Vol 23 No 10 Oct, 2008

文章编号: 1001-8166(2008)10-1020-07

地震激发地球自由振荡过程的数值模拟初步探索

严珍珍^{1,2},张 怀²,杨长春¹,石耀霖²

(1. 中国科学院地质与地球物理研究所,北京 100029; 2. 中国科学院研究生院,北京 100049)

摘 要:地球自由振荡的固有频率与地球内部结构密切相关,研究地球自由振荡可以深入研究地球内部结构。传统的解析方法侧重于本征频率的确定,但对从地震发生到地球自由振荡被激发的全过程难以研究。从弹性波动理论基础出发,试采用谱元法结合高性能并行计算数值模拟特大地震激发的弹性波在地球内部传播过程。在不考虑地球重力情况下,对数值模拟激发地球自由振荡的结果进行功率谱密度分析,通过对谱结果的观察并与理论值进行对比分析,认识到环型振型数值模拟结果可以准确重现其长周期理论频率值,地球重力对球型振型有重要影响。探讨了是否可以通过这种方法真实重现地球自由振荡激发的过程。以期利用此方法深入探讨地球横向不均匀性对地球自由振荡的影响。

关键词:地球自由振荡;地球内部结构;环型振荡;球型振荡;谱元法;并行计算中图分类号: P315. 4 文献标志码: A

1 引 言

长周期地震仪^[1]、超导重力仪^[2]、钻孔差应变仪^[3]等观测技术的发展,以及理论分析和科学计算能力的提高,极大地推进了地球自由振荡研究。对地球内部结构研究的面波层析成像研究,难以探测地球深部结构;体波层析成像虽然可以研究深部构造,但对射线没有覆盖的地方仍难以探测。研究各种振型不同频率的地球自由振荡,虽然目前在分辨率上还不如地震波层析成像方法,但是它能够反演整个地球内部三维结构,不会存在采样不均匀或者信号达不到的问题^[4],因此地球自由振荡已成为研究地球内部结构的重要手段之一。

影响地球自由振荡谱的因素有很多,如地球介质物性参数的不均匀性,包括地球的横向不均匀性和径向不均匀性^[5]、地球旋转及椭率^[6,7]、地球内部各向异性^[8,9]、地球非完全弹性^[10]等,这些因素会导

致地球自由振荡谱出现复杂的频谱特性:如谱峰变宽、频谱分裂及耦合^[11,12]等很多效应。此外,地球自身结构以外的一些自然现象也会影响并引起地球自由振荡,如潮汐及大气压波动等。对地球自由振荡这些问题的研究,以往主要侧重研究地球振荡的本征值问题,基于解析方法,如球谐展开等数学分析手段。其优点是简单高效,能研究地球自由振荡谱的种种特征,但是只能够研究结构比较简单的地球模型,且无法研究地震激发地球自由振荡的全过程,不能深入揭示该激发过程中形成自由振荡特征的物理原因。

高性能并行计算技术的迅速发展提供了一个新的研究途径,本文试利用谱元法数值模拟研究特大地震激发的弹性波在地球内的传播,并探讨是否可以通过这种数值模拟真实重现地球自由振荡被激发的全过程。考虑到地球的尺度和振荡频率范围,小规模的低精度数值模型无法满足需求。因此,在本

^{*} 收稿日期: 2008-05-30; **修回日期**: 2008-08-21.

^{*}基金项目:国家重点基础研究发展计划项目"区域强震活动演化的物理模型和预测模型试验"(编号: 2004CB418406);国家自然科学基金项目"不充分混合模型地幔对流模型的大规模数值模拟"(编号: 40474038)资助.

作者简介: 严珍珍(1981-), 女, 湖北随州人, 博士研究生, 主要从事地球动力学、油储地球物理等方面研究.

