CUDA. Агрегация данных

Ахтямов Павел

МФТИ

Мотивация

• Мы можем сложить массивы

Мотивация

• Мы можем сложить массивы

• Но можем ли мы посчитать сумму элементов в массиве?

• Есть массив А

• Есть массив А

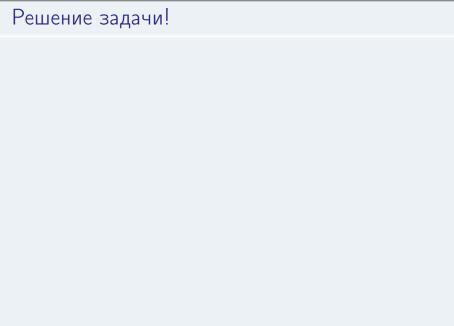
• Необходимо посчитать сумму элементу в массиве

- Есть массив А
- Необходимо посчитать сумму элементу в массиве
- Классическое решение: N операций сложения, 1 поток

- Есть массив А
- Необходимо посчитать сумму элементу в массиве
- Классическое решение: N операций сложения, 1 поток
- Параллельное решение на CPU: N/C+C циклов по регистрам, C потоков

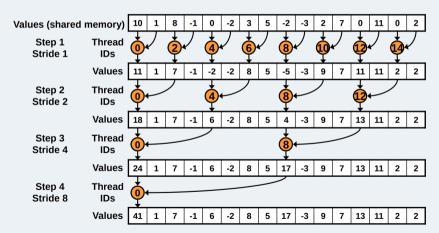
- Есть массив А
- Необходимо посчитать сумму элементу в массиве
- Классическое решение: N операций сложения, 1 поток
- Параллельное решение на CPU: N/C+C циклов по регистрам, C потоков
- Решение на GPU: C = 4352?

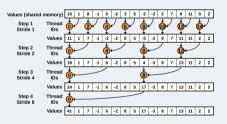
- Есть массив А
- Необходимо посчитать сумму элементу в массиве
- Классическое решение: N операций сложения, 1 поток
- Параллельное решение на CPU: N/C+C циклов по регистрам, C потоков
- Решение на GPU: C = 4352?
- Не совсем!



Решение задачи!

Каждый блок можно обработать за $O(\log BS)$



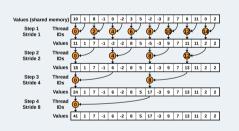


1 шаг (0, 2, 4, ...) - 8

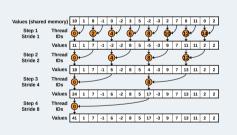
```
Sten 1
Stride 1
              11 1 7 -1 -2 -2 8 5 -5 -3 9 7 11 11 2 2
Step 2
         Thread
Stride 2
         Values 18 1 7 -1 6 -2 8 5 4 -3 9 7 13 11 2 2
Step 3
         Thread
Stride 4
          IDe
         Values 24 1 7 -1 6 -2 8 5 17 -3 9 7 13 11 2 2
         Thread
Step 4
Stride 8
         Values 41 1 7 -1 6 -2 8 5 17 -3 9 7 13 11 2 2
```

- 1 шаг (0, 2, 4, ...) 8
- 2 шаг (0, 4, 8, ...) 8

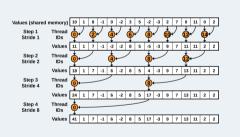
```
Thread
Stride 1
              11 1 7 -1 -2 -2 8 5 -5 -3 9 7 11 11 2 2
Step 2
         Thread
Stride 2
         Values 18 1 7 -1 6 -2 8 5 4 -3 9 7 13 11 2 2
Step 3
         Thread
Stride 4
          IDe
         Values 24 1 7 -1 6 -2 8 5 17 -3 9 7 13 11 2 2
         Thread
Step 4
Stride 8
          IDs
         Values 41 1 7 -1 6 -2 8 5 17 -3 9 7 13 11 2 2
```



