

【分治算法+记忆搜索】 【动态规划的优化】

题目描述：

312. 戳气球

难度 **困难**

👍 777



有 n 个气球，编号为 0 到 $n - 1$ ，每个气球上都标有一个数字，这些数字存在数组 `nums` 中。

现在要求你戳破所有的气球。戳破第 i 个气球，你可以获得 $\text{nums}[i - 1] * \text{nums}[i] * \text{nums}[i + 1]$ 枚硬币。这里的 $i - 1$ 和 $i + 1$ 代表和 i 相邻的两个气球的序号。如果 $i - 1$ 或 $i + 1$ 超出了数组的边界，那么就当它是一个数字为 1 的气球。

求所能获得硬币的最大数量。

示例 1：

输入：`nums = [3,1,5,8]`

输出：167

解释：

`nums = [3,1,5,8] --> [3,5,8] --> [3,8] --> [8] --> []`
`coins = 3*1*5 + 3*5*8 + 1*3*8 + 1*8*1 = 167`

示例 2：

输入：`nums = [1,5]`

输出：10

问题分析:

1. 困难体不愧是困难题。主要是难想。
2. 这道题如果从分治的角度来看：必须采取自顶向下的思维方式：从最终结果倒推。
3. 假如下标为**k**的气球是最后一个射爆的气球，那么可以以**k**为分界线分为两个部分，**(i, k)**部分和**(k, j)**部分；两部分的和并即为**(i, j)**部分的最大值加上**(j, k)**部分的最大值，再加上 $\text{nums}[k] * \text{num}[i] * \text{num}[j]$

分治+记忆化搜索

```
class Solution {
private:
    vector<vector<int>>>memo;
    int divided(vector<int>&nums,int l,int r){
        if(r==l||r==l+1)return 0;
        if(memo[l][r]!=-1)return memo[l][r];
        for(int i=l+1;i<r;i++){
            int res=0;
            res+=nums[l]*nums[r]*nums[i];
            if(memo[l][i]!=-1)res+=memo[l][i];
            else res+=divided(nums,l,i);
            if(memo[i][r]!=-1)res+=memo[i][r];
            else res+=divided(nums,i,r);
            memo[l][r]=max(res,memo[l][r]);
        }
        return memo[l][r];
    }
public:
    int maxCoins(vector<int>& nums) {
        //自顶向下的分治算法+记忆化搜索
        //向nums的受位置和末位置插入1
        nums.push_back(1);
        nums.insert(nums.begin(),1);
        int n=nums.size();
        memo.resize(n,vector<int>(n,-1));
        return divided(nums,0,n-1);
    }
};
```

动态规划

```
class Solution {
public:
    int maxCoins(vector<int>& nums) {
        //动态规划
        nums.push_back(1);
        nums.insert(nums.begin(),1);
```

```
int n=nums.size();
vector<vector<int>>>dp(n,vector<int>(n,-1));
//初始化
for(int i=0;i<n;i++)dp[i][i]=0;
for(int i=0;i<n-1;i++)dp[i][i+1]=0;
for(int dif=2;dif<n;dif++){
    for(int i=0;i<n-dif;i++){
        int j=i+dif;
        for(int k=i+1;k<j;k++){
            dp[i][j]=max(dp[i][j],dp[i][k]+dp[k]
[j]+nums[i]*nums[k]*nums[j]);
        }
    }
}
return dp[0][n-1];
}
};
```