

题号	1	2	3	4	5	6	7	8
答案	A	С	A	В	BC	BC	AD	BC

一、单项选择题:本题共 4 小题,每小题 4 分,共 16 分.在每小题给出的四个选项中,只有一项是符合题目要求的.

1.【答案】A

【解析】研究地球绕太阳公转,把地球视为质点,是应用了理想模型法,A正确;合力与分力为等效替代关系,体现了等效思想,B错误;通过平面镜观察桌面的微小形变的实验中,运用了放大法,C错误;伽利略在研究自由落体运动时采用了实验和逻辑推理的方法,D错误.

2.【答案】C

【解析】根据平衡条件可得 $5F_N\cos\theta = G_N$,因为 a 款支架与球面锅的接触点的弹力始终垂直于公切面,故放在 b 位置时,每个支架齿对锅的支持力与竖直方向的夹角变小,由力的分解的知识可知每个支架齿受到的压力变小,故 $F_a > F_b$,AB 错误;因为乙款支架与球面锅的接触点的弹力始终垂直于支架的斜面,方向不变,锅 静止,每个支架齿受到的压力不变, $F_c = F_c$,C 正确,D 错误.

3.【答案】A

【解析】设匀加速的加速度为 a,"福建舰"的速度分别为 v_1 、 v_2 和 v_3 ,据运动学公式可知 $v_3^2 - v_1^2 = 2aL$ 、 $v_3^2 - v_2^2 = 2aL$ 、 $v_2^2 - v_1 = v_3 - v_2 = \Delta v$,联立以上三式解得 $a = \frac{(\Delta v)^2}{l-L}$,故 A 正确.

4.【答案】B

【解析】可以近似把 S2 看成匀速圆周运动,由图可知,S2 绕黑洞的周期 T=16 年,地球的公转周期 $T_0=1$ 年,S2 绕黑洞做圆周运动的半径 r 与地球绕太阳做圆周运动的半径 R 关系是 r=1 000R,地球绕太阳的向心力由太阳对地球的引力提供,由向心力公式可知 $G\frac{Mm}{R^2}=mR\omega^2=mR\left(\frac{2\pi}{T}\right)^2$,解得太阳的质量为 $M=\frac{4\pi R^3}{GT_0^2}$,同理 S2 绕黑洞的向心力由黑洞对它的万有引力提供,由向心力公式可知 $G\frac{M_xm'}{r^2}=m'r\omega^2=m'r\left(\frac{2\pi}{T}\right)^2$,解得黑洞的质量为 $M_x=\frac{4\pi r^3}{GT_0^2}$,综上可得; $M_x=3.90\times10^6 M$. 故选 B.

二、双项选择题:本题共 4 小题,每小题 6 分,共 24 分.每小题有两项符合题目要求.全部选对的得 6 分,选对但不全的得 3 分,有选错的得 0 分.

5.【答案】BC

【解析】剪斯细线的瞬间,细线的拉力消失,小球 P 只受重力,加速度为 g,A 错误,B 正确;因为弹簧是轻弹簧,无论剪断上端还是下端,小球 Q 只受重力,加速度为 g,C 正确,D 错误,

6.【答案】BC

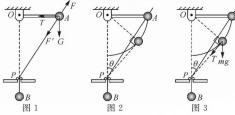
【解析】当两物体恰好做匀速运动、对 A、水平方向受到绳子的拉力和桌面的摩擦力、得; $\mu 2mg = T = mg$ 、所以; $\mu = \frac{1}{2}$. 若将 A 与 B 互换,则对 A:2m = 2mg - T'、对 B: $ma = T' - \mu mg$,得: $a = \frac{g}{2}$ 、A 错误,B 正确;绳子中的拉力; $T' = ma + \mu mg = mg$,C 正确,D 错误。

7.【答案】AD

【解析】根据牛顿第二定律,在 AB 段有 $F-\mu mg=ma$,又 $2ax=v_0^2$,由平抛运动规律和几何关系有物块的水平射程 $s=v_0t$,物块的竖直位移 $h=\frac{1}{2}gt^2$,由几何关系有 $h=s\tan\theta$,联立以上各式可以得到 $s=\frac{2v_0^2\tan\theta}{g}$,解得 $F=\frac{mg}{4\tan\theta}s+\mu mg$.由题图乙知 $\mu mg=5$, $\frac{mg}{4\tan\theta}=10$,代人数据解得 $\mu=0.5$,x=0.25 m,AD正确.

