

3.2 选择题（考研真题）。

(1) [2009] 一个 C 语言程序在一台 32 位机器上运行，程序中定义了 3 个变量 x 、 y 、 z ，其中 x 和 z 是

int 型， y 为 short 型。当 $x=127$ ， $y=-9$ 时，执行赋值语句 $z=x+y$ 后， x 、 y 、 z 的值分别是 **D**。

A. $x=0000007FH$ ， $y=FFF9H$ ， $z=00000076H$

B. $x=0000007FH$ ， $y=FFF9H$ ， $z=FFFF0076H$

C. $x=0000007FH$ ， $y=FFF7H$ ， $z=FFFF0076H$

D. $x=0000007FH$ ， $y=FFF7H$ ， $z=00000076H$

分析： y 为 short 类型， x 为 int 类型。在进行运算的时候会先将 y 转为 int 类型再相加。所以 y 会再运算前转为 -9 的补码形式，为 1111 1111 1111 0111，然后与 x 相加得到 0000 0076。

(2) [2010] 假定有 4 个整数用 8 位补码分别表示 $r_1=FEH$ ， $r_2=F2H$ ， $r_3=90H$ ， $r_4=F8H$ ，若将运算结果存放在一个 8 位的寄存器中，则下列运算会发生溢出的是 **B**。

A. $r_1 \times r_2$ B. $r_2 \times r_3$ C. $r_1 \times r_4$ D. $r_2 \times r_4$

分析：A: $FEH * F2H = 28$ ，没有溢出；B: $F2H * 90H = -2016$ ，超出 8 位补码表示范围，发生了溢出；C: $FEH * F8H = 16$ ，没有溢出；D: $F2H * F8H = 112$ ，没有溢出

(3) [2013] 某字长为 8 位的计算机中，已知整型变量 x 、 y 的机器数分别为 $[x]_{补}=11110100$ ， $[y]_{补}=10110000$ 。若整型变量 $z=2 \times x + y/2$ ，则 z 的机器数为 **A**。

A. 11000000 B. 00100100 C. 10101010 D. 溢出

分析：相当于将 x 左移一位，得到 1110 1000， y 右移一位，得到 1101 1000 然后将结果相加，得到 1100 0000。

(4) [2018] 假定带符号整数采用补码表示，若 int 型变量 x 和 y 的机器数分别是 FFFF FDFH 和 0000 0041H，则 x 、 y 的值以及 $x-y$ 的机器数分别是 **C**。

A. $x=-65$ ， $y=41$ ， $x-y$ 的机器数溢出

B. $x=-33$ ， $y=65$ ， $x-y$ 的机器数为 FFFF FF9DH

C. $x=-33$ ， $y=65$ ， $x-y$ 的机器数为 FFFF FF9EH

D. $x=-65$ ， $y=41$ ， $x-y$ 的机器数为 FFFF FF96H

分析：将 x 与 y 的机器数转为十进制可知 $x=-33$ ， $y=65$ 。将机器数相减，得到 FFFF FF9EH

(5) [2018] 整数 x 的机器数为 1101 1000，分别对 x 进行逻辑右移 1 位和算术右移 1 位操作，得到的

机器数各是 ____ **B** ____。

- A. 1110 1100、1110 1100 B. 0110 1100、1110 1100
C. 1110 1100、0110 1100 D. 0110 1100、0110 1100

分析：逻辑右移最高位补 0，算术右移最高位补符号位，仅有 **B** 符合要求。

(6) [2019] 浮点数加减运算过程一般包括对阶、尾数运算、规格化、舍入和判断溢出等步骤。设浮点数的阶码和尾数均采用补码表示，且位数分别为 5 位和 7 位（均含 2 位符号位）。若有两个数

$X = 27 \times 29/32$ ， $Y = 25 \times 5/8$ ，则用浮点加法计算 $X + Y$ 的最终结果是 ____ **D** ____。

- A. 001111100010 B. 001110100010 C. 010000010001 D. 发生溢出

分析：x 可记为 00, 111; 00, 11101 (分号前为阶码，分号后为尾数)，同理，y 可记作 00, 101; 00, 10100；再对 x 和 y 的阶码进行相减，即 00, 111 - 00, 101, 可知 x 的阶码大于 y，因此需要将 y 的阶码+2，尾数右移两位，得到 y 为 00, 111; 00, 00101；之后尾数相加，可得到符号位为 01，需要进行右规。规格化后将尾数右移 1 位，阶码+1 得到阶码符号位为 01，发生了溢出。

