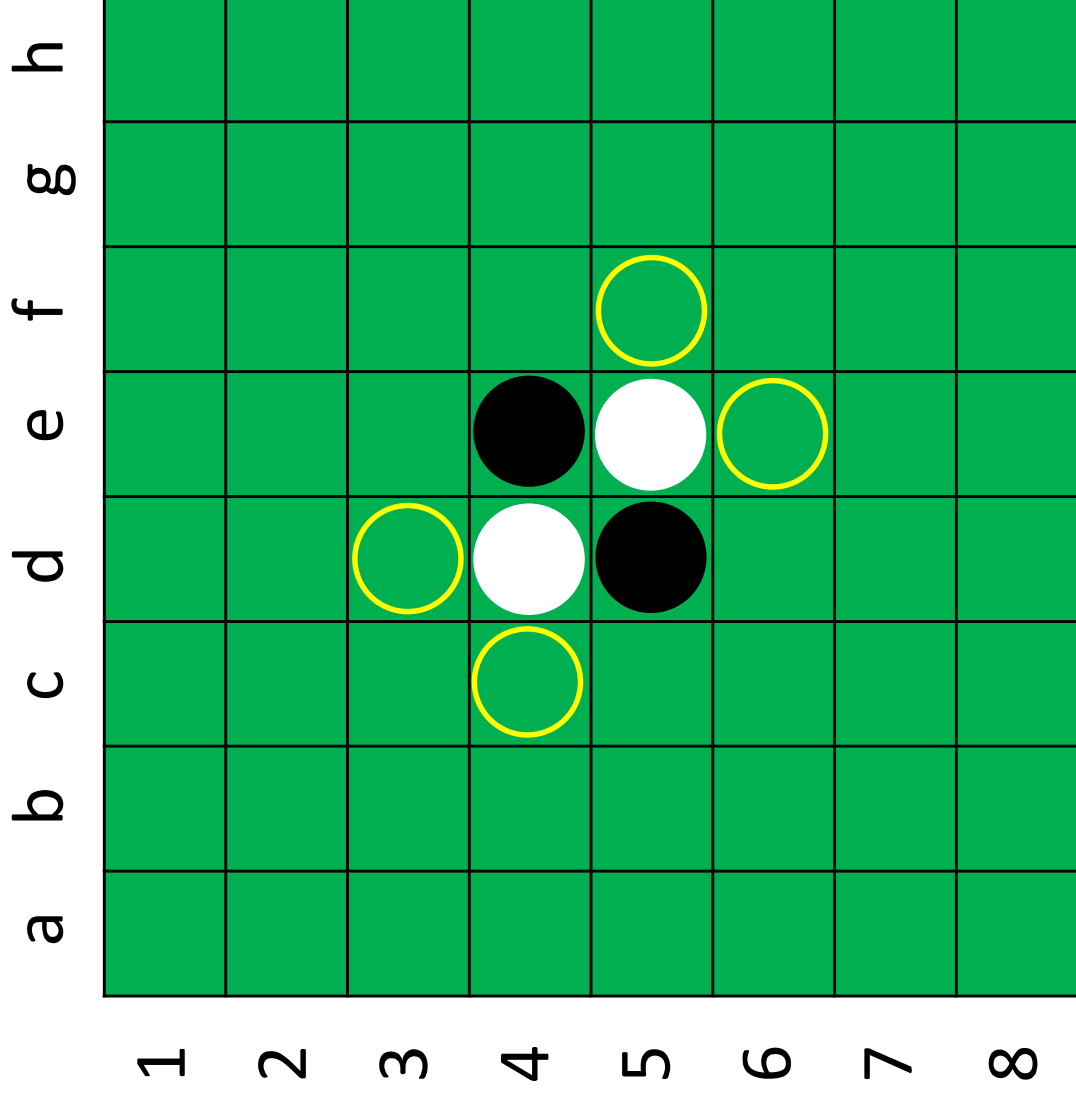


# コンピュータオセロ

鶴岡慶雅

# オセロ(リバーシ)



- 黒、白が交互に置く
- 相手のディスクを自分のディスクで挟む(縦・横・斜め)と自分のディスクになる
- 初期局面での合法手は4つ
- 合法手が存在しない場合はパス
- 最終的にディスクの数が多い方が勝ち

# サンプルプログラム

- コンパイル

```
$ tar xvzf reversi.tar.gz  
$ cd reversi  
$ make
```

- 実行

- コンピュータ同士の対戦

```
$ ./a.out
```

- 人間対コンピュータ(人間が先手)