8.【答案】BC

【解析】对小球 A 受力分析如图 1,可知三力构成的矢量三角形与 $\triangle OPA$ 相似,故有 $\frac{T}{OA} = \frac{G}{OP} = \frac{F-mg}{AP}$,解得 $T = \frac{3}{5}mg$,A 错误;小球 A 绕 O 点转动做圆周运动,速度方向沿圆周轨迹切线方向,又因小球 A,B 通过细绳连接在一起,两者沿绳方向的分速度相等,故两小球速度大小相等时,细绳与小球 A 的圆周轨迹相切,如图 2 所示,由几何关系得,sin $\theta = \frac{3}{5}$,cos $\theta = \frac{4}{5}$,小球 A 下降的高度 $h_A = 3L\sin\theta = \frac{9}{5}L$,小球 B 下降的高度 $h_B = \sqrt{(3L)^2 + (5L)^2} - \sqrt{(5L)^2 - (3L)^2} = (\sqrt{34} - 4)L$,由机械能守恒有 $mgh_A + mgh_B = \frac{1}{2} \cdot 2mv^2$,解得 $v = \sqrt{\left(\sqrt{34} - \frac{11}{5}\right)gL}$,B 正确;两小球速度大小相等时,对小球 A 受力分析如图 3,沿绳方向应有 $T' + mg\cos\theta = ma_1$,小球 B 与小球 A 沿绳方向的加速度大小相等,则对小球 B 有 $mg - T' = ma_1$,解得 $T' = \frac{1}{10}mg$,C 正确;沿杆方向应有 $T'' - mg\sin\theta = m\frac{v^2}{31}$,解得 $T'' = \left(\frac{\sqrt{34}}{3} - \frac{2}{15}\right)mg$,D 错误.



三、非选择题:共60分.考生根据要求作答.

9.【答案及评分细则】(3分)

>(1分,其他结果均不得分) <(2分,其他结果均不得分)

【解析】根据万有引力公式 $G\frac{Mm}{r^2}=m\frac{v^2}{r}$,解得 $v=\sqrt{\frac{GM}{r}}$, $T=2\pi r\sqrt{\frac{4}{GM}}$,因此可知轨道半径越大,线速度越小,周期越大.

10.【答案及评分细则】(3分)

$$\sqrt{\frac{L}{g}}$$
 (1分,其他结果均不得分) \sqrt{gL} (2分,其他结果均不得分)

【解析】小球在竖直方向做自由落体运动,连续相等时间内的位移差为常数,即 $y_z-y_1=gT^2$,所以 $T=\sqrt{\frac{y_z-y_1}{g}}=\sqrt{\frac{L}{g}}$,小球平抛运动的初速度大小为 $v_0=\frac{x}{T}$,整理得: $v_0=x\sqrt{\frac{g}{y_z-y_1}}=\sqrt{gL}$.

11.【答案及评分细则】(3分)

不满足(1分,其他结果均不得分) 减小(1分,其他结果均不得分) 做正功(1分,其他结果均不得分)

【解析】由图像可知,橡皮筋的弹性规律不满足胡克定律。根据公式 $F = k\Delta x$ 可知,图线的斜率表示劲度系数,由图像可知, $A \rightarrow B$ 过程中,A = O 连线的斜率大于B = O 连线的斜率,故橡皮筋的劲度系数减小,由图像可知, $O \rightarrow A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow O$ 的过程中,外力对橡皮筋做正功.

