

困难题：不含连续1的非负整数

题目描述：

给定一个正整数 n ，找出小于或等于 n 的非负整数中，其二进制表示不包含 **连续的1** 的个数。

示例 1：

输入：5

输出：5

解释：

下面是带有相应二进制表示的非负整数 ≤ 5 ：

0 : 0

1 : 1

2 : 10

3 : 11

4 : 100

5 : 101

其中，只有整数3违反规则（有两个连续的1），其他5个满足规则。

题目分析：

- 从我的角度来讲：这道题得用动态规划；动态规划的角度大概可以相当，一个变量就是二进制的每一个位，一个变量就是二进制的每一个位上的取值0或者1；
- 但是这道题有所限制：一是不能保证在任何条件下，每一位都能取到0和1，是由条件限制的；而这样的条件限制体现在我的编码上和思考上就有点困难；
- 新思路：对于一个角度变量只有两种取值的情况下，可以借助二叉树来分析一下；

我的代码：

```
class Solution {
public:
    int findIntegers(int n) {
        int num=ceil(log(n+1)/log(2));
```

```

vector<vector<int>>>dp(num, vector<int>(2, 0));
dp[0][0]=dp[0][1]=1;
for(int i=1; i<num; i++){
    dp[i][0]=dp[i-1][0]+dp[i-1][1];
    dp[i][1]=dp[i-1][0];
}
int res=0;
for(int i=num-1; i>=0; i--){
    if(n>>i&1==1) res+=dp[i][0];
}
return res+1;
}
};

```

二叉树+动态规划+位运算（位运算DP）

$dp[t]=dp[t-1]+dp[t-2]$ 的动态转移分析：

<https://leetcode-cn.com/problems/non-negative-integers-without-consecutive-ones/solution/bu-han-lian-xu-1de-fei-fu-zheng-shu-by-l-9l86/>

```

class Solution {
public:
    int findIntegers(int n) {
        //动态规划
        //dp[t]表示高度为t-1，根节点为0的完全二叉树中符合条件的数量
        vector<int>dp(31);
        dp[0]=dp[1]=1;
        for(int i=2; i<31; i++) dp[i]=dp[i-1]+dp[i-2];
        //逐一数位分析
        int res=0;
        int pre=0; //防止出现连续的两个1
        for(int i=29; i>=0; i--){
            int val=1<<i;
            if((n&val)!=0){
                //说明i的二进制位的第i位为1
                res+=dp[i+1];
                if(pre==1) break; //当出现连续两个一，终止分析
                pre=1;
            }else pre=0;

            if(i==0) res+=1;
        }
        return res;
    }
};

```