4---練習ドリル 数学Ⅱ 基本から標準編

笠 7 回

- (1) 商 3, 余り x+3
- (2) 南 x+1, 余り 2x+2
- (3) 商 3x-1, 余り 6x+6
- (4) 商 2x+3, 余り -4x-18

A を B で割った商を Q, 余りを R とすると A=BQ+R ただし、R は 0 か、B より次数の低い整式

解説

(1) 商は3、余りは x+3

$$\begin{array}{r}
3 \\
x^2 + x + 1 \overline{\smash{\big)}\ 3x^2 + 4x + 6} \\
\underline{3x^2 + 3x + 3} \\
x + 3
\end{array}$$

(2) 商はx+1, 余りは2x+2

$$\begin{array}{r}
x+1 \\
x^2+2x-1 \overline{\smash) x^3+3x^2+3x+1} \\
\underline{x^3+2x^2-x} \\
x^2+4x+1 \\
\underline{x^2+2x-1} \\
2x+2
\end{array}$$

(3) 商け 3x-1. 余りは 6x+6

$$\begin{array}{r}
3x - 1 \\
x^2 + 3x - 1 \overline{\smash)3x^3 + 8x^2} + 7 \\
\underline{3x^3 + 9x^2 - 3x} \\
- x^2 + 3x + 7 \\
\underline{-x^2 - 3x + 1} \\
6x + 6
\end{array}$$

(4) 商は2x+3, 余りは-4x-18

$$\begin{array}{r}
2x + 3 \\
x^2 + 2 \overline{\smash{\big)}\ 2x^3 + 3x^2} - 12 \\
\underline{2x^3 + 4x} \\
3x^2 - 4x - 12 \\
\underline{3x^2 + 6} \\
-4x - 18
\end{array}$$

笙8回

- (1) 商 6, 余り 8x-1
- (2) 商 x, 余り x+1
- (3) 商 2x-3, 余り 15
- (4) 商 2x+6, 余り 5x-4

 $A \in B$ で割った商を Q、余りを R とすると A = BQ + R ただし、 R は 0 か、 B より次数の低い整式

解説

(1) 商は6, 余りは8x-1

$$\begin{array}{c}
6 \\
x^2 - x + 1 \\
\hline
6 \\
6x^2 + 2x + 5 \\
\underline{6x^2 - 6x + 6} \\
8x - 1
\end{array}$$

(2) 商は x. 余りは x+1

$$\begin{array}{r}
x \\
x^2 + 2x - 1 \overline{\smash)x^3 + 2x^2 + 1} \\
\underline{x^3 + 2x^2 - x} \\
x + 1
\end{array}$$

(3) 商は2x-3, 余りは15

$$\begin{array}{r}
2x - 3 \\
x^2 + x + 3 \overline{\smash{\big)}\ 2x^3 - x^2 + 3x + 6} \\
\underline{2x^3 + 2x^2 + 6x} \\
-3x^2 - 3x + 6 \\
\underline{-3x^2 - 3x - 9} \\
15
\end{array}$$

(4) 商は2x+6, 余りは5x-4

$$\begin{array}{r}
2x + 6 \\
x^2 - 3x + 2 \overline{\smash{\big)}\ 2x^3 - 9x + 8} \\
\underline{2x^3 - 6x^2 + 4x} \\
6x^2 - 13x + 8 \\
\underline{6x^2 - 18x + 12} \\
5x - 4
\end{array}$$

第9回

- (1) $\frac{7b^3}{4a^2}$
- $(2) \quad \frac{x-1}{x+2}$
- $(3) \quad \frac{x-3}{x+3}$
- (4) $\frac{1}{(x+3)^2}$
- (5) $\frac{20a}{c}$
- $(6) \quad \frac{x-5}{x+2}$

$$\frac{AC}{BC} = \frac{A}{B}$$

$$\frac{A}{B} \times \frac{C}{D} = \frac{AC}{BD}, \quad \frac{A}{B} \div \frac{C}{D} = \frac{A}{B} \times \frac{D}{C} = \frac{AD}{BC}$$

解説

(1)
$$(5 \pm c) = \frac{3ab^2 \cdot 7b^3}{3ab^2 \cdot 4a^2} = \frac{7b^3}{4a^2}$$

(2)
$$(5 \pm 1) = \frac{(x+1)(x-1)}{(x+1)(x+2)} = \frac{x-1}{x+2}$$

(3) (与式)=
$$\frac{x-3}{x+3}$$

(4)
$$(5x) = \frac{x-3}{(x-2)(x+3)} \times \frac{x-2}{(x+3)(x-3)}$$

= $\frac{1}{(x+3)^2}$

(5)
$$(5\pi) = \frac{16c^2}{3a^3b} \times \frac{15a^4b}{4c^3} = \frac{20a}{c}$$

(6) (与式) =
$$\frac{x-6}{x+3} \times \frac{x^2 - 2x - 15}{x^2 - 4x - 12}$$

= $\frac{x-6}{x+3} \times \frac{(x+3)(x-5)}{(x+2)(x-6)}$
= $\frac{x-5}{x+2}$

第10回

- (1) $15ab^3$
- $(2) \quad \frac{x-3}{x+4}$
- $(3) \quad \frac{x}{x-4}$
- $(4) \quad \frac{1}{x(x-2)}$
- (5) $\frac{4b^2c^4}{a^2}$
- (6) x(x+3)

$$\frac{AC}{BC} = \frac{A}{B}$$

$$\frac{A}{B} \times \frac{C}{D} = \frac{AC}{BD}, \quad \frac{A}{B} \div \frac{C}{D} = \frac{A}{B} \times \frac{D}{C} = \frac{AD}{BC}$$

解説

(1) (与式)=
$$\frac{5a^2b \cdot 15ab^3}{5a^2b}$$
= 15 ab^3

(2)
$$(5 \pm x) = \frac{(x-2)(x-3)}{(x-2)(x+4)} = \frac{x-3}{x+4}$$

(3) (与式)=
$$\frac{x}{x-4}$$

(4)
$$(4 = \frac{x+4}{(x+2)(x-2)} \times \frac{x+2}{x(x+4)}$$

$$= \frac{1}{x(x-2)}$$

(5)
$$(4\pi) = \frac{6ac^3}{5b^2} \times \frac{10b^4c}{3a^3} = \frac{4b^2c^4}{a^2}$$

(6)
$$(4 \pm x) = \frac{x^2 - 9}{x + 2} \times \frac{x^2 + 2x}{x - 3}$$

$$= \frac{(x + 3)(x - 3)}{x + 2} \times \frac{x(x + 2)}{x - 3}$$

$$= x(x + 3)$$