12.【答案及评分细则】(6分)

(3) $F-F_0(2$ 分,其他结果均不得分) $\frac{d^2}{2L} \left(\frac{1}{t_2^2} - \frac{1}{t_1^2}\right)$ (2 分,结果正确,形式不同可以同样得分,其他结果均不得分)

(4)不需要(2分,其他结果均不得分)

【解析】(3)由操作(2)可知,物块受到的摩擦力大小为 F_0 ,所以物块受到的合外力大小为 $F_{\hat{a}}=F-F_{\hat{t}}=F-F_0$,物块做匀加速运动,则有 $v_{\hat{b}}^2-v_{\hat{a}}^2=2aL$,解得 $a=\frac{d^2}{2L}\Big(\frac{1}{t_2^2}-\frac{1}{t_1^2}\Big)$.

(4)由(3)分析可知,不需要保证让物块每次都从同一位置由静止释放.

13.【答案及评分细则】(9分)

 $(1)\frac{2(n-1)\pi}{t}$ (2分,其他结果均不得分) $F+\frac{L_2}{L_1}mg(2分,其他结果均不得分)$

$$(2) - \frac{L_2}{L_1} mg(2 \, \mathcal{H})$$
,其他结果均不得分) $4(n-1)^2 \pi^2 mL_2(2 \, \mathcal{H})$,其他结果均不得分)

(3)角速度的平方(1分,其他结果均不得分)

【解析】(1)小球做圆周运动的周期为 $T=\frac{t}{n-1}$,做圆周运动的角速度 $\omega=\frac{2\pi}{T}=\frac{2(n-1)\pi}{t}$;小球做圆周运动的

向心力
$$F_n = F + mg \tan \theta = F + \frac{L_2}{L_1} mg$$
;

(2)若向心力与角速度平方成正比,则 $F + \frac{L_2}{L_1} mg = mL_2 \left[\frac{2(n-1)\pi}{t} \right]^2$,得到 $F = mL_2 \left[\frac{2(n-1)\pi}{t} \right]^2 - \frac{L_2}{L_1} mg$,

因此当 $F - \frac{1}{t^2}$ 图像中图像与纵轴的截距为 $-\frac{L_2}{L_1} mg$,斜率为 $4(n-1)^2 \pi^2 m L_2$;

(3)由(2)可知,在质量、半径一定的条件下,向心力与角速度平方成正比.

14.【答案】(1)0.5 (2)2 m/s²

【解析及评分细则】(1)谷粒刚好静止,对最上层谷粒分析,由平衡条件有 $\mu mg\cos\theta = mg\sin\theta$ (2分)

解得 $\tan \theta = 0.5$ (2分)

按步骤得分,步骤齐全且结果正确,得全分;若结果错误,扣除结果分后,其余按步骤得分.

(2)对最上层谷粒分析,由牛顿第二定律有 $mg\sin\theta-\mu mg\cos\theta=ma$ (2分)

解得 $a=2 \text{ m/s}^2$ (2分)

按步骤得分,步骤齐全且结果正确,得全分;若结果错误,扣除结果分后,其余按步骤得分.

15.【答案】(1)5 (2)5

【解析及评分细则】(1)设滑块运动后剩余 n 个物块时,物块恰开始运动,则有 $\mu_2 Mg = \mu_1 (M + nm)g$ (2分)

代人数据解得 n=4.5 (1分)

所以当滑块运动至第5个物块上,物块开始滑动 (1分)

按步骤得分,步骤齐全且结果正确,得全分;若结果错误,扣除结果分后,其余按步骤得分.