文中我们进一步开展并行计算,利用谱元法对地震 激发地球自由振荡进行模拟,并将数值模拟结果与 理论研究结果进行对比分析,以期对复杂横向不均 匀地球内部结构的研究开展一些新的尝试和探讨。

2 并行谱元法数值模拟采用的数值模型

目前,利用大规模数值模拟手段研究全球地震波传播问题是国际地震学研究领域的一个重要发展方向。近几年来,国际上采用超大规模并行计算的数值模拟方法对地震波传播进行了广泛研究,计算结果与实际观测的长波记录进行对比,获得了满意的结果。我们对地球自由振荡的研究,就是要利用数值模拟特大地震产生的全球地震波传播足够长时间后,对台站记录数据进行频谱分析,观察是否能得到地球自由振荡的基本频谱特性。如果这种方法可以模拟激发地球自由振荡的长周期振型,则可以开拓一种新的研究途径,即利用数值试验的手段,模拟地震波激发地球自由振荡的全过程,并通过不同的复杂物理模型(包括椭率、地形、横向不均匀性等)的比较研究来探究地球内部的精细结构。

我们利用谱元法对地震激发地球自由振荡进行 数值模拟, 谱元法结合了有限元方法处理边界及求 解区域的灵活性和谱方法的高精度特性等优势,是 目前国际上数值模拟宽频谱波动理论问题的一个有 效方法[13~15]。利用谱元法结合高性能并行计算研 究大地震激发的全球地震波传播过程的时候,单元 弹性波动位移场用高阶拉格朗日插值,单元数值积 分采用 Gauss Lobatto Legendre 积分方法,可以实现 计算所得的单元质量矩阵对角化,解决了单元内高 精度插值所带来的 Runge现象和计算量增大问题, 并采用显格式波动计算算法。避开了大规模线性方 程组的并行求解,大大简化了数值计算的计算量和 数值计算实现方法,同时提高了模拟精度和算法的 稳定性[16~18]。本文中采用的拉格朗日插值多项式 阶数为 4 则单元上每个方向上的 Gauss Lobatto-Legendre积分点为 5个,3个方向上共有 125个 GLL 积分点,并且总是包含 +1和 -1两边界点。

作为研究,首先我们考虑的地球模型很简单,在研究地球自由振荡周期时,地震记录持续达十余小时以上,自由振荡周期达数十分钟,不包含重力效应对结果有什么影响是一个需要通过试验明确的问题。不过,地球自由振荡从理论上可以分解为两种方式的本征振荡:球型振荡"S"及环型振荡"T",其

分别为沿经向和纬向的展开阶数,并且一≦ m≤ l 球型振荡主要为地球半径方向的位移,因此振荡过程中所受到的重力会变化,预期不包含重力项会有影响;但环型振荡主要描述地球的扭转变形,距地心的位移基本不变化,预期不包含重力项影响不会太大。因此,虽然目前不能包含重力作用,我们认为运用谱元法计算地球自由振荡激发过程,特别是计算地球环型振荡激发过程,仍然是值得进行的一种尝试。

采用 AK135模型^[19]构建数值模拟计算网格,将地球分为 144层。球心用一个六面体来近似,地球的最中心处为独立均匀剖分的六面体,然后向外采用模块模式的网格加密方式,将地球由内到外划分成尺寸大致均匀的六面体网格剖分,如图 1所示。这样做的优点是保证了地球内外网格的一致性,数值模拟机械波传播过程中避免了不必要的高频信号损失。并采用 27结点拉格朗日插值单元,在核幔边界及外核内核边界处考虑了固液耦合模型^[13, 14, 20]。

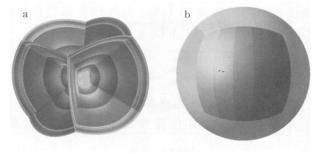


图 1 AK 135模型 Fig 1 AK 135 m odel

图 1清晰的显示了我们的数值模型。其中,图 1(a)显示了地球模型的内部结构,为了避免在球心出现奇点,将球心作为一个单独的小六面体单元,以此 6个面向 6个方向延伸划分网格,网格单元是六面体单元,在内核与外核边界处网格数加倍,在 670 km间断面处网格数再一次加倍以及莫霍 (Moho)面处网格数进行了第三次加倍,整个球体在网格划分时进行了这 3次加密,以满足接近地表区域需要更高分辨率。整个模型从地心到地表划分为 144层,不同的颜色代表了不同层的物性参数,此图也清晰显示了 ICB及 CMB等一些间断面,图 1(b)显示了数值模型的整个球体形态,并且每块六面体分 25小块,再并行计算中共用 150个计算进程完成整个球体的数值模拟计算,不同颜色块显示不同的进程计算的区域。

