传输线

张轩 21300200034, 复旦大学核科学与技术系

摘要:

本实验针对核电子学需要,探究了传输线在各种匹配条件下对方波信号的传输效果,并测量了传输 线的传输速度和特征阻抗。

关键词: 同轴电缆 反射 信号传输

一、引言

在核电子学系统中,快信号在各个部件之间传输是由传输电缆完成的。各部件之间 输出端和输入端用电缆连接。而电缆在传输信号时,如果阻抗不匹配,则会产生反射现 象,有可能会产生多次反射。本实验针对核电子学需要,探究了传输线在各种匹配条件 下对方波信号的传输效果,并测量了传输线的传输速度和特征阻抗。

二、实验目的

观察传输线传输信号过程中的反射现象,测量传输线的特性阻抗 Z_0 和传输线的延迟时间 t_d ,了解传输线成形脉冲的原理,以期对线性分布参数系统有一定的感性认识。

三、实验原理

3.1 同轴电缆传输信号的分析

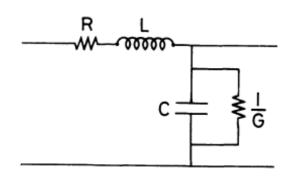


图 1 同轴电缆的分布参数等效

如图11, 考虑微元长度 Δz 上的电流和电压的变化

$$\begin{cases} \Delta V(z,t) = -R\Delta z \cdot I(z,t) - L\Delta z \cdot \frac{\partial I}{\partial t}(z,t) \\ \Delta I(z,t) = -G\Delta z \cdot V(z,t) - C\Delta z \cdot \frac{\partial V}{\partial t}(z,t) \end{cases}$$

两边除以 Δz 然后取极限 $\Delta z \rightarrow 0$, 得到

$$\begin{cases} \frac{\partial V}{\partial z} = -RI - L \frac{\partial I}{\partial t} \\ \frac{\partial I}{\partial z} = -GV - C \frac{\partial V}{\partial t} \end{cases}$$
 (1)

考虑对时间做傅里叶分解¹,得到频谱方程:

$$\begin{cases} \frac{\partial \tilde{V}}{\partial z} = -R\tilde{I} - L \cdot (2\pi \mathbf{i}f)\tilde{I} \\ \frac{\partial \tilde{I}}{\partial z} = -G\tilde{V} - C \cdot (2\pi \mathbf{i}f)\tilde{I} \end{cases}$$
(2)

我们考虑理想同轴电缆,即 G, R = 0 ,这种情况下可以求解方程(2)。根据方程的线性性,解可以分为入射波 V_1, I_1 和反射波 V_2, I_2 两个部分。

$$\begin{split} \tilde{V} &= \tilde{V}_1 + \tilde{V}_2, \tilde{I} = \tilde{I}_1 + \tilde{I}_2 \\ \tilde{V}_1 &= \tilde{V}_{10} \exp\left(2\pi \mathbf{i}\omega\left(t - \sqrt{LC}z\right)\right), \tilde{V}_2 = \tilde{V}_{20} \exp\left(2\pi \mathbf{i}\omega\left(t + \sqrt{LC}z\right)\right) \\ \tilde{I}_1 &= \sqrt{\frac{C}{L}}\tilde{V}_{10} \exp\left(2\pi \mathbf{i}\omega\left(t - \sqrt{LC}z\right)\right), \tilde{I}_2 = -\sqrt{\frac{C}{L}}\tilde{V}_{20} \exp\left(2\pi \mathbf{i}\omega\left(t + \sqrt{LC}z\right)\right) \end{split}$$

从结果可以看出

- 入射波和反射波具有相同的阻抗 $Z_0 = \left| \frac{\tilde{V}_1}{\tilde{I}_1} \right| = \left| \frac{\tilde{V}_2}{\tilde{I}_2} \right| = \sqrt{\frac{L}{C}}$
- 解总是具有一致的波速度 $u = \frac{1}{\sqrt{LC}}$ (自变量总是 $t + \frac{z}{u}$ 或 $t \frac{z}{u}$ 出现)

所以对于理想同轴电缆,在入射波是较简单的情形(例如阶跃信号)时,可以考虑结合边界条件,利用"入射、反射"的方法分析输出波形。对于较为复杂的情形,则需要根据电路列出边界条件和初值条件,结合方程(1)求解。

3.2 同轴电缆的矩形脉冲响应

• 终端反射: 如图2a, 设某次入射到终端的信号为 V_0 , I_0 , 反射信号为 V_r , I_r , 根据方程的线性性, 入射信号和反射信号叠加后满足边界条件即可

