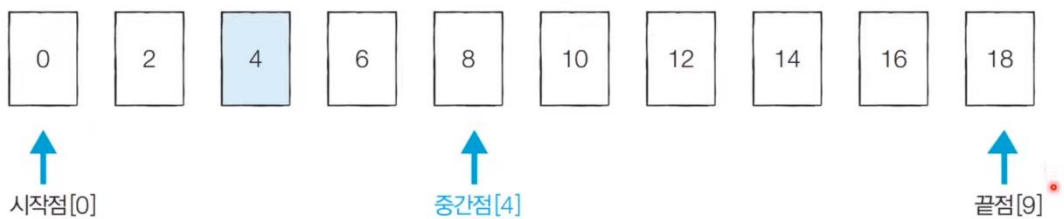


## 이진 탐색 알고리즘

- 순차 탐색: 리스트 안에 있는 특정한 데이터를 찾기 위해 앞에서부터 데이터를 하나씩 확인하는 방법
- 이진 탐색: 정렬되어 있는 리스트에서 탐색 범위를 절반씩 좁혀가며 데이터를 탐색하는 방법
  - 이진 탐색은 시작점, 끝점, 중간점을 이용하여 탐색 범위를 설정합니다.

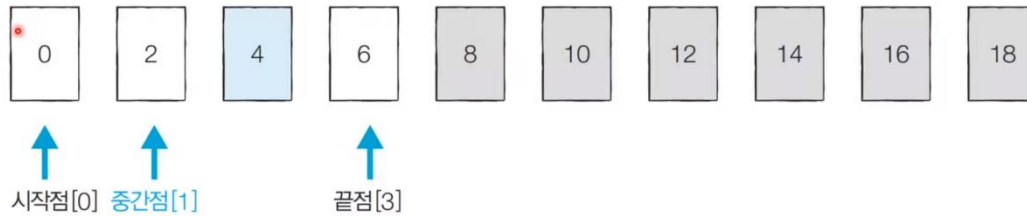
## 이진 탐색 동작 예시

- [Step 1] 시작점: 0, 끝점: 9, 중간점: 4 (소수점 이하 제거)



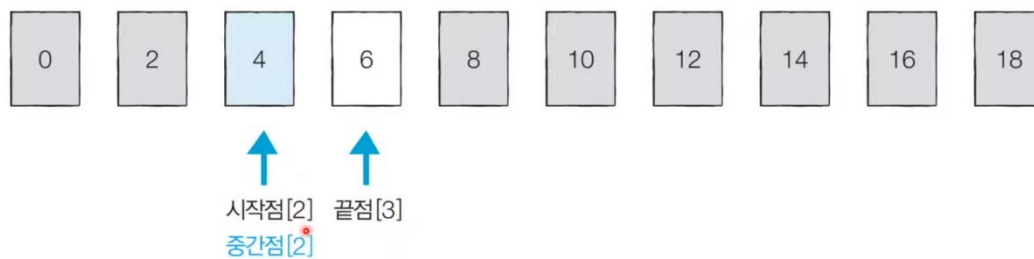
## 이진 탐색 동작 예시

- [Step 2] 시작점: 0, 끝점: 3, 중간점: 1 (소수점 이하 제거)



## 이진 탐색 동작 예시

- [Step 3] 시작점: 2, 끝점: 3, 중간점: 2 (소수점 이하 제거)



## 이진 탐색 소스코드: 재귀적 구현 (Python)

```
# 이진 탐색 소스코드 구현 (재귀 함수)
def binary_search(array, target, start, end):
    if start > end:
        return None
    mid = (start + end) // 2
    # 찾은 경우 중간점 인덱스 반환
    if array[mid] == target:
        return mid
    # 중간점의 값보다 찾고자 하는 값이 작은 경우 왼쪽 확인
    elif array[mid] > target:
        return binary_search(array, target, start, mid - 1)
    # 중간점의 값보다 찾고자 하는 값이 큰 경우 오른쪽 확인
    else:
        return binary_search(array, target, mid + 1, end)

# n(원소의 개수)과 target(찾고자 하는 값)을 입력 받기
n, target = list(map(int, input().split()))
# 전체 원소 입력 받기
array = list(map(int, input().split()))

# 이진 탐색 수행 결과 출력
result = binary_search(array, target, 0, n - 1)
if result == None:
    print("원소가 존재하지 않습니다.")
else:
    print(result + 1)
```

```
10 7 ↵
1 3 5 7 9 11 13 15 17 19 ↵
4
```

```
10 7 ↵
1 3 5 6 9 11 13 15 17 19 ↵
원소가 존재하지 않습니다.
```

