

MATLAB的工程应用

方禾 电子信息楼424 fanghe@suda.edu.cn



符号运算实训

- (1) 符号表达式的创建和算术运算
- (2) 符号表达式的运算
- (3) 符号表达式的微积分和积分变换
- (4) 符号方程的求解

(1)符号表达式的创建和算术运算

1. 创建符号常量和变量

使用sym创建符号数值常量1/3和字符串常量'thera':

- >> a=sym(1/3);
- >> b=sym('thera');
- 当被转换的s是数值时,参数可以是'd'、'f'、'e'或'r' 四种格式,当被转换的 's'是字符串时,参数可以是'real'、'rational'和'positive'三种格式

2. 对符号常量使用不同的显示

对于符号数值常量可以使用'd','f','e'或'r'共4种显示格式,符号字符串常量则使用'real'、'unreal'和'positive 三种格式显示:

- >> a=sym(1/3,'f');
- >> a=sym('1/3', 'f'); %字符串'1/3'不能使用数值显示
- >> a1=sym(1/3,'r');
- >> b=sym('thera','real');
- >> b1=sym('thera','positive');

3. 不同类型的对象的转换

符号工具箱有数值型、有理数型和VPA型算术运算方式, 将符号对象a,a1,b,b1转换为数值型和VPA型:

- >> da=double(a);
- >> da1=double(a1);
- >> va=vpa(a,15);
- >> va1=vpa(a1,15);
- >> db=double(b);
- >> vb=vpa(b,20);

4. 创建符号矩阵

由符号变量a,a1,b,b1生成2x2的符号矩阵,并进行矩阵的运算:

```
>> d=[a a1;b b1];
```

(2)符号表达式的运算

- 1. 创建符号表达式
- 创建两个符号表达式f=x³+5x²+7x+3和g=2u/(u+v):
- >> syms x u v
- >> f=x^3+5*x^2+7*x+3;
- >> g=2*u/(u+v);

2.化简符号表达式

化简是符号工具箱强大的功能,将符号表达式化简成合并同类项、因式分解和嵌套形式:

```
>> fh=horner(f);
```

3.复合函数

```
计算函数f和g的复合函数:
```

```
>> fg=compose(f,g);
```

```
>> gf=compose(g,f);
```

```
>> gf1=compose(g,f,'t'); % 计算g(f(t))
```

4. 使用符号函数计算器

符号函数计算器是可视化的计算工具,可以实现符号表达式的多种计算功能。在命令窗口中输入"funtool",则出现了两个图形窗口和一个函数运算控制窗口。

(3)符号表达式的微积分和积分变换

1. 创建符号表达式

创建两个符号表达式f=(x²+y²)xy和g=sin(1/x):

>> syms x y t a

>> f=(x^2+y^2^(x*y));

>> g=sin(1/x);

2.计算极限

计算符号表达式f当x→1、y→1和x→0、y→0时的极限:

```
>> fxy=limit(limit(f,'y',1),'x',1);
```

3.计算微积分

- 符号表达式的微分运算要注意确定自由符号变量,积分运算则要确定积分上下限:
- >> gdf1=diff(g);
- >> gdf2=diff(g,x,2);
- >> gint=int(g);
- >> gint1=int(g,1,pi);

4.计算微级数求和

- 使用symsum函数来实现符号表达式g的 前十项和:
- >> gsum=symsum(g,1,10);

5.计算积分变换

- · 创建三个符号表达式p=e^{-x^2、}q=sin(at)和g=sin(x),分别 对符号表达式g、p、q进行Fourier变换和Laplace变换:
- >> syms x y t a
- >> p=exp(-x^2);
- >> q=sin(a*t);
- >> g=sin(x);
- >> pf=fourier(p);
- >> qf=fourier(q);
- >> ql=laplace(q);
- >> gl=laplace(g);

(4)符号方程的求解

1. 解符号方程

使用solve可以解一个方程或方程组,求解sin(1/x)=1和方程组:

$$\begin{cases} x + y + z = 10 \\ x - 2y + z = 0 \\ 2x - y = -4 \end{cases}$$

- syms x y z
- eqn1=sin(1/x)==1;
- eqn21=x+y+z==10;
- eqn22=x-2*y+z==0;
- eqn23=2*x-y==-4;
- x1=solve(eqn1)
- [x2,y2,z2]=solve(eqn21,eqn22,eqn23)