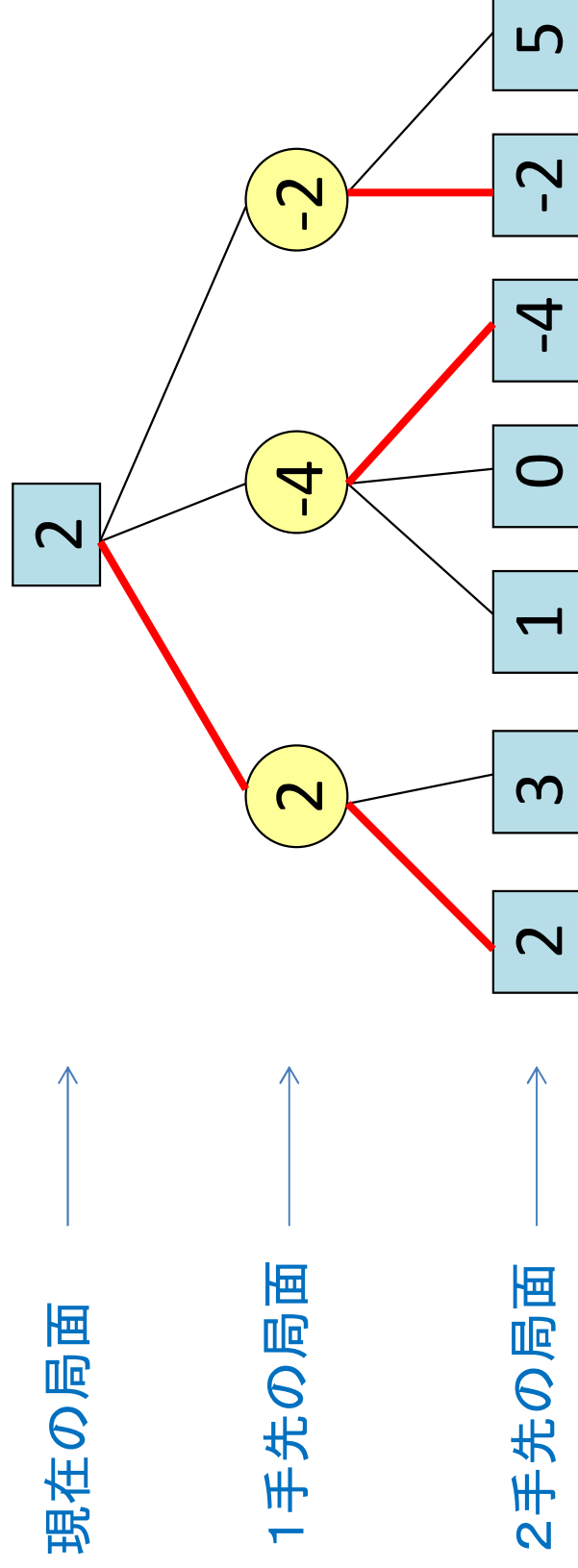
```
$ ./a.out 1
```

- 人間対コンピュータ(人間が後手)

```
$ ./a.out -1
```

# ミニマックス法

(Minimax algorithm)

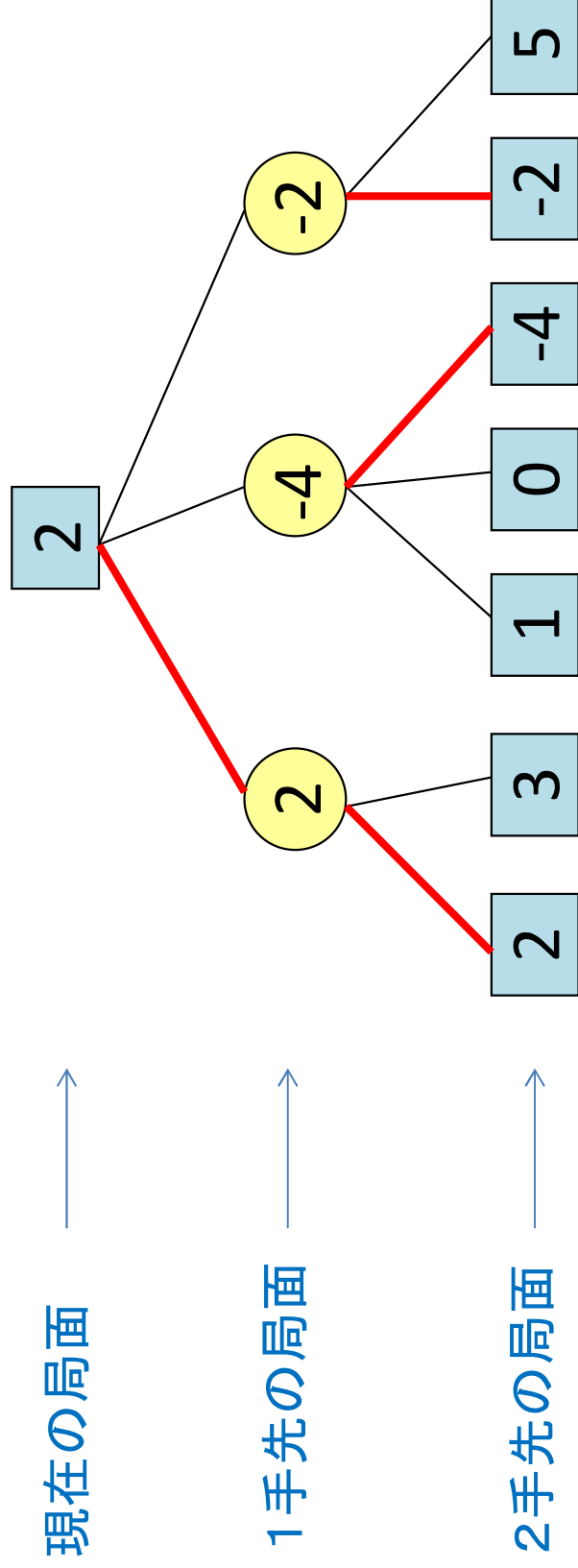


- **評価関数**によって末端局面の有利・不利の度合いを数値化
- お互いが自分にとって最も都合の良い手を選ぶと仮定して、スコア、最善手を逆算

# 評価関数 (evaluation function)

- 局面の有利不利を数値化する関数
  - 互角ならゼロ
  - 先手(黒番)にとって有利であればプラス
  - 後手(白番)にとって有利であればマイナス
- オセロの場合
  - 盤上のディスクの数
    - $(\text{黒のディスクの数}) - (\text{白のディスクの数})$
  - 角のディスクにはボーナス点
  - 角の隣のディスクはちよつと減点
  - …

# 深さ優先探索 (depth-first search)



- 関数の再帰呼び出しで簡単に実装できる
- 木構造をつくる必要がないので省メモリ

# ミニマックス法の実装

- Maxノード

```
int max_node(depth, max_depth)
if depth == max_depth:
    return eval_func()
best = -infinity
for all legal moves:
    update_board(move)
    v = min_node(depth+1, max_depth)
    if v > best:
        best = v
    undo_board()
return best
```