이진 탐색 알고리즘

나동빈

## 이진 탐색 소스코드: 반복문 구현 (Python)

```
# 이진 탐색 소스코드 구현 (반복문)
def binary_search(array, target, start, end):
    while start <= end:
        mid = (start + end) // 2
        # 찾은 경우 중간점 인덱스 반환
        if array[mid] == target:
            return mid
        # 중간점의 값보다 찾고자 하는 값이 작은 경우 왼쪽 확인
        elif array[mid] > target:
            end = mid - 1
        # 중간점의 값보다 찾고자 하는 값이 큰 경우 오른쪽 확인
        else:
            start = mid + 1
    return None

# n(원소의 개수)과 target(찾고자 하는 값)을 입력 받기
n, target = list(map(int, input().split()))
# 전체 원소 입력 받기
array = list(map(int, input().split()))

# 이진 탐색 수행 결과 출력
result = binary_search(array, target, 0, n - 1)
if result == None:
    print("원소가 존재하지 않습니다.")
else:
    print(result + 1)
```

```
10 7 ↵
1 3 5 7 9 11 13 15 17 19 ↵
4
```

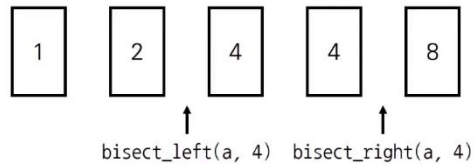
```
10 7 ↵
1 3 5 6 9 11 13 15 17 19 ↵
원소가 존재하지 않습니다.
```

이진 탐색 알고리즘

나동빈

## 파이썬 이진 탐색 라이브러리

- `bisect_left(a, x)`: 정렬된 순서를 유지하면서 배열 `a`에 `x`를 삽입할 가장 왼쪽 인덱스를 반환
- `bisect_right(a, x)`: 정렬된 순서를 유지하면서 배열 `a`에 `x`를 삽입할 가장 오른쪽 인덱스를 반환



```
from bisect import bisect_left, bisect_right
```

```
a = [1, 2, 4, 4, 8]  
x = 4
```

```
print(bisect_left(a, x))  
print(bisect_right(a, x))
```

실행 결과

2  
4

## 값이 특정 범위에 속하는 데이터 개수 구하기

```
from bisect import bisect_left, bisect_right
```

```
# 값이 [left_value, right_value]인 데이터의 개수를 반환하는 함수  
def count_by_range(a, left_value, right_value):  
    right_index = bisect_right(a, right_value)  
    left_index = bisect_left(a, left_value)  
    return right_index - left_index
```

```
# 배열 선언
```

```
a = [1, 2, 3, 3, 3, 3, 4, 4, 8, 9]
```

```
# 값이 4인 데이터 개수 출력  
print(count_by_range(a, 4, 4))
```

```
# 값이 [-1, 3] 범위에 있는 데이터 개수 출력  
print(count_by_range(a, -1, 3))
```

실행 결과

2  
6

## 파라메트릭 서치 (Parametric Search)

- **파라메트릭 서치**란 최적화 문제를 결정 문제('예' 혹은 '아니오')로 바꾸어 해결하는 기법입니다.
  - 예시: 특정한 조건을 만족하는 가장 알맞은 값을 빠르게 찾는 최적화 문제
- 일반적으로 코딩 테스트에서 파라메트릭 서치 문제는 **이진 탐색을 이용하여 해결**할 수 있습니다.

### 〈문제〉 떡볶이 떡 만들기: 문제 설명

- 오늘 동빈이는 여행 가신 부모님을 대신해서 떡집 일을 하기로 했습니다. 오늘은 떡볶이 떡을 만드는 날입니다. 동빈이네 떡볶이 떡은 재밌게도 떡볶이 떡의 길이가 일정하지 않습니다. 대신에 한 봉지 안에 들어가는 떡의 총 길이는 절단기로 잘라서 맞춰줍니다.
- 절단기에 **높이(H)**를 지정하면 줄지어진 떡을 한 번에 절단합니다. 높이가 H보다 긴 떡은 H 위의 부분이 잘릴 것이고, 낮은 떡은 잘리지 않습니다.
- 예를 들어 높이가 19, 14, 10, 17cm인 떡이 나란히 있고 절단기 높이를 15cm로 지정하면 자른 뒤 떡의 높이는 15, 14, 10, 15cm가 될 것입니다. 잘린 떡의 길이는 차례대로 4, 0, 0, 2cm입니다. 손님은 6cm만큼의 길이를 가져갑니다.
- 손님이 왔을 때 요청한 총 길이가 M일 때 **적어도 M만큼의 떡을 얻기 위해 절단기에 설정할 수 있는 높이의 최댓값**을 구하는 프로그램을 작성하세요.