中心为某一振动位移沿球半径方向的阶数。m和 Publishing本文史,数值模拟模型仅考虑,AK135模型相关。

物性参数,暂时没有考虑影响地球自由振荡一些因素,如地球横向不均匀性、地球旋转及椭率、各向异性等。计算中没有考虑重力作用,也没有考虑地震波的衰减。所以,对于此模型,即使是小地震也会激发地震波环绕地球许多周,从而激发地球自由振荡。本文主要强调探讨是否能用这种方法得到与理论结果吻合的振荡频率,衰减问题将在以后的工作中再行讨论。

在网格模型中,网格总单元数约为 120万个,根据网格大小与波速及时间步之间的稳定关系,取计算时间步长为 0.26 s 随着网格的加密,时间步长还需要进一步的减小。模拟波动传播时间长度为 12个小时。该程序提供了全球表面 700多个不同台站的坐标,我们在地球不同部位和不同震中距随意选择了 31个不同台站,记录计算的这些台站地面垂向及横向运动情况地震图。模拟中,震源力表示为:

$$f = -M \cdot \nabla \delta(X - X_s) S(t)$$
 (1)
其中, $S(t)$ 为震源时间函数,本文中以阶跃脉冲表示为震源时间函数; $\delta(X - X_s)$ 为狄垃克函数 (dirac

delta); X_s 为震源位置, M 为地震矩张量: $M = \begin{bmatrix} M_{rr} & M_{r\theta} & M_{r\theta} \\ M_{\theta r} & M_{\theta \theta} & M_{\theta \theta} \end{bmatrix}$ (2)

计算中选取震中位置为 13. 49°N, 92. 84°E的

苏门答腊地区, 震源深度为 14.0 km, 地震矩张量为:

$$\mathbf{M}_{rr} = 7.45 \times 10^{24}, \mathbf{M}_{\theta\theta} = 1.36 \times 10^{25}$$
 $\mathbf{M}_{\phi\phi} = -2.10 \times 10^{25}, \mathbf{M}_{r\theta} = 1.37 \times 10^{25}$ (3)
 $\mathbf{M}_{d\phi} = -2.25 \times 10^{24}, \mathbf{M}_{\theta\phi} = 5.65 \times 10^{24}$

3 数值模拟结果分析

对不同震中距不同方位 31个台站记录数据进行分析,其中包括中国各地 10多个台站,如恩施、乌鲁木齐、昆明等地方台站。图 2是各台站记录的垂向位移,按照震中距由大到小排列。横轴变量是时间,纵轴变量是地球振动垂向位移,进行了归一化处理。可以看到,最先到达的是 P波,随后是 S波,最后是多次 Rayleigh波到达情况,经过约 90分钟从一端传到地球另一端震中的对蹠点,经过约 180分钟回到震中区域。地震图中可以清楚地看到 R、R1、R2等震相,显示了计算结果的合理性。注意,由于模型中没有考虑地球介质的非完全弹性,因此图中计算的面波传播过程中没有衰减。

对其中任意 2个台站记录地震图数据进行功率 谱密度分析,分别为南太平洋岛屿台站 TR IS IU $(37.07\,^{\circ}\text{S}\ 12.32\,^{\circ}\text{W})$ 及中国台站乌鲁木齐 WMQ·CD $(43.82\,^{\circ}\text{N},87.70\,^{\circ}\text{E})_{\circ}$

