

1 一台设备由三大部件组成，在设备运转中各部件需要调整的概率分别是0.1, 0.2和0.3.假设各个部件的运转是相互独立的，以X表示同时需要调整的部件数，试求X的期望和方差.

2 一辆公共汽车上共有25名乘客，每个乘客都等可能地在9个车站中的任一站下车，并且他们下车与否相互独立，又知公共汽车只有在有人下时才停车，求公共汽车停车次数的数学期望.

3 某城市有汽车N部，编号从1到N，某人站在街头，将所看到的不同汽车牌号记下： $X_1, \dots, X_n (n < N)$ ，令 $X = \max(X_1, \dots, X_n)$ ，试证：

$$N = \frac{n+1}{n} E(X) - 1$$

4 若 X_1, \dots, X_n 为正的独立随机变量，服从相同分布，证明：

$$E\left(\frac{X_1 + X_2 + \dots + X_k}{X_1 + X_2 + \dots + X_n}\right) = \frac{k}{n}$$

5 设随机变量X在[a, b]中取值，证明： $D(X) \leq \frac{(a-b)^2}{4}$ ，并说明等式在何种情况下成立.

6 袋中有 N 只球，但其中白球的个数为随机变量，只知道其数学期望为 n，试求从袋中摸一球，该球为白球的概率。

进而，可由上面的结论统一解出教材习题 1.24 和 2.18.

7 请大家思考教材例 2.31 中将小猫换成人的情况。

8 若随机变量X满足

$$P(X=k) = e^{-\lambda} \frac{\lambda^k}{k!}, k \in N = \{0, 1, 2, \dots\}$$

其中 $\lambda > 0$ 是常数，则称X服从参数为 λ 的泊松分布，记作 $X \sim \text{po}(\lambda)$.

设随机变量 N_1, N_2 独立， $N_i \sim \text{po}(\lambda_i) (i=1, 2)$ ；求 $E(N_1 + N_2 | N_1)$ 的分布律.