一、实验要求

- 1. 学习掌握基于模糊身份的加密(FIBE)算法原理。
- 2. 代码实现基于模糊身份的加密(FIBE)算法。
- 3. 随机指定明文数据,能够输出访问策略 Access policy、属性集 Attribute Set、密文 Ciphertext、密钥 Private key 和解密结果 Decryption results。

二、实验设备

主机: Windows10

工具: IntelliJ Idea

三、实验原理

1. 双线性映射

设 G1, GT 是素数阶 p 的群,设 g 是 G1 的生成元 (即本原根,或称为阶),即 G1 为由 p 生成的循环加法群,0 为 G1 的单位元。我们说 G1 有一个允许的双线性映射即 e: G1×G1→GT,则 GT 为对称双线性群,即具有相同阶 p 的循环乘法群,1 为 GT 的单位元。该映射当且仅当以下两个条件成立:① 映射是双线性的;② 对于所有的 ab,我们有 e (g^a,g^b) =e (g,g) ab。该映射具备非退化性则需满足 e (g,g) ≠1,即无法映射到 GT 的幺元。

本算法实现中使用到对称双线性映射即 $G1 \times G1 \rightarrow GT$ 。由于双线性群现在的构造是基于椭圆曲线的,而椭圆曲线上的元素是由坐标(x,y)表示的,所以我们将 G1 的结果输出到 Java 的控制台,得到的是一个坐标。而 GT 是一个普通的 Zn 群,所以其元素的表示是一个数。

2. JPBC 库

PBC 库(pairing-based cryptography library)是斯坦福大学研究人员开发的一个免费可移植 C 语言库。它通过提供一个抽象的接口,使程序设计人员可以不必考虑具体的数学细节,甚至不必考虑椭圆曲线和数论的相关知识就可以实现基于配对的密码体制。JPBC 库(Java Pairing-Based Cryptography Library)是对 PBC 库的 Java 封装,常用于基于配对的密码学算法仿真程序编写中。

JPBC 库共提供四个循环群,其中 G1, G2, GT 均为阶为 p 的乘法循环群,而 Zp 为整数域上的加法循环群。乘法循环群上的点是 z 值为 0 的椭圆曲线上的点,而整数循环群上的点是数,二者均可抽象为 Element 数据类型并用于仿真中。G1, G2, GT 中元素的模幂运算、倍乘运算以及相互之间的加法运算,运算结果均为对应群上的元素,Zp 中元素的加减乘除运算以及乘方运算,运算结果为整数循环群上的元素。

需要注意的是,现在的密码学相关论文中,习惯将 G1, G2 设置为乘法循环群。但是基于椭圆曲线的双线性群构造中,G1, G2 是加法循环群。所以在 2005 年以前的论文中,双线性群一般写成加法群的形式。JPBC 库中将 G1, G2 表示成了乘法循环群,因此在加法循环群形式方案的仿真过程中,应特别注意 将加法群改写为乘法群的写法再完成进一步仿真。由于加法群中的加法运算对应乘法群中的乘法运算,减法运算对应除法运算(即求逆元),乘法运算对应 幂指数运算,而除法运算对应对数运算。故改写过程需要结合以上运算法则。

双线性群(即椭圆曲线)的初始化在 JPBC 中表现为对 Pairing 对象的初始 化。JPBC 库支持 A、A1、D、E、F、G 六种椭圆曲线,对比如下。我们可以 通过代码动态产生和从文件中读取相关参数这两种方法完成上述初始化过程。

Type	Base field size (bits)	k	Dlog security (bits)
A	512	2	1024
D	n	6	6n
E	1024	1	1024
F	160	12	1920
G	n	10	10n

当确定椭圆曲线参数后重复调用 getG1(), newElement()和

newRandomElement()方法,可以得到使用 PairingFactory.getPairing(filename)函数导入特定参数的椭圆曲线后,每次调用 getG1()函数生成的循环群都是相同的,故可以通过保存椭圆曲线参数至 xxx.properties 文件并导入这一操作实现循环群的保存。对于群 G1,每次调用 G1.newElement()函数生成的生成元 g 都是相同的。然而调用 G1.newRandomElement()函数随机获取的群上元素则是不同的。

