福建省 2023 届高中毕业班适应性练习卷

数学

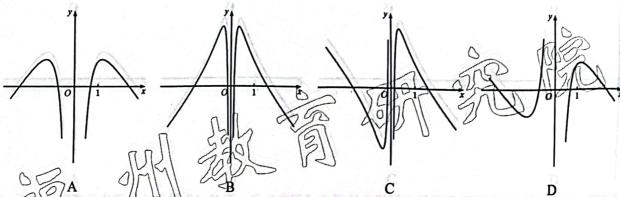
注意事项:

- 1. 答题前, 学生务必在练习卷、答题卡规定的地方填写自己的学校、准考证号、姓名。学生要认真核 对答题卡上粘贴的条形码的"准考证号、姓名"与学生本人准考证号、姓名是否一致。
- 2. 回答选择题时,选出每小题答案后,用 2B 铅笔把答题卡上对应题目的答案标号涂黑。如需改动, 用橡皮擦干净后,再选涂其他答案标号。回答非选择题时,将答案写在答题卡上。写在本练习卷 上
- 3. 答题结束后, 学生必须将练习卷和答题卡一并交回。
- 一、选择题: 本题共 8 小题,每小题 5 分,共 40 分。在每小题给出的四个选项中,只有一项是符合题目 要求的。
- 1. 已知集合 $A = \{x | y = \lg x\}, B = \{y | y = x^2\}, 则$
- A. $A \cup B = \mathbb{R}$ B. $C_{\mathbb{R}} A \subseteq B$ C. $A \cap B = B$ D. $A \subseteq B$

- 2. 已知z是方程 $x^2 2x + 2 = 0$ 的一个根,则|z| =

 - A. 1 B. $\sqrt{2}$ C. $\sqrt{3}$
- D. 2

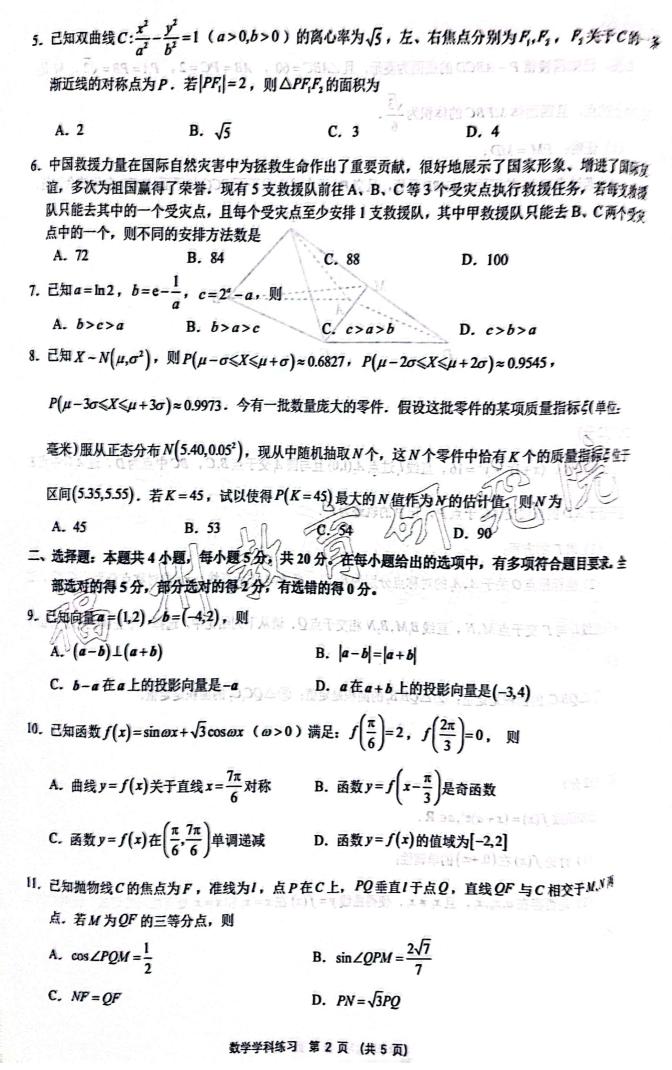
3. 函数 $f(x) = \frac{\ln|x| - x^2 + 2}{x}$ 的图象大致为



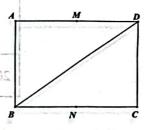
- 九章算术》的第一章"方田"中载有"半周半径相乘得积步", 其大意为: 圆的半 周长乘以其半径等于圆面积. 南北朝时期杰出的数学家祖冲之曾用圆内接正多边形的面积"替代"圆的 面积,并通过增加圆内接正多边形的边数n使得正多边形的面积更接近圆的面积,从而更为"精确"地 估计圆周率 π .据此,当n足够大时,可以得到 π 与n的关系为
 - A. $\pi \approx \frac{n}{2} \sin \frac{360^{\circ}}{n}$