- Minノード

```
int min_node(depth, max_depth)
if depth == max_depth:
    return eval_func()
best = infinity
for all legal moves:
    update_board(move)
    v = max_node(depth+1, max_depth)
    if v < best:
        best = v
    undo_board()
return best
```

- 実際には最良スコアだけでなく最良手も返す必要あり
- 木の末端よりも手前で勝負がついていることも

# Negamax法

- 対称性を利用することでひとつの関数で書ける

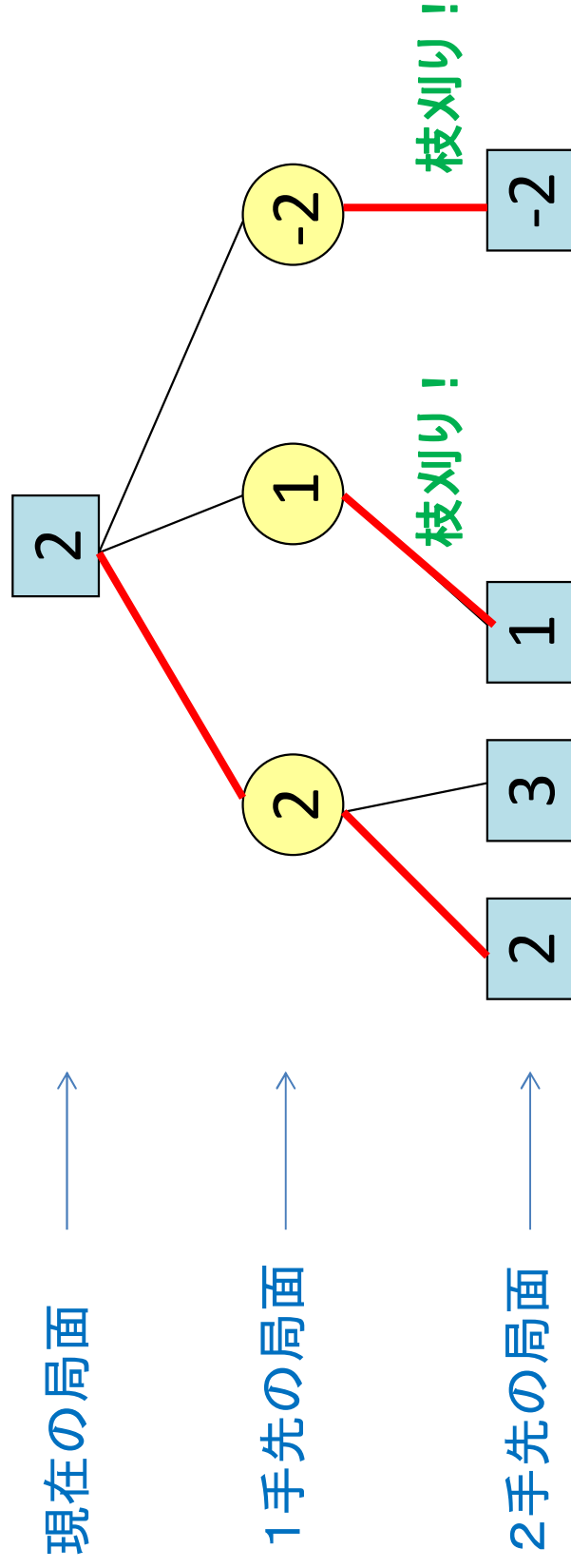
```
int negamax(depth, max_depth)
if depth == max_depth:
    return eval_func() * turn
best = -infinity
for all legal moves:
    update_board(move)
    v = -negamax(depth+1, max_depth)
    if v > best :
        best = v
    undo_board()
return best
```