(2)滑块通过4个物块的过程中,有

$$v_0^2 - v_1^2 = 2a_1 \times 4L \quad (1 \text{ }\%)$$

$$\mu_2 Mg = Ma_1$$
 (1分)

代入数据解得 $v_1 = 2 \text{ m/s}$ (1分)

设滑块在第 5 个物块上运动能达到的共同速度为 v,经历的时间为 t

对 5、6、7、8 四个物块有

$$\mu_2 Mg - \mu_1 (M+4m)g = 4ma_2$$
 (1 分)

解得
$$a_2 = \frac{1}{4} \text{ m/s}^2$$
 (1分)

且有
$$v=v_1-a_1t=a_2t$$
 (1分)

$$\Delta x = \frac{1}{2} (v_1 + v)t - \frac{1}{2}vt \quad (1 \%)$$

代人数据解得 $\Delta x = \frac{8}{21} \text{ m} < L = 0.8 \text{ m}$

表明假设成立,此后它们将一起减速至零,滑块最终停止第5个物块上 (1分)

按步骤得分,步骤齐全且结果正确,得全分;若结果错误,扣除结果分后,其余按步骤得分.

16.【答案】(1)4 m/s (2)16 J (3)
$$\frac{1}{5}$$
 m (4) $\frac{2}{5}$ m 《 $R \leqslant \frac{16}{35}$ m 或 $R \geqslant \frac{4}{5}$ m

【解析及评分细则】(1)由牛顿第二定律 µmg=ma

解得
$$a=2 \text{ m/s}^2$$
 (1分)

小物块达到传送带速度时 $x_1 = \frac{v^2}{2a}$

解得 $x_1 = 4 \text{ m} < L = \frac{25}{4} \text{ m}$ (1分)

故小物块到达 B 点时 $v_B = 4$ m/s (1分)

按步骤得分,步骤齐全旦结果正确,得全分;若结果错误,扣除结果分后,其余按步骤得分.

(2)小物块与传送带共速时 $t_1 = \frac{v}{a} = 2$ s

传送带位移 $x_2 = vt_1$ (1分)

小物块与传送带间产生的摩擦热 $Q=\mu mg(x_2-x_1)$ (1分)

由能量守恒有 $W=Q+\frac{1}{2}mv^2$ (1分)

解得 W=16 J (1分)

按步骤得分,步骤齐全且结果正确,得全分;若结果错误,扣除结果分后,其余按步骤得分.

(3)小物块从 B 点到达 D 点,根据动能定理

$$-2mgR_0 - \frac{1}{2}mv_D^2 - \frac{1}{2}mv_B^2$$
 (1 分)

从 D 点飞出后做平抛运动 $2R_0 = \frac{1}{2}gt^2$

 $x = v_D$

联立得
$$x = \sqrt{\frac{16}{5}(-5R^2 + 2R)}$$
 (1分)

当 $R = \frac{1}{5}$ m 时,x 取最大值 (1分)

按步骤得分,步骤齐全且结果正确,得全分;若结果错误,扣除结果分后,其余按步骤得分.

(4)①刚好沿半圆到达圆心 O 等高处,根据动能定理

$$-mgR_1 = 0 - \frac{1}{2}mv_B^2$$

解得 $R_1 = \frac{4}{5}$ m (1分)

②刚好到达 C 点不脱轨, 临界条件是弹力为 0, 在 C 点

$$mg\cos 60^\circ = m\frac{v_C^2}{R_2}$$
 (1分)

B 点到 C 点,根据动能定理

$$-mgR_2(1+\sin 30^\circ) = \frac{1}{2}mv_C^2 - \frac{1}{2}mv_B^2$$
 (1 ½)

代入数据解得 $R_2 = \frac{16}{35}$ m (1分)

③刚好到达 D 点不脱轨,在 D 点有 $v_0 = 0$,从 B 点到 D 点,根据动能定理

$$-2mgR_3 = 0 - \frac{1}{2}mv_B^2$$
 (1 $\frac{4}{3}$)

代人数据解得 $R_3 = \frac{2}{5}$ m

所以R应满足

$$\frac{2}{5}$$
 m \leqslant $R \leqslant \frac{16}{35}$ m 或 $R \geqslant \frac{4}{5}$ m (1分)

按步骤得分,步骤齐全且结果正确,得全分;若结果错误,扣除结果分后,其余按步骤得分.