## 〈문제〉 떡볶이 떡 만들기: 문제 조건

난이도 ●●○ | 풀이 시간 40분 | 시간제한 2초 | 메모리 제한 128MB

### 입력 조건

- 첫째 줄에 떡의 개수  $N$ 과 요청한 떡의 길이  $M$ 이 주어집니다. ( $1 \leq N \leq 1,000,000$ ,  $1 \leq M \leq 2,000,000,000$ )
- 둘째 줄에는 떡의 개별 높이가 주어집니다. 떡 높이의 총합은 항상  $M$  이상이므로, 손님은 필요한 양만큼 떡을 사갈 수 있습니다. 높이는 10억보다 작거나 같은 양의 정수 또는 0입니다.

### 출력 조건

- 적어도  $M$ 만큼의 떡을 집에 가져가기 위해 절단기에 설정할 수 있는 높이의 최댓값을 출력합니다.

### 입력 예시

```
4 6
19 15 10 17
```

### 출력 예시

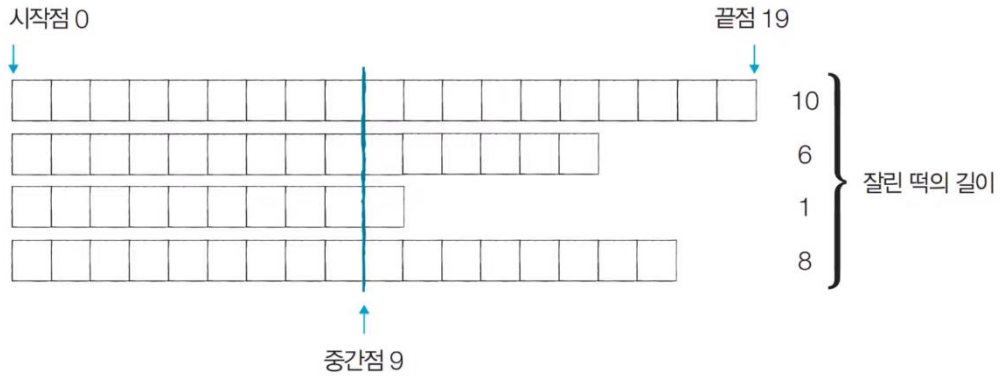
```
15
```

## 〈문제〉 떡볶이 떡 만들기: 문제 해결 아이디어

- 적절한 높이를 찾을 때까지 이진 탐색을 수행하여 높이  $H$ 를 반복해서 조정하면 됩니다.
- ‘현재 이 높이로 자르면 조건을 만족할 수 있는가?’를 확인한 뒤에 조건의 만족 여부(‘예’ 혹은 ‘아니오’)에 따라서 탐색 범위를 좁혀서 해결할 수 있습니다.
- 절단기의 높이는 0부터 10억까지의 정수 중 하나입니다.
  - 이렇게 큰 탐색 범위를 보면 가장 먼저 **이진 탐색**을 떠올려야 합니다.
- 문제에서 제시된 예시를 통해 그림으로 이해해 봅시다.

