Olasılık Teorisi ve İstatistik

İÜC Bilgisayar Mühendisliği

Yıliçi Mazeret Sınavı 14.Aralık.2018

Numara	:	
İsim	:	
Soyisim	:	
İmza	:	

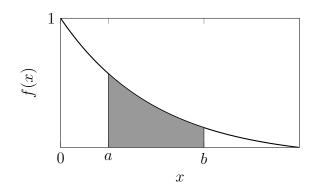
Bu sınavda, kapak sayfası dahil olmak üzere, 6 sayfa ve 14 soru vardır. Sınavda toplam 125 puanlık soru vardır. Bu sınavın süresi 70 dakikadır. Lütfen cevaplarınızı sorulardan sonra gelen boş kısımlara yapınız. Eğer bu kısımlar yetmezse lütfen kağıtların arkalarını kullanın veya gözetmenden kağıt isteyiniz. Bazı sorular çoktan seçmelidir ve şıkların önünde harf veya çember vardır. Lütfen önünce harf olan şıklardan doğru cevabı yuvarlak içine alınız, çemberli şıklarda doğru cevapların için doldurunuz.

- Lütfen soruları TÜRKÇE kısa ve anlaşılır olarak cevaplayınız. Anlaşılmayan, muğlak ifadeler kullanmak, kötü yazı yazmak notunuza negatif olarak etki edecektir.
- Sınavda 1 adet hesap makinasi kullanabilirsiniz.
- Sınavda hatırlamanıza yardımcı olacak formüller ve tablolar için 1 adet A4 kağıdının arkasına içinde soru çözümleri olmayan not kağıdı kullanabilirsiniz. Fotokopi veya bilgisayar çıktısı olabilir.
- Ayrıca kendi getirdiğiniz Birikimli Standart Normal Dağılım tablosu kullanabilirsiniz.
- Her türlü defter, kitap, notlar, sözlük ve elektronik sözlük yasaktır. Materyalin paylaşılması yasaktır.
- SINAVDA KOPYA ÇEKENLER, KOPYA VERENLER VE BUNLARA TEŞEBBÜS EDENLER SINAVDAN "0" ALACAKTIR VE DEKANLIĞA SİKAYET EDİLECEKLERDİR!.
- Başarılar. (Mustafa Dağtekin)

Sağdaki tabloya birşey yazmayın!

Soru	Puan	Aldığı Puan
1	5	
2	5	
3	5	
4	5	
5	5	
6	5	
7	5	
8	5	
9	5	
10	5	
11	20	
12	20	
13	20	
14	15	
Toplam	125	

Soru 1: [5 Puan] Aşağıdaki grafikte parametresi $\lambda=2$ olan Üssel dağılımlı bir rastgele değişkenin olasılık yoğunluk fonksiyonu gösterilmiştir. Aşağıda eğrinin altında karaltılmış alanların toplamı 0.5'e eşittir. a ve b için aşağıdakilerden hangisi kesin olarak söylenebilir?



A.
$$e^{-b} - e^{-a} = 0.5$$

B.
$$a \times b = \ln(0.5)$$

C.
$$\frac{a}{b} = 0.5$$

D.
$$e^{-a} - e^{-b} = 0.5$$

Soru 2: [5 Puan] X rastgele değişkeni için birikimli dağılım fonksiyonu $F_x(x)$ olsun. Aşağıdaki ifadelerden hangileri yanlıştır. (Birden fazla olabilir)

- $\bigcap \lim_{x\to\infty} F_x(x) = \infty$
- $\bigcap \lim_{x \to -\infty} F_x(x) = 1$
- $\bigcap \lim_{x \to -\infty} F_x(x) = 0$
- $\bigcirc \lim_{x\to\infty} F_x(x) = 1$
- $\bigcirc F_x(x)$ 1'den büyük olamaz.
- (Hiçbiri

Soru 3: [5 Puan] Bir fabrikada üretilen motorlar üretim aşamasında denetimden geçiyor ve denetime gelen motorlar sırayla "bozuk" ve "sağlam" diye işaretleniyor. Denetime başlanılan andan itibaren il bozuk motor elde edilinceye kadar incelenen motor sayısı (bozuk olan motor da dahil olmak üzere) X rastgele değişkeni ile gösteriliyor. Motorlardan herhangi birinin bozuk olma ihtimali 0.04'tür ve motorların bozulma olayları birbirinden bağımsızdır. O halde X bir

- A. Geometrik dağılımlı rastgele değişkendir.
- B. Binom dağılımlı rastgele değişkendir.
- C. Üstel dağılımlı rastgele değişkendir.
- D. Normal dağılımlı rastgele değişkendir.
- E. Birbiçimli (Uniform) dağılımlı rastgele değişkendir.
- F. Poisson dağılımlı rastgele değişkendir.
- G. Hiçbiri

Soru 4: [5 Puan] Z standart normal dağılımlı bir rastgele değişken olsun. Aşağıdakilerden hangileri doğrudur?

- $\bigcirc P(Z < 1.5)$ yaklaşık olarak 0.93 ile 0.94 arasındadır.
- $\bigcirc E(Z) = 0$
- $\bigcirc \phi(z) = 1 \phi(-2z)$
- $\bigcirc P(Z=0.5)\approx 0.691462$
- O Hiçbiri doğru değildir.