图 3分别显示了台站 TRIS及 WMQ处记录到

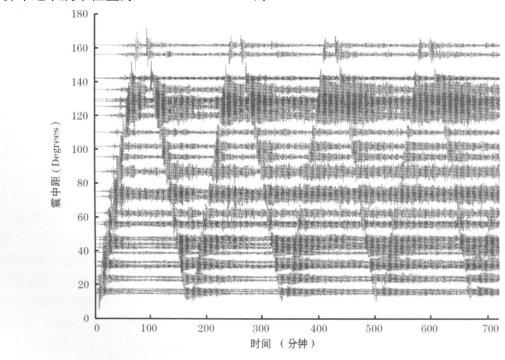


图 2 31个台站记录的垂向位移

的南北向 (N方向)、东西向 (E方向)及垂向 (Z方向)³个分量波形数据滤波后的结果。该图很清晰地反映出 P波、S波、Rayleigh波及 Love波的传播情况。

图 4给出了台站 TR IS及 WMQ处记录到的横向分量 (E向分量和 N向分量)在 0.1~1 mHz频段的功率谱密度 (Power spectral density)图,其中虚竖线为 PREM (Preliminary Reference Earth Model)模型给出的理论环型振荡的频率值。从该图中可以看出,TR IS及 WMQ台站记录到的横向分量中检测到很好环型基频振型,与 PREM 理论值吻合的比较好,但是也有一定的误差,因为 PREM 理论模型值是基于一维地球模型,而数值模拟模型是基于三维地球模型,地球的三维效应对数值模拟结果存在影

响^[21],其次数值模型中本身存在模拟精度问题,震源特性对数值模型的计算结果也存在影响,这导致数值模拟结果与理论值存在偏差。我们采用的AK135模型为目前国际上最新的地球模型,经过试验显示这对我们的数值模拟结果与 PREM 模型理论值之间的差异影响很小。

图 5给出了台站 TR IS 及 WMQ 处记录的垂向分量 (Z向分量)在 ① 1~1 mH z频段的功率谱密度估计值,其中虚竖线代表 PREM 模型给出的理论球型振荡的频率值。从该图中可以看到,TR IS 及WMQ虚拟台站记录到的垂向分量关于球型基频振型频率值与 PREM 理论值之间存在一定偏差,这主要是由于数值模拟时,计算中没有考虑到地球重力

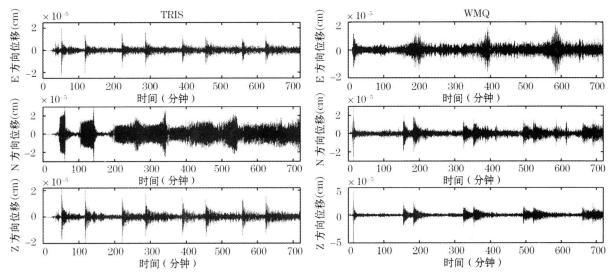
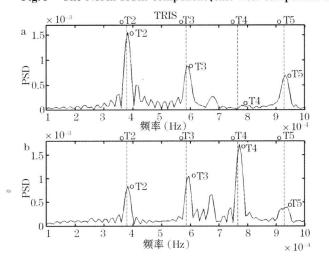


图 3 虚拟台站 TRIS 及 WMQ 记录到的南北向、东西向及垂向三分量波形图

Fig. 3 The North-south component east-west component and vertical component recorded by TRIS and WMQ stations



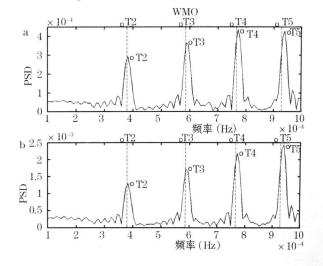


图 4 虚拟台站 TRIS 及 WMQ 处,0.1~1 mHz 频段 E 向(图 a)及 N 向(图 b)分量的功率谱密度估计

Fig. 4 Power Spectral Density estimation of east-west component (a) and

north-south component(b) in 0.1 ~ 1 mHz at TRIS and WMQ stations
(C)1994-2023 China Academic Journal Electronic Publishing House. All rights reserved. http://www.cnki.net

