

Лабораторная работа №3

Яковлев В.Ю. 051003

Пример работы алгоритма быстрого возведения в степень

$$19^{45} \bmod 5 = 19 \bmod 5 * 19^{44} \bmod 5 = 4 * 4^{44} \bmod 5 = 4 * 16^{22} \bmod 5 = 4 * 1^{22} \bmod 5 = 4 * 1 = 4$$

Пример поиска первообразных корней

Задано простое $p = 7$

Ищем простые делители $p - 1 = 6 = 2 * 3$

Проверяем от 1 до $p - 1$ числа, являются ли они первообразным корнем по модулю 7

$$1^{6/2} \bmod 7 = 1 - \text{не подходит}$$

$$2^{6/2} \bmod 7 = 1 - \text{не подходит}$$

$$3^{6/2} \bmod 7 = 6 \quad 3^{6/3} \bmod 7 = 2 - \text{оба подходят, значит 3 первообразный корень по модулю 7}$$

$$4^{6/2} \bmod 7 = 1 - \text{не подходит}$$

$$5^{6/2} \bmod 7 = 6 \quad 5^{6/3} \bmod 7 = 5 - \text{оба подходят, значит 5 первообразный корень по модулю 7}$$

$$6^{6/2} \bmod 7 = 6 \quad 6^{6/3} \bmod 7 = 1 - \text{не подходит}$$

3 и 5 – первообразные по модулю 7

Пример работы расширенного алгоритма Евклид

$$x * a + y * b = \text{НОД}(a, b), \quad a = 275, \quad b = 84, \quad (a, b) = 1$$

итерация	a	b	x	y
1	275	84	11	-36
2	84	23	-3	11
3	23	15	2	-3
4	15	8	-1	2
5	8	7	1	-1
6	7	1	0	1
7	1	0	1	0

$$x = 11; y = -36$$

$$11 * 275 - 36 * 84 = 1$$