B. $\pi \approx n \sin \frac{180^{\circ}}{\pi}$

- C. $\pi \approx n \sqrt{2 \left(1 \cos \frac{360^{\circ}}{n}\right)}$
- D. $\pi \approx \frac{n}{2} \sqrt{1 \cos \frac{180^{\circ}}{n}}$



- 12. 正方体 ABCD-AB,C,D 的棱长为1,M 为侧面 AA,D,D 上的点,N 为侧面 CC,D,D 上的点,则下列判 断正确的是
 - 的无数别为已本数份事中 01 显别别为2 不均、任强潮不率效计远,在积苍湿不多则 M 到直线 AD 的距离的最小值为 22
 - B. 若 $B_iN \perp AC_i$, 则 $N \in CD_i$, 且直线 $B_iN//$ 平面 A_iBD
 - C. \dot{a}_{ABD} , 则 \dot{b}_{ABD} 所成角正弦的最小值为 $\frac{\sqrt{3}}{3}$
 - D. 若 $M \in A_iD, N \in CD_i$,则M,N两点之间距离的最小值为 $\frac{\sqrt{3}}{3}$
- 三、填空题: 本题共 4 小题, 每小题 5 分, 共 20 分, 其中第 16 题第一空 2 分
- 13. 写出过点(2,0)且被圆 $x^2-4x+y^2-2y+4=0$ 截得的弦长为 $\sqrt{2}$ 的
- 14. 已知 $\{a_n\}$ 是单调递增的等比数列 $\{a_n+a_n=24, a_na_n=128, 则公比<math>q$ 的值是
- $e^{-2x} 1, x \le 0,$ $\frac{1}{2} \ln(x+1), x > 0.$ 若 $x(f(x) a|x|) \le 0$,则 a 的取值范围是
- 16. 如图, 一张 A4 纸的长 $AD=2\sqrt{2}a$, 宽 AB=2a, M, N 分别是 AD, BC 的中 点. 现将 $\triangle ABD$ 沿 BD 折起, 得到以 A,B,C,D 为顶点的三棱锥, 则三棱锥 A-BCD 的外接球 O 的半径为 ;在翻折的过程中,直线MN被球O截 得的线段长的取值范围是



- 四、解答题: 共70分。解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。

(1) 根据教点图判断, y=bx+a与y=cln(x-2012)+d哪一个适宜作为该归场飞往A以(长01)行作 $\triangle ABC$ 的内角 A,B,C 的对边分别为 a,b,c,且 $b=2c\sin\left(A+\frac{\pi}{A}\right)$.

- (2)已知2023年该机场飞往入地、8地和其他地区的航班比例分别为0.2、0.2和662集(1)口中
- (2) 若 c=1, D 为 $\triangle ABC$ 的外接圆上的点, $\overrightarrow{BA} \cdot \overrightarrow{BD} = \overrightarrow{BA}^2$, 求四边形 ABCD 面积的最大值.

(不包含 A、B 离地) 重要放行准点率的估计值分别为 80%和 75%,试解决以下问题: 一G)现从2023年在该机场起飞的航班中随机抽取一个,求该航班准点放行的概率:

//(证注注2023年某航班在该机场准点放行,判断该航班飞往A地、B地、其他地区等三海情况中的 18. (12分)

已知数列 $\{a_n\}$ 满足: $a_1=1$, $a_2=8$, $a_{2n-1}+a_{2n+1}=\log_2 a_{2n}$, $a_{2n}a_{2n+2}=16^{a_{2n+1}}$.

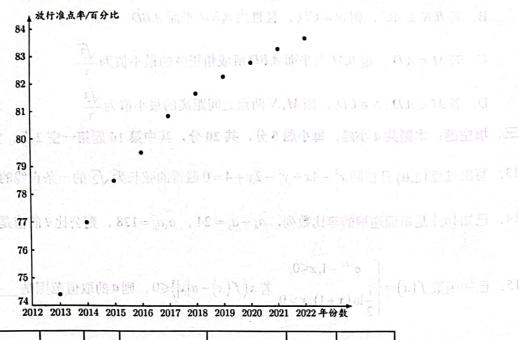
(1) 证明: $\{a_{2n-1}\}$ 是等差数列;

- (2) 记 $\{a_n\}$ 的前n项和为 S_n , $S_n > 2023$, 求n的最小值.
 - (2) 参考数据: 1010=2.30, 1011=2.40, 1012=2.48.