(7) [2015] 下列有关浮点数加减运算的叙述中，正确的是 ____ **D** ____。

- I. 对阶操作不会引起阶码上溢或下溢
II. 右规和尾数舍入都可能引起阶码上溢
III. 左规时可能引起阶码下溢
IV. 尾数溢出时结果不一定溢出

- A. 仅 II、III B. 仅 I、II、IV
C. 仅 I、III、IV D. I、II、III、IV

分析：对于 1，对阶操作是调整两个浮点数的指数部分，使指数相同，不会引起阶码上溢或下溢，1 正确；对于 2，右规是便于尾数相加运算，相加后可能引起阶码上溢，2 正确；对于 3，左规是将结果规范化，可能导致阶码下溢，3 正确；对于 4，尾数溢出结果不一定溢出，4 正确。

3.3 回答下列问题。

(3) 如何判断浮点数运算结果是否为规格化数？如果不是规格化数，如何进行规格化？

1. 看尾数部分的表示形式。若浮点数最高位为 1，则是规格化的，若尾数全为 0，这表示+0，也是规格化的。

2. 首先将尾数左移一位，使最高位变为 1，指数部分减 1；再确保指数部分没有下溢，根据需要进行舍入适应尾数的位数范围；最后检查溢出，看指数有没有上溢

(4) 为什么阵列除法器中能用 CAS 的进位 / 借位控制端作为上商的控制信号？

CAS 的主要功能是将两个操作数的部分和计算出来，同时生成借位和进位。因为在除法器的计算过程中需要根据部分和的情况来确定商的值。

3.4 已知 x 和 y ，用变形补码计算 $x + y$ ，并判断结果是否溢出。

(3) $x = -0.10111$ ， $y = -0.11000$ 。

$$x = -0.1011 \quad y = -0.11000$$

$$[x]_{\text{补}} = 11, 0100 \quad [y]_{\text{补}} = 11, 01000$$

$$\text{相加: } [x]_{\text{补}} + [y]_{\text{补}} = 10, 1000$$

负溢出

3.5 已知 x 和 y , 用变形补码计算 $x-y$, 并判断结果是否溢出。

(3) $x = -0.11111$, $y = -0.11001$ 。

$$x = -0.1111 \quad [x]_{\text{补}} = 11, 0000$$

$$y = -0.10101 \quad [y]_{\text{补}} = 11, 10101$$

$$[-y]_{\text{补}} = 00, 01011$$

$$\therefore [x]_{\text{补}} + [-y]_{\text{补}} = 11, 01100$$

未溢出

$$\begin{array}{r} 11\,0000 \\ + 00\,0101 \\ \hline 11\,0100 \end{array}$$

3.6 用原码一位乘法计算 $x \times y$ 。

(2) $x = -0.11010$, $y = -0.01011$ 。

部分积	乘数
00.00000	11010
+ 00.00000	
00.00000	11010
→ 00.00000	01101
+ 00.01101	
00.01101	01101
→ 00.00110	10101
+ 00.00000	
00.00110	10110
→ 00.00011	01011
+ 00.01011	
00.01100	01011
→ 00.00111	00101
+ 00.00101	
00.01100	00101
→ 00.00110	00010
+ 00.00000	
00.00110	

由于符号位为正, 结果为 0.001100010

3.7 用补码一位乘法计算 $x \times y$ 。

(2) $x = -0.011010$, $y = -0.011101$ 。

$$\begin{aligned}
 [x]_{\text{补}} &= 1.100110 & [y]_{\text{补}} &= 1.100011 \\
 [-x]_{\text{补}} &= 0.011010
 \end{aligned}$$

部分积	乘数
00.000000	1.100011
+ 00.011010	
00.011010	1.100011
→ 00.001101	0.110001
+ 00.000000	
00.001101	0.110001
→ 00.000110	1.011000
+ 11.100110	
11.100110	1.011000
→ 11.110110	0.101000
+ 00.000000	
11.110110	0.101000
→ 11.111011	0.010100
+ 00.000000	
11.111011	0.010100
→ 11.111101	1.001010
+ 00.010101	
00.010101	1.001010
→ 00.001011	1.001011
+ 00.000000	
00.001011	1.001011