3. 拉格朗日差值算法

给定 n 个点 (x_0,y_0) , (x_1,y_1) ,..., (x_{n-1},y_{n-1}) ,可以决定一个 n-1 次多项式:

$$P_{n-1}(x) = a_0 + a_1x + a_2x^2 + ... + a_{n-1}x^{n-1}$$

分别将这 n 个点代入 P(x)中可以得到一组多项式, 用矩阵乘法可得:

$$\begin{bmatrix} 1 & x_0 & \dots & x_0^{n-1} \\ 1 & \dots & \dots & \dots \\ 1 & x_{n-2} & \dots & x_{n-2}^{n-1} \\ 1 & x_{n-1} & \dots & x_{n-1}^{n-1} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_0 \\ \dots \\ a_{n-2} \\ a_{n-1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} y_0 \\ \dots \\ y_{n-2} \\ y_{n-1} \end{bmatrix}$$

该组多项式可以表示为:

$$L(x,n) = q(x) = \sum_{i=0}^{n-1} y_i \delta_i(x) = \sum_{i=0}^{n-1} y_i LB_i(x)$$

其中,拉格朗日因子:

$$LB_{i}(x) = \delta_{i}(x) = \prod_{j=0, j\neq i}^{n-1} \frac{x - x_{j}}{x_{i} - x_{j}}$$

4. Shamir 秘密共享

即将秘密 s 分割后共享给 n 个人,至少 k 个人组合后才可以恢复秘密 s。该分享方案具体内容为:

任意取 k-1 个随机数,构造如下 k-1 次随机多项式 q(x):

$$q(x) = a_0 + a_1x + a_2x^2 + ... + a_{k-1}x^{k-1}$$

并使得 $q(0) = a_0 = s$,取任意 n 个数 x_n 分别代入多项式,计算 $(x_1,q(x_1))$, $(x_2,q(x_2))$,…, $(x_n,q(x_n))$,将对应的 $q(x_i)$ 分享给第 i 个用户。(所有运算均在有限域中进行。)

k 个用户通过其秘密分片通过拉格朗日插值算法求解多项式系数可以恢复 q(x), 进而计算出 q(0), 也就是 $s=q(0)=a_0$ 。

5. FIBE 算法原理

- ① setup 初始化
 - (1) 生成 pairing 相关公共参数<e, g, G1, GT, Zp>。
 - (2) 确定属性全集 U 为整数集合 $\{1,2,...,|U|\}$, 以及系统门限值 d。
- (3)针对每个属性 i 选择随机数 $t_i \in \mathbb{Z}p$ 作为主密钥组件,计算 $T_i = g^{t_i}$ 作为对应的公钥组件。

- (4) 选取随机数 $y \in \mathbb{Z}p$,并计算 $Y = e(g,g)^y$ 。
- (5) 最终,系统主密钥 $msk = \langle t_1, t_2, ..., t_{|U|}, y \rangle$, 公钥 $pk = \langle T_1, T_2, ..., T_{|U|}, y \rangle$ 。
 - ② keygen 密钥生成
- (1) 随机选择一个 d-1 次多项式 q(x),使得 q(0) = y (即拉格朗日差值法中的 a_0)。
 - (2) 针对用户属性集合 S 中的每个属性 i, 计算 q(i), 进一步计算 $D_i = g^{\frac{q(t)}{t_i}}$ 。
 - (3) 用户私钥为 $sk = \{D_i\}$ (i \in S).
 - ③ encrypt 加密
 - (1)选取随机数 $s \in \mathbb{Z}p$,针对明文消息 $M \in GT$,计算 $E' = M \cdot Y^s = M \cdot e(g,g)^{ys}$ 。
 - (2) 针对明文属性集合 W 中的每个属性 i, 计算 $E_i = T_i^s$ 。
 - (3) 密文为 $ct = \langle E', \{E_i\} (i \in W) \rangle$ 。
 - ④ decrypt 解密
- (1) 如果用户属性集合 S 和明文属性 W 重合属性个数不小于 d,可按如下方法继续解密。
 - (2) 从所有重合属性中选取 d 个构成属性集合 I。
- (3) 针对 I 中的每个属性 i,计算 $P_i = e(E_i, D_i)^{\delta_i(0)} = e(g, g)^{sq(i)\delta_i(0)}$,其中 $\delta_i(0)$ 是拉格朗日因子。
 - (4) $\prod_{i \in I} P_i = e(g, g)^{s \sum_{i \in I} q(i) \delta_i(0)} = e(g, g)^{sy}$
 - $(5) \frac{E'}{\prod_{i \in I} P_i} = M_{\circ}$

