

计网第十四次作业

彭程 2020011075

第一题:

1.1

$$n = pq = 5 \times 11 = 55$$

$$z = (p-1)(q-1) = 40$$

1.2

则 $(de-1)$ 可以被 z 整除: $(3d-1) = k \times z = 40k$

因此 $d = (40k + 1)/3$ 其中 $k = 0, 1, 2, 3, \dots$, 且要求 d 也为整数;

可以求得: $d = 27, 67, 107, 147$ 均符合条件;

1.3

$$c = m^e \bmod n = 8^3 \bmod 55 = 17$$

第二题:

2.1

$$S = T_B^{s_A} \bmod p = (g^{s_B} \bmod p)^{s_A} \bmod p = g^{s_A s_B} \bmod p$$

$$S' = T_A^{s_B} \bmod p = (g^{s_A} \bmod p)^{s_B} \bmod p = g^{s_A s_B} \bmod p$$

$$\text{故 } S = S'$$

2.2

$$T_A = g^{s_A} \bmod p = 2^5 \bmod 11 = 10$$

$$T_B = g^{s_B} \bmod p = 2^{12} \bmod 11 = 4$$

$$S = T_B^{s_A} \bmod p = 4^5 \bmod 11 = 1$$

2.3

1. 中间人截获 Alice 的公钥 (TA), 将自己的公钥 (TC) 发送给 Bob。
2. 中间人截获 Bob 的公钥 (TB), 将自己的公钥 (TC) 发送给 Bob。
3. 中间人和 Alice 使用一个共享密钥 (S), 中间人和 Bob 使用另一个共享密钥 (S')。
4. 中间人便可以解密 Alice 或 Bob 通过公钥发出的任何消息。