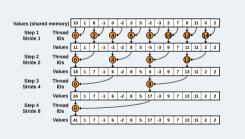
- 1 шаг (0, 2, 4, ...) 8
- 2 шаг (0, 4, 8, ...) 8
- 3 шаг (0, 8, 16, ...) 8



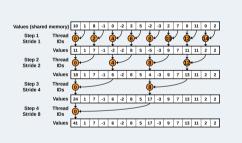
- 1 шаг (0, 2, 4, ...) 8
- 2 шаг (0, 4, 8, ...) 8
- 3 шаг (0, 8, 16, ...) 8
- 4 шаг (0, 16, 32, ...) 8



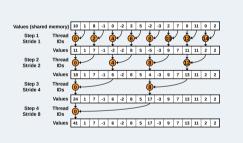
- 1 шаг (0, 2, 4, ...) 8
- 2 шаг (0, 4, 8, ...) 8
- 3 шаг (0, 8, 16, ...) 8
- 4 шаг (0, 16, 32, ...) 8
- 5 шаг (0, 32, 64, ...) 8



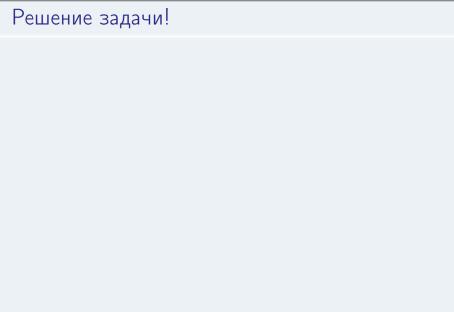
- 1 шаг (0, 2, 4, ...) 8
- 2 шаг (0, 4, 8, ...) 8
- 3 шаг (0, 8, 16, ...) 8
- 4 шаг (0, 16, 32, ...) 8
- 5 шаг (0, 32, 64, ...) 8
- 6 шаг (0, 64, 128, ...) 4



- 1 шаг (0, 2, 4, ...) 8
- 2 шаг (0, 4, 8, ...) 8
- 3 шаг (0, 8, 16, ...) 8
- 4 шаг (0, 16, 32, ...) 8
- 5 шаг (0, 32, 64, ...) 8
- 6 шаг (0, 64, 128, ...) 4
- 7 шаг (0, 128) 2

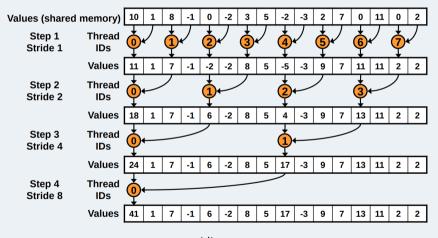


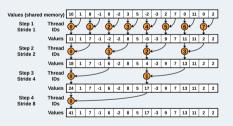
- 1 шаг (0, 2, 4, ...) 8
- 2 шаг (0, 4, 8, ...) 8
- 3 шаг (0, 8, 16, ...) 8
- 4 шаг (0, 16, 32, ...) 8
- 5 шаг (0, 32, 64, ...) 8
- 6 шаг (0, 64, 128, ...) 4
- 7 шаг (0, 128) 2
- 8 шаг (0) 1
- Итого: 47 warp-ов!



Решение задачи!

Нумерация потоков изменена!

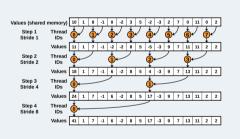




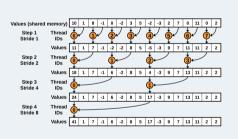
• 1 шаг (0, 1, ..., 127) - 4

```
Values (shared memory) 10 1 8 -1 0 -2 3 5 -2 -3 2 7 0 11 0 2
           Thread
  Stride 1
                 11 1 7 -1 -2 -2 8 5 -5 -3 9 7 11 11 2 2
   Step 2
            Thread
  Stride 2
             IDs
                 18 1 7 -1 6 -2 8 5 4 -3 9 7 13 11 2 2
   Step 3
           Thread
  Stride 4
             IDs
           Values
                 24 1 7 -1 6 -2 8 5 17 -3 9 7 13 11 2 2
   Step 4
           Thread
  Stride 8
                 41 1 7 -1 6 -2 8 5 17 -3 9 7 13 11 2 2
```