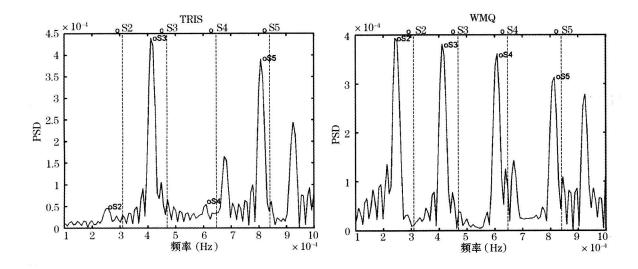


图 5 虚拟台站 TR IS及 WMQ处,0.1~1 mHz频段 Z向分量的功率谱密度估计 Fig 5 Power Spectral Density estimation of vertical component in 0.1~1 mHz at TR IS and WMQ stations

因素^[22~25]。环型振型没有径向位移,只有横向位移,不会引起密度变化,所以重力不会影响环型振型的频率。对于球型振荡,密度变化影响球型振荡整个运动,地球重力会影响球型频率。对于较低频基频模式,如果考虑地球自重影响,球型振型的周期将会变短,振荡频率会变大。从图 5中可以明显的看出 PREM 理论值要比数值模拟结果功率谱密度估计值大。 Lamb在 1982年曾经证明过由于考虑地球自重因素, oS。周期从 65分钟左右减至 55分钟左右减至 55分钟左右减至 55分钟左右减至 55分钟左右域至 55分钟左右域型是基于三维地球模型,地球的三维效应对数值模拟模型是基于三维地球模型,地球的三维效应对数值模拟精度问题,震源特性等对数值模型的计算结果也存在影响,这导致数值模拟结果与理论值存在偏差。

图 4及图 5也可以看出,对于同一个震源,激发出自由振荡振型在不同台站位置处检测到的结果几乎是相同的,不同的是同一震源不同台站处检测到的振型能量各有不同,有些振型在某些台站处可能表现出的能量为零,而在另一些台站处表现很大的能量,发育很好,但基本振型是不变的。这些结果初步表明,对数据处理的方法还是比较合理的。同时,也得出地球重力不会影响地球环型振荡,而只会影响地球球型振荡。

这样的结果也在预料之中,因为很多地球结构本身的因素都能在很大程度上影响地球自由振荡模式,而我们在用数值模拟的方法研究地球自由振荡时,作为初步对这一方法正确性合理性的证实,除了很精细的考虑到地球结构分层,(AK135模型)以外,

还没有考虑到地球内部结构的一些因素,这还需要我们对模拟进一步的修饰及改进。从另一种角度看,正是由于这种细微的偏差,才可以使我们利用这种差异来研究地球内部结构的横向不均匀性和各项异性等很多地球内部特征。另外,本研究中,数值模拟时间步长、模拟计算时间长度、网格划分大小等都会影响到数值模拟结果,考虑到我们实验室并行机的承受能力,我们目前的网格是 120多万个。

4 讨论与结论

地球自由振荡的理论研究到现在已经很成熟, 集中于在给定适当的定解条件下,求解微分方程组 确定地球振荡周期。并且对自转、椭率等多种因素 的影响也进行了深入的研究。在观察方面,随着长 周期地震仪、超导重力仪等的发展,也获得了丰富的 观察资料;观测资料与理论推导的振荡频率很好 吻合。

本文则另外尝试一种新的研究途径,利用高性能并行计算数值模拟技术,计算弹性波在 AK135地球模型内的传播,模拟地震激发地球自由振荡的全过程。结果显示了利用数值模拟方法研究地球自由振荡是可行的。计算出的台站地震图频谱分析结果,显示环型振荡数值模拟的一些基频频率与理论值吻合,地球重力对球型振荡存在一定的影响。初步试验的结果还是积极的,我们对自由振荡的研究还没有结束,地球及其复杂的内部结构及特性还需要更深层地认识和进一步的研究。科学研究学工作者的努力将有助于数值模拟方法更好的应用于研究。

