

1-1 灵敏度是仪表对被测参数变化的灵敏程度，常表示为：在被测参数改变时，经过足够时间仪表指示值达到稳定状态后，仪表输出变化量与引起此变化的输入变化量之比。

分辨率则是仪表输出能响应和分辨的最小输入量。

分辨率是灵敏度的一种反映，一般来说仪表的灵敏度高，则其分辨率同样也高。

1-7 记该仪表的测量下限刻度为 $-X$ ，由量程为 $4X$ 可知，测量上限刻度为 $3X$ 。由最大允许误差以及精度可得到 $4X \times 0.5\% = 1^\circ\text{C}$ ，所以 $X = 50^\circ\text{C}$ ，该仪表测量下限刻度为 -50°C ，测量上限刻度为 150°C ，量程 200°C

2-1 测量准确度反映测量值和真实值的偏差程度。

测量不确定度表示测量结果的不可信程度，或者说是表示被测量测量结果的分散程度，是与测量结果相关联的参数。

二者没有直接关系。一般所说测量准确度是涉及“不可知”的测量真值的参数，而测量不确定度的评定是根据已测结果可以得到一个数值，测量不确定度不反应测量结果与真值是否接近。

2-3 最佳估计值是 $\frac{a+b}{2}$ ，该正态分布的标准差为 $0.67\sigma = \frac{b-a}{2} = \Delta$ ， $\sigma = 1.49\Delta$ ，所以 B 类标准不确定度为 $U = \sigma = 1.49\Delta$ 。

2-4 置信概率 95%，包含因子 $k=2$ ，又有扩展不确定度 $U = 0.041\text{mm}$ ，所以 B 类标准不确定度为 $U_B = U/k = 0.0205\text{mm}$ ，相对不确定度 $U_B/A = 0.0205/2.323 = 8.825 \times 10^{-3}$ 。

2-5 该均匀分布的概率密度函数： $f(t) = \begin{cases} 1/2\Delta, & M - \Delta \leq t \leq M + \Delta \\ 0, & t < M - \Delta \text{ or } t > M + \Delta \end{cases}$ ，可以根据均匀分布

的性质求出分布的标准偏差为 $\Delta/\sqrt{3} = 0.58\Delta$ ，所以 B 类标准不确定度为 $\Delta/\sqrt{3} = 0.58\Delta$ 。

2-6 平均值： $A = \sum_{i=1}^{20} M_i = 150.02\text{mm}$

输入量系统偏差的不确定度可以忽略，且系统偏差 $b = -0.06\text{mm}$

所以真值的最佳估计值为： $A - b = 150.08\text{mm}$

测量不确定度： $U_{(y)} = \sqrt{\frac{1}{20 \times 19} \left(\sum_{i=1}^{20} (M_i - A)^2 \right)} = 0.02\text{mm}$

也就是说测量出的长度应写为： $150.08 \pm 0.02\text{mm}$

2-7 假设按 $\hat{X} = w_1 X_1 + w_2 X_2 + \dots + w_m X_m$ ($\sum_{i=1}^m w_i = 1$) 来组合,

由误差传递组合: $\hat{\sigma}^2 = \sum_{i=1}^m w_i^2 \sigma_i^2$

转为不带条件约束的极值问题:

$$\min L = \sum_{i=1}^m w_i^2 \sigma_i^2 + \lambda (1 - \sum_{i=1}^m w_i)$$

求导: $\frac{\partial L}{\partial w_i} = 2 w_i \sigma_i^2 - \lambda = 0 \Rightarrow w_i = \frac{\lambda}{2 \sigma_i^2}$

结合 $\sum_{i=1}^m w_i = 1$ 得: $\lambda = \frac{1}{\sum_{i=1}^m \frac{1}{2 \sigma_i^2}}$

所以有: $w_i = \frac{1}{\sigma_i^2 \sum_{k=1}^m \frac{1}{\sigma_k^2}} \quad (i=1, 2, \dots, m)$

也就是按 $\hat{X} = \sum_{i=1}^m w_i X_i$, ($w_i = \frac{1}{\sigma_i^2 \sum_{k=1}^m \frac{1}{\sigma_k^2}}, i=1, 2, \dots, m$)

组合数据是最佳的。此时 $\hat{\sigma}^2 = \frac{1}{\sum_{i=1}^m \frac{1}{\sigma_i^2}}$

2-8 记该相同误差为 σ_0

第 n 种检测方法得到的测量平均值误差为 $\sigma_i^2 = \frac{\sigma_0^2}{n_i}$

这样就转化回了第2-6题右情形, 有:

按 $\hat{X} = \sum_{i=1}^m w_i X_i$, ($w_i = \frac{n_i}{\sum_{k=1}^m n_k}, i=1, 2, \dots, m$)

组合时最佳。此时 $\hat{\sigma}^2 = \frac{\sigma_0^2}{\sum_{i=1}^m n_i}$