 $^{^{1}}$ 傅里叶变换采用 $\tilde{f}(k) = \int_{-\infty}^{+\infty} f(t) e^{-2\pi i k t} dt$ 的形式

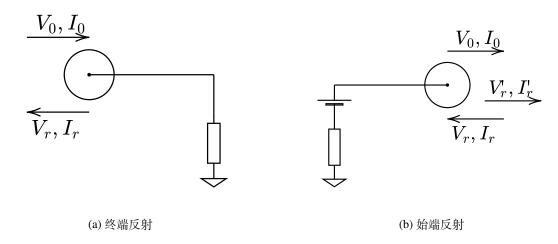


图 2 反射分析法

$$\begin{cases} \frac{V_0}{I_0} = Z_0 \\ \frac{V_r}{I_r} = Z_0 \\ \frac{V_0 + V_r}{I_0 - I_r} = Z_1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{V_r}{V_0} = \frac{I_r}{I_0} = \frac{Z_1 - Z_0}{Z_1 + Z_0}$$

$$\rho_1 = \frac{Z_1 - Z_0}{Z_1 + Z_0}$$
(3)

• 始端反射: 如图2b, 注意图中标出的 V_0 , I_0 是既有信号, 它已经满足了始端边界条件。则某次入射信号是终端的反射信号 V_r , I_r , 产生反射信号 V_r' , I_r' , 只需要 V_r , I_r , V_r' , I_r' 叠加后满足齐次边界条件即可。于是方程和终端反射完全一致,结果为

$$\rho_s = \frac{V_r'}{V_r} = \frac{I_r'}{I_r} = \frac{Z_s - Z_0}{Z_s + Z_0} \tag{4}$$

• 传输延迟: 同轴电缆内信号的传波是按照固定波速传输的,从一段传输到另一端 必然造成时间延迟 $t_d = \frac{l}{u}$

基于反射分析法,我写了一个 python 程序用于可视化同轴电缆的阶跃响应,思路就是每间隔一个传输延迟,计算何处发生反射,并且加上反射信号的影响,将反射信号作为新的入射信号在进行下一步迭代。代码文件我分享在这里:

https://github.com/Xuanyiyiren/Fudan-TCPH-fandamantal-experement

四、实验装置

1. MSO2202 数字示波器 1 台

- 2. DG4102 脉冲发生器 1 台
- 3. 自制开关电阻盒2个
- 4. BNC 同轴电缆 20 米 1 根
- 5. BNC 同轴电缆 04 米 2 根
- 6. BNC 三通 1 个
- 7. BNC 双公头直通 2 个

五、实验步骤

Step1:按照图3所示接好电路

Step2:使用信号发生器产生一个占空比为 50%、频率为 10 kHz、低电平为 0 V、高电平为 5 V 的方波脉冲。然后使用示波器接收信号,注意使用 EXT 作为触发信号源。

Step3:按照表1中所示,依次设置开关状态,并利用示波器测量输出波形的时间和幅度。 注意其中序号 3 用来测量延迟时间,序号 8 用来测量特征阻抗。

Step4: 把开关电阻盒按表格序号 1 设置成完全匹配的情况,将图3中带"*"的 BNC 线 缆分别替换成双公头直通和 1 米长 BNC 同轴线缆,观察波形变化。

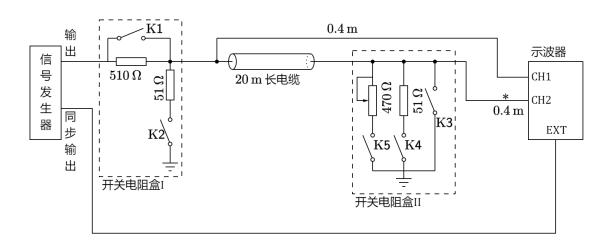


图 3 实验电路图

表 1	实验条件表
衣工	- 头短余针表

序号	开关状态				所匹配阻抗		
	K1	K2	К3	K4	K5	始端	终端
1		×	×		×	Z_0	Z_0
2		×	×	×	×	Z_0	开路
3		×		×	×	Z_0	短路
4			×	×	×	< Z ₀	开路
5				×	×	< Z ₀	短路
6	×	×	×	×	×	> Z ₀	开路
7	×	×		×	×	> Z ₀	短路
8		×	×	×		Z_0	调节使之匹配

六、实验结果和分析

6.1 波形的简要分析

6.1.1 序号1的结果

实验数据如图4b和4c所示,其中前者是局部放大的波形,后者是在较大时间尺度的波形。理论结果如图4a表示。序号1的双端均匹配,始端立即建立稳定的5V的直流信号,末端则在一个延迟时间后建立起稳定5V的直流信号。实验结果符合理论预期。

