EE 4022: Data Structure

Written Assignment #4

Due: 2017/11/27

- 1. $T(n) = \begin{cases} 8T\left(\frac{n}{2}\right) + \Theta(1) & if \ n^2 > M \\ M & if \ n^2 \leq M \end{cases}$, 其中 M 為與 n 無關的變數,請求出 T(n) 之 tight asymptotic bound. (30%) (Hint1: 答案中會有 M,因為 M 是變數而非常數。 Hint2: 利用 recursion tree 來解。)
- 2. 找出 T(n)之 closed form solution (各 15%)

(a).
$$T(n) = 6T(n-1) - 8T(n-2)$$
, $T(1) = 3$, $T(2) = 8$

(b).
$$T(n) = 4T(n-1) - 4T(n-2)$$
, $T(1) = 3$, $T(2) = 8$

3. 給定兩個字串 s1(長度 m)及 s2(長度 n),請寫出時間複雜度為 O(mn)版本的 pseudo code 來找出兩字串的最長共同『子序列』的長度 (30%),並分析為何 time complexity 為 O(mn) (5%) 以及其 space complexity 為何 (5%)