四、实验流程

本实验将复现基于模糊身份的加密(FIBE)算法,实现过程中有几点备注如下:

- 1. 实现过程中所有属性均用整数表示。在实际应用中是通过索引表将每一个整数和一个字符串属性对应起来。
- 2. 多项式求值和拉格朗日插值在群 Zp(在 JPBC 库中表示为 Zr)上进行, 因此相应的 int 值在计算前要转换为 Zr Element。
- 3. 对于重复使用的值一定要记得使用 getImmutable()或者 duplicate()。尤其是在 for 循环中。
- 4. 使用从文件 pairingParametersFileName(实例中为 a.properties 文件)中读取相关参数的方法完成对双线性群(即椭圆曲线)的初始化即在 JPBC 中对Pairing 对象初始化。
- 5. 生成的公钥 pk、主密钥 msk、用户私钥 sk、密文 ct 集合也都放入对应的文件 pk.properties、msk.properties、sk.properties、ct.properties 中。
- 6. 本实验中的明文消息在最初选用的是随机生成为 GT 群上的点,这样在解密后可以还原出对应的点。后来又尝试选用了单向函数 SHA-256 来对明文消息串进行转换。即需要加密的明文消息串从 input.txt 文件中读取,并通过 SHA-256 哈希为 GT 群上的点 Element 类,进而继续下一步加密。但这样解密 出来的结果为对应的哈希点,而无法逆向解出具体的明文消息串。即只能证明 具备解密权限,但无法得到解密消息串。

具体实现如下。

1. setup 初始化

2. keygen 密钥生成

```
Properties skProp = new Properties(); //新建Properties类以便生成对应和钥sk封装文件
//计算用户属性中每个属性对应的和钥Di=g^(q(i)/ti), q(i)是多项式在该属性i位置的值,ti是属性对应的主密钥
for (int att : userAttList) {

String tString = mskProp.getProperty("t"+att); //从对应主密钥msk文件中获取对应ti的字符串
Element t = bp.getZr().newElementFromBytes(Base64.getDecoder().decode(tString)).getImmutable();
//将Base64编码后的字符串比解码转换成Element类整数
Element q = qx(bp.getZr().newElement(att), coef, bp.getZr()).getImmutable();
//讲算Element类整数值(i)=q(att)=coef[0] + coef[1]*att^1 + coef[2]*att^2 + coef[d-1]*att^(d-1)
//编写了函数qx来计算由coef为系数确定的多项式qx在点x处的值,注意多项式计算在群Zr上进行
Element D = g.powZn(q.div(t)).getImmutable();

// 计算Element类整数值0i=g^(q(i)/ti)

skProp.setProperty("D"+att, Base64.getEncoder().withoutPadding().encodeToString(D.toBytes()));
//将所得Di转接为字符串形式并进行Base64编码,并存入对应和钥文件中

}
//将用户属性列表userAttList也添加在和钥中
skProp.setProperty("userAttList", Arrays.toString(userAttList));
storePropToFile(skProp, skFileName); //封装进对应文件
//输出、和钥文件 sk = < {Di}(ieuserAttList), userAttList >
}
```

3. encrypt 加密

```
ctProp.setProperty("EP", Base64.getEncoder().withoutPadding().encodeToString(EP.toBytes()));

//将Element类整数EP=M(Y^s)=Me(g,g)^(ys)也转换为字符串形式并进行Base64编码,并存入对应密文文件中

//密文属性列表messageAttList也添加至密文文件中

ctProp.setProperty("messageAttList", Arrays.toString(messageAttList));

storePropToFile(ctProp, ctFileName); //封装进对应文件

//输出:密文文件 ct = < E', {Ei}(i∈messageAttList) , EP, messageAttList >

}
```