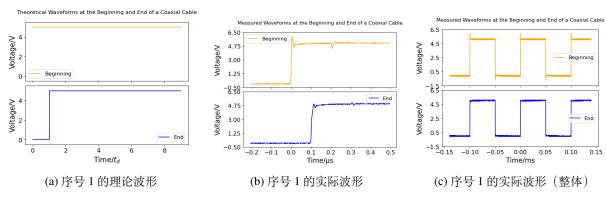


图 4 序号 1 的实验结果

6.1.2 序号 2 的结果

实验数据如图5b和5c所示,理论结果如图5a表示。此时始端仍然匹配,没有反射产生。终端直接输入到示波器中,示波器的阻抗为 $1\,M\Omega$,可以直接视为开路,终端反射系数为 1 。

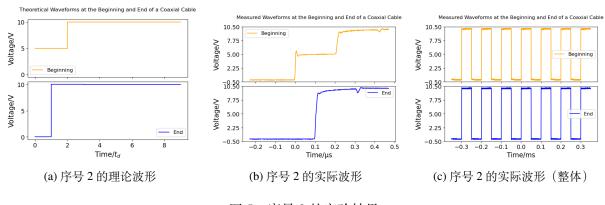
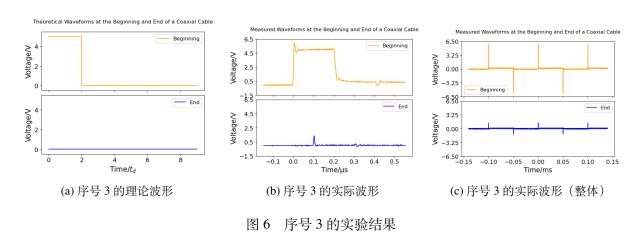


图 5 序号 2 的实验结果

6.1.3 序号 3 的结果

实验数据如图6b和6c所示,理论结果如图6a表示。此时终端直接短接输出,反射系数为-1。



6.1.4 序号 4 的结果

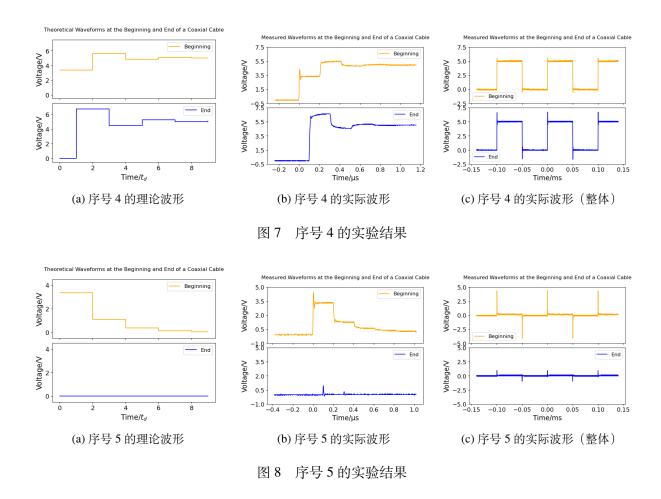
实验数据如图7b和7c所示,理论结果如图7a表示。此时始端是信号发生器并联一 $51\,\Omega$ 的电阻,等效信号源是电动势约为 $5\,V$,等效阻抗约为 $\frac{1}{2}Z_0$,故始端反射系数约为 $-\frac{1}{3}$,始端的第一个电压阶梯约为 $3.36\,V$;终端输出到示波器,反射系数为 1 。

6.1.5 序号 5 的结果

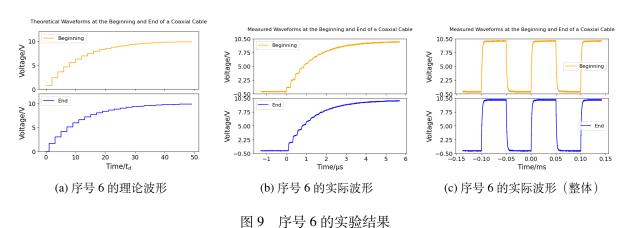
实验数据如图8b和8c所示,理论结果如图8a表示。和序号 4 相比,始端未变,其终端短接输出,反射系数为 -1 。

6.1.6 序号 6 的结果

实验数据如图9b和9c所示,理论结果如图9a表示。此时电源串联一 510Ω 的电阻,反射系数是 0.83 ,终端直接输入到示波器,反射系数为 1 。两端会产生多次反射,每次