- **Soru 5:** [5 Puan] Bir kutuda 2 Yeşil 8 kırmızı top vardır. Bu kutudan $yerine\ koyarak\ 20$ kez top çekiliyor. X bu denemelerden gelen yeşil top sayısını gösteriyorsa aşağıdakilerden hangileri doğrudur? Lütfen doğru olan cevapların onündeki çemberi doldurunuz.
 - \bigcirc X'in değer uzayı $R_X = \{0, 1, 2, 3, ...\}$ 'tür.
 - $\bigcap P(X=1) = \frac{1}{5}$
 - $\bigcirc E(X) = 4$
 - $\bigcirc \sigma_X = \frac{1}{5}$
 - O Hiçbiri doğru değildir.
- **Soru 6:** [5 Puan] *KLASSIK* kelimelerinin harfleri birbirinden farklı kaç farklı şekilde dizilebilir? Lütfen çözünüz.

Soru 7: [5 Puan] Aşağıda bazı olaylar ve olay kümelerinin içindeki denemeler verilmektedir. Ayrıca örnek uzayı S olarak gösterilmiştir.

$$A = \{a, b, c, d\}$$

$$B = \{c, d, e\}$$

$$C = \{a, c, f, g\}$$

$$S = \{a, b, c, d, e, f, g\}$$

Aşağıdakilerden hangileri doğrudur? Lütfen doğru olan cevapların onündeki çemberi doldurunuz.

- $\bigcap A \cup B = S$
- $\bigcap A \cup B = \{a, b, c, d, e\}$
- $\bigcirc \bar{A} = \{e, f, g\}$
- $\bigcirc A \subset B = \{a\}$
- $\bigcirc P(A \cap B) \ge P(B \cap C)$
- $\bigcirc P(S) = 0.5$
- **Soru 8:** [5 Puan] A ve B birbirini dışlayan (mutually exclusive) olaylar ise aşağıdakilerden hangileri her durumda kesinlikle doğrudur? Lütfen doğru olan cevapların onündeki çemberi doldurunuz.
 - $\bigcap P(A \cap B) = P(A) \times P(B)$
 - $\bigcap P(A|B) = P(A)$
 - $\bigcap P(A) < P(B)$
 - $\bigcirc P(A \cup B) = P(A) + P(B)$
 - $\bigcirc P(A) + P(B) = 1$

$$\bigcap P(A \cap B) = 0$$

Soru 9: [5 Puan] A ve B bağımsız olaylar ise aşağıdakilerden hangileri her durumda kesinlikle doğrudur? Lütfen doğru olan cevapların onündeki çemberi doldurunuz.

$$\bigcirc P(A \cap B) = P(A) \times P(B)$$

$$\bigcap P(A|B) = P(A)$$

$$\bigcap P(A) < P(B)$$

$$\bigcap P(A \cup B) = P(A) + P(B)$$

$$\bigcap P(A) + P(B) = 1$$

$$\bigcap P(A \cap B) = 0$$

Soru 10: [5 Puan] Herhangi birbirine bağımlı veya bağımsız A ve B olayları için aşağıdakilerden hangileri doğrudur? Lütfen doğru olan cevapların onündeki çemberi doldurunuz.

$$\bigcirc P(A \cap B) = P(A|B) \times P(B)$$

$$\bigcap P(B) = P(A)$$

$$\bigcirc P(A) < P(B)$$

$$\bigcirc \ P(A|B) = \frac{P(B|A) \times P(A)}{P(B)}, \ P(B) > 0$$
olmak şartıyla.

$$\bigcap P(A) + P(B) = 1$$

$$\bigcap P(A \cap B) = 0$$

Soru 11: X bir ayrık rastgele değiken ve olasılık kütle fonksiyonunun sıfırdan farklı değerler aldığı noktalar aşağıdaki tabloda verilmiştir. X'in bir fonksiyonu, $g(X) = X^2 - 3 \times \sqrt{|X|}$ olarak verilmişse aşağıdaki soruları cevaplayınız.

$$\begin{array}{c|cc}
x & f(x) \\
-4 & 0.25 \\
0 & 0.35 \\
4 & 0.40
\end{array}$$

(a) [10 Puan] g(X)'in beklenen değeri nedir?

(b) [10 Puan] X'in birikimli dağılım fonksiyonunu bulunuz ve basitçe grafiğini çiziniz.

Soru 12: [20 Puan] Bir uçak şirketi 200 kişilik bir uçuş için 220 tane bilet satmaktadır. Bilet alan herhangi bir yolcunun uçuşa gelme ihtimali 0.95'tir. Bu uçuş için bileti olup da uçuşa alınmayan yolcu sayısının 10'dan fazla olma ihtimali nedir? (Normal dağılıma yaklaşımla bulabilirsiniz, direkt çözmek çok uzun sürer. Süreklilik düzeltmesi yapmayı unutmayın!)

Soru 13: [20 Puan] X bir bir sürekli rastgele değişken ve olasılık yoğunluk fonksiyonu aşağıdaki gibi veriliyor. Bu rastgele değişkenin ortalaması 2 ise α ve β değerlerini bulunuz.

$$f(x) = \begin{cases} \alpha & , & 0 < x < \beta \\ 0 & , & \text{diğer} \end{cases}$$