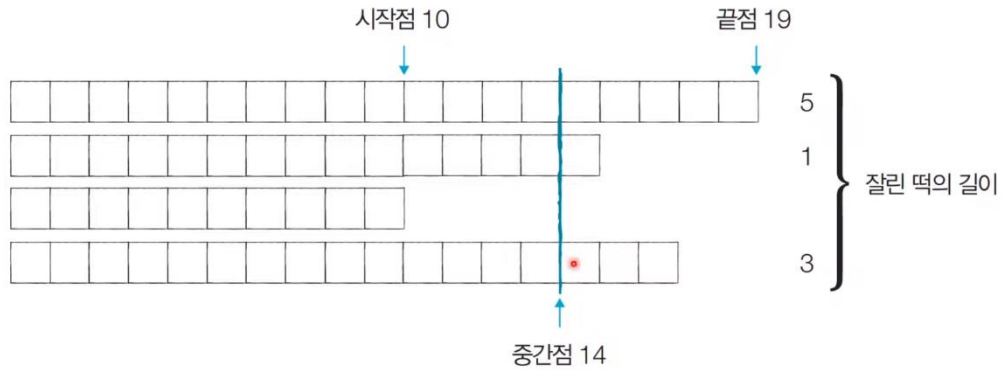
## 〈문제〉 떡볶이 떡 만들기: 문제 해결 아이디어

- [Step 1] 시작점: 0, 끝점: 19, 중간점: 9 이때 필요한 떡의 크기:  $M = 6$ 이므로, 결과 저장



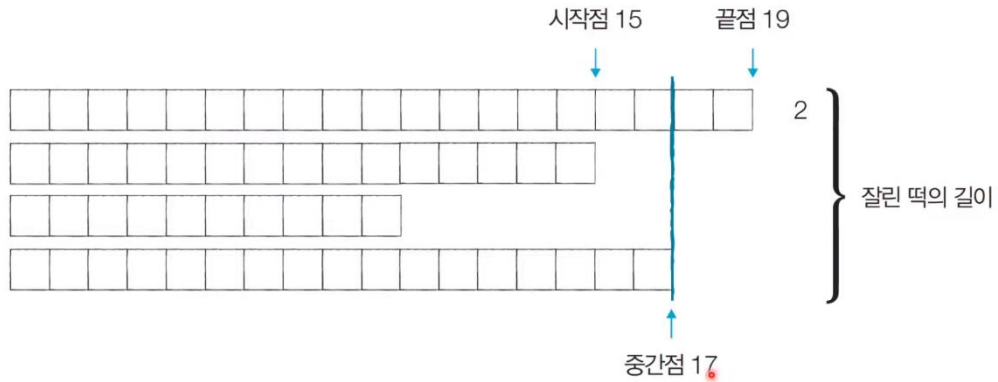
## 〈문제〉 떡볶이 떡 만들기: 문제 해결 아이디어

- [Step 2] 시작점: 10, 끝점: 19, 중간점: 14 이때 필요한 떡의 크기:  $M = 6$ 이므로, 결과 저장



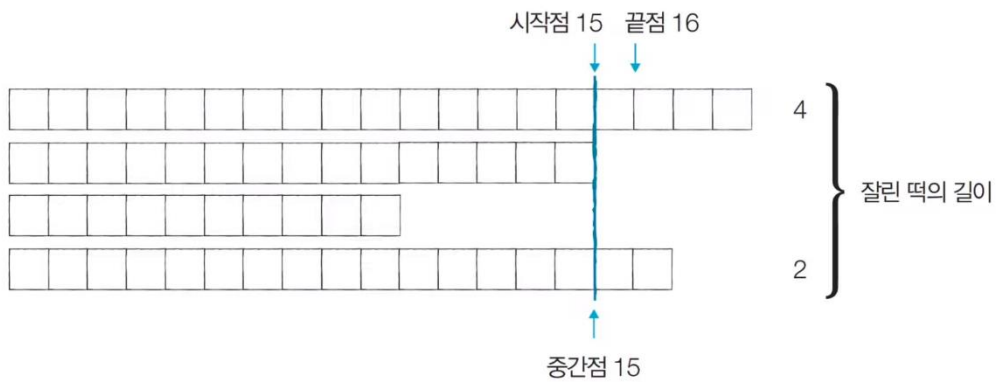
### 〈문제〉 떡볶이 떡 만들기: 문제 해결 아이디어

- [Step 3] 시작점: 15, 끝점: 19, 중간점: 17 이때 필요한 떡의 크기:  $M = 60$ 이므로, 결과 저장하지 않음



### 〈문제〉 떡볶이 떡 만들기: 문제 해결 아이디어

- [Step 4] 시작점: 15, 끝점: 16, 중간점: 15 이때 필요한 떡의 크기:  $M = 60$ 이므로, 결과 저장





## 〈문제〉 떡볶이 떡 만들기: 문제 해결 아이디어

- 이러한 이진 탐색 과정을 반복하면 답을 도출할 수 있습니다.
- 중간점의 값은 시간이 지날수록 '**최적화된 값**'이 되기 때문에, 과정을 반복하면서 얻을 수 있는 떡의 길이 합이 필요한 떡의 길이보다 크거나 같을 때마다 **중간점의 값을 기록**하면 됩니다.

