =$	>250

Значит правосторонняя критическая область

$\Phi(U_{кр})$	0,45
Укр	1,645

Унабл	2,24
-------	------

2,24 > 1,645 : значит нулевая гипотеза отвергается.

Лабораторная работа № 6

Проверка статистических гипотез часть 1

Цель лабораторной работы: проверить статистическую гипотезу о нормальном законе распределения данных, приведенных в решаемой задаче.

Оборудование: ПК, табличный процессор Excel.

Использованные формулы:

Математическое ожидание:

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i n_i}{n}$$

Среднеквадратичное отклонение:

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{n} \sum (x_i - \pi)^2 \cdot n_i}$$

Теоретическая вероятность p_i :

$$p_i = \Phi(u_{i+1}) - \Phi(u_i), (i = 1, 2, \dots, k),$$

где:

$$u_i = \frac{x_i - \bar{x}}{\sigma}, \quad \Phi(u_i) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_0^{u_i} e^{-\frac{t^2}{2}} dt$$

Значения функции Φ были взяты по таблице.

Задача из лекции:

Результаты исследований прочности на сжатие (СВХ) – 200 образцов бетона-представлены в виде сгруппированного статистического ряда:

Интервалы прочности кг/см ²	Среднее значение интервала, \bar{X}_i	Частота, n_i
190 - 200	195	10
200 - 210	205	26
210 - 220	215	56
220 - 230	225	64
230 - 240	235	30
240 - 250	245	14

$n = 200$

Проверить нулевую гипотезу о нормальном з-не распределения прочности образцов бетона на сжатие. Уровень значимости $\alpha = 0.001$

Интервалы изменения наблюдаемых значений св X		Частоты ni	Нормированные интервалы [Ui;Ui+1]	Pi = [Φ(Ui+1) - Φ(Ui)]	nPi	(ni - nPi)^2	((ni - nPi)^2)/(nPi)
190 - 200		10	(-∞; -1,7)	0,045	8,9	1,17	0,13
200 - 210		26	[-1,7; -0,89]	0,142	28,4	5,86	0,21
210 - 220		56	[-0,89; -0,08]	0,281	56,3	0,08	0,00
220 - 230		64	[-0,08; 0,73]	0,299	59,8	17,31	0,29
230 - 240		30	[0,73; 1,54]	0,171	34,2	17,47	0,51
240 - 250		14	[1,54; +∞)	0,062	12,4	2,69	0,22
Σ		200		1,0	200		1,36
α	0,001						
Xср	221						
б	12,328828						
V = k - r - 1							
V	3						

U_1	-2,51	$\Phi(U_1)$	-0,5
U_2	-1,7	$\Phi(U_2)$	-0,4554
U_3	-0,89	$\Phi(U_3)$	-0,3133
U_4	-0,08	$\Phi(U_4)$	-0,0319
U_5	0,73	$\Phi(U_5)$	0,2673
U_6	1,54	$\Phi(U_6)$	0,4382
U_7	2,35	$\Phi(U_7)$	0,5

$$\chi^2_{\text{расч.}} = 1,36$$

$$\text{Ур. Знач} = 0,001$$

$$\chi^2_{\text{кр.}} = 16,366$$

Гипотезу принимаем т.к. $\chi^2_{\text{расч.}}$ меньше $\chi^2_{\text{критического}}$

Задача 1:

Из нормальной генеральной совокупности с известной дисперсией $\sigma^2 = 3,2$ извлечена выборка объема $n = 25$ и по ней найдена выборочная средняя $\bar{x}_e = 19,3$. Требуется на уровне значимости 0,01 проверить нулевую гипотезу $H_0: a = 20$ против конкурирующей гипотезы $H_1: a = 19$.

σ^2	3,2
n	25
$X_{ср}$	19,3
α	0,01

$H_0: a =$	20
$H_1: a =$	19

Значит левосторонняя критическая область

$\Phi(U_{кр})$	0,49
Укр	2,33

Унабл	-1,96
-------	-------

-1,96 > -2,33 : значит нулевая гипотеза принимается.

Задача 2:

По результатам $n = 5$ измерений температуры в печи найдено $\bar{x}_s = 256^\circ\text{C}$. Предполагается, что ошибка измерения есть нормальная случайная величина с $\sigma = 6^\circ\text{C}$. Проверить на уровне значимости $\alpha = 0,05$ гипотезу $H_0: a = 250^\circ\text{C}$ против конкурирующей гипотезы $H_1: a > 250^\circ\text{C}$.

б	6
n	5
$\bar{x}_{ср}$	256
α	0,05

$H_0: a =$	250
$H_1: a =$	>250

Значит правосторонняя критическая область

$\Phi(U_{кр})$	0,45
Укр	1,645

Унабл	2,24
-------	------

2,24 > 1,645 : значит нулевая гипотеза отвергается.