$\therefore xy = 0.001011100101$

3.8 用原码不恢复余数法计算 $x \div y$ 。

(2) $x = -0.10101$, $y = 0.11011$ 。

$$x = -0.10101 \quad y = 0.11011$$

$$[x]_{\text{补}} = 00.11011$$

$$[-y]_{\text{补}} = 11.00101$$

$$\begin{array}{r}
 00.10101 \\
 + 11.00101 \quad (\text{减除数}) \\
 \hline
 11.11010 \\
 \leftarrow 11.10100 \\
 + 00.11011 \quad (\text{加除数}) \\
 \hline
 00.01111 \\
 \leftarrow 00.11110 \\
 + 11.00101 \\
 \hline
 00.00011 \\
 \leftarrow 00.00110 \\
 + 00.11011 \\
 \hline
 01.00001 \\
 \leftarrow 10.00010 \\
 + 11.00101 \\
 \hline
 01.00111 \\
 \leftarrow 10.01110 \\
 + 00.11011 \\
 \hline
 11.01001 \\
 \therefore \text{商为 } 1.01001
 \end{array}$$

3.9 设数的阶码为 3 位，尾数为 6 位（均不包括符号位），按机器补码浮点运算规则完成下列 $[x+y]_{\text{补}}$ 运算。

$$(1) x = 2_{011} \times 0.100100, y = 2_{010} \times (-0.011010)。$$

对于阶码， $x_{\text{补}} = 00011 \ 00100100$ ， $y_{\text{补}} = 00010 \ 1100110$ ，阶差为 00001，，将 $y_{\text{补}}$ 的尾数右移一位得到 00011 1110011

$x_{\text{补}} + y_{\text{补}} = 00011 \ 00010111$ ，尾数相加为 00010111

再将结果规格化，由于尾数符号位跟最高有效位相同，需要左规，规格化结果如下

$x_{\text{补}} + y_{\text{补}} = 00010 \ 00101110$ ，不需要舍入，无溢出，则 $x_{\text{补}} + y_{\text{补}} = 000100010110$

3.11 假定在一个 8 位字长的计算机中运行如下 C 语言程序段。

```

unsigned int x=134;
unsigned int y=246;
int m=x; int n=y;
unsigned int z1=x-y;
unsigned int z2=x+y;
int k1=m-n;

```

```
int k2=m+n;
```

若编译器编译时将 8 个 8 位寄存器 R1 ~ R8 分别分配给变量 x 、 y 、 m 、 n 、 $z1$ 、 $z2$ 、 $k1$ 和 $k2$ 。请

回答

下列问题（提示：带符号整数用补码表示）。

（1）执行上述程序段后，寄存器 R1、R5 和 R6 中的内容分别是什么？（用十六进制表示）

R1 = 134，转为 16 进制为 86H；R5 = $x - y = -112$ ，由于 $z1$ 为无符号数，且机器是 8 位字长，所以 -112 会转成 $256 - 112 = 144$ ，因此 R5 = 144，转为 16 进制为 90H；同样，R6 会发生溢出， $z2 = 380 - 256 = 124$ ，转为 16 进制为 7CH。

因此，他们的内容如下

R1 = 86H, R5 = 90H, R6 = 7CH

（2）执行上述程序段后，变量 m 和 $k1$ 的值分别是多少？（用十进制表示）

对于 m ，将 134 转为二进制为 1000 0110，由于 m 为有符号数，因此首位 1 代表符号，根据补码运算可以得到 $m = -122$ ；同理， $k1$ 也是有符号数，经过计算 $k1$ 为两个有符号 int 的差，结果为 $134 - 246 = -112$

因此， m 和 $k1$ 的值如下

$m = -122$, $k1 = -112$

（3）上述程序段涉及带符号整数加减、无符号整数加减运算，这 4 种运算能否利用同一个加法器及辅助电路实现？简述理由。

能。加法器可以执行有符号数和无符号数的加减法，可以根据运算的类型来选择正确的操作数以及如何处理结果。无符号整数加减法可以直接用加法器进行运算，带符号整数加减法需要考虑符号位的影响，但仍然可以通过加法器实现

（4）计算机内部如何判断带符号整数加减运算的结果是否发生溢出？上述程序段中，哪些带符号整数运算语句的执行结果会发生溢出？

若符号位进位 Cf 和最高位数据为进位 Cd 不同，则结果溢出。最后一条语句执行时会发生溢出。