4. decrypt 解密

5. 相关函数

① 计算由 coef(即 an)为系数确定的多项式 q(x)在点 x 处的值

```
203
204

//计算由coef为系数确定的多项式qx在点x处的值,注意多项式计算在群Zr上进行
1 usage

205 @ public static Element qx(Element x, Element[] coef, Field Zr){
206

Element res = coef[0];
for (int i = 1; i < coef.length; i++){
208

Element exp = Zr.newElement(i).getImmutable();
//x一定要使用duplicate复制使用,因为x在每一次循环中都要使用,如果不加duplicte,x的值会发生变化
210

res = res.add(coef[i].mul(x.duplicate().powZn(exp)));

211

}
return res;
213
}
```

② 求两个数的交集

③ 拉格朗日因子计算

```
//拉格朗日四子计算 i是集合S中的某个元素. x是目标点的值
lusage
public static Element lagrange(int i, int[] S, int x, Field Zr) {
    Element res = Zr.newOneElement().getImmutable();
    Element iElement = Zr.newElement(i).getImmutable();
    Element xElement = Zr.newElement(x).getImmutable();
    for (int j : S) {
        if (i != j) {
            //注意: 在循环中重复使用的项一定要用duplicate复制出来使用
            //这儿xElement和iElement重复使用,但因为前面已经getImmutable所以可以不用duplicate Element numerator = xElement.sub(Zr.newElement(j));
        Element denominator = iElement.sub(Zr.newElement(j));
        res = res.mul(numerator.div(denominator));
    }
}
return res;
}
```

④ 保存和载入参数文件

```
4 usages

public static void storePropToFile(Properties prop, String fileName){

try(FileOutputStream out = new FileOutputStream(fileName)){

prop.store(out, comments null);
}

catch (IOException e) {

e.printStackTrace();
System.out.println(fileName + " save failed!");
System.exit( status: -1);
}

6 usages

public static Properties loadPropFromFile(String fileName) {

Properties prop = new Properties();

try (FileInputStream in = new FileInputStream(fileName)){

prop.load(in);
}

catch (IOException e) {

e.printStackTrace();
System.out.println(fileName + " load failed!");
System.exit( status: -1);
}

return prop;
}

return prop;
}
```

⑤ 从文件中读取字符串消息

⑥ 将明文字符串消息使用 SHA-256 哈希为 GT 群上的点 Element 类

6. 主函数

```
    360
    setup(pairingParametersFileName, U, d, pkFileName, mskFileName);

    362
    keygen(pairingParametersFileName, userAttList, pkFileName, mskFileName, skFileName);

    363
    System.out.println("加密密钥文件:" + pkFileName);

    364
    //Element message = PairingFactory.getPairing(pairingParametersFileName).getGT().newRandomElement().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmutable().getImmu
```

7. 运行检验

① 测试数据:

属性集为{1,2,...,20},即 U=20。

系统解密门限值 d=5。

明文消息串为"hello"。

② 用户属性与明文属性重合个数大于等于系统解密门限值的情况测试数据:

用户属性 = $\{1, 5, 3, 6, 10, 11\}$; 明文属性 = $\{1, 3, 5, 7, 9, 10, 11\}$ 。 运行得到:

系统解密门限为:5

明文消息: hello

哈希后的明文消息:

{x=7010616012506829908431641030078315303461952979236585186069}
80822900338047539708027744462769244808728102771246689036752259503711
8951522164295759347826276873,y=1283258037552552373079318247796877001
03955404394819614183342432701237426840942651901336845239867277495783
1046422879020345771774716084020498112008034393769}

加密密钥文件:data/pk.properties

重合属性列表: [1,3,5,10,11]

重合属性个数为:5

解密所用属性列表: [1,3,5,10,11]

解密结果:

 $\{x = 7010616012506829908431641030078315303461952979236585186069$

80822900338047539708027744462769244808728102771246689036752259503711 8951522164295759347826276873,y=1283258037552552373079318247796877001 03955404394819614183342432701237426840942651901336845239867277495783 1046422879020345771774716084020498112008034393769}