turn の値は、今の局面が  
先手番であれば +1  
後手番であれば -1

頭にマイナスがついていることに注意



# 枝刈り

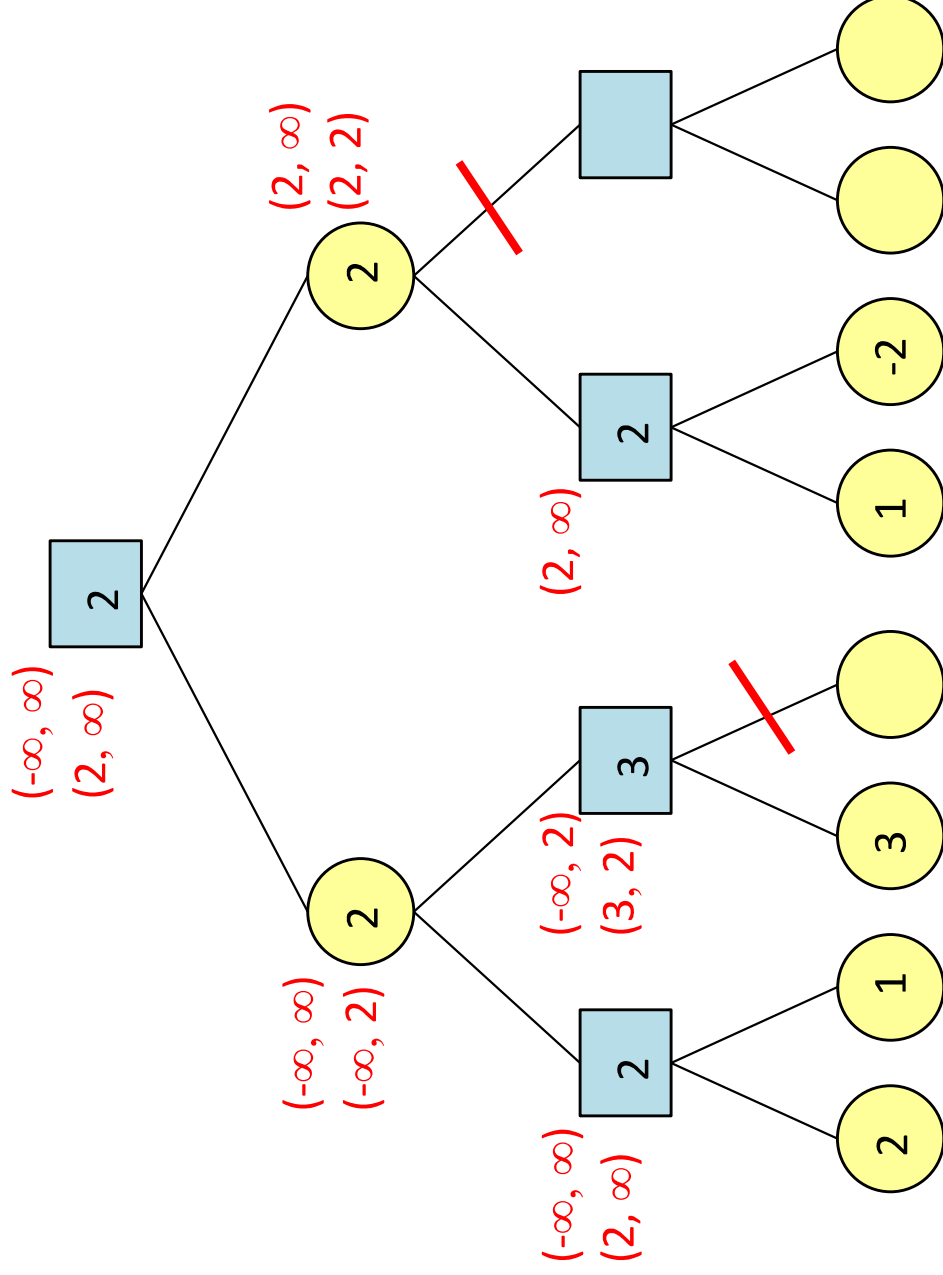


- 探索ノード数を大幅に減らせる
- 現在局面（ルート局面）で選択する手と評価値は変わらない

# ミニマックス + $\alpha\beta$ 枝刈り

- 各ノードで、ルートノードの値に影響し得る評価値の範囲(ウィンドウ)を  $\alpha$  と  $\beta$  の2つの変数で保持
  - $\alpha$  以下もしくは  $\beta$  以上の評価値はルートノードに影響しない
  - Maxノードでは  $\alpha$  が上がっていく
  - Minノードでは  $\beta$  が下がっていく
  - ウィンドウが閉じたら ( $\alpha \geq \beta$  になったら) カット

# ミニマックス+ $\alpha\beta$ 枝刈り



# ミニマックス + $\alpha\beta$ 枝刈り

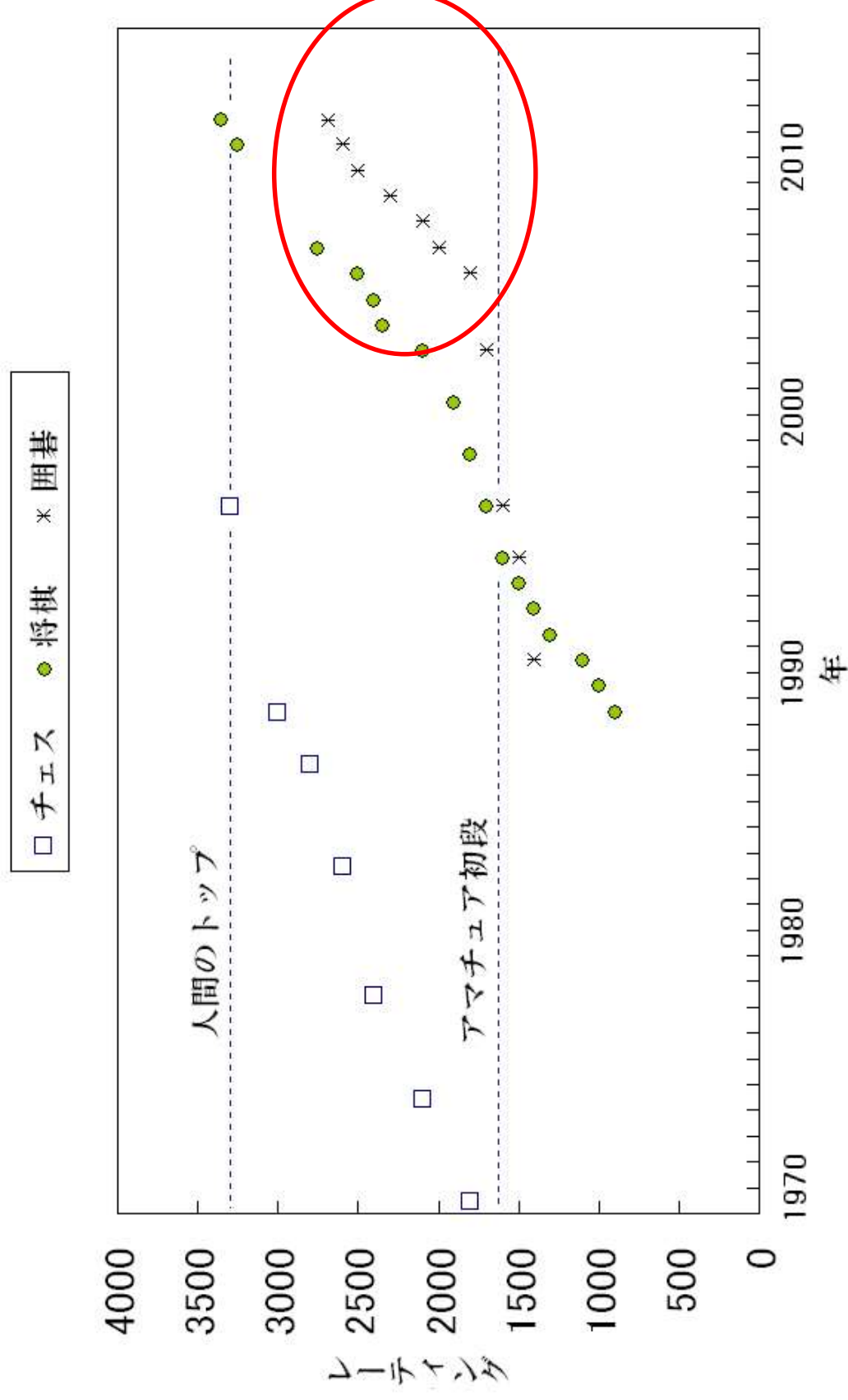
- Maxノード

```
function max_node(board, d,  $\alpha$ ,  $\beta$ )  
  if node is terminal or  $d = 0$ :  
    return eval_func(board)  
  for all legal moves:  
    board.update(move)  
     $v = \min\_node(board, d - 1, \alpha, \beta)$   
    board.undo(move)  
    if  $v > \alpha$ :  
       $\alpha = v$   
      if  $\alpha \geq \beta$ :  
        break  
  return  $\alpha$ 
```