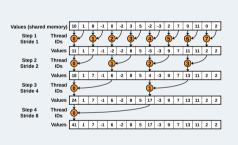
- Values (shared memory) 10 1 8 -1 0 -2 3 5 -2 -3 2 7 0 11 0 2 Thread Stride 1 11 1 7 -1 -2 -2 8 5 -5 -3 9 7 11 11 2 2 Step 2 Thread Stride 2 IDs 18 1 7 -1 6 -2 8 5 4 -3 9 7 13 11 2 2 Step 3 Thread Stride 4 IDs Values 24 1 7 -1 6 -2 8 5 17 -3 9 7 13 11 2 2 Step 4 Thread Stride 8 41 1 7 -1 6 -2 8 5 17 -3 9 7 13 11 2 2
- 1 шаг (0, 1, ..., 127) 4
- 2 шаг (0, 1, ..., 63) 2



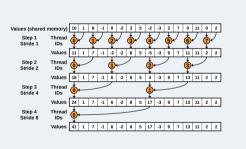
- 1 шаг (0, 1, ..., 127) 4
- 2 шаг (0, 1, ..., 63) 2
- 3 шаг (0, 1, ..., 31) 1



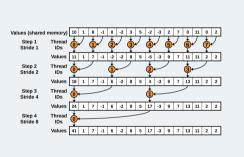
- 1 шаг (0, 1, ..., 127) 4
- 2 шаг (0, 1, ..., 63) 2
- 3 шаг (0, 1, ..., 31) 1
- 4 шаг (0, 1, ..., 15) 1



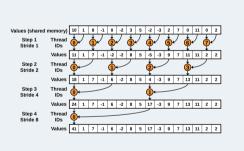
- 1 шаг (0, 1, ..., 127) 4
- 2 шаг (0, 1, ..., 63) 2
- 3 шаг (0, 1, ..., 31) 1
- 4 шаг (0, 1, ..., 15) 1
- 5 шаг (0, 1, ..., 7) 1



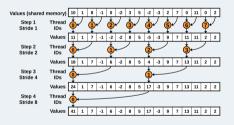
- 1 шаг (0, 1, ..., 127) 4
- 2 шаг (0, 1, ..., 63) 2
- 3 шаг (0, 1, ..., 31) 1
- 4 шаг (0, 1, ..., 15) 1
- 5 шаг (0, 1, ..., 7) 1
- 6 шаг (0, 1, ..., 3) 1



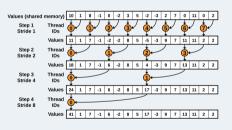
- 1 шаг (0, 1, ..., 127) 4
- 2 шаг (0, 1, ..., 63) 2
- 3 шаг (0, 1, ..., 31) 1
- 4 шаг (0, 1, ..., 15) 1
- 5 шаг (0, 1, ..., 7) 1
- 6 шаг (0, 1, ..., 3) 1
- 7 шаг (0, 1) 1



- 1 шаг (0, 1, ..., 127) 4
- 2 шаг (0, 1, ..., 63) 2
- 3 шаг (0, 1, ..., 31) 1
- 4 шаг (0, 1, ..., 15) 1
- 5 шаг (0, 1, ..., 7) 1
- 6 шаг (0, 1, ..., 3) 1
- 7 шаг (0, 1) 1
- 8 шаг (0) 1
- Итого: 12 warp-ов!