成功解密!

```
系统解密门限为,5
明文消息: hello
哈希后的明文消息: (x=701061601250682990843164103007831530346195297923658518606980822900338047539708027744462769244808728102771246689036752259503711895152216429575
加密密钥文件: data/pk.properties
重合属性列表 [1, 3, 5, 10, 11]
重合属性列表 [1, 3, 5, 10, 11]
解密结果: {x=70106160125068299084316410300783153034619529792365851860698082290033804753970802774446276924480872810277124668903675225950371189515221642957593478262
成功解密:
```

③ 用户属性与明文属性重合个数小于系统解密门限值的情况测试数据:

用户属性 = $\{1, 5, 3, 6, 10, 11\}$; 明文属性 = $\{1, 3, 5, 7, 9\}$ 。运行得到:

系统解密门限为:5

明文消息: hello

哈希后的明文消息:

{x=7010616012506829908431641030078315303461952979236585186069}
80822900338047539708027744462769244808728102771246689036752259503711
8951522164295759347826276873,y=1283258037552552373079318247796877001
03955404394819614183342432701237426840942651901336845239867277495783
1046422879020345771774716084020498112008034393769}

加密密钥文件:data/pk.properties

重合属性列表: [1,3,5]

重合属性个数为: 3

不满足解密门限, 无法解密!

解密结果:null

```
系统解密门限为。5
明文消息: hello
哈希后的明文消息: {x=7010616012506829908431641030078315303461952979236585186069808229003380475397080277444627692448087281027712466890367522595037118951522164295755
加密密钥文件:data/pk.properties
重合属性列表。[1, 3, 5]
重合属性列表。[1, 3, 5]
重合属性列数为。3
不满足解密门限,无法解密!
解密结果:null
```

五、实验结论

在 FIBE 中,将身份看作是一组描述性属性。它允许具有身份 w 的用户去解密用身份 w'加密的密文,当 $|w\cap w'| \ge d$,即在一定的度量下,他们的身份重叠大于等于门限值 d,也就是他们之间的属性重合大于等于门限值时,所以 FIBE 具有一定的容错特性,可以使用生物识别特征作为属性输入。

同时,它还具有抗共谋的特性,对于不同用户组合他们的属性,从而解密他们各自不能解密的密文,这在 FIBE 中是不允许的,主要是使用生成随机多项式来实现抗共谋攻击。FIBE 的提出产生了两个新的新应用,第一个就是可以使用生物识别身份的身份基加密系统。例如{身高,体重,血型}等生物特征作为身份。第二个就是属性基加密系统。例如{本科生,研究生,教师}等属性作为身份。

FIBE 就是最基本的属性基加密系统,将系统中的属性映射到中,密文和用户的密钥都与属性相关。该机制仅支持基于属性的门限策略,即当用户属性集合与密文属性集合相交的属性数量达到系统规定的门限值以上才允许该用户对

密文进行解密。例如,图书馆中某论文的属性集合为{计算机,安全,研究生,英文},且该论文属性加密门限值为3,则属性基为{计算机,安全,研究生}可以访问该论文,而属性集合为{计算机,安全,本科生}的用户就无法访问它。

该机制中,公钥与系统属性数目线性相关,幂运算和双线性对数目较多,系统越大,计算复杂。

本次实验 Github 地址: https://github.com/YTR1020/FIBE/tree/main

参考文献

[1]Sahai, A., Waters, B. (2005). Fuzzy Identity-Based Encryption. In: Cramer, R.
 (eds) Advances in Cryptology - EUROCRYPT 2005. EUROCRYPT 2005. Lecture
 Notes in Computer Science, vol 3494. Springer, Berlin, Heidelberg.

https://doi.org/10.1007/11426639_27(pdf 地址: https://eprint.iacr.org/2004/086.pdf)
[2]十陆. (2022) .模糊身份基加密 (Fuzzy Identity based Encryption)算法及 JPBC 实现. CSDN. 检索于 2024 年 4 月 2 日,

https://blog.csdn.net/weixin_44960315/article/details/122394033.

[3]Intuzgm. (2022) .属性基加密——模糊身份基加密 (FIBE) . CSDN. 检索于 2024 年 4 月 2 日, https://blog.csdn.net/m0 52322997/article/details/124997902.