- Minノード

```
function min_node(board, d,  $\alpha$ ,  $\beta$ )  
  if node is terminal or  $d = 0$ :  
    return eval_func(board)  
  for all legal moves:  
    board.update(move)  
     $v = \max\_node(board, d - 1, \alpha, \beta)$   
    board.undo(move)  
    if  $v < \beta$ :  
       $\beta = v$   
      if  $\alpha \geq \beta$ :  
        break  
  return  $\beta$ 
```

# コンピュータチェス・将棋・囲碁



FPGAで将棋プログラムを作ってみるブログ

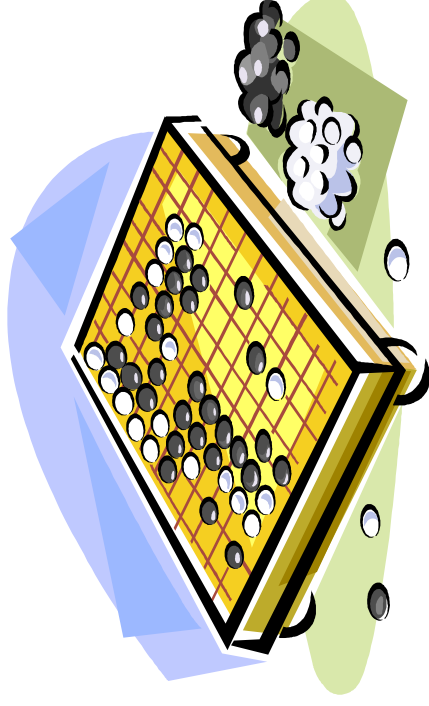
[http://blog.livedoor.jp/yss\\_fpga/archives/53897129.html](http://blog.livedoor.jp/yss_fpga/archives/53897129.html)

# MCTS

- モンテカルロ木探索 (Monte Carlo Tree Search, MCTS)
  - AI 研究に大きな影響
    - 囲碁で大成功
    - 他のゲーム、プランニング、制御、最適化問題などへの応用が進む
  - 特長
    - ドメイン知識が不要
    - 他の手法がうまくいかない難しい問題で成功
    - 計算パワーの向上がそのまま性能の向上につながる