数学学科练习 第3页(共5页)

19. (12分)

放行准点率是衡量机场运行效率和服务质量的重要指标之一. 某机场自 2012 年起采取相关策略优化各个服务环节,运行效率不断提升. 以下是根据近 10 年年份数 x_i 与该机场飞往 A 地航班放行准点率 $y_i(i=1,2,\cdots,10)$ (单位:百分比)的统计数据所作的散点图及经过初步处理后得到的一些统计量的值.



x = 13 (%	⊃8 , 0	40	$\sum_{i=1}^{10} x_i^2$	$\sum_{i=1}^{10} x_i y_i$	$\sum_{i=1}^{10} t_i^2$	$\sum_{i=1}^{10} t_i y_i$
2017.5	80.4	1.5	40703145.0	1621254.2	27.7	1226.8

其中
$$t_i = \ln(x_i - 2012)$$
, $\overline{t} = \frac{1}{10} \sum_{i=1}^{10} t_i$.

- (1) 根据散点图判断,y=bx+a与 $y=c\ln(x-2012)+d$ 哪一个适宜作为该机场飞往,地航班放行准点率y关于年份数x的经验回归方程类型(给出判断即可,不必说明理由),并根据表中数据建立经验回归方程,由此预测 2023 年该机场飞往 A 地的航班放行准点率.
- (2) 已知 2023 年该机场飞往 A地,B 地和其他地区的航班比例分别为 0.2、0.2 和 0.6. 若以 (1) 中的预测值作为 2023 年该机场飞往 A 地航班放行准点率的估计值,且 2023 年该机场飞往 B 地及其他地区(不包含 A、B 两地)航班放行准点率的估计值分别为 80%和 75%,试解决以下问题:

万分现从2023年在该机场起飞的航班中随机抽取一个,求该航班准点放行的概率;

一次ii 之音 2023 年某航班在该机场准点放行,判断该航班飞往 A 地、B 地、其他地区等三种情况中的哪种情况的可能性最大,说明你的理由.

附: (1) 对于一组数据 (u_1,v_1) , (u_2,v_2) , …, (u_n,v_n) , 其回归直线 $v=\alpha+\beta u$ 的斜率和截距的最小二乘估计

分别为
$$\hat{\beta} = \frac{\sum_{i=1}^{n} (u_i - \overline{u})(v_i - \overline{v})}{\sum_{i=1}^{n} (u_i - \overline{u})^2} = \frac{\sum_{i=1}^{n} u_i v_i - n\overline{u}\overline{v}}{\sum_{i=1}^{n} u_i^2 - n\overline{u}^2}, \quad \hat{\alpha} = \overline{v} - \hat{\beta}\overline{u};$$

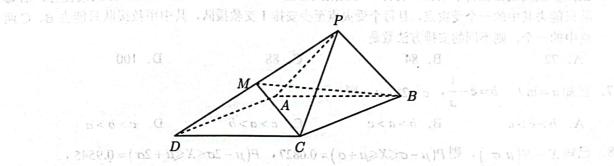
(2) 参考数据: ln10≈2.30, ln11≈2.40, ln12≈2.48.

数学学科练习 第 4 页 (共 5 页)

40. (12分)

· 沒生命作出了重要贡献。但结地

- (1) 证明: PM = MD;
- (2) 若过点C,M 的平面 α 与BD平行,且交PA于点Q,求平面BCQ与平面ABCD夹角的余弦值.



21. (12分)

已知圆 A_1 : $(x+1)^2+y^2=16$,直线 I_1 过点 I_2 (1,0)且与圆 I_2 交于点 I_3 C, I_4 C中点 I_4 且平行于 I_4 D的直线交 I_4 C 于点 I_4 P的轨迹为 I_4

(1) 求 Γ 的方程;

① $\triangle QB_1C_1$ 的面积是定值; ② $\triangle QB_1B_2$ 的面积是定值; ③ $\triangle QC_1C_2$ 的面积是定值.

アの垂直1千石の。青崎

22. (12分)

已知函数 $f(x) = (x+a)e^x, a \in \mathbf{R}$.

- [22-] 於炭血的(x) = f(x) 的 上 (x) 在 (x) = f(x) 的 上 (x) 的 上 (x) = f(x) (x) f(x) (x)
- (2) 是否存在 a,x_0,x_1 , 且 $x_0 \neq x_1$, 使得曲线y = f(x)在 $x = x_0$ 和 $x = x_1$ 处有相同的切线?证明你的结

10. 已知函数 $f(x) = \sin \alpha x + \sqrt{3} \cos \alpha x + (\alpha > 0)$ 滿起 f(x) = 2 , f(x) = 0 , 即

 Δ . $\Box z_{N} = f(x)$ 关于直线 $x = \frac{7\pi}{c}$ 对称 B. 函数 $y = f\left(x - \frac{\pi}{c}\right)$ 是奇函数

论·

数学学科练习 第 5 页 (共 5 页)

D9 PN=13PO