이진 탐색 알고리즘

나동빈

## 〈문제〉 떡볶이 떡 만들기: 답안 예시 (Python)

```
# 떡의 개수(N)와 요청한 떡의 길이(M)를 입력
n, m = list(map(int, input().split(' ')))
# 각 떡의 개별 높이 정보를 입력
array = list(map(int, input().split()))

# 이진 탐색을 위한 시작점과 끝점 설정
start = 0
end = max(array)

# 이진 탐색 수행 (반복적)
result = 0
while(start <= end):
    total = 0
    mid = (start + end) // 2
    for x in array:
        # 잘랐을 때의 떡의 양 계산
        if x > mid:
            total += x - mid
    # 떡의 양이 부족한 경우 더 많이 자르기 (왼쪽 부분 탐색)
    if total < m:
        end = mid - 1
    # 떡의 양이 충분한 경우 덜 자르기 (오른쪽 부분 탐색)
    else:
        result = mid # 최대한 덜 잘랐을 때가 정답이므로, 여기에서 result에 기록
        start = mid + 1

# 정답 출력
print(result)
```

이진 탐색 알고리즘

나동빈

### 〈문제〉 정렬된 배열에서 특정 수의 개수 구하기: 문제 설명

- $N$ 개의 원소를 포함하고 있는 수열이 오름차순으로 정렬되어 있습니다. 이때 이 수열에서  $x$ 가 등장하는 횟수를 계산하세요. 예를 들어 수열  $\{1, 1, 2, 2, 2, 2, 3\}$ 이 있을 때  $x = 2$ 라면, 현재 수열에서 값이 2인 원소가 4개이므로 4를 출력합니다.
- 단, 이 문제는 시간 복잡도  $O(\log N)$ 으로 알고리즘을 설계하지 않으면 시간 초과 판정을 받습니다.

이진 탐색 알고리즘

나동빈

### 〈문제〉 정렬된 배열에서 특정 수의 개수 구하기: 문제 조건

난이도 ●●○ | 풀이 시간 30분 | 시간 제한 1초 | 메모리 제한 128MB | 기출 Zoho 인터뷰

#### 입력 조건

- 첫째 줄에  $N$ 과  $x$ 가 정수 형태로 공백으로 구분되어 입력됩니다.  
( $1 \leq N \leq 1,000,000$ ), ( $-10^9 \leq x \leq 10^9$ )
- 둘째 줄에  $N$ 개의 원소가 정수 형태로 공백으로 구분되어 입력됩니다.  
( $-10^9 \leq \text{각 원소의 값} \leq 10^9$ )

#### 출력 조건

- 수열의 원소 중에서 값이  $x$ 인 원소의 개수를 출력합니다. 단, 값이  $x$ 인 원소가 하나도 없다면 -1을 출력합니다.

#### 입력 예시 1

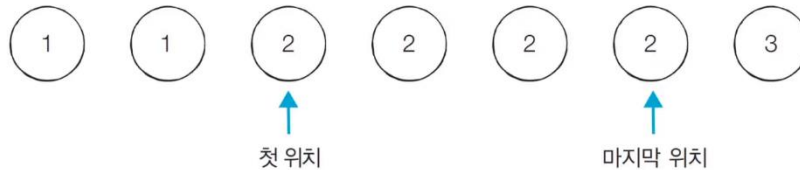
```
7 2
1 1 2 2 2 2 3
```

#### 출력 예시 1

```
4
```

### 〈문제〉 정렬된 배열에서 특정 수의 개수 구하기: 문제 해결 아이디어

- 시간 복잡도  $O(\log N)$ 으로 동작하는 알고리즘을 요구하고 있습니다.
  - 일반적인 선형 탐색(Linear Search)로는 시간 초과 판정을 받습니다.
  - 하지만 데이터가 정렬되어 있기 때문에 **이진 탐색**을 수행할 수 있습니다.
- 특정 값이 등장하는 첫 번째 위치와 마지막 위치를 찾아 위치 차이를 계산해 문제를 해결할 수 있습니다.



### 〈문제〉 정렬된 배열에서 특정 수의 개수 구하기: 답안 예시 (Python)

```
from bisect import bisect_left, bisect_right

# 값이 [left_value, right_value]인 데이터의 개수를 반환하는 함수
def count_by_range(array, left_value, right_value):
    right_index = bisect_right(array, right_value)
    left_index = bisect_left(array, left_value)
    return right_index - left_index

n, x = map(int, input().split()) # 데이터의 개수 N, 찾고자 하는 값 x 입력받기
array = list(map(int, input().split())) # 전체 데이터 입력받기

# 값이 [x, x] 범위에 있는 데이터의 개수 계산
count = count_by_range(array, x, x)

# 값이 x인 원소가 존재하지 않는다면
if count == 0:
    print(-1)
# 값이 x인 원소가 존재한다면
else:
    print(count)
```