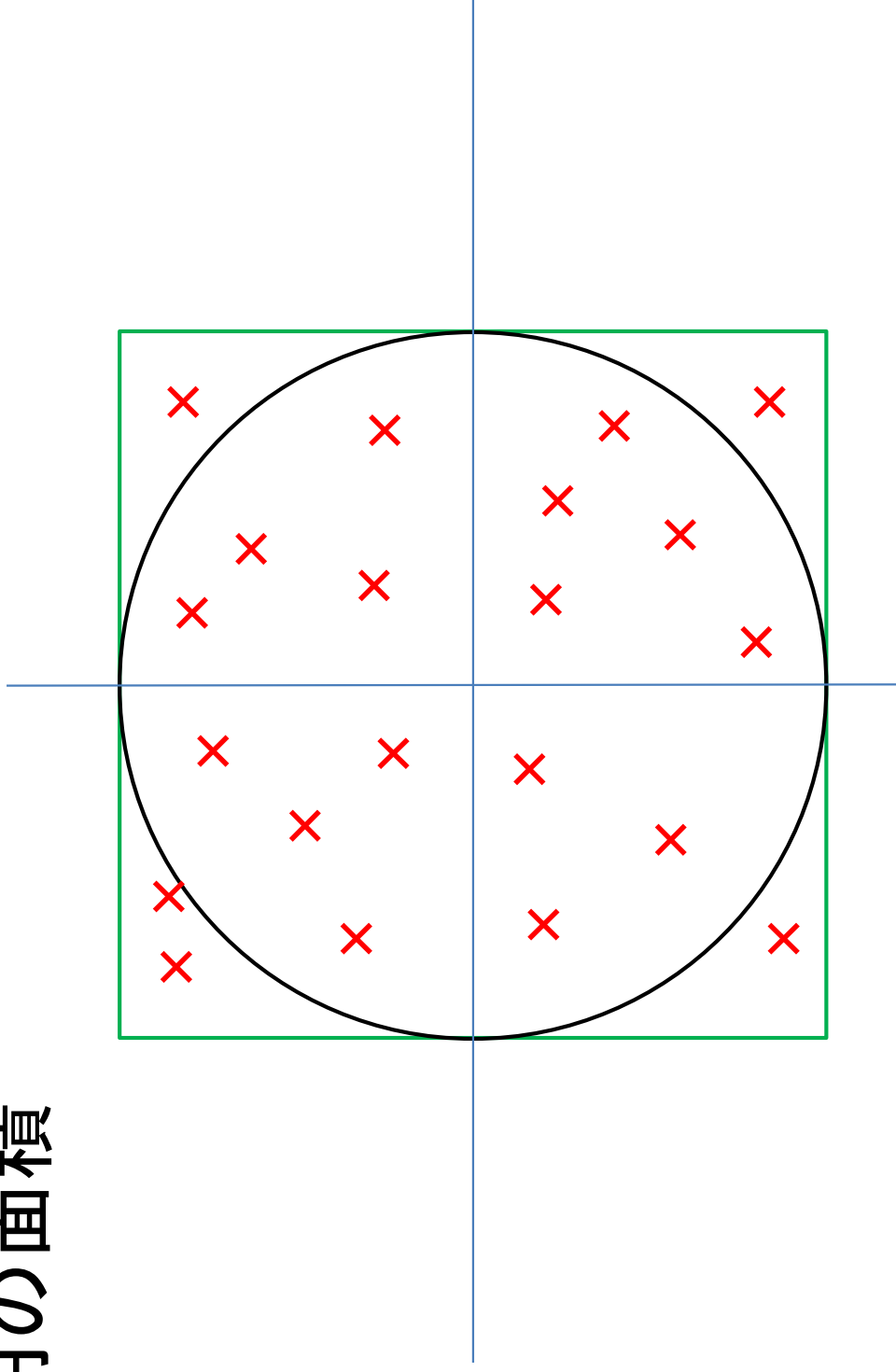
# コンピュータ囲碁

- コンピュータ囲碁
  - 初段手前でしばらく停滞
  - MCTS の登場 (2006 年ごろ)
  - アマトップクラス?
- 難しさ
  - 合法手が多い
  - 評価関数の設計が難しい
    - 地が確定するのは最後
    - 石の生死の判定
    - 離れた場所にある石の影響
    - etc



# モンテカルロ法

- 円の面積





# 原始モンテカルロ法

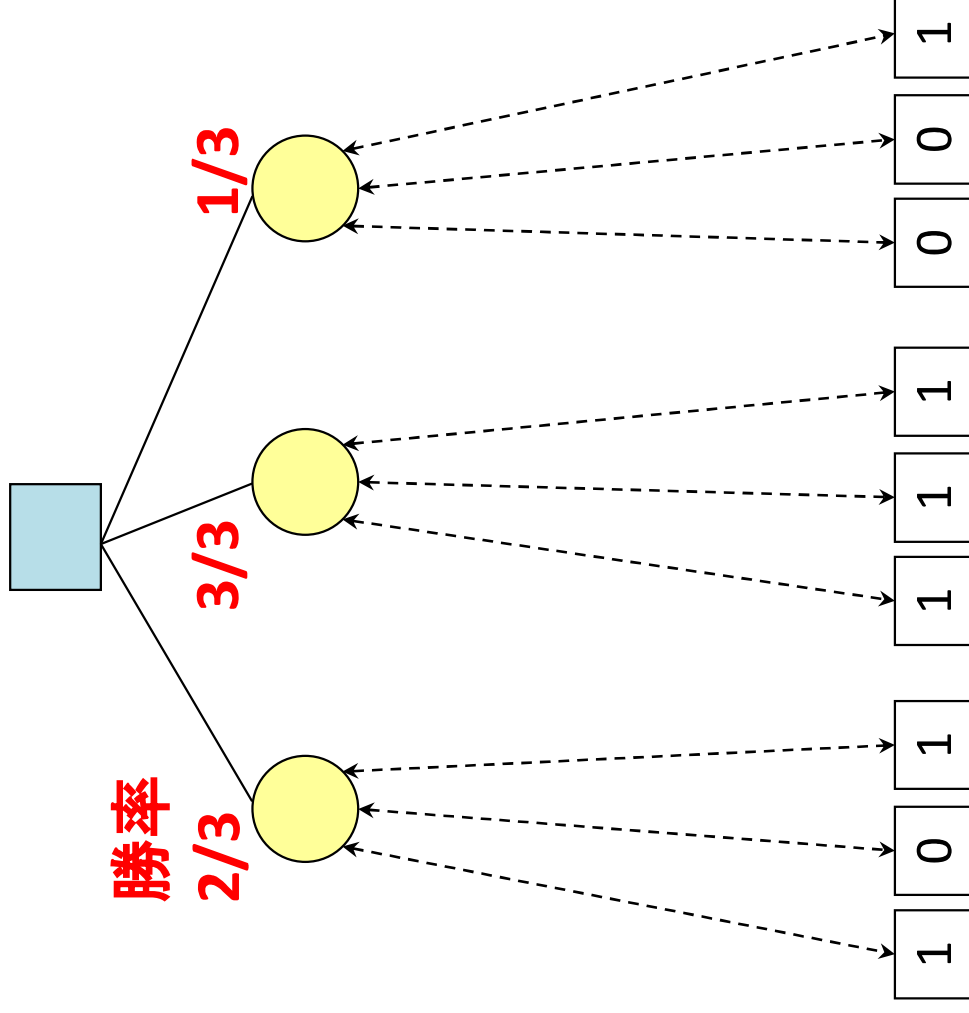
- 各合法手からランダムプレイ

– 評価関数不要



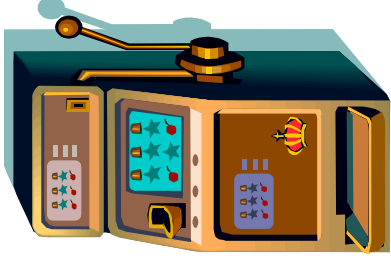
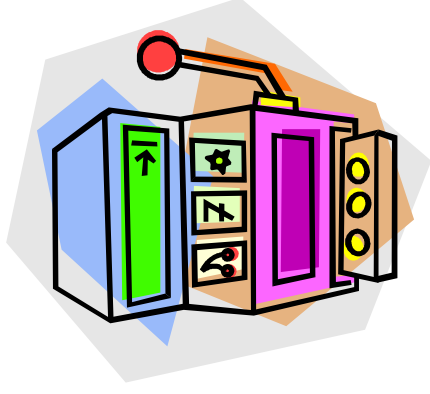
- 勝率の一番高い手を選ぶ