地球的自由振荡。可以预期,数值方法不但能处理 地球椭率、地球各向异性等经典方法能够解决的问题,而且最终将能考虑地表地形、莫霍面起伏和核幔 边界起伏、海洋与大陆的横向区别、地球内部的横向 不均匀性等现在解析方法难以解决的问题,为利用 地球自由振荡观测研究地球内部横向不均匀结构提 供新的得力研究工具。

致 谢:感谢 Jeroen Tromp等提供了 Specfem 3D _Globe谱元法计算程序,感谢 David A. Yuen教授、Maarten V. de Hoop教授及雷湘鄂等老师的有益讨论及指导。

参考文献 (References):

- [1] Dziewonski A.M. Anderson D.L. Preliminary reference earth model [J]. Physics of the Earth and Planetary Interiors 1981, 25(4): 297-356.
- [2] Lei X E. Sun H P. H su H T. Check of Earth's free oscillations excited by Sumatra-Andaman Large earthquake and discussions on the anistropy of inner core[J]. Science in China (Series D: Earth Sciences), 2007, 50(6): 909-917.
- [3] Qiu Zehua Ma Jin Chi Shunliang Earth's free torsional oscillations of the great Sumatra earthquake observed with borehole shear strainmeter[J]. Chinese Journal Geophysics 2007, 50(3): 797-805. [邱泽华,马瑾,池顺良.钻孔差应变仪观测的苏门答腊大地震激发的地球环型自由振荡[J].地球物理学报, 2007, 50(3): 797-805.]
- [4] Widmer-Schnidrig R. Free oscillations illuminate the mantle [J]-Nature 1999, 398, 292-293.
- [5] Tsuboi N. Free oscillations of a laterally heterogeneous and anelastic earth [J]. Pageoph 1995, 145: 445-457.
- [6] Dahlen F A. Sailor R V. Rotational and elliptical splitting of the free oscillations of the Earth [J]. Geological and Geophysica Sciences 1979, 58, 609-623.
- [7] Luh P C. Dziewonski A M. Theoretical normal mode spectra of a rotating elliptical earth [J]. Geophysical Journal 1976, 45 (3): 617-645.
- [8] Tromp J Support for an isotropy of the Earth's inner core from free oscillations [J]. Nature 1993, 366 (16): 678-681.
- [9] Woodhouse JH, Giardini D. Li X D. Evidence for inner core anisotropy from free oscillations [J]. Geophysical Research Letters 1986, 13(13): 1549-1552.
- [10] Masters T.G. Widmer R. Free Oscillations. Frequencies and Attenuations [M]. Americal Geophysical Union 1995, 104-125.