Лабораторная работа № 6

Проверка статистических гипотез часть 1

Цель лабораторной работы: проверить статистическую гипотезу о нормальном законе распределения данных, приведенных в решаемой задаче.

Оборудование: ПК, табличный процессор Excel.

Использованные формулы:

Математическое ожидание:

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i n_i}{n}$$

Среднеквадратичное отклонение:

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{n} \sum (x_i - \pi)^2 \cdot n_i}$$

Теоретическая вероятность p_i :

$$p_i = \Phi(u_{i+1}) - \Phi(u_i), (i = 1, 2, \dots, k),$$

где:

$$u_i = \frac{x_i - \bar{x}}{\sigma}, \quad \Phi(u_i) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_0^{u_i} e^{-\frac{t^2}{2}} dt$$

Значения функции Φ были взяты по таблице.

Задача из лекции:

Результаты исследований прочности на сжатие (СВХ) – 200 образцов бетона-представлены в виде сгруппированного статистического ряда:

Интервалы прочности кг/см ²	Среднее значение интервала, \bar{X}_i	Частота, n_i
190 - 200	195	10
200 - 210	205	26
210 - 220	215	56
220 - 230	225	64
230 - 240	235	30
240 - 250	245	14

$n = 200$

Проверить нулевую гипотезу о нормальном 3-не распределения прочности образцов бетона на сжатие. Уровень значимости $\alpha = 0.001$

Интервалы изменения наблюдаемых значений св X		Частоты ni	Нормированны е интервалы [Ui;Ui+1]	Pi = [Φ(Ui+1) - Φ(Ui)]	nPi	(ni - nPi)^2	((ni - nPi)^2)/(nPi)
190 - 200		10	(-∞; -1,7)	0,045	8,9	1,17	0,13
200 - 210		26	[-1,7; -0,89]	0,142	28,4	5,86	0,21
210 - 220		56	[-0,89; -0,08]	0,281	56,3	0,08	0,00
220 - 230		64	[-0,08; 0,73]	0,299	59,8	17,31	0,29
230 - 240		30	[0,73; 1,54]	0,171	34,2	17,47	0,51
240 - 250		14	[1,54; +∞)	0,062	12,4	2,69	0,22
Σ		200		1,0	200		1,36
α	0,001						
Xср	221						
б	12,328828						
V = k - r - 1							
V	3						

U_1	-2,51	$\Phi(U_1)$	-0,5
U_2	-1,7	$\Phi(U_2)$	-0,4554
U_3	-0,89	$\Phi(U_3)$	-0,3133
U_4	-0,08	$\Phi(U_4)$	-0,0319
U_5	0,73	$\Phi(U_5)$	0,2673
U_6	1,54	$\Phi(U_6)$	0,4382
U_7	2,35	$\Phi(U_7)$	0,5

$$\chi^2_{\text{расч.}} = 1,36$$

$$\text{Ур. Знач} = 0,001$$

$$\chi^2_{\text{кр.}} = 16,366$$

Гипотезу принимаем т.к. $\chi^2_{\text{расч.}}$ меньше $\chi^2_{\text{критического}}$

Задача 1:

Из нормальной генеральной совокупности с известной дисперсией $\sigma^2 = 3,2$ извлечена выборка объема $n = 25$ и по ней найдена выборочная средняя $\bar{x}_e = 19,3$. Требуется на уровне значимости 0,01 проверить нулевую гипотезу $H_0: a = 20$ против конкурирующей гипотезы $H_1: a = 19$.

σ^2	3,2
n	25
$X_{ср}$	19,3
α	0,01

$H_0: a =$	20
$H_1: a =$	19

Значит левосторонняя критическая область

$\Phi(\text{Укр})$	0,49
Укр	2,33

Унабл	-1,96
-------	-------

$-1,96 > -2,33$: значит нулевая гипотеза принимается.

Задача 2:

По результатам $n = 5$ измерений температуры в печи найдено $\bar{x}_g = 256^\circ\text{C}$. Предполагается, что ошибка измерения есть нормальная случайная величина с $\sigma = 6^\circ\text{C}$. Проверить на уровне значимости $\alpha = 0,05$ гипотезу $H_0: a = 250^\circ\text{C}$ против конкурирующей гипотезы $H_1: a > 250^\circ\text{C}$.

σ	6
n	5
$\bar{x}_{\text{ср}}$	256
α	0,05

$H_0: a =$	250
$H_1: a =$	> 250

Значит правосторонняя критическая область

$\Phi(\text{Укр})$	0,45
Укр	1,645

Унабл	2,24
-------	------

$2,24 > 1,645$: значит нулевая гипотеза отвергается.