- ダメな手に対しても多くの試行を行うので効率が悪い



# 多腕バンデイト問題

- 多腕バンデイト問題 (multi-armed bandits)



- どのスロットマシンにお金をつぎこむべきか？
  - 儲かるマシンに集中したい (exploitation)
  - 儲かるマシンを見つけたい (exploration)

# UCB

- Upper Confidence Bounds (UCBs)
  - 多腕バンデット問題の近似解法
  - Regret が  $O(\ln n)$

$$\text{UCB1} = \bar{X}_j + \sqrt{\frac{2 \ln n}{n_j}}$$

総試行回数

腕  $j$  の平均報酬

腕  $j$  の試行回数

利用 (exploitation)

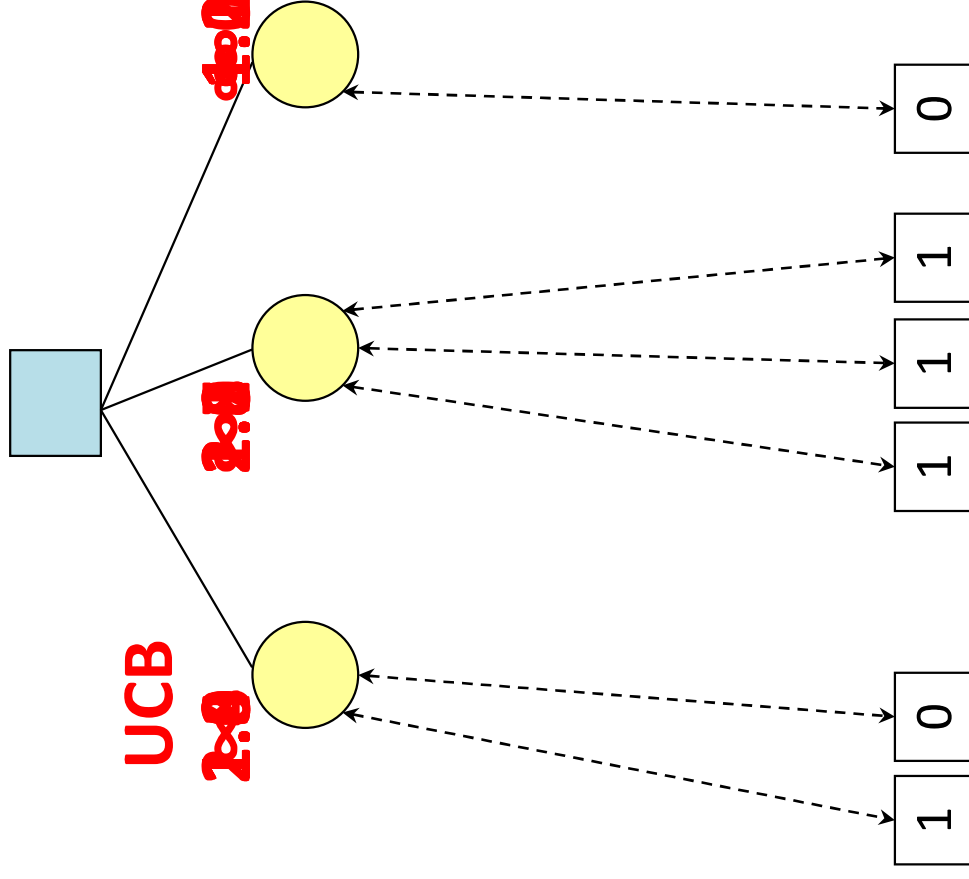
探索 (exploration)

# UCB 例

- 各イテレーションで UCB 値が最も高い手を選ぶ

$$UCB1 = \bar{X}_j + \sqrt{\frac{2 \ln n}{n_j}}$$

- 有望な手に関して多くの試行



# UCT

- UCB の問題
  - 2手目以降のプレイアウトに無駄が多い
  - 相手の悪手に期待する
- UCT (UCB applied to Trees)
  - Kocsis & Szepesvari (ECML 2006)
  - UCB を各ノードで適用
  - 勝率等を各ノードに保存した木を成長させる
  - MINMAX値に収束

