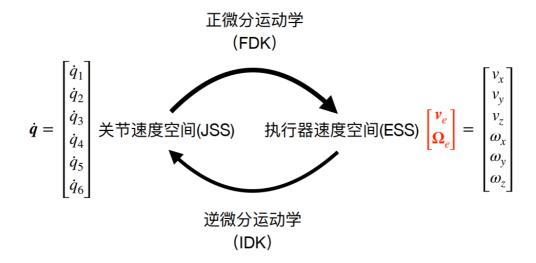
## 【机器人】微分运动学



## 微分运动学:

• 正微分运动学:已知机器人的关节速度,求其末端执行器的线速度和角速度。

• 逆微分运动学:已知机器人末端执行器的线速度和角速度,求其关节速度。

多自由度机器人中,末端的速度和角速度往往需要表示为:

$$egin{bmatrix} oldsymbol{v} oldsymbol{u} = oldsymbol{J}(oldsymbol{q}) egin{bmatrix} \dot{q}_1 \ \dot{q}_2 \ dots \ \dot{q}_n \end{bmatrix}$$

- $v = [v_x, v_y, v_z]^T$  表示的是机器人末端固联坐标系相对于原点的线速度;
- $\boldsymbol{\omega} = \left[\omega_x, \omega_y, \omega_z\right]^T$  表示的是机器人末端固联坐标系绕基坐标系的角速度, 三个角速度分量往往不是简单的等于三个欧拉角对时间的导数(某些情况下可以);
- 我们称这个雅可比矩阵为几何雅可比矩阵(需要区分时记为:  $J_G$ ); 而 直接对欧拉角微分得到的雅可比 称作分析雅可比矩阵(记为:  $J_A$ )。