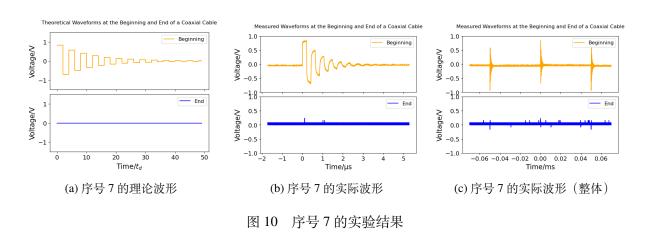


反射都使得电压增加。由于始端反射系数小于 1 ,反射信号造成的电压增量会随着时间增加而不断衰减,最终稳定到电源电动势 10 V 。这是因为当信号稳定时,同轴电缆中的电流必须为 0 ,否则会引起反射,意味着同轴电缆稳定时的输入阻抗为无穷大,使得电源电动势完全分担在同轴线缆上,电压稳定到电动势。



6.1.7 序号 7 的结果

实验数据如图10b和10c所示,理论结果如图10a表示。和序号 6 相比,此时的终端短接,反射系数为 -1 。同轴电缆中的信号也会不断反射,但由于反射信号的极性不断改变,使得信号时增时减。同理根据始端反射系数小于 1 可以推断信号不会无限增长下去,信号稳定时,同轴电缆中没有电流。由于终端短接,所以同轴电缆中的电压也必须为 0 。



6.2 延迟时间的测量

我们利用序号 3 的数据测量延迟时间。仿照核电子学中测量阶跃波形的中点,我们将数据做微分处理,将下一个时刻的数据减去当前时刻的数据,然后读出微分后的数据中的两个峰值的位置,由于数据存在误差,每次信号变化会造成波形的不稳定,寻峰时往往会在一处寻到多个峰,我们取时间最靠前的一个为准。

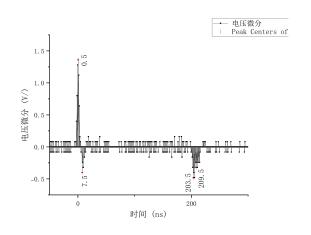


图 11 延迟时间的测量

$$t_d = \frac{1}{2} \times (203.5 - 0.5) \,\text{ns} = 101.5 \,\text{ns}$$
 (5)

$$v = \frac{t_d}{l} = \frac{101.5 \text{ ns}}{20 \text{ m}} = 5.75 \text{ ns/m}$$
 (6)

6.3 特征阻抗

由于滑动变阻器的零点不准,且有一定的螺距误差。我们在调节到阻抗匹配后,将 开关盒拆下,用万用表直接测量其电阻,测量结果为

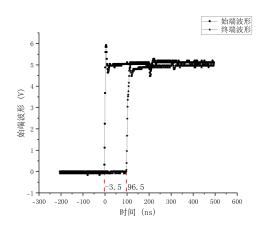
$$Z_0 = 50.4\,\Omega\tag{7}$$

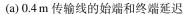
6.4 不同长度的传输线对信号的影响

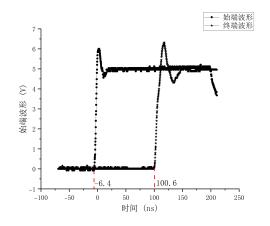
我们将图3中带*的线替换为约1m长的同轴电缆以及双公头直通线缆,记录到的CH2波形的产生不同长度的延迟。

实验时选双公头直通线缆 2 ,用示波器的光标功能测量此时 CH2 相对于 CH1 滞后了约 99.20 ns

我们比较了长约为 1 m 的线缆和 0.4 m 的线缆的不同延迟情况,如图12所示







(b) 1 m 传输线的始端和终端延迟

图 12 不同传输线的延迟

结果汇总于表2中

²这组数据未能保存,无法绘制波形,只有实验记录本上的数据

表 2 不同传输线的延迟效果

线缆条件	延迟时间/ns
双公头直通	99.2
0.4 m	100.0
1 m	107.0

七、实验结论

- 通过信号发生器和示波器观察了同轴电缆的阶跃响应,验证了信号在同轴电缆中 的反射规律
- 通过信号发生器测量的 20 m 长传输线的传输时间和传播速度

$$t_d = 101.5 \,\text{ns}, Z_0 = 5.75 \,\text{ns/m}$$

• 通过在负载端接滑动变阻器,结合示波器的波形调节使之匹配,测得同轴电缆的 特征阻抗为

$$Z_0 = 50.4 \,\Omega$$

● 比较了和双公头直通电缆、0.4 m 传输线和 1 m 传输线的延迟, 他们的传输延迟依次递增

八、参考文献

[1] LEO W R. Techniques for Nuclear and Particle Physics Experiments[M]. Springer Berlin Heidelberg, 1994.