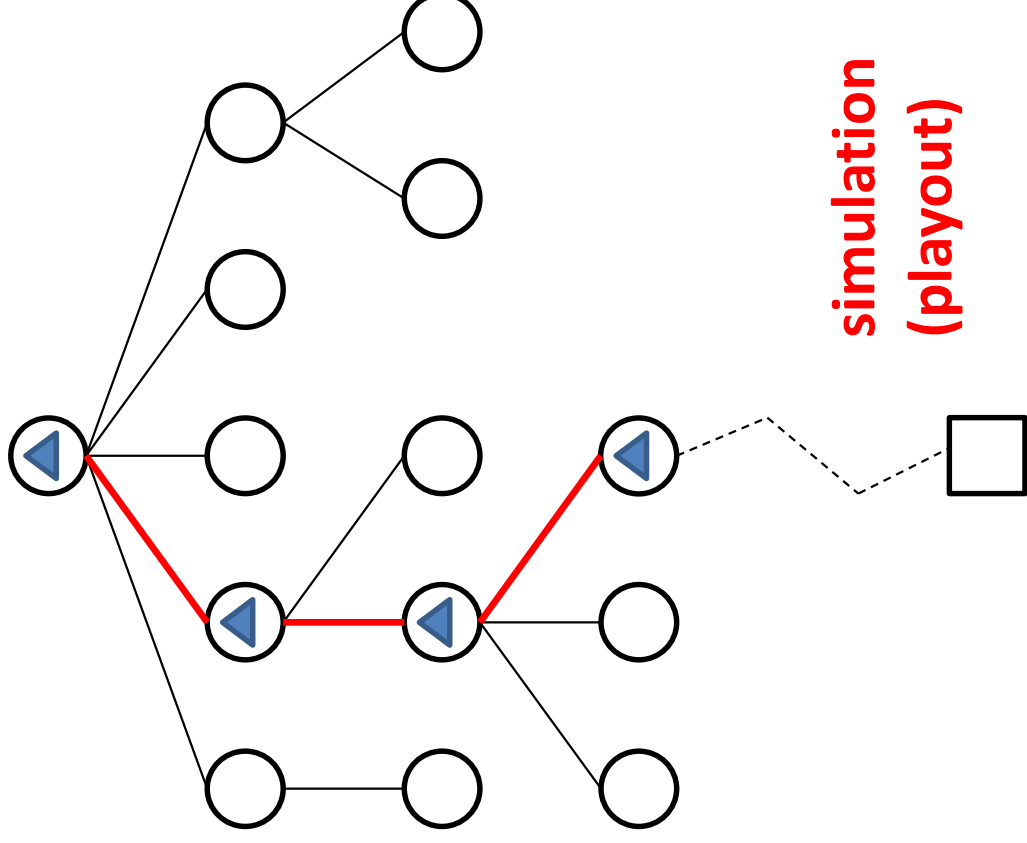
# MCTSの基本動作

- 各イテレーション

1. Selection
2. Expansion
3. Simulation
4. Backpropagation

- UCT 値が最大の子ノードを再帰的に選択

$$\text{UCT} = \bar{X}_j + 2C_p \sqrt{\frac{2 \ln n}{n_j}}$$



# MCTSの改良(主に囲碁)

- Tree policy
  - Progressive Widening
    - 各ノードで考慮する合法手を徐々に増やす
  - All Moves As First (AMAF)
    - プレイアウト中の手の統計情報を木にも反映
  - Rapid Action Value Estimation (RAVE)
    - AMAF の重みの自動調整

# Playout policy の改善

- 棋譜による手法
    - Log-linear model + 局所パターン等の特徴量
- 
- Simulation balancing
    - Silver and Tesauro (ICML 2009)
    - プレイアウトによる期待値が教師値と等しくなるように policy のパラメータを調整



# References

- Coulom, Efficient Selectivity and Backup Operations in Monte-Carlo Tree Search, CG 2006
- Kocsis & Szepesvari, Bandit based Monte-Carlo Planning, ECML 2006
- Gelly et al., Modification of UCT with patterns in Monte-Carlo Go, TechReport, 2006
- Coulom, Computing Elo Ratings of Move Patterns in the Game of Go, 2007
- Silver and Tesauro, Monte-Carlo Simulation Balancing, ICML 2009
- Browne et al., A Survey of Monte Carlo Tree Search Methods, IEEE Trans. Comput. Intell. AI Games, 2012

# C++ 超入門

- C++
  - C言語を拡張
  - オブジェクト指向プログラミング
  - 充実した標準ライブラリ
  - :
- 使い方
  - コンパイル: `gcc` のかわりに `g++`
  - ソースファイルの拡張子は `.cc` や `.cpp` などにする  
ことが多い

# メンバ関数

- 構造体(クラス)のメンバとして**関数**を書ける
- クラスを単位として機能をもとめて記述できるので、プログラムの保守性・可読性が高くなる

```
struct student
{
    int id;
    int age;
    void increment_age() {
        age++;
    }
};

int main()
{
    struct student x = {123, 20};

    x.increment_age();
}
```

# 標準ライブラリ

- 便利なクラスがいろいろ
- string クラス
  - 文字列を普通の変数のように扱える
  - 代入、結合なども簡単にできる
  - メモリの確保、解放も意識しなくてよい

```
#include <iostream>
#include <string>
#include <cstdio>

using namespace std;

int main()
{
    string x = "abc";
    string y = x + "def";
    string z = y.substr(0, 4);

    cout << z << endl;
    printf("%s¥n", z.c_str());
}
```

## 実行結果

```
$ ./a.out
abcd
abcd
```

# 標準ライブラリ

- list クラス
  - 双方向リストの実装
- 他にも多数のコンテナ
  - vector: 可変長配列
  - map: 連想配列
  - set: 集合
  - :

```
#include <iostream>
#include <list>

using namespace std;

int main()
{
    list<int> x;
    x.push_back(1);
    x.push_back(2);
    x.push_back(3);

    cout << x.front() << endl;
    cout << x.back() << endl;
}
```

## 実行結果

```
$ ./a.out
1
3
```

# 標準ライブラリ

- map クラス
  - 連想配列の実装
  - 出し入れの際の計算コストは  $O(\log n)$
- 連想配列
  - 任意のデータ型をインデックスとして使える配列
  - 「辞書」と呼ばれることもある

```
#include <iostream>
#include <map>

using namespace std;

int main()
{
    map<string, int> x;
    x["abc"] = 13;
    x["xyz"] = 25;

    cout << x["abc"] << endl;
    cout << x["xyz"] << endl;
}
```

## 実行結果

```
$ ./a.out
13
25
```

# 課題

1. 対局終了時に勝敗を判定・表示
2. 手をランダムに選択するように修正
3. 黒白双方ともパスしたら終局するように改良
4. 思考エンジンを実装
  - － 思考中の最善手・形勢の表示
  - － 「待った」機能

# 研究室内オセロ大会

- 日時
  - 4月9日 15:00～
- リーグ戦
- 思考時間
  - 一手3秒以内