

《复变函数引论》复习纲要

第一章 复数与复变函数

1. 复数的运算与各种表示
2. ∞ 的引入, 复球面与扩充复平面概念
3. 区域(闭区域)与曲线, 光滑曲线以及分段光滑曲线, **Jordan** 闭曲线等
4. 复变函数的定义, 多值与单值分支的概念
5. 函数的极限与连续性

第二章 解析函数

1. 函数可导与可微概念(对比实一元函数)
2. 解析概念, 解析与可导的关系,
3. 解析(可导)的充要条件, CR 方程以及导数的偏导表达方式, 形式导数
4. 各种初等函数的引入与单值性分析

第三章 复变函数的积分

1. 复变函数沿有向曲线积分定义
2. 复积分存在条件与计算方法, 积分的性质(尤其积分控制不等式)
3. **Cauchy-Goursat** 定理与复合闭路定理
4. 原函数的引入, 不定积分, **Newton-Leibnitz** 公式, 以及原函数存在的条件
5. **Cauchy** 积分公式及应用
6. 高阶导数公式及其应用
7. 调和函数概念及其与解析函数的关系, 共轭调和函数的求法(两种方法)

第四章 级数

1. 复数项序列与极限, 复级数的各种收敛性定义(对比实意义下序列与级数)
2. 幂级数, 收敛半径及求法, 收敛圆盘, 收敛圆圆周, 判断在具体点的收敛性
3. 幂级数运算, 和函数性质以及求法
4. **Taylor** 展开定理, **Taylor** 级数求法
5. 解析函数零点, 零点孤立性以及函数唯一性定理
6. 一般级数及其收敛圆环域, 和函数, **Laurent** 展开定理, **Laurent** 级数的应用

第五章 留数

1. 孤立奇点与非孤立奇点, 三种孤立奇点定义
2. 可去奇点的判断条件, m 级极点的判断条件(极点与零点的关系)
3. 了解本性奇点的 Weiersrass 定理与 Picard 大定理; 从极限初步判别奇点类型
4. 留数的定义(只对孤立奇点而言)及计算规则, ∞ 作为孤立奇点定义以及 ∞ 处留数定义与计算
5. 留数定理以及全留数定理(注意应用条件), 灵活运用于计算积分
6. 留数在(3种)定积分上的应用(注意适用条件), 适当做一些辅助处理(偶延拓, 复化处理)