- [11] Park J. Song T.R.A. Tromp J. et al. Earth's free oscillations excited by the 26 December 2004 Sumatra-Andaman earthquake.
 [J]. Science 2005, 308, 1 139-1 144.
- [12] Park J. Free-oscillation coupling theory [C]// Cloetingh SAPL ed. Mathematical Geophysics. D. Reidel Publishing Company 1988, 31-52.
- [13] Komatitsch D. Ritsema J. Tromp J. The spectral element method. beowulf computing and global seismology [J]. Science 2002, 298, 1 737-1 742.
- [14] Komatitsch D. Tromp J. Spectral-element simulations of global seismic wave propagation T. Validation [J]. Geophysical Journal International 2002, 149, 390-412.
- [15] Komatitsch D. Tromp J. Spectral-element simulations of global seismic wave propagation-II. Three-dimensional models oceans rotation and self-gravitation [J]. Geophysical Journal International 2002, 150, 303-318.
- [16] Sinha S Routh P S Anno P D et al Spectral decomposition of seismic data with continuous wavelet transform [J]. Geophysics 2005, 70(6): 19-25.
- [17] Shen J Efficient chebyshev-legendre galerkin methods for elliptic problems [J]. Houston Journal of Mathematics 1996, 31, 233-239.
- [18] Guo B Y, Shen J Wang L L Optimal spectral-galerk in methods using generalized jacobil polynomials [J]. Journal of Scientific Computing, 2006, 27(1): 305-322.
- [19] Kennett B L N. Engdahl E R. Buland R. Constraints on seismic velocities in the earth from traveltimes [J]. Geophysical Journal International 1995, 122, 108-124.
- [20] Komatitsch D. Tromp J. Introduction to the spectral element method for three-dimensional seismic wave propagation [J]. Geophysical Journal International 1999, 139, 806-822.
- [21] Woodhouse JH. Deuss A. Theory and observations—Earth's free oscillations[M]// Treatise on Geophysics(Volume 1). Elsevier 2007, 31-65.
- [22] Lapwood E. R. Usam i. T. Free Oscillations of the Earth [M]. New York; Cambridge University Press. 1981, 94-115.
- [23] Aki K. Richards P.G. Quantitiative Seismology. Theory and Methods[M]. San Francisco, WHF reeman and Company 1980; 375-425.
- [24] Luh P C Normal modes of a rotating self-gravitating inhomogeneous earth [J]. Geological and Geophysical Sciences 1974, 38: 187-224.
- [25] Robert A.P. Robert B. Representation of the elastic gravitational excitation of a spherical earth model by generalized spherical harmonics[J]. Geological and Geophysical Sciences 1973, 34: 451-487.

An Initial Study of the Numerical Simulation of the Earth's Free Oscillations Process Excited by Earthquake

YAN Zhenzhen^{1, 2}, ZHANG Hua², YANG Changchun¹, SHIYaolin²

(1 Institute of Geology and Geophysics Chinese Academy of Sciences Beijing 100029, China:

2 Graduate University of Chinese Academy of Sciences Beijing 100049, China)

Abstract: The eigenfrequencies of the Earth's free oscillations are closely related to the Earth's internal structures. Elaborately investigating the characteristics of the Earth's free oscillations can open another window to address the hierarchical structures with variations of this mysterious planet on which we are living. The traditional method mainly focused on calculating the eigenfrequencies by analytical ways whereas it lacks the advantage of modeling a realistic earth model with lateral heterogeneity from studying on the process from earthquake occurrence to the Earth's free oscillations inspired. We proposed numerical simulation method which is based on the elastic propagation theory; the spectral element method and high performance parallel computing were incorporated to simulate the seismic wave propagation process in the Earth's interior. As a preliminary study, we neglected the effects of the Earth's gravitational potential. The seismographic data recorded by synthetic stations were analyzed by power spectral density distribution analysis and compared with those from the theoretical values of PREM model. We found that the simulated results of toroidal modes agreed well with the theoretical values

Keywords The Earth's free oscillations The Earth's internal structures Toroidal oscillations Spheroidal oscillations Spectral element method: Parallel computing

美发射迄今分辨率最高商用地面成像卫星

美国一家商业卫星公司 9月 6日在加利福尼亚州范登堡空军基地成功将"地球之眼—1"卫星发射升空,卫星上有目前分辨率最高的商用成像设备,可以从太空拍摄地面棒球场上本垒板的清晰图片。

"地球之眼—1"卫星由一枚德尔塔 2型火箭运载,于美国西部时间 6日 11时 50分 (北京时间 7日 2时 50分)发射升空。目前,卫星已经进入地球极轨道。由于需要接受相关核校,预计一两个月后才能向客户提供有关图像。"地球之眼—1"卫星的成像服务可应用于诸多领域,如环境规划、农业和国防等。

谷歌公司现已订购"地球之眼—1"卫星图像,以提高谷歌在线地图的精确度。"地球之眼"公司是目前世界上最大的商业卫星遥感公司,在发射"地球之眼—1"之前,已拥有"轨道观测—2"、"轨道观测—3"和艾科诺斯 3颗成像卫星在轨工作。

(安培浚 摘编)