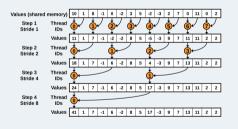


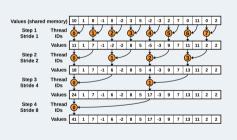
Рассмотрим пример:



Рассмотрим пример:

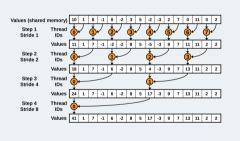
• 0-й поток берет сумму 0 и 16, пишет в 0





Рассмотрим пример:

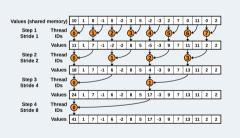
- 0-й поток берет сумму 0 и 16 , пишет в 0
- 1-й поток берет сумму 32 и48, пишет в 32



Рассмотрим пример:

- 0-й поток берет сумму 0 и 16, пишет в 0
- 1-й поток берет сумму 32 и 48, пишет в 32
- 2-й поток берет сумму 64 и 80, пишет в 64

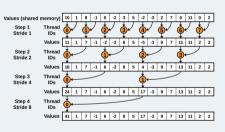
Но и это не очень реализация



Рассмотрим пример:

- 0-й поток берет сумму 0 и 16, пишет в 0
- 1-й поток берет сумму 32 и 48, пишет в 32
- 2-й поток берет сумму 64 и 80, пишет в 64
- 3-й поток берет сумму 96 и 112, пишет в 96

Но и это не очень реализация

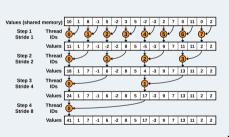


Рассмотрим пример:

- 0-й поток берет сумму 0 и 16, пишет в 0
- 1-й поток берет сумму 32 и 48, пишет в 32
- 2-й поток берет сумму 64 и 80, пишет в 64
- 3-й поток берет сумму 96 и 112, пишет в 96

Размер кеш-линии - 32!

Но и это не очень реализация



Рассмотрим пример:

- 0-й поток берет сумму 0 и 16 , пишет в 0
- 1-й поток берет сумму 32 и 48, пишет в 32
- 2-й поток берет сумму 64 и 80, пишет в 64
- 3-й поток берет сумму 96 и 112, пишет в 96

Размер кеш-линии - 32!

У нас банк-конфликт!

Bank conflict

Поведение в shared-memory, когда два потока внутри одного warp-а записывают данные внутри разных кеш-линий по одному индексу (по модулю WS) - банк!

Bank conflict

Поведение в shared-memory, когда два потока внутри одного warp-а записывают данные внутри разных кеш-линий по одному индексу (по модулю WS) - банк!

• 0-й поток берет сумму 0 и 16, пишет в 0

Bank conflict

Поведение в shared-memory, когда два потока внутри одного warp-а записывают данные внутри разных кеш-линий по одному индексу (по модулю WS) - банк!

- 0-й поток берет сумму 0 и 16, пишет в 0
- 1-й поток берет сумму 32 и 48, пишет в 32

Bank conflict

Поведение в shared-memory, когда два потока внутри одного warp-а записывают данные внутри разных кеш-линий по одному индексу (по модулю WS) - банк!

- 0-й поток берет сумму 0 и 16, пишет в 0
- 1-й поток берет сумму 32 и 48, пишет в 32

0-й поток и 1-й конфликтуют по 0-му банку!!

Bank conflict

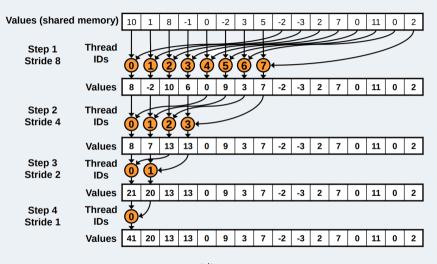
Поведение в shared-memory, когда два потока внутри одного warp-а записывают данные внутри разных кеш-линий по одному индексу (по модулю WS) - банк!

- 0-й поток берет сумму 0 и 16, пишет в 0
- 1-й поток берет сумму 32 и 48, пишет в 32

0-й поток и 1-й конфликтуют по 0-му банку!!

Запись - последовательно!

Как решить?



• Посчитать сумму в блоке

- Посчитать сумму в блоке
- Посчитать сумму между блоками

- Посчитать сумму в блоке
- Посчитать сумму между блоками
- Повторить, пока не останется 1 блок

Что мы сделали

• Реализовали операцию сложения

Что мы сделали

- Реализовали операцию сложения
- Поняли, что индексация решает

Что мы сделали

- Реализовали операцию сложения
- Поняли, что индексация решает
- Избежали банк-конфликтов!