

手征微扰场论

王旭

2021 年 9 月 11 日

目录

1	有效量子力学	2
1	1D 散射	2
1.1	利用 δ 函数来模仿方势阱	2
2	手征拉氏量	3

1 有效量子力学

该章主要参考 [1]。当我们在描述低能理论时，我们不需要知道其在高能区的表现。代价就是需要引入大量参数，而这些参数只能由实验给出。在考察有效量子场论前，我们先看看有效量子力学。

1 1D 散射

考虑量子力学中的一维散射问题，假设有一方势阱，其函数为

$$V(x) = \begin{cases} -\frac{\alpha^2}{2m\Delta} & 0 \leq x \leq \Delta \\ 0 & \text{其余情况} \end{cases} \quad (1.1)$$

其中 m 为粒子质量， Δ 为势阱宽度， $\frac{\alpha^2}{2m\Delta^2}$ 为势阱深度。可以通过计算薛定谔方程得到反射系数 R 为

$$R = \left[\frac{4\kappa^2 k^2 \csc^2(\kappa\Delta)}{(k^2 - \kappa^2)} + 1 \right]^{-1} \quad (1.2)$$

其中

$$k = \sqrt{2mE}, \quad \kappa = \sqrt{k^2 + \frac{\alpha^2}{\Delta^2}} \quad (1.3)$$

在低能时，我们可以按照 k 展开反射系数，

$$R = -\frac{4}{\alpha^2 \sin^2 \alpha} \Delta^2 k^2 + \mathcal{O}(\Delta^4 k^4) \quad (1.4)$$

可以看到当 $k \rightarrow 0$ 时， $R \rightarrow 1$ ，称这种相互作用为相关相互作用。

1.1 利用 δ 函数来模仿方势阱

考虑此时有一 δ 势阱，

$$V(x) = -\frac{g}{2m\Delta} \delta(x) \quad (1.5)$$

此处引入 Δ 来保证 g 时无量纲的。依旧通过薛定谔方程可以计算得出反射系数为，

$$R = \left[1 + \frac{4k^2 \Delta^2}{g^2} \right]^{-1} = 1 - \frac{4k^2 \Delta^2}{g^2} + \mathcal{O}(k^4) \quad (1.6)$$

在低能情况下，与 (1.4) 比较可得，

$$g = \alpha \sin \alpha \quad (1.7)$$

称为“匹配条件”。

2 手征拉氏量

该章主要参考 [2]

参考文献

- [1] David B Kaplan. lectures on effective field theory” . *arXiv preprint nuclth/0510023*, 5, 5.
- [2] Stefan Scherer and Matthias R Schindler. *A primer for chiral perturbation theory*, volume 830. Springer Science & Business Media, 2011.